**Ejercicio 1:** El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis: get\_asoc(Llave,ListAsoc,Valor) tal que Valor es el resultado de recuperar en la lista de asociación

ListAsoc el valor asociado a la clave Llave.

Suponemos que una lista de asociación es un conjunto de pares [Llave, Valor] agrupados en una lista, donde las llaves NO se repiten.

**Ejemplo:** La respuesta a la pregunta :- get\_asoc(b,[[a,1],[b,2],[c,3]],X). es X=2

Nota máxima: 0.35 ptos

get\_asoc(Llave,[Llave|Valor],Valor).
get\_asoc(Llave,[Car|\_],Res):-get\_asoc(Llave,Car,Res),!.
get\_asoc(Llave,[\_|Cdr],Res):-get\_asoc(Llave,Cdr,Res).

**Ejercicio 2:** El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis: escalar(Lista1,Lista2,Resultado) tal que Resultado es el número real resultante de multiplicar escalarmente los vectores representados por Lista1 y Lista2.

**Ejemplo:** La respuesta a la pregunta :- escalar([1,2,3],[4,5,6], X) es X=32, donde 32=1\*4+2\*5+3\*6.

Nota máxima: 0.15 ptos

escalar([],\_,0). escalar([Car1|Cdr1],[Car2|Cdr2],Resultado):-escalar(Cdr1,Cdr2,Aux), Resultado is Aux+Car1\*Car2.

**Ejercicio 1:** El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis: eliminar(Lista,Posicion,Resultado) tal que Resultado es la lista obtenida a partir de la original Lista, una vez eliminado el elemento en la posición Posicion.

**Ejemplo:** La respuesta a :-eliminar([a,b,c,d,e,f,g,h,i],3,X) es X = [a,b,d,e,f,g,h,i].

Nota máxima: 0.35 ptos

```
\begin{aligned} & \text{eliminar}([],\_,[]). \\ & \text{eliminar}([\_|Y],1,Y). \\ & \text{eliminar}([\text{Car}|\text{Cdr}],X,[\text{Car}|\text{R}]) :- Y \text{ is } X\text{-}1, \text{ eliminar}(\text{Cdr},Y,R). \end{aligned}
```

### Ejercicio 2:

El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis: insert\_ceros(Lista,Resultado) tal que Resultado es la lista resultante de intercalar ceros entre los elementos de la lista Lista.

**Ejemplo:** La respuesta a insert\_ceros([1,2,[3,4],5], X) es X = [1,0,2,0,[3,4],0,5,0].

Nota máxima: 0.15 ptos

```
insert_ceros([],[]).
insert_ceros([Car|Cdr],[Car,0|R]) :- insert_ceros(Cdr,R).
```

**Ejercicio 1:** El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis: borrar\_unicos(Lista,Resultado) tal que Resultado es la lista resultante de borrar de la lista Lista, aquellos elementos que NO se repiten.

**Ejemplo:** La respuesta a la pregunta borrar\_unicos([1,2,[3,4],2,3,4,1], X) es X=[1,2].

Nota máxima: 0.35 ptos

borrar\_unicos([],[]).
borrar\_unicos([Car|Cdr], [Car|Res]):- miembro(Car,Cdr), borrar\_unicos(Cdr,Res),!.
miembro(X,[X|\_]).
miembro(X,[\_|Cdr]):- miembro(X,Cdr).

**Ejercicio 2:** El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis: anadir(Elem, Conj, Result) de tal forma que Result es el resultado de anadir el elemento Elem al conjunto Conj.

**Ejemplo:** La respuesta a la pregunta anadir(1,[4,5,6], X) es X=[1,4,5,6]

Nota máxima: 0.15 ptos

anadir(X,[],[X]).
anadir(X,Lista,Lista):-miembro(X,Lista),!.
anadir(X,Lista, Res):-insertar(X,Lista,Res),!.
miembro(X,[X|\_]).
miembro(X,[\_|Cdr]):- miembro(X,Cdr).

insertar(X,[],[X]).

$$\begin{split} & insertar(X,[Car|Cdr],[X,Car|Cdr]):- \ X < Car. \\ & insertar(X,[Car|Cdr],[X|Cdr]):- \ X=Car. \\ & insertar(X,[Car|Cdr],[Car|CdrX]):- \ X>Car,insertar(X,Cdr,CdrX). \end{split}$$

```
Objetivo: Partiendo del siguiente código, correspondiente al algoritmo de ordenación quicksort,
quicksort([],[]).
quicksort([Car|Cdr],R):-partir(Car,Cdr,Izq,Der),
                         quicksort(Izq,Izq_ordenada),
                         quicksort(Der, Der ordenada),
                         concatenar(Izq_ordenada,[Car|Der_ordenada],R).
partir(_,[],[],[]).
partir(Pivote,[Car|Cdr],[Car|Izq],Der): - Car =< Pivote, partir(Pivote,Cdr,Izq,Der).
partir(Pivote,[Car|Cdr],lzq,[Car|Der]) :- Car > Pivote, partir(Pivote,Cdr,lzq,Der).
concatenar([],L,L).
concatenar([Car|Cdr],L,[Car|R]):-concatenar(Cdr,L,R).
el alumno deberá implementar de nuevo el algoritmo quicksort, usando diferencias de listas en
lugar de la concatenación.
Nota máxima: 0.5 ptos
:- op(600,xfy,[\]).
partir(_,[],[],[]).
partir(Pivote, [Car|Cdr], [Car|Izq], Der): - Car = < Pivote, partir(Pivote, Cdr, Izq, Der).
partir(Pivote, [Car|Cdr], Izq, [Car|Der]):- Car > Pivote, partir(Pivote, Cdr, Izq, Der).
quicksort(Lista,Orden) :- quicksort_dl(Lista,Orden\[]).
quicksort_dl([],X\setminus X).
quicksort dl([Car|Cdr], Ordenl\X) :- partir(Car,Cdr,lzq,Der),
                                       quicksort_dl(Izq, Ordenl\[Car|OrdenD]),
                                       quicksort_dl(Der,OrdenD\X).
```

**Objetivo**: Implementar el recorrido enorden de un árbol binario, en donde cada nodo aparece expresado como una lista de tres elementos [Nodo, Hijolzdo, Hijolzdo, Hijolzdo]. Ejemplo: enorden([3,[5,[1,[],[]],[2,[],[]],[4,[9,[],[8,[],[]]],X). X=[1,5,2,3,9,8,4,7]

Se implementará con diferencias de listas en lugar de usar la concatenación.

Nota máxima: 0.5 ptos

```
\label{eq:cop} \begin{split} \text{:-op}(600,&xfy,[\]). \\ \text{enorden}(X,R):-enorden\_dl(X,R\]). \\ \text{enorden}_dl([\],X\X). \\ \text{enorden}_dl([Car,lzq,Der],X\Z):-enorden\_dl(lzq,X\[Car|Y]), \\ & enorden\_dl(Der,Y\Z). \end{split}
```

**Objetivo**: Implementar el recorrido en posorden de un árbol binario, en donde cada nodo aparece expresado como una lista de tres elementos [Nodo, Hijolzdo, HijoDcho]. Ejemplo: posorden([3,[5,[1,[],[]],[2,[],[]],[4,[9,[],[8,[],[]]],X).

X = [1,2,5,8,9,7,4,3]

Se implementará con diferencias de listas, en lugar de la concatenación.

Nota máxima: 0.5 ptos

**Objetivo**: Implementar el recorrido en preorden de un árbol binario, en donde cada nodo aparece expresado como una lista de tres elementos [Nodo, Hijolzdo, Hijolcho]. Ejemplo: preorden([3,[5,[1,[],[]],[2,[],[]],[4,[9,[],[8,[],[]]],[7,[],[]]],X). X = [3,5,1,2,4,9,8,7]

Se implementarán con diferencias de listas, en lugar de la concatenación.

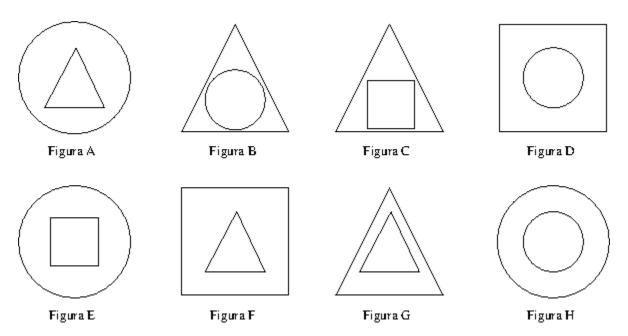
Nota máxima: 0.5 ptos

:-op(600,xfy,[/]).

El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis:

la Fig\_1 es\_a\_la Fig\_2 como\_la Fig\_3 es\_a\_la Fig\_4 mediante Relacion tal que Relacion es la relación de analogía que se establece entre cualquiera de las figuras Fig\_i implicadas en la frase. Las relaciones que se consideran son: interior, contorno, inversion, igualdad.

Las figuras a considerar son las de la ilustración adjunta.



Ejemplo: La respuesta a la pregunta:

:- la X es\_a\_la triangulo dentro\_de circulo como\_la cuadrado dentro\_de circulo es\_a\_la Y mediante Relacion.

debe ser

X = triangulo dentro\_de circulo,

Y = cuadrado dentro\_de circulo,

Relacion = igualdad.

Nota Máxima: 0'75 ptos

```
El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis:
la union_de Conj_1 y Conj_2 es el Conj_3
tal que Conj_3 es el resultado de unir los conjuntos Conj_1 y Conj_2.
Supondremos que un conjunto es una lista en la que no hay elementos repetidos.
NOTA: Observar que "la" y "el" son operadores independientes de "union_de" y "es", respectivamente.

Ejemplo: La respuesta a la pregunta
:- la union_de [1,2,3] con [3,4,5] es el X.
es
X = [4, 5, 1, 2, 3]

Nota Máxima: 0'75 ptos

--op(600,xfx,[y]).
:-op(700,xfx,[es]).
:-op(800,fx,[union_de]).
:-op(900,fx,[la]).
```

miembro( $X,[X|\_]$ ).

:-op(650,fx,[el]).

 $miembro(X,[\_|Cdr]) :- miembro(X,Cdr).$ 

la union\_de [] y C es el C.

la union\_de [Car|Cdr] y C es el Union :- miembro(Car,C),!,la union\_de Cdr y C es el Union.

la union\_de [Car|Cdr] y C es el [Car|Union] :- la union\_de Cdr y C es el Union.

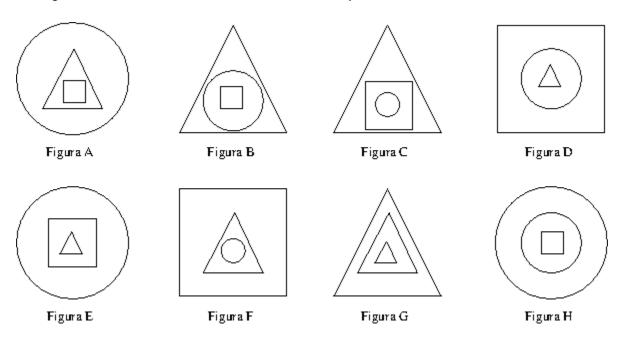
```
El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis:
el cartesiano_de Conj_1 por Conj_2 es Conj_3
tal que Conj_3 es es resultado de calcular el producto cartesiano de los conjuntos Conj_1 y
Conj_2.
NOTA: Observar que el operador "el" es independiente del operador "cartesiano".
Ejemplo:
La respuesta a la pregunta
:- el cartesiano_de [1,2] por [a,b] es X.
es
X = [[1, a], [1, b], [2, a], [2, b]]
Nota Máxima: 0'75 ptos
:-op(300,fy,[el]).
:-op(400,xfy,[cartesiano_de]).
:-op(100,xfy,[por]).
:-op(200,xfy,[es]).
linea(_,[],[]).
linea(E,[Car|Cdr],[[E,Car]|Resto]):- linea(E,Cdr,Resto).
concatenar([],X,X).
concatenar([Car|Cdr],Lista,[Car|R]):- concatenar(Cdr,Lista,R).
el cartesiano_de [] por _ es [].
el cartesiano_de [Car|Cdr] por C es X :- linea(Car,C,Linea),
```

el cartesiano\_de Cdr por C es Resto, concatenar(Linea,Resto,X).

El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis:

la Fig\_1 es\_a\_la Fig\_2 como\_la Fig\_3 es\_a\_la Fig\_4 mediante Relacion tal que Relacion es la relación de analogía que se establece entre cualquiera de las figuras Fig\_i implicadas en la frase. Las relaciones que se consideran son: centro, borde e igual. El alumno debera, además, implementar una relación que involucre explícitamente a las tres formas que definen una figura.

Las figuras a considerar son las de la ilustración adjunta.



Nota Máxima: 0'75 ptos

:-op(200,xfy,[dentro\_de]).

:-op(300,xfy,[es\_a\_la]).

:-op(100,fx,[la]).

:-op(400,xfy,[como\_la]).

:-op(500,xfy,[mediante]).

la F1 es\_a\_la F2 como\_la F3 es\_a\_la F4 mediante Relacion:-figura(F1,Forma1),figura(F2,Forma2),figura(F3,Forma3),figura(F4,Forma4),verifican(Forma1,Forma2,Relacion),verifican(Forma3,Forma4, Relacion).

```
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F1 dentro_de F2 dentro_de F3,igualdad).
verifican(F1 dentro de F2 dentro de F3, F3 dentro de F2 dentro de F1,inverso).
verifican(F1 dentro de F2 dentro de F3, F1 dentro de F3 dentro de
F2,doble_borde_inverso_y_mismo_centro).
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F4 dentro_de F3 dentro_de
F2,doble\_borde\_inverso\_sin\_mismo\_centro):- F1 = F4.
verifican(F1 dentro de F2 dentro de F3, F2 dentro de F1 dentro de
F3,doble_centro_inverso_y_mismo_borde).
verifican(F1 dentro de F2 dentro de F3, F2 dentro de F1 dentro de
F4,doble_centro_inverso_sin_mismo_borde):- F3 \==F4.
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F2 dentro_de F3 dentro_de F1,tirar).
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F3 dentro_de F1 dentro_de F2,empujar).
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F4 dentro_de F2 dentro_de F3,doble_borde):-
F1\==F4.
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F1 dentro_de F2 dentro_de F4,doble_centro):-
F3\==F4.
verifican(F1 dentro de F2 dentro de F3, F1 dentro de F4 dentro de F3, no medio):-
F2\==F4.
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F4 dentro_de F5 dentro_de F3,borde).
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F1 dentro_de F4 dentro_de F5,centro).
verifican(F1 dentro_de F2 dentro_de F3, F4 dentro_de F2 dentro_de F5,medio).
figura(a, cuadrado dentro_de triangulo dentro_de circulo).
```

```
figura(a, cuadrado dentro_de triangulo dentro_de circulo). figura(b, cuadrado dentro_de circulo dentro_de triangulo). figura(c, circulo dentro_de cuadrado dentro_de triangulo). figura(d, triangulo dentro_de circulo dentro_de cuadrado). figura(e, triangulo dentro_de cuadrado dentro_de circulo). figura(f, circulo dentro_de triangulo dentro_de cuadrado). figura(g, triangulo dentro_de triangulo dentro_de triangulo). figura(h, cuadrado dentro_de circulo dentro_de circulo).
```

El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis:

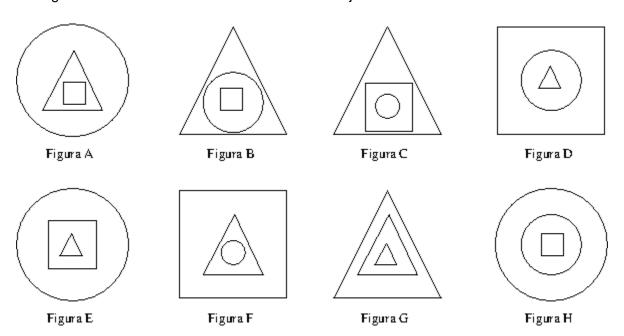
la Fig\_1 es\_a\_la Fig\_2 como\_la Fig\_3 es\_a\_la Fig\_4 mediante\_la\_analogia Relacion tal que Relacion es la relación de analogía que se establece entre cualquiera de las figuras Fig\_i implicadas en la frase. Las relaciones que se consideran son: centro, borde, igual e inversa.

La relación "inversa" se da entre dos figuras del tipo:

Forma\_1 dentro\_de Forma\_2 dentro\_de Forma\_3

Forma\_3 dentro\_de Forma\_2 dentro\_de Forma\_1

Las figuras a considerar son las de la ilustración adjunta.



#### Ejemplo:

Las respuestas a la pregunta

:- la X es\_a\_la cuadrado dentro\_de triangulo dentro\_de circulo como\_la circulo dentro\_de cuadrado dentro\_de triangulo es\_a\_la Y mediante Relacion.

deben incluir a

X = circulo dentro\_de triangulo dentro\_de cuadrado,

Y = triangulo dentro\_de cuadrado dentro\_de circulo,

Relacion = inversion.

Nota Máxima: 0'75 ptos

El alumno deberá implementar un predicado de sintaxis:

la Fig\_1 es\_a\_la Fig\_2 como\_la Fig\_3 es\_a\_la Fig\_4 mediante\_la\_analogia Relacion tal que Relacion es la relación de analogía que se establece entre cualquiera de las figuras Fig\_i implicadas en la frase. Las relaciones que se consideran son: centro, borde, igual e inversa.

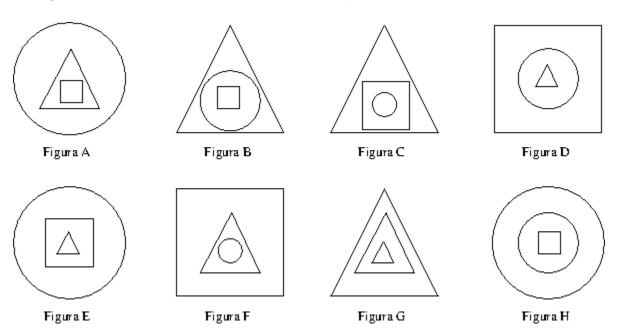
La relación "inversa" se da entre dos figuras del tipo:

Forma\_1 dentro\_de Forma\_2 dentro\_de Forma\_3

Forma\_3 dentro\_de Forma\_2 dentro\_de Forma\_1

El alumno debera, además, implementar una relación adicional que exija la definición de la asociatividad del operador "dentro\_de" que se usa para nombrar a las figuras.

Las figuras a considerar son las de la ilustración adjunta.



Nota Máxima: 0'75 ptos