Acquérir des compétences p. 171

46 > Analyse

- a. Plus le satellite est lancé avec une vitesse élevée, plus il « retombe » loin. Dans l'ordre croissant, on a donc: $v_1 < v_2 < v_3 < v_4$.
- b. D'après le schéma du document 1, la vitesse de lancement v_3 permet d'avoir une trajectoire circulaire autour de la Terre.
- c. Un satellite qui est lancé avec une vitesse trop faible risque de retomber et de s'écraser sur la Terre (s'il ne brûle pas en rentrant dans l'atmosphère).
- 2. a. D'après le tableau du document 2, pour échapper à la gravitation de la Terre depuis sa surface, il faut atteindre la vitesse de libération de 11,2 km·s⁻¹ soit 11,2 \times 3 600 = 4,03 \times 10⁴ km·h⁻¹.
- b. Cette vitesse est 4 fois plus grande que celle utilisée par le programme Apollo 11 (1,0 × 10⁴ km·h⁻¹).
- c. Ces vitesses sont différentes car l'une correspond à la vitesse nécessaire pour échapper à l'attraction de la Terre depuis la surface et l'autre depuis un point A en orbite autour de la Terre.

> Synthèse

La vitesse de libération pour échapper à la gravitation à partir de la surface de la Terre étant trop importante (4,03 × 10⁴ km·h⁻¹), la stratégie de la mission Apollo 11 a consisté à procéder en deux étapes :

- le premier allumage a permis de placer la fusée en orbite autour de la Terre;
- le second allumage de 10 × 10³ km·h⁻¹ correspond à la vitesse au point A (doc. 1) (vitesse supérieure à v₄), qui lui a permis d'échapper à l'attraction de la Terre pour avoir une trajectoire elliptique.

47 > Le problème à résoudre

L'ISS est modélisé par le point I.

On sait que:

$$\vec{F}_{\text{T/I}} = G \cdot \frac{M_{\text{T}} \cdot m_{\text{I}}}{(R_{\text{T}} + h)^2} \cdot \vec{u}_{\text{IT}}$$

$$\vec{g} = \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h)^2} \cdot \vec{u}_{TT}$$

Or on lit sur le graphique qu'à la surface de la Terre, soit à h = 0 m, la valeur de l'intensité de pesanteur $g_0 = 9.81 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$.

Comme
$$g_0 = \frac{G \cdot M_T}{R_T^2}$$
 alors $R_T = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{g_0}}$.

$$R_{\rm T} = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 5,97 \times 10^{24}}{9,81}}$$

$$R_{\rm T} = 6.37 \times 10^6 \, \rm m$$

d'où
$$g_{\rm I} = \frac{G \cdot M_{\rm T}}{(R_{\rm T} + h)^2}$$

$$R_{\rm T} = 6.37 \times 10^6 \,\mathrm{m}$$

d'où $g_{\rm I} = \frac{G \cdot M_{\rm T}}{(R_{\rm T} + h)^2}$.
 $g_{\rm I} = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 5.97 \times 10^{24}}{(6.37 \times 10^6 + 400 \times 10^8)^2}$

$$g_1 = 8,69 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$$

Ainsi, $\frac{g_1}{g_0} = \frac{8,69}{9,81} = 0,886$ soit 89 %, donc à l'altitude de l'ISS, l'intensité de pesanteur est bien de l'ordre de 90 % de sa valeur à la surface de la Terre.