

ANALYSE ASYMPTOTIQUE

Exercice 1 : Tours de Hanoi (algorithme récursif)

```

public static void hanoi(int n, List<Integer> tourDepart, List<Integer>
tourArrivee, List<Integer> tourIntermediaire) {
    if (n == 1) {
        tourArrivee.add(tourDepart.remove(tourDepart.size() - 1));    T(1)
    } else {
        hanoi(n - 1, tourDepart, tourIntermediaire, tourArrivee);      T(n-1)
        tourArrivee.add(tourDepart.remove(tourDepart.size() - 1));    T(1)
        hanoi(n - 1, tourIntermediaire, tourArrivee, tourDepart);      T(n-1)
    }
    compteur++;
}

```

Si on teste la valeur de n pour plusieurs valeurs, on obtient :

| | | | | | | | | |
|------------------------|---|---|---|----|----|----|-----|-----------|
| Nombre de disques | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | ... | <i>n</i> |
| Nombre de déplacements | 1 | 3 | 7 | 15 | 31 | 63 | ... | $2^n - 1$ |

On a deux déplacements simples, plus deux appels à la fonction récursive :

$$T(n) = 1 + (n-1) + 1 + (n-1) = 2 + 2(n-1)$$

$$= 2^n$$

On a donc une complexité de $O(2^n)$

Exercice 2 : Tri sélectif (algorithme récursif)

```
public static void tri(int[] tab, int n) {  
    if (n == 1) {  
        return;  
    }  
    tri(tab, n - 1);  
    int dernier = tab[n - 1];  
    int j = n - 2;  
    while (j >= 0 && tab[j] > dernier) {  
        tab[j + 1] = tab[j];  
        j--;  
    }  
    tab[j + 1] = dernier;  
}
```

Dans le pire des cas on aura une complexité de $O(n^2)$ avec n la taille de l'entrée (en réalité $n-1$).