## МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Казанский национальный исследовательский технический университет им. А.Н.

Туполева-КАИ» (КНИТУ-КАИ)

Институт Компьютерных технологий и защиты информации

(наименование института)

Кафедра Прикладной математики и информатики

(наименование кафедры)

#### ДОМАШНЯЯ РАБОТА

по дисциплине

«Теория формальных языков и методы трансляции»

Вариант 2.14

Выполнил студент группы  $\underline{4312}$   $\underline{\mathcal{L}}$ . $\underline{\mathcal{L}}$ .

# **Contents**

| 1 | Опр  | ределение типа языка L  | 3 |
|---|------|---|---|
| 2 | Регу | улярный язык  | 3 |
|   | 2.1  | Приведите искомого множества к регулярному виду                     | 3 |
|   |      | Построение регулярного выражения для искомого регулярного множества |   |
|   | 2.3  | Получение регулярной грамматики                                     | 2 |
|   |      | 2.3.1 Построение леволинейной и праволинейной грамматик             | 4 |
|   |      | 2.3.2 Приведение грамматики   | ť |

Вариант 2.14

$$L = \{((a,b)^2)^k \cdot ((b,c)^2)^m : \forall k > 0, m \ge 0, k, m \in \mathbb{Z}\}$$
(1)

(2)

# 1 Определение типа языка L

Язык ф-л. (1) является регулярным. Докажем это, пользуясь замкнутостью класса регулярных языков.

- 1. Множества  $\{a\}, \{b\}, \{c\}$  являются регулярными по определению;
- 2. Множества

$${a} \cup {b} = {a, b}$$
 (3)

$$\{b\} \cup \{c\} = \{b, c\} \tag{4}$$

регулярны, так как объединение регулярных множеств — регулярное множество

3. Множества

$$S_1 = \{a, b\}\{a, b\} \tag{5}$$

$$S_2 = \{b, c\}\{b, c\} \tag{6}$$

регулярны, поскольку конкатенация регулярных множеств — регулярное множество

4. Множества

$$S_1^+ = S_1 S_1^* \tag{7}$$

$$S_2^* \tag{8}$$

регулярны, посколько итерация регулярного множества — регулярное множество и конкатенация регулярных множеств — регулярное множество

Конкатенация регулярных множеств — регулярное множество, а потому:

$$S_3 = S_1^+ \cdot S_2^* \tag{9}$$

есть регулярное множество.

# 2 Регулярный язык

## 2.1 Приведите искомого множества к регулярному виду

Регулярное множество:

$${a,b} \cdot {a,b}^* \cdot {b,c}^*$$
 (10)

## 2.2 Построение регулярного выражения для искомого регулярного множества

$$p = ((a+b)(a+b))^{+}((b+c)(b+c))^{*}$$
(11)

## 2.3 Получение регулярной грамматики

### 2.3.1 Построение леволинейной и праволинейной грамматик

$$G_{1} = \begin{pmatrix} \{S_{1}\}, \Sigma, \\ \{S_{1} \to a\}, S_{1} \end{pmatrix}, G_{2} = \begin{pmatrix} \{S_{2}\}, \Sigma, \\ \{S_{2} \to b\}, S_{2} \end{pmatrix}$$

$$G_{3} = \begin{pmatrix} \{S_{3}\}, \Sigma, \\ \{S_{3} \to a\}, S_{3} \end{pmatrix}, G_{4} = \begin{pmatrix} \{S_{4}\}, \Sigma, \\ \{S_{4} \to b\}, S_{4} \end{pmatrix}$$

$$G_{5} = \begin{pmatrix} \{S_{5}\}, \Sigma, \\ \{S_{5} \to b\}, S_{5} \end{pmatrix}, G_{6} = \begin{pmatrix} \{S_{6}\}, \Sigma, \\ \{S_{6} \to c\}, S_{6} \end{pmatrix}$$

$$G_{7} = \begin{pmatrix} \{S_{7}\}, \Sigma, \\ \{S_{7} \to b\}, S_{7} \end{pmatrix}, G_{8} = \begin{pmatrix} \{S_{8}\}, \Sigma, \\ \{S_{8} \to c\}, S_{8} \end{pmatrix}$$

$$G_{9} = \begin{pmatrix} \{S_{9}, S_{1}, S_{2}\}, \Sigma, \\ \{S_{1} \to a\}, S_{2} \end{pmatrix}, G_{10} = \begin{pmatrix} \{S_{10}, S_{3}, S_{4}\}, \Sigma, \\ \{S_{10} \to S_{3} \mid S_{4}\}, S_{10} \end{pmatrix}$$

$$G_{11} = \begin{pmatrix} \{S_{11}, S_{5}, S_{6}\}, \Sigma, \\ \{S_{11} \to S_{5} \mid S_{6}\}, S_{5} \to b, \\ \{S_{6} \to c\}, S_{11} \end{pmatrix}, G_{12} = \begin{pmatrix} \{S_{12}, S_{7}, S_{8}\}, \Sigma, \\ \{S_{12} \to S_{7} \mid S_{8}\}, S_{12}, S_{12} \end{pmatrix}$$

$$G''_{13} = \begin{pmatrix} \{S_{9}, S_{1}, S_{2}, S_{10}, S_{3}, S_{4}\}, \Sigma, \\ \{S_{9} \to S_{1} \mid S_{2}\}, S_{10}, S_{3}, S_{4}\}, \Sigma, \\ \{S_{10} \to S_{3} \mid S_{4}\}, S_{10}, S_{3}, S_{4}\}, S_{10} \end{pmatrix}$$

$$G''_{13} = \begin{pmatrix} \{S_{9}, S_{1}, S_{2}, S_{10}, S_{3}, S_{4}\}, \Sigma, \\ \{S_{9} \to S_{1} \mid S_{2}\}, S_{10}, S_{3}, S_{4}\}, \Sigma, \\ \{S_{10} \to S_{3} \mid S_{4}\}, S_{10}, S_{3}, S_{4}\}, \Sigma, \\ \{S_{10} \to S_{3} \mid S_{4}\}, S_{10}, S_{3}, S_{4}, S_{3}, S_{4}, S_{4}, \delta\}$$

$$G'_{14} = \begin{pmatrix} \{S_{11}, S_{5}, S_{6}, S_{12}, S_{7}, S_{8}\}, \Sigma, \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{5} \rightarrow b, S_{6} \rightarrow c \\ S_{12} \rightarrow S_{7} \mid S_{8} \\ S_{7} \rightarrow S_{11}b \\ S_{8} \rightarrow S_{11}c \end{pmatrix}, G''_{14} = \begin{pmatrix} \{S_{11}, S_{5}, S_{6}, S_{12}, S_{7}, S_{8}\}, \Sigma, \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{5} \rightarrow bS_{12} \\ S_{6} \rightarrow cS_{12} \\ S_{12} \rightarrow S_{7} \mid S_{8} \\ S_{7} \rightarrow b, S_{8} \rightarrow c \end{pmatrix}, S_{11}$$

$$G'_{15} = \begin{pmatrix} \{S_{9}, S_{1}, S_{2}, S_{10}, S_{3}, S_{4}, S_{15}\}, \Sigma, \\ S_{9} \rightarrow S_{1} \mid S_{2} \\ S_{1} \rightarrow S_{15}a \mid a \\ S_{2} \rightarrow S_{15}b \mid b \\ S_{10} \rightarrow S_{3} \mid S_{4} \\ S_{3} \rightarrow S_{9}a \\ S_{4} \rightarrow S_{9}b \\ S_{15} \rightarrow S_{10} \end{pmatrix}, G''_{15} = \begin{pmatrix} \{S_{9}, S_{1}, S_{2}, S_{10}, S_{3}, S_{4}, S_{15}\}, \Sigma, \\ S_{9} \rightarrow S_{1} \mid S_{2} \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{5} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{10} \rightarrow S_{3} \mid S_{4} \\ S_{3} \rightarrow S_{9}a \\ S_{4} \rightarrow S_{9}b \\ S_{15} \rightarrow S_{10} \end{pmatrix}, S_{15}$$

$$G''_{16} = \begin{pmatrix} \{S_{11}, S_{5}, S_{6}, S_{12}, S_{7}, S_{8}, S_{16}\}, \Sigma, \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{5} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{10} \rightarrow S_{3} \mid S_{4} \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{5} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{10} \rightarrow S_{3} \mid S_{4} \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{5} \rightarrow S_{5} \mid S_{12} \\ S_{12} \rightarrow S_{7} \mid S_{8} \\ S_{7} \rightarrow S_{11}b \\ S_{8} \rightarrow S_{11}c \\ S_{10} \rightarrow S_{3} \mid S_{4} \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{5} \rightarrow S_{12}c \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{7} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{8} \rightarrow CS_{12}c \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{7} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{8} \rightarrow CS_{12}c \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{7} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{8} \rightarrow CS_{12}c \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{7} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{8} \rightarrow CS_{12}c \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6} \\ S_{7} \rightarrow S_{15}b \mid b \\ S_{8} \rightarrow S_{7} \mid S_{8}c \\ S_{7} \rightarrow S_{16}b \mid b \\ S_{8} \rightarrow CS_{12}c \\ S_{11} \rightarrow S_{5} \mid S_{6}c \\ S_{7} \rightarrow S_{11}b \\ S_{8} \rightarrow S_{7} \mid S_{8}c \\ S_{7} \rightarrow S_{11}b \\ S_{8} \rightarrow S_{11}c \\ S_{10} \rightarrow S_{3} \mid S_{4}c \mid S_{11}c \\ S_{10} \rightarrow S_{11}b \mid$$

#### 2.3.2 Приведение грамматики

#### 1. Проверка пустоты

$$\begin{split} C_0 &= \varnothing \\ C_1 &= \{S_{16}, S_1, S_2\} \cup C_0 = \{S_{16}, S_1, S_2\} \\ C_2 &= \{S_9, S_5, S_6\} \cup C_1 = \{S_1, S_2, S_5, S_6, S_9, S_{16}\} \\ C_3 &= \{S_9, S_5, S_6, S_3, S_4, S_{11}\} \cup C_2 = \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5, S_6, S_9, S_{11}, S_{16}\} \\ C_4 &= \{S_9, S_5, S_6, S_3, S_4, S_{11}, S_{10}, S_7, S_8\} \cup C_3 = \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5, S_6, S_7, S_8, S_9, S_{10}, S_{11}, S_{16}\} \\ C_5 &= \{S_9, S_5, S_6, S_3, S_4, S_{11}, S_{10}, S_7, S_8, S_{12}, S_{15}\} \cup C_4 = \\ &= \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5, S_6, S_7, S_8, S_9, S_{10}, S_{11}, S_{12}, S_{15}, S_{16}\} = C_5 \\ C_6 &= \{S_9, S_5, S_6, S_3, S_4, S_{11}, S_{10}, S_7, S_8, S_{12}, S_{15}\} \cup C_5 = \\ &= \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5, S_6, S_7, S_8, S_9, S_{10}, S_{11}, S_{12}, S_{15}, S_{16}\} = C_5 = \aleph \end{split}$$

Так как

$$S = S_{16} \in C_5 \Longrightarrow L(G'_{17}) \neq \emptyset \tag{13}$$