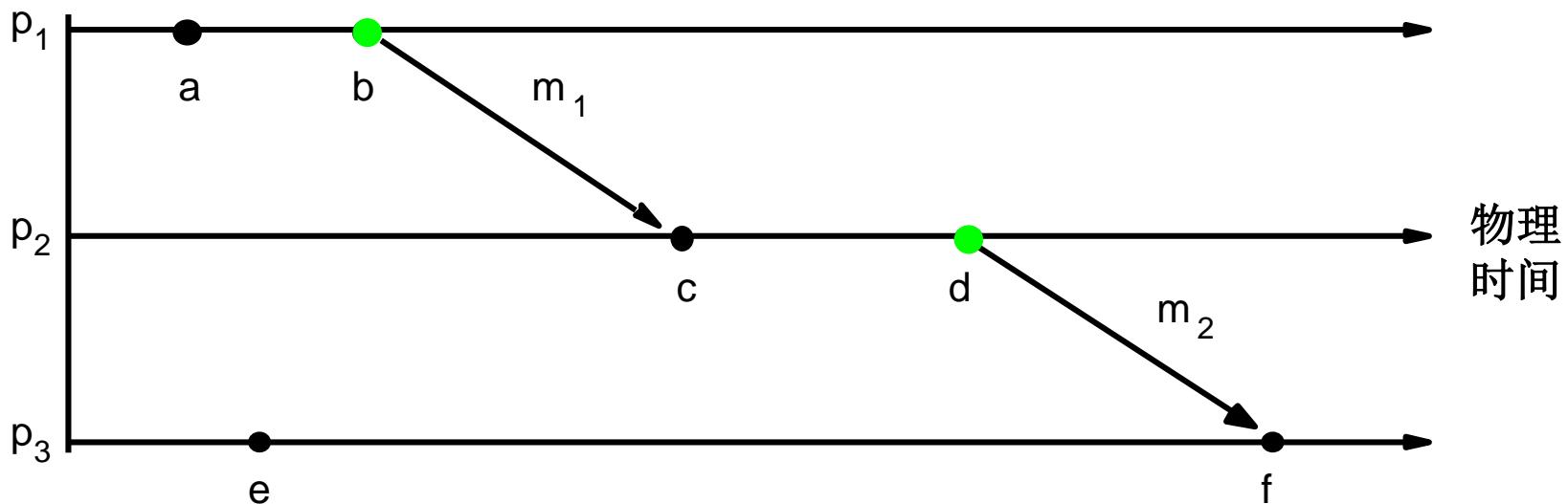


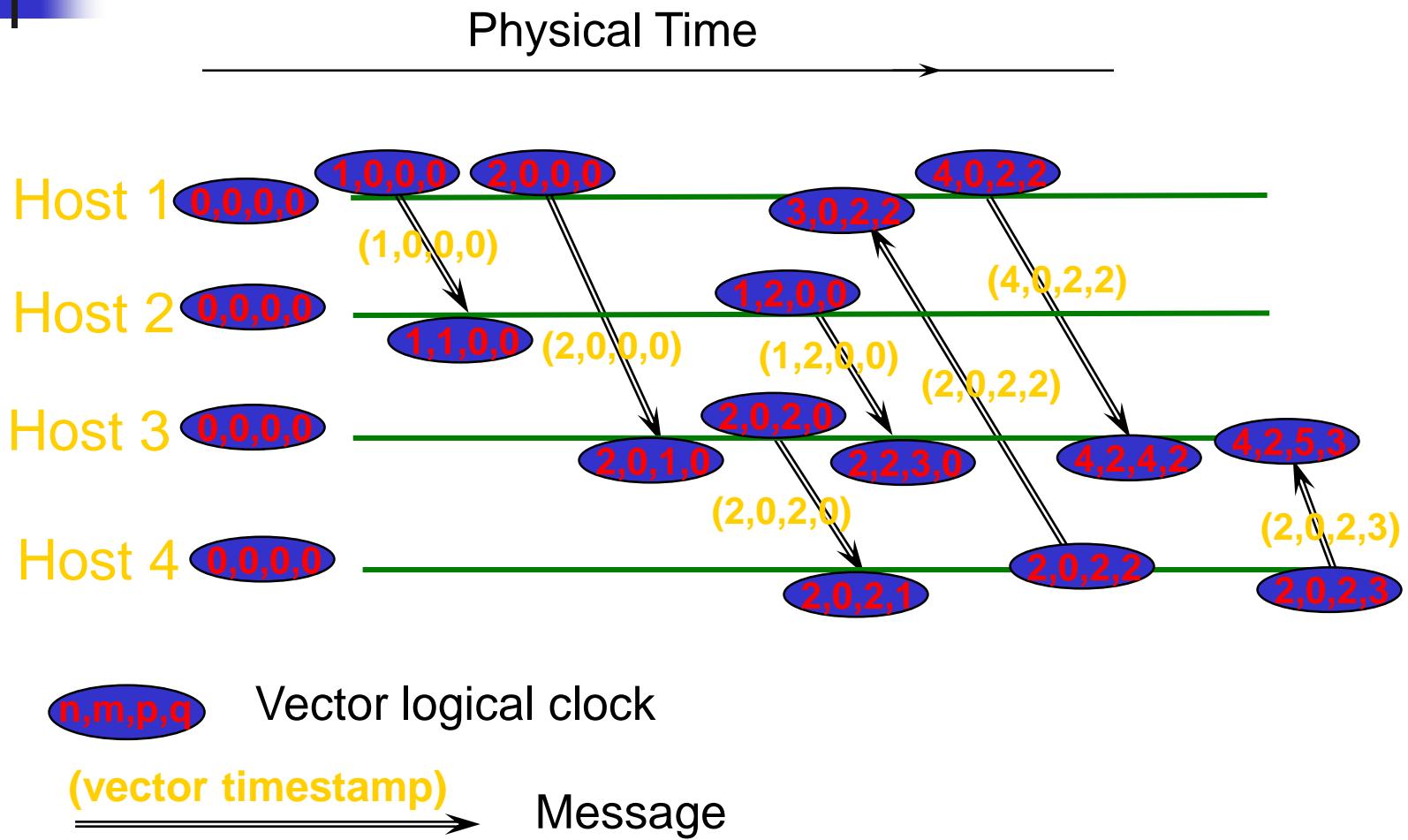
# Review: 逻辑时间和逻辑时钟

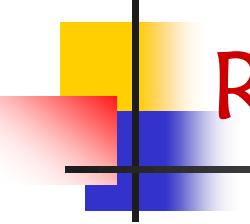
## ■ 事件排序示例



- $b \rightarrow c$ ,  $c \rightarrow d$  和  $d \rightarrow f$  成立
- $b \rightarrow f$  与  $e \rightarrow f$  均成立
- 事件  $b$  和  $e$  无法比较, 即  $b \parallel e$

# Review: 向量时钟





# Review:全局状态

- 进程状态

$s_i^k$ : 进程 $p_i$ 在第 $k$ 个事件发生之前的状态

- 全局状态——单个进程状态的集合

$$S = (s_1, s_2, \dots, s_N)$$

- 割集——系统全局历史的子集

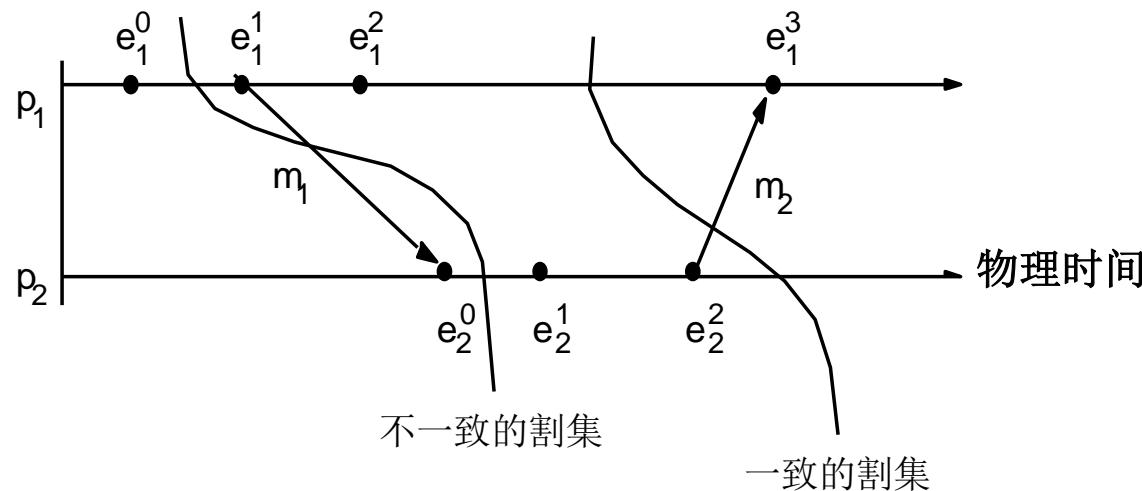
$$C = \langle h_1^{c1}, h_2^{c2} \dots h_3^{c3} \rangle$$

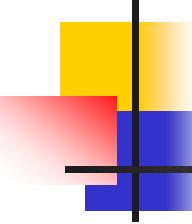
- 割集的一致性

割集 $C$ 是一致的: 对于所有事件 $e \in C, f \rightarrow e \Rightarrow f \in C$

# Review: 全局状态

## ■ 割集示例





# Review: 分布式调试

## ■ 方法

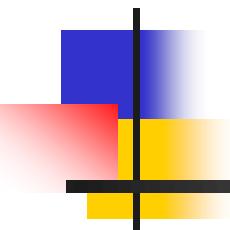
- 监控器进程

收集进程状态信息

- 全局状态谓词 $\phi$ 的判断

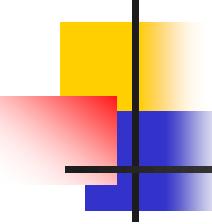
- 可能的 $\phi$ : 存在一个一致的全局状态 $S$ ,  $H$ 的一个线性化走向经历了这个全局状态 $S$ , 而且该 $S$ 使得 $\phi(s)$ 为True。

- 明确的 $\phi$ : 对于 $H$ 的所有线性化走向 $L$ , 存在 $L$ 经历的一个一致的全局状态 $S$ , 而且该 $S$ 使得 $\phi(s)$ 为True。



# 分布式系统

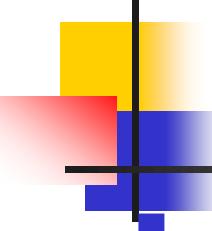
## 协调和协定



## 第七章 协调和协定

---

- 简介
- 分布式互斥
- 选举
- 组播通信
- 共识和相关问题
- 小结



# 简介

构造分布式系统的主要动力：**资源共享和协作**

- 分布式系统中的进程需要**协调动作**和对共享资源**达成协定**
- 分布式中的协作

- 互斥
- 选举
- 组播

可靠性和排序语义

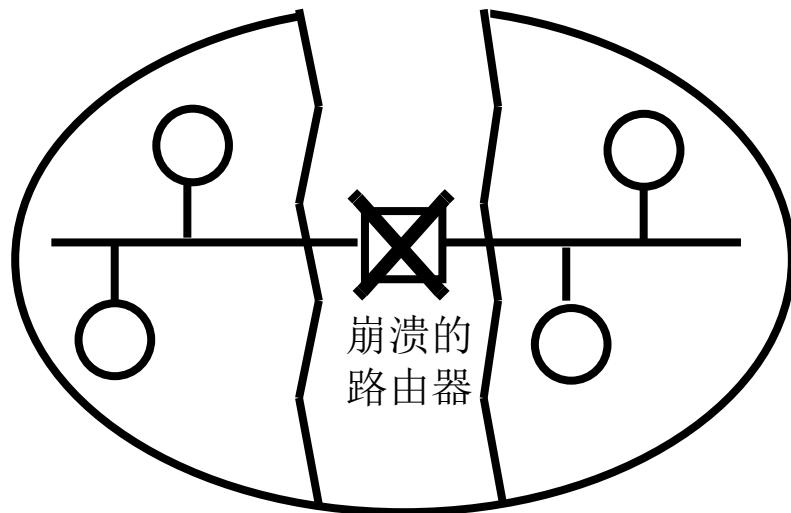
- 进程间的协定

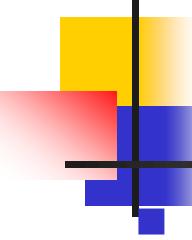
共识和拜占庭协定

# 简介

## 故障模型

- 先考虑 无故障模型
  - 再考虑 良性故障
  - 然后考虑 随机故障
- 
- Internet现状
    - 网络分区
    - 非对称路由
    - 连接的非传递性
      - $p \rightarrow q, q \rightarrow r, \text{ 但 } p \not\rightarrow r$





# 简介

## 通道假设

进程通过可靠的通道连接

- 进程假设

进程仅在崩溃时出现故障

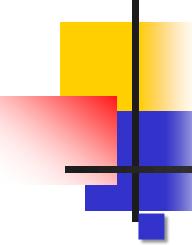
- 故障检测器

- 不可靠的故障检测器

产生值: *Unsuspected*和*Suspected*

- 可靠的故障检测器

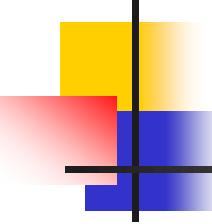
产生值: *Unsuspected*和*Failed*



# 简介

## 不可靠故障检测器的实现示例

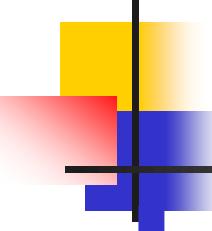
- 每个进程以周期T通告自己正常消息
- 检测器以时间D作为最大消息传输延迟
- 若检测器在时间 $T+D$ 内没有收到进程的通告消息，则设定此进程的状态为“Suspected”
- 时间参数T、D可动态设置



## 第七章 协调和协定

---

- 简介
- 分布式互斥
- 选举
- 组播通信
- 共识和相关问题
- 小结



# 分布式互斥

## 目的

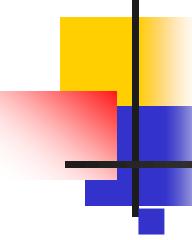
仅基于消息传递，实现对资源的互斥访问

### ■ 假设

- 异步系统
- 无故障进程
- 可靠的消息传递

### ■ 执行临界区的应用层协议

- enter() //进入临界区——若必要，可以阻塞进入
- resourceAccesses() //在临界区访问共享资源
- exit() //离开临界区——其它进程现在可以进入



# 分布式互斥

## 基本要求

- 安全性

在临界区内一次最多有一个进程可以执行

- 活性

进入和离开临界区的请求最终成功执行

- →顺序

如果一个进入临界区的请求发生在先，则进去临界区时仍按此顺序。

# 分布式互斥

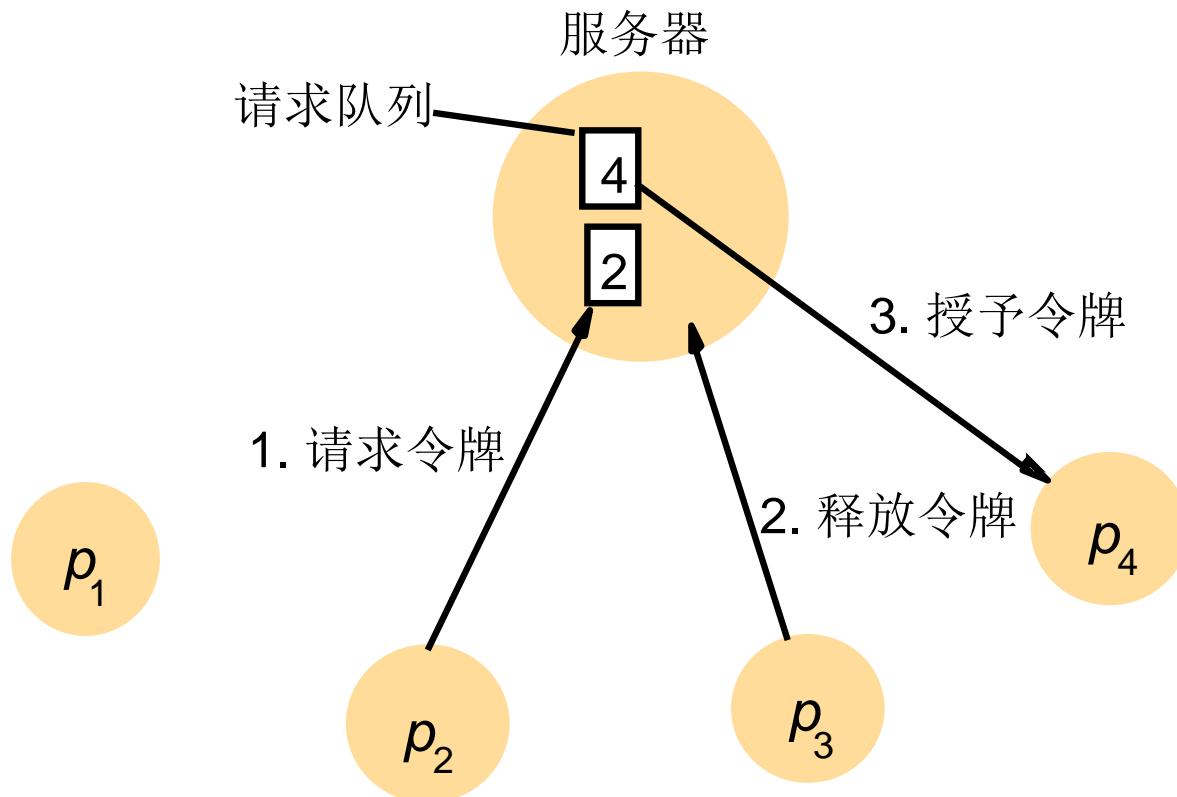
## 算法的性能评价

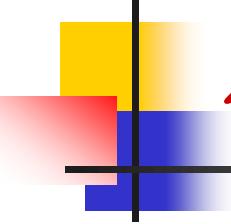
- 带宽消耗  
在每个 enter 和 exit 操作中发送的消息数
- 客户延迟  
由 enter 和 exit 操作引起的延迟
- 吞吐量  
用同步延迟来衡量，即一个进程离开临界区和下一个进程进入临界区之间的延迟。

# 分布式互斥

## 中央服务器算法

- 构架





# 分布式互斥

- 满足安全性和活性要求，但不满足顺序要求。

- 性能

- 带宽消耗

- enter(): 2个消息，即请求消息和授权消息

- exit(): 1个消息，即释放消息

- 客户延迟

- 消息往返时间导致请求进程延迟

- 同步延迟

- 1个消息的往返时间

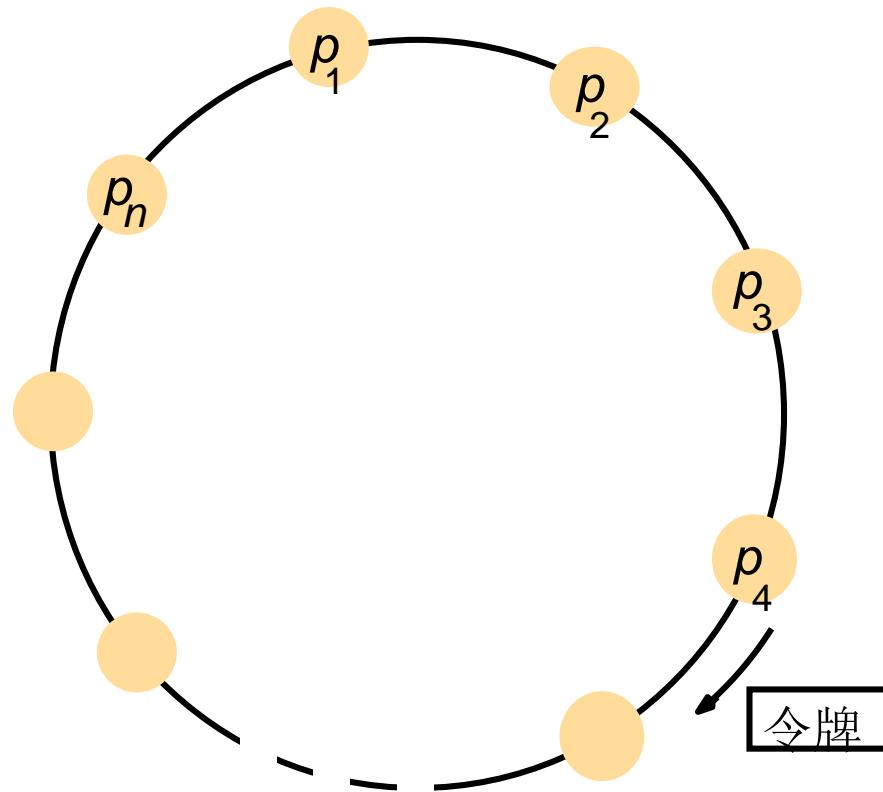
- 性能瓶颈

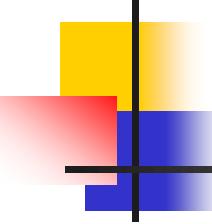
- 服务器

# 分布式互斥

## 基于环的算法

- 构架





# 分布式互斥

- 满足安全性和活性要求，但不满足顺序要求。

- 性能

- 带宽消耗

- 由于令牌的传递，会持续消耗带宽

- 客户延迟

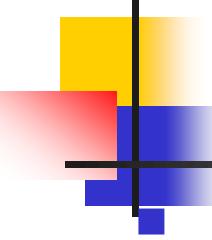
- Min: 0个消息，正好收到令牌

- Max: N个消息，刚刚传递了令牌

- 同步延迟

- Min: 1个消息，进程依次进入临界区

- Max: N个消息，一个进程连续进入临界区，期间无其他进程进入临界区



# 分布式互斥

## 使用组播和逻辑时钟的算法

- 基本思想

- 进程进入临界区需要所有其它进程的同意

- 组播+应答

- 并发控制

- 采用Lamport时间戳避免死锁

# 分布式互斥

## ■ 算法伪码

初始化:

state:=RELEASED;

为了进入临界区

state:=WAITED;

组播请求给所有进程;

T:=请求的时间戳;

Wait until (接收到的应答数=(N-1));

state:=HELD;

在 $p_j$ ( $i \neq j$ )接收一个请求 $\langle T_i, p_i \rangle$

**if** (state = HELD or (state = WANTED and  $(T, p_j) < (T_i, p_i)$ ))

**then** 将请求放入 $p_i$ 队列,不给出应答;

**else** 马上给 $p_i$ 应答;

**end if**

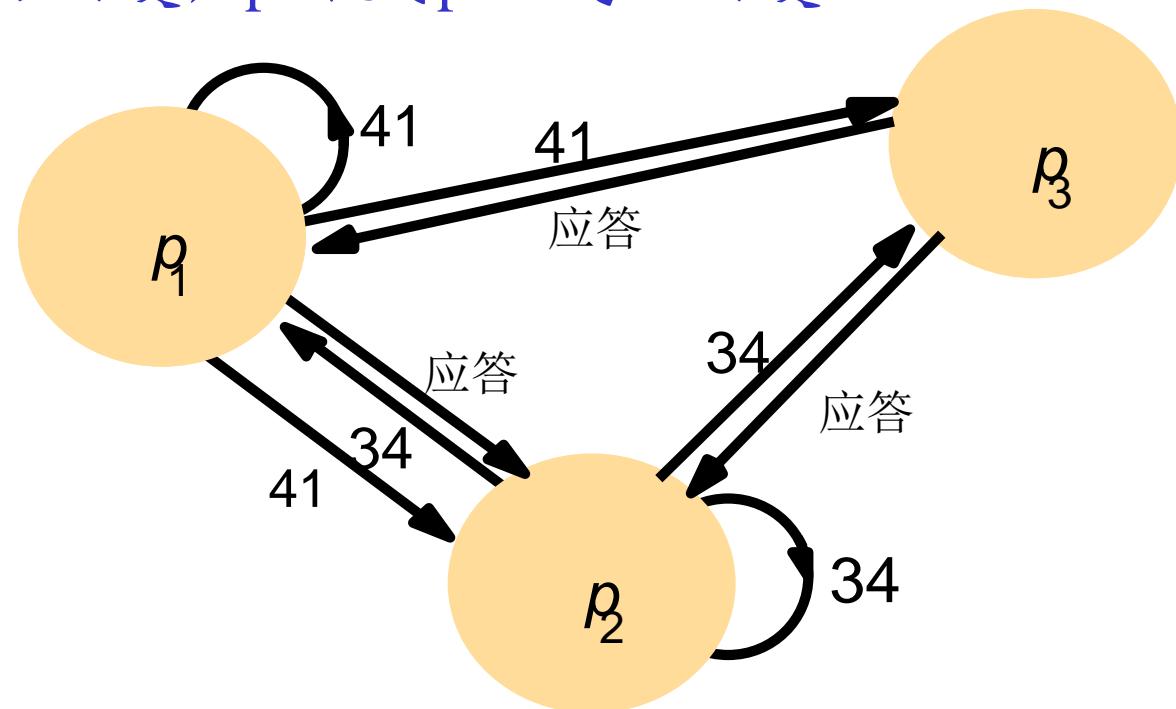
为了退出临界区;

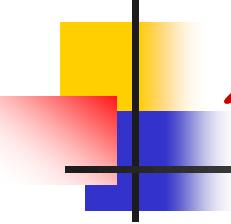
state := RELEASED;

对已进入队列的请求给出应答;

# 分布式互斥

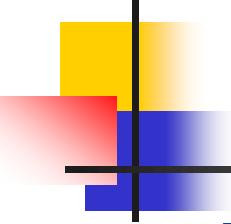
- 示例  $p_1, p_2$  并发请求进入临界区（时间戳小优先）
- $p_3$  不进入， $p_1, p_2$  竞争。
- $p_2$  先发时间戳 34,  $p_1$  后发时间戳 41,  $p_2$  收到  $p_1$  后先不回复,  $p_1$  收到  $p_2$  后马上回复





# 分布式互斥

- 满足安全性、活性和顺序要求。
- 性能
  - 带宽消耗
    - enter():  $2(N - 1)$ , 即  $(N - 1)$  个请求、 $(N - 1)$  个应答
  - 客户延迟
    - 1 个消息往返时间
  - 同步延迟
    - 1 个消息的传输时间



# 分布式互斥

## ■ Maekawa投票算法

### ■ 基本思想

- 进程进入临界区需要部分其它进程的同意

- 选举集

➤  $V_i \subseteq \{p_1, p_2, \dots, p_n\}$

➤  $p_i \in V_i$

➤  $V_i \cap V_j \neq \emptyset$

➤  $|V_i| = K$ , To be fair,  $K \approx \sqrt{n}$

➤ 每个进程 $p_j$ 包括在选举集 $V_i$ 中的 $M$ 个集合中,  $M = K$

# 分布式互斥

## ■ 算法伪码

初始化:

state:=RELEASED;

voted:=FALSE;

$p_i$ 为了进入临界区

state:=WAITED;

将请求组播给 $v_i$ 中的所有进程;

Wait until (接收到的应答数=K);

state:=HELD;

在 $p_j$ ( $i \neq j$ )接收来自 $p_i$ 的请求:

*if* (state = HELD or voted= TRUE)

    将来自 $p_i$ 的请求放入队列,不予应答;

*else*

    将应答发送给 $p_i$ ;

    voted:=TRUE

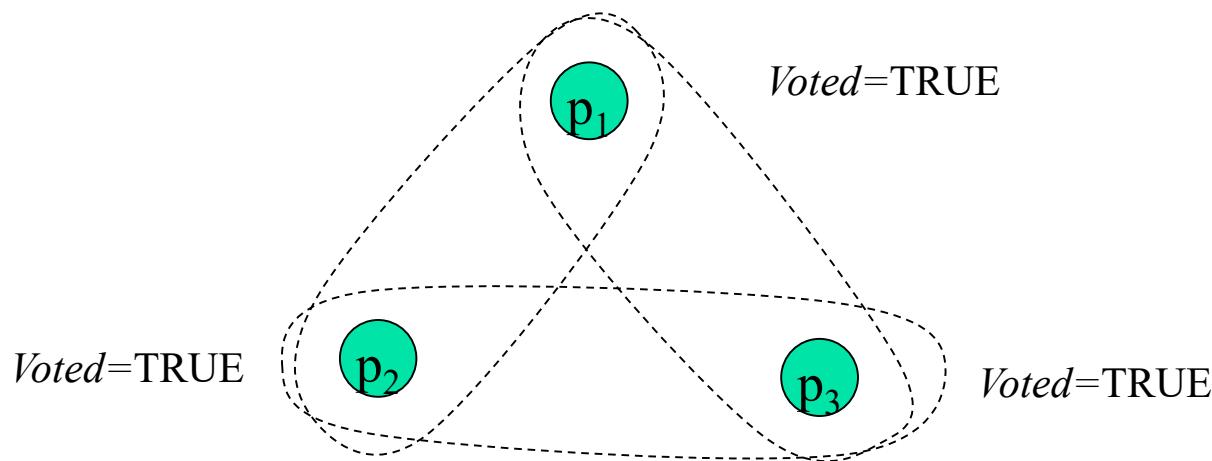
*end if*

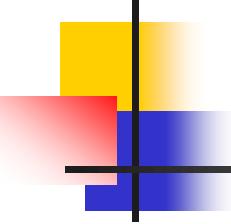
# 分布式互斥

## ■ Maekawa算法会产生死锁

三个进程  $p_1$ 、 $p_2$  和  $p_3$ ，且  $V_1 = \{p_1, p_2\}$ ， $V_2 = \{p_2, p_3\}$ ， $V_3 = \{p_3, p_1\}$ 。若三个进程并发请求进入临界区，考虑下列情况：

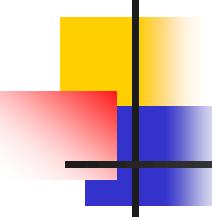
1.  $p_1$  应答了自己，但延缓  $p_2$ ；
2.  $p_2$  应答了自己，但延缓  $p_3$ ；
3.  $p_3$  应答了自己，但延缓  $p_1$ 。





# 分布式互斥

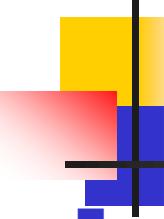
- Maekawa 算法改进后可满足安全性、活性和顺序性  
    进程按发生在先顺序对待请求队列
- 性能
  - 带宽消耗  
         $3\sqrt{N}$  : 即进入需要  $2\sqrt{N}$  个消息, 退出需要  $\sqrt{N}$  个消息
  - 客户延迟  
        1 个消息往返时间
  - 同步延迟  
        较差, 1 个往返时间, 非单个消息的往返时间



## 第七章 协调和协定

---

- 简介
- 分布式互斥
- 选举
- 组播通信
- 共识和相关问题
- 小结



# 选举

## 基本概念

- 选举算法

选择一个唯一的进程来扮演特定角色的算法

- 召集选举

一个进程启动了选举算法的一次运行

- 参加者

进程参加了选举算法的某次运行

- 非参加者

进程当前没有参加任何选举算法

- 进程标识符

唯一且可按全序排列的任何数值

# 选举

## 基本要求

- 安全性

参与的进程  $p_i$  有  $elected_i = \perp$  或  $elected_i = P$

$\perp$  表示该值还没有定义

- 活性

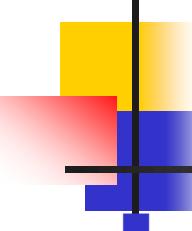
所有进程  $p_i$  都参加并且最终置  $elected_i \neq \perp$  或 进程  $p_i$  崩溃

- 性能评价

- 带宽消耗

- 回转时间

从启动算法到终止算法之间的串行消息传输的次数



# 选举

## 基于环的选举算法

- 目的

在异步系统中选举具有最大标识符的进程作为协调者

- 基本思想

按逻辑环排列一组进程

# 选举

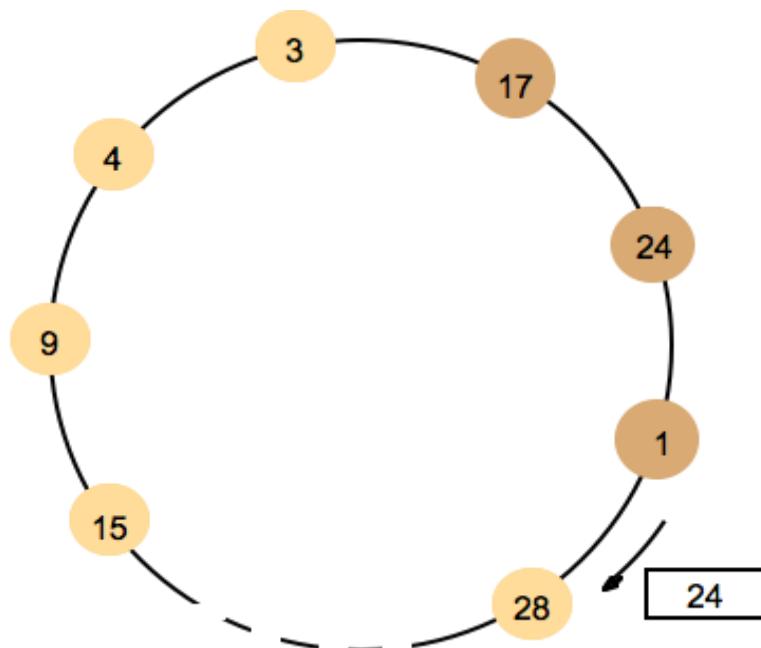
## ■ 算法

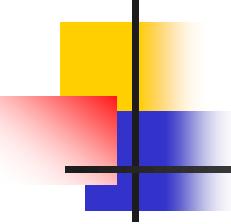
- 最初，每个进程标记非参加者
- 任一进程可以开始一次选举
  - > 将自身标记为参加者
  - >  $\text{id}_{\text{msg}} = \text{id}_{\text{local}}$ ，发送 {elect,  $\text{id}_{\text{msg}}$ } 至邻居
- 非参加者转发选举消息
  - > 将自身标记为参加者
  - > 发送 {elect,  $\text{MAX}(\text{id}_{\text{local}}, \text{id}_{\text{msg}})$ } 至邻居
- 当  $\text{id}_{\text{local}} = \text{id}_{\text{msg}}$  时，该进程成为协调者
  - > 将自身标记为非参加者
  - >  $\text{id}_{\text{coordinator}} = \text{id}_{\text{local}}$ ，发送 {elected,  $\text{id}_{\text{coordinator}}$ } 至邻居
- 参加者转发选举结果消息
  - > 将自身标记为非参加者
  - > 记录  $\text{id}_{\text{coordinator}}$

# 选举

## ■ 算法示例

选举从进程17开始。到目前为止，所遇到的最大的进程标识符是24。参与的进程用深色表示。





# 分布式互斥

- 性能

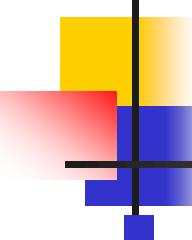
- 最坏情况

启动选举算法的逆时针邻居具有最大标识符，共计需要 $3N - 1$ 个消息，回转时间为 $3N - 1$ 。

- 最好情况

回转时间为 $2N$ 。

- 不具备容错功能



# 选举

## 霸道算法

- 假设

- 系统是同步的，使用超时检测进程故障
- 通道可靠，但允许进程崩溃
- 每个进程知道哪些进程具有更大的标识符
- 每个进程可以和所有具有更大标识符的进程通信

# 选举

## 算法

- 选举初始化

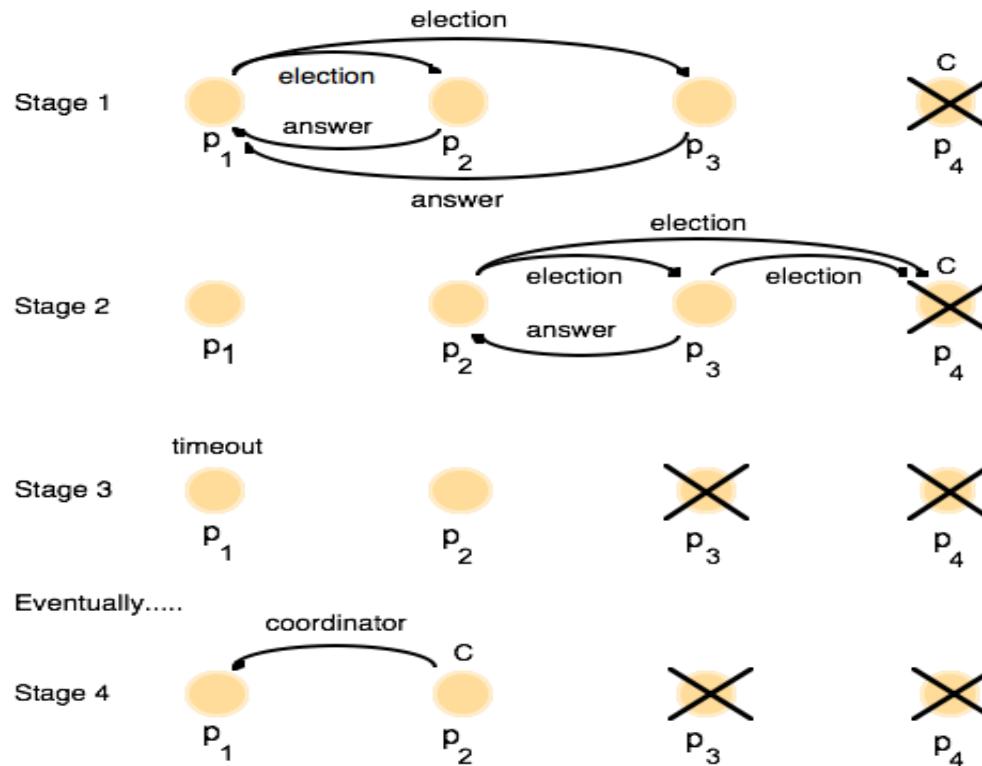
进程P在发现协调者失效后启动一次选举，将选举消息发送给具有**更大标识符的进程**

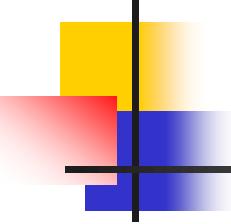
- 接收进程回送一个**回答**并开始**另一次选举**
- 协调者（知道自己有最大标识符）发送协调者消息
  - 若进程P没有收到回答消息，则给所有具有较小标识符的进程发送协调者消息。
  - 若进程P收到回答消息，则等待协调者消息；若消息在一段时间没有到达，则启动一次新的选举算法。
- 进程收到协调者信息后，设置  $\text{electedi} = \text{idcoordinator}$

# 选举

## 算法示例

$p_4, p_3$ 相继出现故障

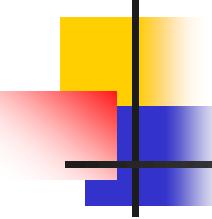




# 分布式互斥

## ■ 性能

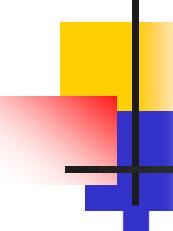
- $\text{bandwidth}_{\text{best}} = N - 2$ 
  - 标识符次大的进程发起选举
  - 发送  $N - 2$  个协调者消息
  - 回转时间为 1 个消息
- $\text{bandwidth}_{\text{worst}} : O(N^2)$ 
  - 标识符最小的进程发起选举



# 第七章 协调和协定

---

- 简介
- 分布式互斥
- 选举
- 组播通信
- 共识和相关问题
- 小结



# 组播通信

## 组播/广播

组播：发送一个消息给进程组中的每个进程

广播：发送一个消息给系统中的所有进程

## ■ 组播面临的挑战

- 效率
  - 带宽使用
  - 总传输时间
- 传递保证
  - 可靠性
  - 顺序
- 进程组管理
  - 进程可任意加入或退出进程组

# 组播通信

## 系统模型

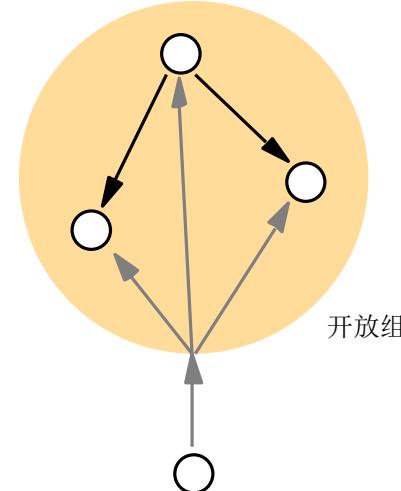
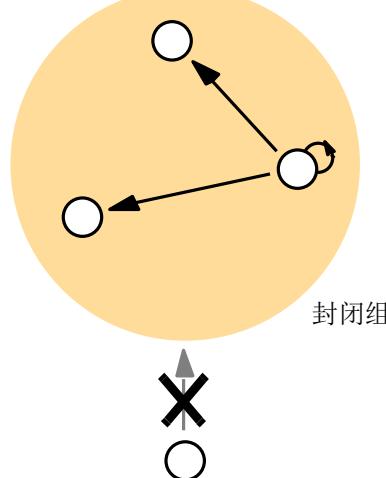
- $\text{multicast}(g, m)$

1个进程发送消息给进程组g的所有成员

- $\text{deliver}(m)$

传递由组播发送的消息到调用进程

- 开放组和封闭组



# 组播通信

## 基本组播

- 一个正确的进程最终会传递消息
- 原语: B-multicast、B-deliver
- 可靠组播, 与IP组播不同

## 简单实现

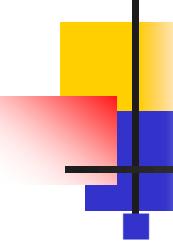
- $B\text{-multicast}(g,m)$ : 对每个进程  $p \in g$ ,  $\text{send}(p,m)$
- 进程  $p$   $\text{receive}(m)$  时:  $p$  执行  $B\text{-deliver}(m)$

## 多线程

- 利用线程来并发执行  $\text{send}$  操作

## 确认爆炸

- 确认从许多进程几乎同时到达
- 组播进程丢弃部分确认消息导致重发现象



# 组播通信

## 可靠组播

- 性质

- 完整性

一个正确的进程 $p$ 传递一个消息 $m$ 至多一次

- 有效性

如果一个正确的进程组播消息 $m$ , 那么它终将传递 $m$ 。

- 协定——具有原子性

如果一个正确的进程传递消息 $m$ , 那么在 $group(m)$ 中的其它正确的进程终将传递 $m$ 。

# 组播通信

- 用B-multicast实现可靠组播
  - 算法

初始化：

Received:={};

进程p为了将R-multicast消息发送给组g:

B-multicast(gm);

在进程q On B-deliver(m)时，其中g=group(m)

if ( $m \notin \text{Received}$ )

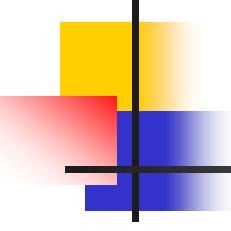
then

    Received:=Received  $\cup$  {m}

    if ( $q \neq p$ ) then B-multicast(g,m); end if

    R-deliver m;

end if



# 组播通信

## -算法评价

- 满足有效性

一个进程的最终将B-deliver消息到它自己。

- 满足完整性

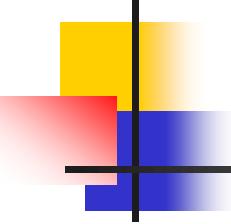
B-multicast中的通信通道具有完整性

- 遵循协定

每个正确的进程在B-deliver消息后都B-multicast该消息到其它进程

- 效率低

每个消息被发送到，每个进程 $|g|$ 次。



# 组播通信

- 用IP组播实现可靠组播

- 特点

- 基于IP组播

- IP组播通信通常是成功的

- 指带确认

- 在发送给组中的消息中指带确认

- 否认确认

- 进程检测到它们漏过一个消息时，发送一个单独的应答消息。

# 组播通信

## -算法

$S_g^p$ : 进程为它属于的组g维护的序号，初始化为0。

$R_g^p$ : 进程记录来自进程q并且发送到组g的最近消息的序号

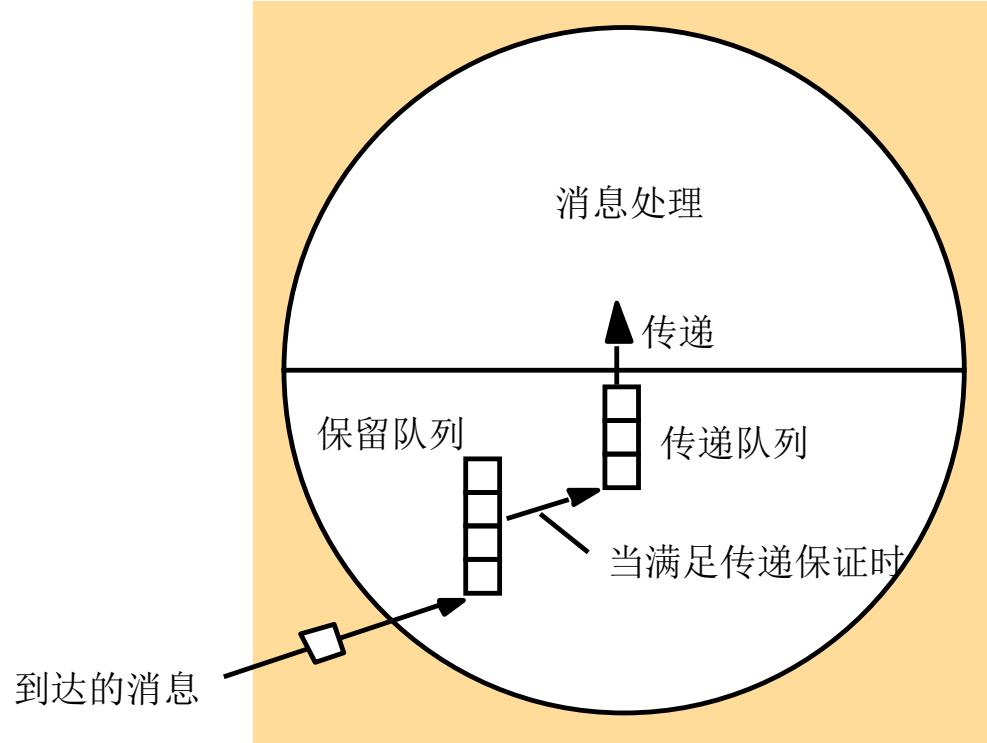
**R-multicast** 一个消息到组g: 携带 $S_g^p$ 和确认，即 $\langle q, R_g^q \rangle$ ;

$$S_g^p = S_g^p + 1$$

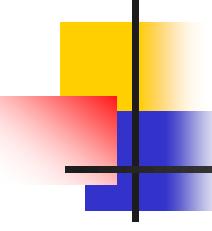
**R-deliver** 一个消息:

1. 当且仅当 $m.S = R_g^p + 1$ 传递消息；  $R_g^p = R_g^p + 1$
2. 若 $m.S <= R_g^p$ , 则该消息已传递，直接丢弃。
3. 若 $m.S > R_g^p + 1$ 或对任意封闭的确认 $\langle q, R_g^q \rangle$ 有 $m.R > R_g^q$ , 则漏掉了一个或多个消息, 将消息保留在保留队列中, 并发送否认确认。

# 组播通信



保留队列



# 组播通信

## - 算法评价

- 完整性

通过检测副本和IP组播性质实现

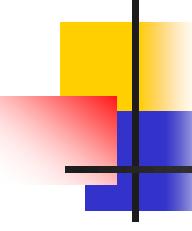
- 有效性

仅在IP组播具有有效性时成立

- 协定

进程无限组播消息时成立

- 某些派生协议实现了协定



# 组播通信

- 统一性质

- 统一

- 无论进程是否正确都成立的性质

- 统一协定

- 如果一个进程传递消息m，不论该进程是否正确还是出故障，在group(m)中的所有正确的进程终将传递m

# 组播通信

- 符合统一协定的算法示例

初始化：

Received:={};

进程p为了将R-multicast消息发送给组g:

B-multicast(gm);

在进程q On B-deliver(m)时，其中g=group(m)

if ( $m \notin \text{Received}$ )

then

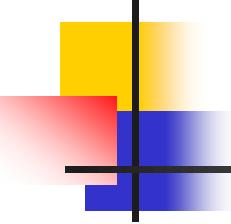
    Received:=Received  $\cup$  {m}

    if ( $q \neq p$ ) then B-multicast(g,m); end if

    R-deliver m;

end if

若颠倒这两行，则算法不满足统一协定



# 组播通信

## ■ 有序组播

- FIFO排序

如果一个正确的进程发出 $\text{multicast}(g,m)$ ，然后发出 $\text{multicast}(g,m')$ ，那么每个传递 $m'$ 的正确的进程将在 $m'$ 前传递 $m$ 。

- 因果排序

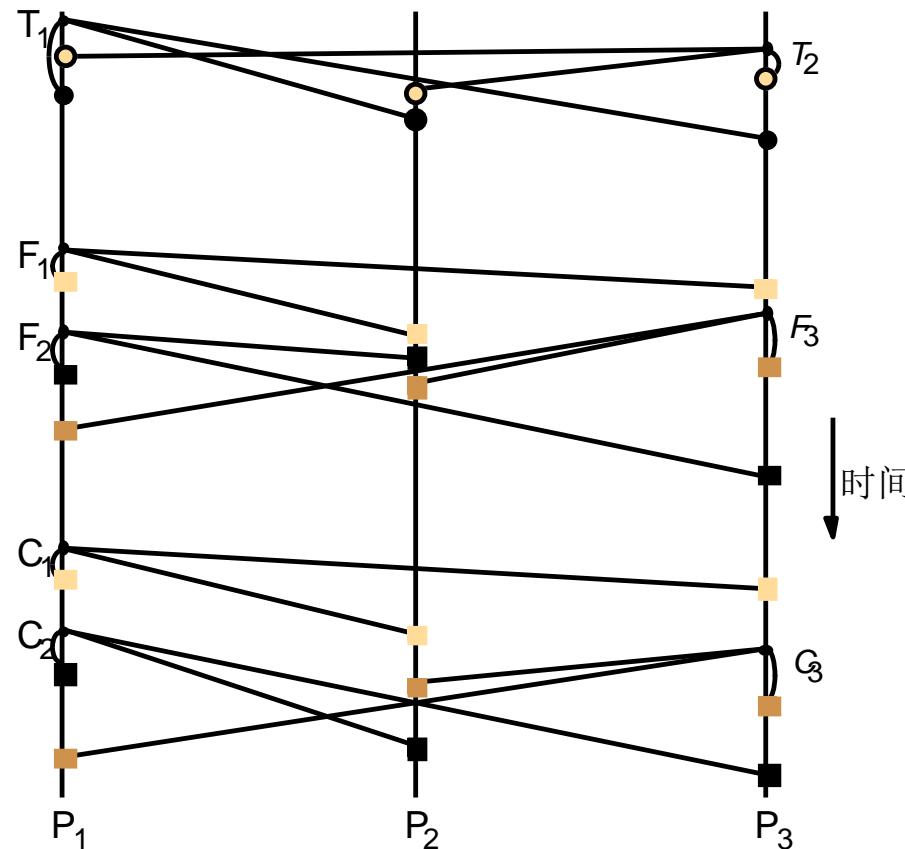
如果 $\text{multicast}(g,m) \rightarrow \text{multicast}(g,m')$ ，那么任何传递 $m'$ 的正确进程将在 $m'$ 前传递 $m$ 。

- 全排序

如果一个正确的进程在传递 $m'$ 前传递消息 $m$ ，那么其它传递 $m'$ 的正确进程将在 $m'$ 前传递 $m$ 。

# 组播通信

- 不同排序示例（全排序，FIFO，因果排序）

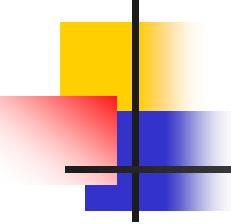


# 组播通信

## - 公告牌的例子

公告牌：对操作系统感兴趣的

编号	张贴人	主题t
23	A.Hanlon	Mach
24	G.Joseph	Microkernels
25	A.Hanlon	Re: Microkernels
26	T.L'Heureux	RPC performance
27	M.Walker	Re: Mach
结束		



# 组播通信

## - 实现FIFO排序

- 基于序号实现
- FO-multicast/FO-deliver
- 算法

与基于IP组播的可靠组播类似，即采用  
 $S_g^p$ 、 $R_g^q$ 和保留队列

# 组播通信

## - 实现全排序

- 为组播消息指定全排序标识符
- TO-multicast/TO-deliver
- 使用顺序者的全排序算法
  1. 组成员p的算法

初始化:  $r_g := 0;$

为了给组g发TO-multicast消息:

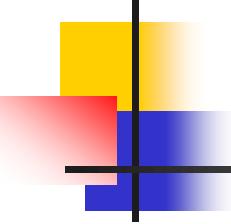
$B\text{-multicast}(g \cup \{ sequencer(g) \}, \langle m, i \rangle);$

在  $B\text{-deliver}(M_{order} = \langle "order", I, s \rangle)$  时, 其中  $g = group(M_{order})$

Wait until  $\langle m, i \rangle$  在保留队列中并且  $S = r_g$ ;

To-deliver m; //在从保留队列删除它之后

$r_g = S + 1;$



# 组播通信

- 使用顺序者的全排序算法(续)

## 2. 顺序者g的算法

初始化:  $s_g := 0;$

在  $B\text{-deliver}(<m,i>)$  时, 其中  $g = \text{group}(M_{\text{order}})$

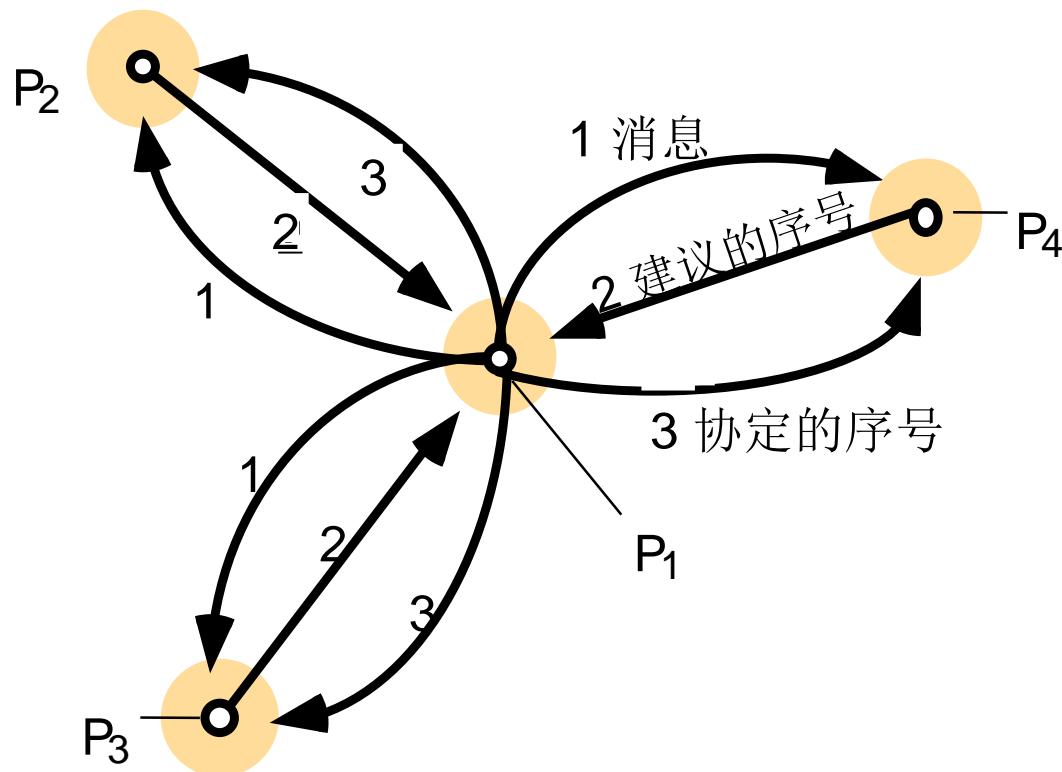
$B\text{-multicast}(g, <\text{"order"}, I, s_g>);$

$s_g := s_g + 1;$

- 基于顺序者的算法缺点: 顺序者会成为瓶颈

# 组播通信

## ➤ 全排序的ISIS算法



# 组播通信

## ▶ 全排序的ISIS算法(序)

$A_g^q$ : 进程迄今为止从组g观察到的最大的协定序号

$P_g^q$ : 进程自己提出的最大序号

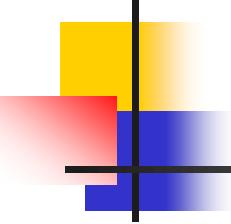
进程p组播消息m到组g的算法：

1. p B-multicasts  $\langle m, i \rangle$  到 g, 其中 i 是 m 的一个委员的标识符

2. 每个进程： (1)  $P_g^q = \max(A_g^q, P_g^q) + 1$ ; (2) 把  $P_g^q$  添加到消息 m, 并把 m 放入保留队列; (3) 用序号  $P_g^q$  回答 p

3. P 收集  $P_g^q$ , 选择最大的数 a 作为下一个协定序号, 然后 B-multicast  $\langle i, a \rangle$  到 g

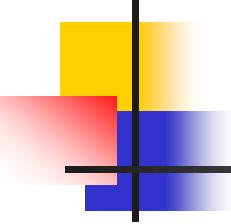
4. g 中的每个进程 q 置  $A_g^q := \max(A_g^q, a)$ , 并把 a 附加到消息上。



# 组播通信

## ➤ 全排序的ISIS算法(序)

1. 正确的进程最终会对同一组序号达成一致；
2. 序号是单调递增的；
3. 不保证因果或FIFO序；
4. 比基于顺序者的组播有更大的延迟



# 组播通信

## - 实现因果排序

- 非重叠封闭组算法，只考虑由组播消息建立的发生在先关系
- 向量时间戳
  - 每个进程维护自己的向量时间戳
- CO-multicast
  - 在向量时间戳的相应分量上加1，附加时间戳到消息
- CO-deliver
  - 根据时间戳递交消息

# 组播通信

➤ 使用向量时间戳的因果排序算法

对组成员  $p_i$  ( $i=1,2,\dots,N$ ) 的算法

初始化：

$V_i^g[j]:=0$  ( $j=1,2,\dots,M$ );

为了给组  $g$  发 CO-multicast 消息  $m$ :

$V_i^g[j]=V_i^g[j]+1$ ;

B-multicast( $g, \langle V_i^g, m \rangle$ );

在 B-deliver( $\langle V_i^g, m \rangle$ ) 来自  $p_j$  ( $i \neq j$ ) 的一个消息时，其中  $g = \text{group}(m)$ ;

将  $\langle V_i^g, m \rangle$  放入保留队列，直到  $V_i^g[j]=V_i^g[j]+1$  和  $V_k^g[j]=V_k^g[j]+1$  ( $k \neq j$ );

CO-deliver  $m$ ; // 在把它从保留队列删除后

$V_i^g[j]=V_i^g[j]+1$ ;

# 组播通信

## - 组重叠

- 全局FIFO排序

如果一个正确的进程发出 $\text{multicast}(g, m)$ ，然后发出 $\text{multicast}(g', m')$ ，则两个消息被发送到 $g \cap g'$ 的成员。

- 全局的因果排序

如果 $\text{multicast}(g, m) \rightarrow \text{multicast}(g', m')$ ，则 $g \cap g'$ 中的任何传递 $m'$ 的正确进程将在 $m'$ 前传递 $m$ 。

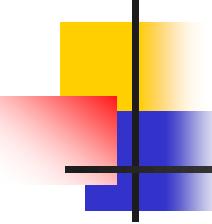
# 组播通信

## ➤ 进程对的全排序

如果一个正确的进程在传递发送到 $g'$ 的消息 $m'$ 前传递了发送到 $g$ 的消息 $m$ ，则 $g \cap g'$ 中的任何传递 $m'$ 的正确进程将在 $m'$ 前传递 $m$ 。

## ➤ 全局的全排序

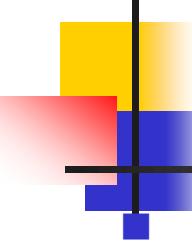
令“ $<$ ”是传递事件之间的排序关系。我们要求“ $<$ ”遵守进程对的全排序，并且无环。



# 第七章 协调和协定

---

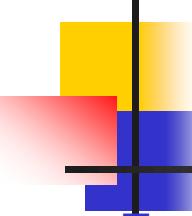
- 简介
- 分布式互斥
- 选举
- 组播通信
- 共识和相关问题
- 小结



# 共识和相关问题

## 简介

- 分布式系统中的协定问题
  - 互斥：哪个进程可以进入临界区
  - 全排序组播：组播消息的顺序
  - 拜占庭将军：进攻还是撤退
- 共识问题
  - 一个或多个进程提议了一个值后，应达成一致意见
  - 共识问题、拜占庭将军和交互一致性问题
- 故障模型
  - 进程崩溃故障、拜占庭进程故障



# 共识和相关问题

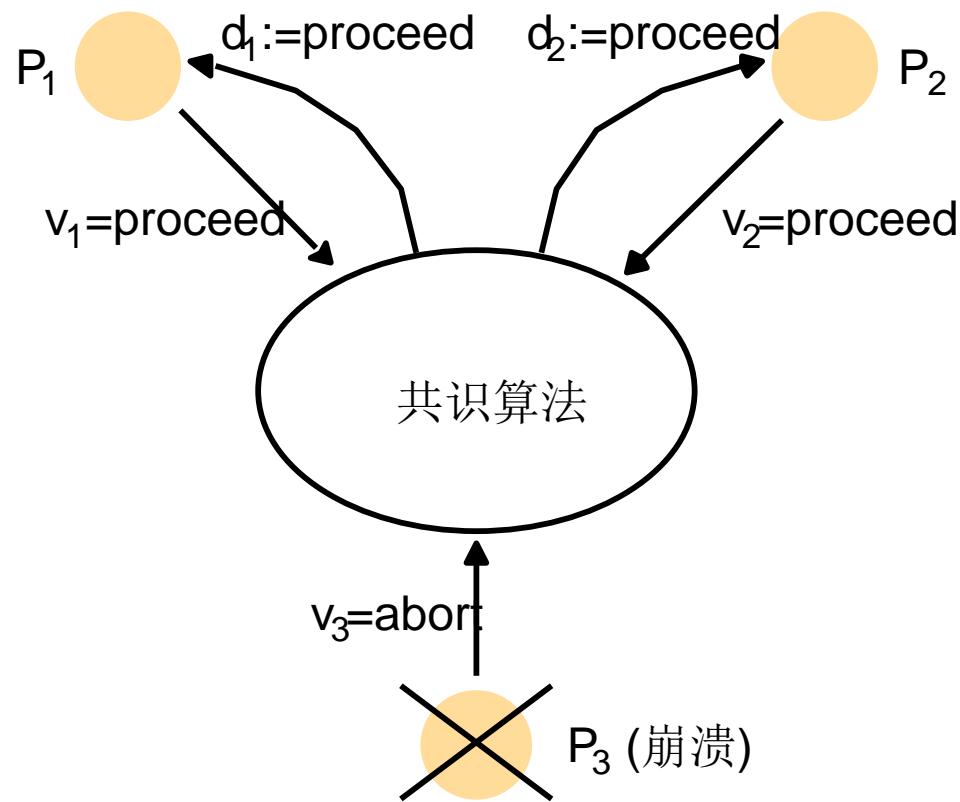
## 共识问题定义

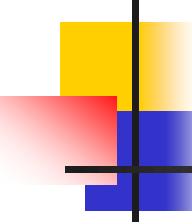
- 符号

- $p_i$ : 进程  $i$
- $v_i$ : 进程  $p_i$  的提议值
- $d_i$ : 进程  $p_i$  的决定变量

# 共识和相关问题

## ■ 3个进程的共识问题示例





# 共识和相关问题

## ■ 共识算法的基本要求

- 终止性

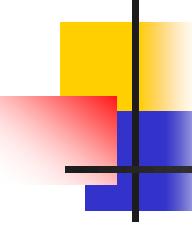
每个正确的进程最终设置它的决定变量

- 协定性

如果  $p_i$  和  $p_j$  是正确的且已进入决定状态，那么  $d_i = d_j$ ，  
其中  $i, j = 1, 2, \dots, N$ 。

- 完整性

如果正确的进程都提议了同一个值，那么处于决定状态的任何正确进程已选择了该值。



# 共识和相关问题

## ■ 算法

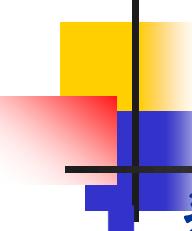
- 每个进程组播它的提议值
- 每个进程收集其它进程的提议值
- 每个进程计算  $V = \text{majority}(v_1, v_2, \dots, v_N)$   
majority() 函数为抽象函数，可以是 max()、min() 等等

## ■ 算法分析

- 终止性  
由组播操作的可靠性保证

- 协定性和完整性

由 majority() 函数定义和可靠组播的完整性保证



# 共识和相关问题

## 拜占庭将军问题

- 问题描述

- 3个或更多的将军协商是进攻还是撤退
- 一个或多个将军可能会叛变
- 所有未叛变的将军执行相同的命令

- 与共识问题的区别

- 每个进程(将军)都提议一个值

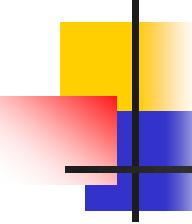
- 算法要求

- 终止性
- 协定性
- 完整性

# 共识和相关问题

## 交互一致性

- 就一个值向量达成一致
  - 决定向量：向量中的每个分量与一个进程的值对应
- 算法要求
  - 终止性
    - 每个正确进程最终设置它的决定变量
  - 协定性
    - 所有正确进程的决定变量都相同
  - 完整性
    - 如果进程 $p_i$ 是正确的，那么所有正确的进程都把 $v_i$ 作为他们决定向量中的第*i*个分量。



# 共识和相关问题

## ■ 共识问题与其它问题的关联

- 目的

- 重用已有的解决方案

- 问题定义

- 共识问题C

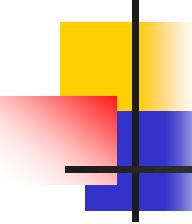
- $C_i(v_1, v_2, \dots, v_N)$ : 返回进程  $p_i$  的决定值

- 拜占庭将军BG

- $BG_i(j, v)$ : 返回进程  $p_i$  的决定值, 其中  $p_j$  是司令, 它建议的值是  $v$

- 交互一致性问题IC

- $IC_i(v_1, v_2, \dots, v_N)[j]$ : 返回进程  $p_i$  的决定向量的第  $j$  个分量



# 共识和相关问题

## ■ 从BG构造IC

- 将BG算法运算N次,每次都以不同的进程 $p_i$ 作为司令
- $IC_i(v_1, v_2, \dots, v_N)[j] = BG_i(j, v), (i, j = 1, 2, \dots, N)$

## ■ 从IC构造C

- $C_i(v_1, v_2, \dots, v_N) = \text{majority}(IC_i(v_1, v_2, \dots, v_N)[1], \dots, IC_i(v_1, v_2, \dots, v_N)[N])$

## ■ 从C构造BG

- 司令进程 $p_j$ 把它提议的值 $v$ 发送给它自己以及其余进程
- 所有的进程都用它们收到的那组值 $v_1, v_2, \dots, v_N$ 作为参数运行C算法
- $BG_i(j, v) = C_i(v_1, v_2, \dots, v_N), (i = 1, 2, \dots, N)$

# 共识和相关问题

## 同步系统中的共识问题

- 故障假设

N个进程中最多有f个进程会出现崩溃故障

- 算法

对 $p_i \in g$ 的进程算法：算法进行到 $f+1$ 轮

初始化：

$values_i^1 := \{v_i\}; Values_i^0 = \{\}$ ;

在第r轮( $1 \leq r \leq f+1$ )

$B\text{-multicast}(g, Values_i^r - Values_i^{r-1})$ ; //仅发送还没有发送的值

$Values_i^{r+1} := Values_i^r$ ;

While(在第r轮) {

    在 $B\text{-deliver}(V_j)$ 来自 $p_j$ 的消息时： $Values_i^{r+1} := Values_i^{r+1} \cup V_j$ ;

在 $(f+1)$ 轮之后

    将d赋成 $\min(Values_i^{f+1})$ ;

# 共识和相关问题

## ■ 算法分析

### - 终止性质

➤ 由同步系统保证

### - 协定性和完整性

➤ 假设  $p_i$  得到的值是  $v$ , 而  $p_j$  不是

➤  $P_{k1}$  在把  $v$  传送给  $p_i$  后, 还没来得及传送给  $p_j$  就崩溃了

➤  $P_{k2}$  在把  $v$  传送给  $p_i$  后, 还没来得及传送给  $p_j$  就崩溃了

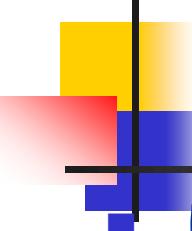
➤ ...

➤  $P_{k(f+1)}$  在把  $v$  传送给  $p_i$  后, 还没来得及传送给  $p_j$  就崩溃了

➤ 但我们假设至多有  $f$  个进程崩溃

➤ 因此,  $p_i$  和  $p_j$  的值相同

➤ 因此,  $\min(\text{Values}_i^{f+2})$  相同



# 共识和相关问题

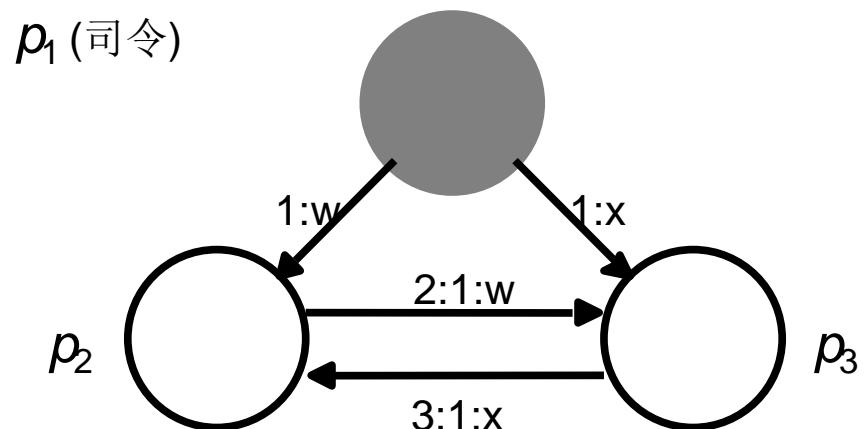
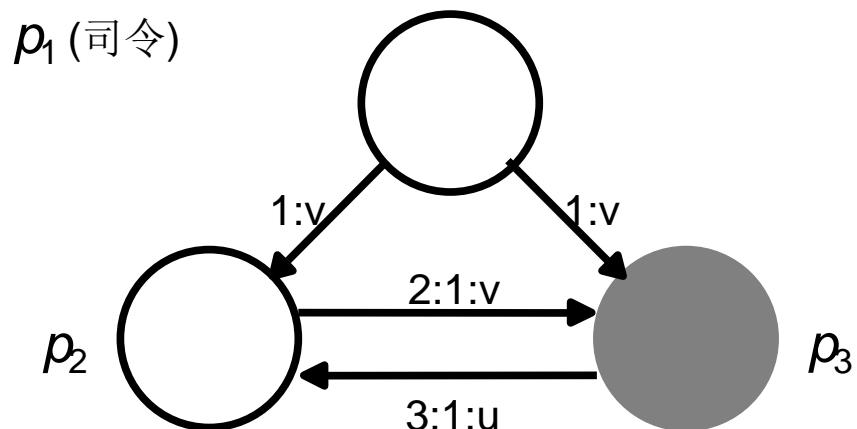
## 同步系统中的拜占庭将军问题

- 随机故障假设
  - $N$ 个进程中最多有 $f$ 个进程会出现随机故障
- $N \leq 3f$ 
  - 无解决方法
- $N \geq 3f+1$ 
  - Lamport于1982给出了解决算法

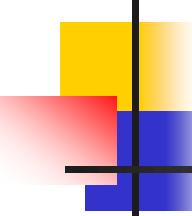
# 共识和相关问题

## 三个拜占庭将军

- 三个进程的不可能性



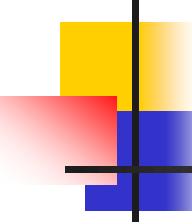
有故障的进程用灰色表示



## 共识和相关问题

- 三个进程的不可能性

- 如果存在一个解决方法, 在左边的场景中, 根据完整性条件,  $p_2$  选择  $l:v$
  - 由于  $p_2$  不能分别这两个场景, 因此  $p_2$  在右边的场景中选择  $l:w$
  - 根据对称性,  $p_3$  在右边的场景中选择  $l:x$
  - 与协定定义矛盾
- 三个进程实现拜占庭协定
  - 对发出的消息使用数字签名



## 共识和相关问题

- 对于  $N \leq 3f$  的不可能性

- $n_1, n_2, n_3$

- 将  $N$  个将军分成 3 组， $n_1 + n_2 + n_3 = N$  且  $n_1, n_2, n_3 \leq N/3$

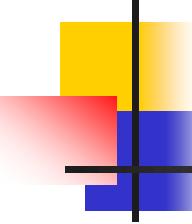
- $p_1, p_2, p_3$

- 让进程  $p_1, p_2, p_3$  分别模仿  $n_1, n_2, n_3$  个将军

- 根据对称性， $p_3$  在右边的场景中选择  $1:x$

- 若存在一个解决方法，即达成一致且满足完整性条件

- 与三个进程的不可能性结论矛盾



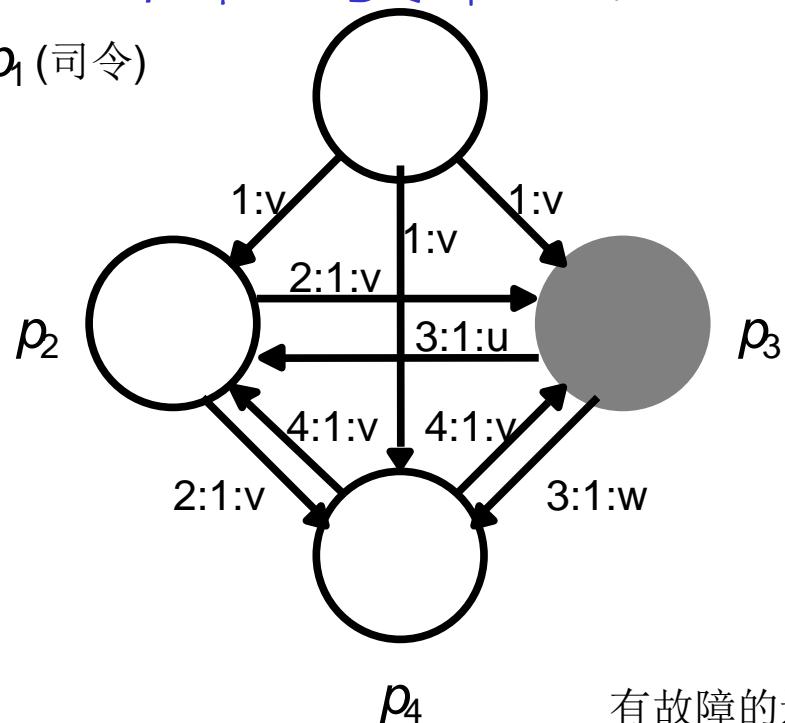
## 共识和相关问题

- 对一个有错进程的解决方案
  - 假设  $N=4, f=1$
  - 正确的将军通过两轮消息取得一致
    - 第一轮，司令给每个中尉发送一个值
    - 第二轮，每个中尉将收到的值发送给与自己同级的
    - 每个中尉执行majority()函数

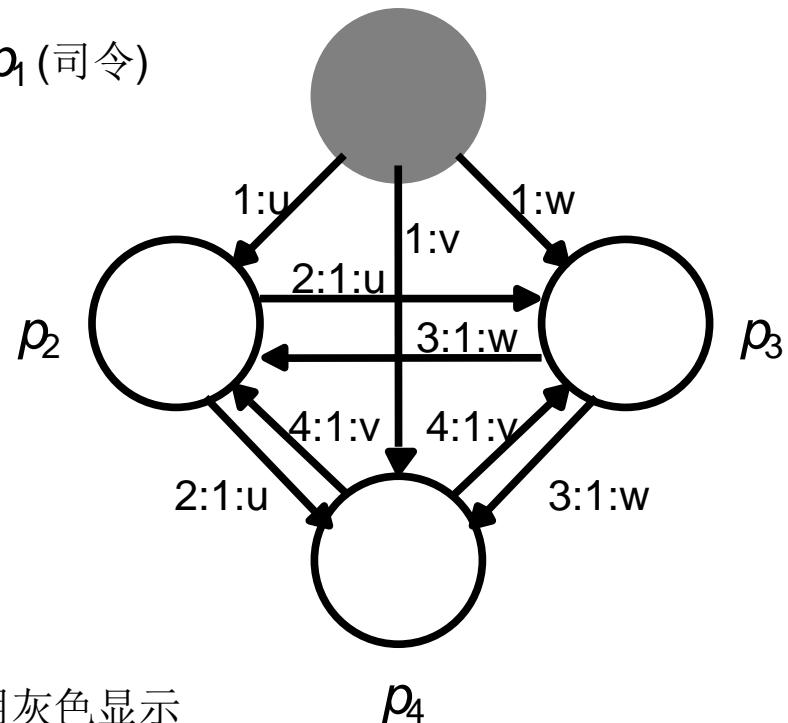
# 共识和相关问题

## 4个拜占庭将军示例

$p_1$  (司令)



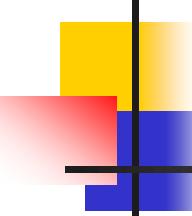
$p_1$  (司令)



有故障的进程用灰色显示

左边:  $d_2 = \text{majority}(v, u, v) = v$ ,  
 $d_4 = \text{majority}(v, v, w) = v$

右边:  $d_2 = d_3 = d_4 = \text{majority}(u, v, w) = \perp$



# 共识和相关问题

## ■ 性能讨论

### - 衡量标准

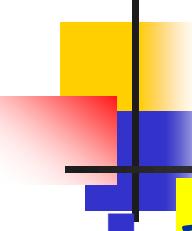
- 进行了多少轮消息传递?
- 发送了多少消息，消息的长度是多少?

### - Lamport算法

- $f+1$  轮转
- $O(N^{f+1})$  条消息

### - Fischer和Lynch于1982年证明 (FLP定理)

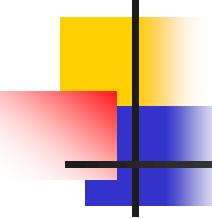
- 如果允许出现拜占庭故障，那么任何确定性的解决共识问题的算法至少需要 $f+1$ 轮消息传递。



# 共识和相关问题

## 异步系统的不可能性

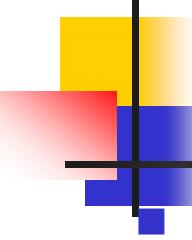
- 没有算法能够保证达到共识
  - 无法分辨一个进程是速度很慢还是已经崩溃
- 故障屏蔽
  - 屏蔽发生的所有进程故障
- 使用故障检测器达到共识
  - 在仅依靠消息传递的异步系统中，**不存在完美的故障检测器**，甚至是最弱的故障检测器。
- 使用随机化达到共识
  - 引入一个关于进程行为的可能性元素。



# 第七章 协调和协定

---

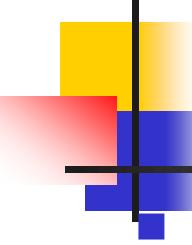
- 简介
- 分布式互斥
- 选举
- 组播通信
- 共识和相关问题
- 小结



# 小结

## 分布式互斥

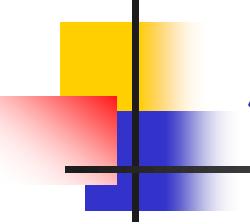
- 中央服务器算法
  - 基于环的算法
  - 使用组播和逻辑时钟的算法
  - Maekawa投票算法
- 
- 选举
    - 基于环的选举算法
    - 霸道算法



# 小结

## 组播通信

- 基本组播
- 可靠组播
- 有序组播
- 共识
  - 共识
  - 拜占庭将军
  - 交互一致性



## 思考题

---

- 中文书P396
- 15.4 在用于互斥的中央服务器算法中，描述使得两个请求不是按照发生在先顺序处理的情景
- 15.5
- 15.8