小区开放对道路通行的影响

摘 要

关键词: 层次分析 元胞自动机

- 1 问题重述
- 2 符号说明
- 3 问题分析

3.1 问题一

3.1.1 Braess 悖论

数学家 Dietrich Braess 在 1968 年首次提出了 Braess 悖论 $^{[1]}$ 。考虑拓扑结构如图 1的交通网,假设交通网中的流量为 4000,起点为 A,终点为 D 通过 $A\to B$ 与 $C\to D$ 的时间均为车流量除以 100,通过 $B\to D$ 与 $A\to C$ 的时间为固定的 45 分钟。在路径 $B\to C$ 没有开通时,从 $A\to D$

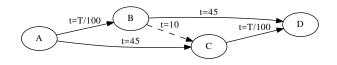


图 1: Braess 悖论的具体情况

的通过时间分别为 $\frac{A}{100}+45$ 与 $\frac{B}{100}+45$,达到均衡之后有 A=B=2000 这样每条路通过的时间都是 $\frac{2000}{100}+45=65$ 分钟。

现在考虑 $B \to C$ 开通之后,其通过时间非常短,在这种情况下,所有司机都会选择 $A \to B \to C \to D$ 这条路线,因为即使所有车辆全部通过 $A \to B$ 所用时间也不超过 40 分钟,这样所有通过这条路径的时间为 $\frac{4000}{100} \times 2 + 10 = 90$ 分钟,Braess 便是指这种情况。

3.2 问题二

考虑小区开放对周边道路通行的两个影响因素: 道路条件、交通条件。

3.2.1 道路条件

首先,对小区周边道路条件进行分析。道路通行主要考虑从一点到另一点的实际通行时间,实际通行时间 $T = d_1 + D$,其中 d_1 为延误时间,D 为行程时间。

延误时间^[2] 是指,道路上通行所需时间除行走时间外,也受市政道路交通信号灯的影响,如公式(1)所示。

$$d_1 = \frac{0.5T(1 - \frac{t_g}{T})}{1 - [min(1, x) \cdot \frac{t_g}{T}]} \tag{1}$$

其中T表示信号灯周期长度, t_g 代表绿灯时间,x代表最大交通量与基本交通量之比。

通行时间是指,在不考虑交通路口的通行状况下,通过某个路段所需时间。常用的通行时间函数美国联邦公路局函数 (即 BPR 函数) 如公式 (2) 所示。

$$t_{ij} = \alpha_{ij} + \beta_{ij} f_{ij} \tag{2}$$

其中 ij 表示从 i 路段到 j 路段, t_{ij} 表示在该路段所花的时间, α_{ij} 为路段上的结合具体情况,对其改进^[3],考虑到小区内道路上行人、自行车等非机动车较多的特点,增加行人对机动车的影响、自行车对机动车的影响。结合已有的研究成果,得到行人、自行车分别对车辆的影响系数,得到改进BPR 函数。BPR 阻抗函数为:

3.2.2 行程时间

3.2.3 车流量

3.3 问题二

综合问题一的评价模型建立元胞自动机模型

$$A = (L, d, S, N, f) \tag{3}$$

其中 A 代表自动机模型,其中 L 为元胞空间;d 为元胞空间的维数;S 为 状态集合;N 为某个邻域内所有元胞的集合;f 为局部映射或局部规则。根据问题一中的模型,建立一个二维元胞自动机模型,每个每个元胞具有几个固定的生成地点,在 L 中有确定的目的地。

参考文献

- [1] BRAESS P D D. Über ein Paradoxon aus der Verkehrsplanung[J]. Unternehmensforschung, 1968, 12(1): 258–268.
- [2] 任福田, 刘小明, 荣建. 交通工程学 [M]. [S.l.]: 人民交通出版社, 2003.
- [3] 李向朋. 城市交通拥堵对策—封闭型小区交通开放研究 [D]. [S.l.]:长沙理工大学, 2014.