Практическая работа №3. Статистическое кодирование

Цель – закрепить знания об общих принципах статистического кодирования и разобраться в выбранной схеме кодирования

Задача – реализовать схему кодирования и декодирования в виде функций

На выбор даётся список кодов из числа пройденных в курсе. Каждый студент реализует свой вариант. В конце будет возможность сравнить эффективность методов.

Работа выполняется в среде Matlab. Файл **statistics_coding.m** содержит заготовку рабочего скрипта. В ходе работы запускается этот скрипт. Папка **data**/ содержит исходные данные для кодирования в файлах формата данных Matlab в виде символьных массивов. Выбор файла производится в аргументе функции load(...).

<u>Примечание</u>: символьный массив №7 не следует использовать для тестирования работоспособности программы из-за его длины. Его следует использовать в рабочей программе для сбора статистики, так как кодирование может быть долгим.

При реализации можно не учитывать вопросы оптимизации кода. При написании программ допустимо пользоваться синтаксисом, аналогичным Си, однако помните, что код, написанный с использованием матричных операций и прочих возможностей Matlab, выглядит короче и проще, а также нередко работает ощутимо быстрее, чем программа, использующая множество циклов.

По результатам моделирования заполняется таблица по адресу: https://goo-gl.ru/6cpV. При необходимости приводить характеристики при различных настройках алгоритма можно создавать строки внутри своего раздела. На места пропусков выписывается *средняя длина кода на символ сообщения*. Для некоторых алгоритмов нужно вычислять объём метаданных encoded_parameters.

Для сдачи нужно не только написать рабочую пару кодера и декодера, но и верно проинтерпретировать результаты, получаемые для разных последовательностей, а также ответить на вопросы по теории.

1. Реализуемые функции

Реализация состоит в написании следующих функций:

1. function [encoded data, encoded parameters] = encodeData(data)

Принимает на вход сообщение data. Сообщение состоит из символов в стандартной 8битной кодировке.

Если метод предполагает предварительный анализ контента (полуадаптивные методы), строится информационная модель и по ней формируется способ кодирования. В аргумент encoded_parameters записывается структура с необходимыми декодеру метаданными (подробнее в разделе ниже) в битовом представлении. Состав этой структуры может зависеть от выбираемого метода и согласуется с преподавателем при обсуждении деталей реализации.

Если метод адаптивный, encoded parameters остаётся пустым ([]) и не используется.

Сообщение кодируется и возвращается в аргументе encoded data.

2. function decoded_data = decodeData(encoded_data, encoded_parameters)

Читает сжатое сообщение encoded_data и (в случае полуадаптивных алгоритмов) структуру параметров encoded parameters, требуемую для восстановления кода.

Восстанавливаются алфавит сообщения и применённый код.

Сообщение декодируется и возвращается: decoded data.

2. Список методов кодирования к выбору

Уникально-префиксные коды (коды на деревьях)

- 1. Полуадаптивный код Шеннона-Фано [1,2,4]
- 2. Полуадаптивный код Хаффмана [1-4]
- 3. Полуадаптивный код Хаффмана для выходного троичного алфавита [3] Символы троичного алфавита называются тритами
- 4. Адаптивный код Хаффмана с фиксированным начальным распределением Начальное распределение должно регулироваться в программе. Оно считается известным обеим сторонам. Обновление дерева должно производиться после каждого символа и без полного перестроения дерева (аналогично методам ФГК и Виттера).
- 5. Адаптивный код Хаффмана (метод ФГК) [4]
- 6. Адаптивный код Хаффмана (метод Виттера) [4]
- 7. Полуадативный код Танстолла [3]

Блочное кодирование

8. Полуадаптивное арифметическое кодирование [1,2,4]

В лекциях подробно не рассматривалась используемая на практике целочисленная реализация метода.

Подробно разобрана здесь: [4]:2.14, [5]:5.

За успешное выполнение этой задачи, предполагающей изучение дополнительного материала, можно претендовать на дополнительный балл к оценке за курс.

При желании можно реализовать адаптивный (динамический) вариант алгоритма, использующий начальное распределение с равными (ненулевыми) начальными весами и увеличивающий веса по мере поступления символов.

Словарное кодирование (параметры длин сделать настраиваемыми)

- 9. LZ-77 [1-4]
- 10. LZ-78 [1-4]
- 11. LZW [1-4]
- 12. Другой метод словарного кодирования по согласованию [2]

3. Указания по реализации

3.1. О битах

Многие методы способны работать с выходными алфавитами, отличными от двоичных. На практике, при записи информации в память компьютера, ныне мы пользуемся именно битовым представлением. Однако, когда рассматривается передача символов через канал связи, речь вполне может идти и о передаче недвоичных символов, хотя такой случай редок.

3.2. Представление метаданных

Часто, говоря о процессе декодирования, мы сразу начинаем разговор с того, что имеется информационная модель (например, алфавит и таблица вероятностей) или способ кодирования (например, алфавит и кодовое дерево). Однако проблема всех полуадаптивных методов, производящих анализ контента перед кодированием, а не во время кодирования, в том, что эти данные (метаданные) каким-то образом нужно передать декодеру. В связи с этим необходимо возникают накладные расходы, снижающие эффективность сжатия. При этом стоит понимать, что и эти данные хранятся/передаются в виде обратимо закодированного массива бит.

В случае методов, использующих в виде моделей деревья, наиболее экономным способом является сжатие именно дерева. По очереди обходятся все вершины дерева и для каждой записывается «0», в случае если это узел ветвления, а если это лист — «1» с последующим 8-битным кодом соответствующего символа. Здесь используется знание о том, что в наших методах дочерних вершин либо нет, либо их заранее оговоренное количество (параметр алгоритма). Стоит напомнить, что существует множество способов обхода вершин дерева. Например, можно выделить *поиск в глубину* (рис. 1) и *поиск в ширину* (рис. 2).

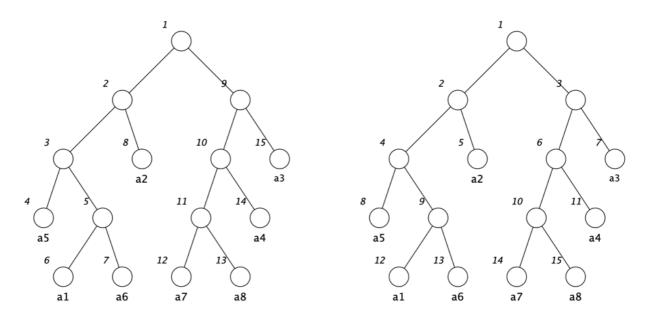


Рис. 1. Поиск в глубину

Рис. 2. Поиск в ширину

Коды, соответствующие деревьям выше:

- 1) 0001'A5'01'A1'1'A6'1'A2'0001'A7'1'A8'1'A4'1'A3' (поиск в глубину)
- 2) 00001'A2'01'A3'1'A5'001'A4'1'A1'1'A6'1'A7'1'A8' (поиск в ширину)

Количество символов отдельно задавать не требуется, так как они будут получены из этой записи.

Для кода Танстолла предлагается использовать следующее представление:

- 1) 8 бит, описывающие размер алфавита $K \in \{1, ..., 256\}$ имеются в виду реально используемые в сообщении символы;
- 2) исходные 8-битные коды этих K символов;
- 3) структура, аналогичная описанной выше, но уже без указания кодов символов (то есть просто описание структуры дерева).

При этом удобно будет в качестве выходных кодов постоянной длины использовать двоичные представления номеров вершин при обходе, выбранном в п. 3. Обратите внимание, что число бит в выходном блоке восстанавливается как $[\log_2 K]$.

Для <u>арифметического кодирования</u> предлагается кодировать распределение вероятностей. Рекомендуется после получения распределения в исходном сообщении привести его к виду с фиксированной запятой: распределение умножается на 255 и округляется до ближайших целых (обратите внимание, что после округления сумма может быть не равна 255). Именно такое округлённое распределение нужно использовать при кодировании. В параметрах нужно выписать:

- 1) 8 бит, описывающие размер алфавита $K \in \{1, ..., 256\}$ имеются в виду реально используемые в сообщении символы;
- 2) 8-битные коды этих K символов;
- 3) полученные 8-битные веса.

Методы словарного кодирования, как и другие адаптивные коды, не требуют метаданных.

Примечание: полезные функции: dec2bin(,) / bin2dec()

3.3. О границах сообщения

Ещё одна практическая проблема декодирования — идентификация окончания сообщения. На практике решается одним их двух способов:

- А. Введение в алфавит символа «ЕОF». Кодер кодирует его после последнего символа сообщения, а декодер по его декодировании не включает его в сообщение, но тем самым получает сигнал, что декодирование нужно прекратить. В случае алгоритмов, использующих деревья, «ЕОF» можно присвоить нулевой вес. При арифметическом кодировании ему можно сопоставить минимальный, но ненулевой вес. Заметим, что при использовании стандартной 8-битной кодировки ему вполне можно назначить код одного из управляющих символов (поскольку они не встречаются в текстах), например, символ с кодом 04 (ЕОТ end of transmission).
- В. Кодирование длины исходного сообщения. Встаёт вопрос ограничений длины сообщения и, соответственно, разрядности этого числа. Можно разбивать сообщение на куски не длиннее максимальной допустимой длины, генерировать код для куска, а перед кодом для каждого приводить длину куска исходного текста. Все куски, кроме последнего, будут иметь максимальную допустимую длину. Последний можно будет распознать по отличному от максимального

значению (если естественным образом последний кусок оказался максимальной длины, после этого можно закодировать, что следующий кусок имел длину ноль, и на этом закончить). А можно вспомнить, что существуют способы представления целых чисел, призванные закодировать любое число префиксным кодом переменной длины.

Для словарных методов классическим вариантом является использование EOF.

3.4. О размещении контента в памяти

В будущем мы будем говорить о контейнерах – способах размещения и потоковой передачи уже сжатых данных. Упрощённо, ваши данные в файловой системе выглядят так:

0110110010001010101101111000101010101...

здесь начинаются ваши данные

Чтобы эти данные можно было прочитать, необходимо каким-то образом понять, где в этом потоке лежат какие части данных, с какими параметрами они закодированы и где кончаются эти данные. Для этих целей вводятся заголовки. В нашем случае было бы целесообразно в заголовке прописать, введены ли в файл метаданные и какова длина закодированного потока (хотя без последнего можно обойтись в некоторых случаях).

Но чтобы не усложнять и без того интересную задачу, мы не будем затрагивать эти вопросы. Будем считать, что декодер уже получает два отдельных битовых массива, кодирующих параметры и само сообщение. Закодированное сообщение кончается там, где кончается переменная. Это позволяет для кодов первой группы и словарных методов забыть о проблеме идентификации окончания и не использовать ЕОF или длину сообщения в явном виде. Однако для случая арифметического кодирования задача не упрощается.

3.5. Реализация деревьев на Matlab

Определённо, Matlab не самый удобный язык для работы с деревьями. Однако это вовсе не делает работу с ними невозможной. Ниже предлагается несколько идей реализации дерева на рис. 1-2 (на случай недвоичных деревьев все реализации легко обобщаются). Оптимальный выбор зависит от решаемой задачи. Выбор наиболее удобной реализации за студентом.

<u>Первый вариант</u>. Пользоваться по максимуму средствами Matlab. В нашем случае, когда вершина либо является родителем для других вершин, либо содержит символ, можно использовать универсальную структуру, способную в себя включать любой тип данных — ячейку ({}). В ячейку-узел будем записывать либо символы (концевой узел), либо массив других ячеек (узел ветвления):

```
tree={{{ 'a5', { 'a1', 'a6'}}, 'a2'}, {{{ 'a7', 'a8'}, 'a4'}, 'a3'}};
```

Обращение к листу, содержащему 'a7' и замена его на узел ветвления, из которого исходят листы 'a7' и 'a9':

```
tree{2}{1}{1}{1}={'a7','a9'};
```

<u>Второй вариант</u>. Попробовать перенести традиционные для Си структуры. Здесь нет указателей, из-за чего приходится думать, чем их заменять. Как вариант, вместо ссылок на элементы записывать копии элементов (нумерация для удобства, согласно рис. 2):

```
tree.left.left.value = 'a5';
tree.left.left.right.left.value = 'a1';
tree.left.left.right.right.value = 'a6';
tree.left.right.value = 'a2';
tree.right.left.left.value = 'a7';
tree.right.left.left.right.value = 'a8';
tree.right.left.right.value = 'a4';
tree.right.right.value = 'a3';
```

Обращение к листу, содержащему 'a7' и замена его на узел ветвления, из которого исходят листы 'a7' и 'a9':

```
tree.right.left.left.left= ...
    struct('left',struct('value','a7'), ...
    'right',struct('value','a9'));

Либо:

tree.right.left.left.left.value='a7';
  tree.right.left.left.right.value='a9';
  tree.right.left.left.left.
    rmfield(tree.right.left.left,'value'); % if necessary
```

Можно вводить отдельные поля для содержимого, а можно, вспомнив, что детей и содержимого одновременно быть не может, в качестве листьев использовать не структуры, а сразу массивы символов (tree.left.left.left = 'a5'). Тогда будет полезна функция isstruct(node).

Можно отличать узлы ветвления от листьев по содержимому какого-то из полей или по наличию каких-то полей: isfield(node, fieldname). Можно вводить поля для определения типа узла.

<u>Третий вариант</u>. Всё-таки не заниматься копированием и попробовать сделать что-то более похожее на указатели. Почувствовать себя в роли malloc и выделять для новых узлов место в памяти (в некотором массиве однотипных структур), а вместо ссылок использовать индексы. Естественно, по той же логике индекс привязывается к вершине, а при обмене меняются ссылки между узлами (в то время как индексы в массиве перестанут совпадать с индексом при обходе в ширину/глубину).

```
nodes(1)=struct('left',2,'right',3,'value',[]);
               % nodes(1).left=2; nodes(1).right=3;
nodes(2)=struct('left',4,'right',5,'value',[]);
nodes(3)=struct('left',6,'right',7,'value',[]);
nodes(4)=struct('left',8,'right',9,'value',[]);
nodes(5).value='a2'; % =struct('left',[],'right',[],'value','a2');
nodes(6)=struct('left',10,'right',11,'value',[]);
nodes(7).value='a3';
nodes(8).value='a5';
nodes(9)=struct('left',12,'right',13,'value',[]);
nodes(10)=struct('left',14,'right',15,'value',[]);
nodes(11).value='a4';
nodes(12).value='a1';
nodes(13).value='a6';
nodes(14).value='a7';
nodes(15).value='a8';
tree=nodes(1);
```

node	s ×		
1x15 struct with 3 fields			
Fields	☐ left	H right	ualue value
1	2	3	0
2	4	5	0
3	6	7	0
4	8	9	0
5	[]	[]	'a2'
6	10	11	0
7	[]	[]	'a3'
8	[]	[]	'a5'
9	12	13	0
10	14	15	0
11	0	[]	'a4'
12	0	[]	'a1'
13	0	[]	'a6'
14	0	[]	'a7'
15	0	[]	'a8'
16			

Рис. 3. Что лежит в nodes

Обращение к листу, содержащему 'a7' и замена его на узел ветвления, из которого исходят листы 'a7' и 'a9':

3.6. Выполнение операций в дереве

Часто возникает необходимость выполнять операции для каждого узла дерева, при это может быть важен порядок обхода или путь по дереву от корня до данного узла. Разумеется, на практике не понадобятся такие огромные команды, как выше. Более того, количество команд, которое должно быть выполнено, зависит от входных данных. В этом случае полезно (а на самом деле, необходимо) использовать рекурсию следующего вида:

При необходимости можно добавить аргумент $входныe_параметры$, по ним формировать $входныe_параметры_1$ и $входныe_параметры_2$ на вход операций с дочерними узлами и каким-то образом использовать их при формировании выходныe параметры в листе.

Литература

- 1. Дворкович В.П., Дворкович А.В. Цифровые видеоинформационные системы (теория и практика). М.: Техносфера, 2012. 1008 с.
- 2. Семенюк В.В. Экономное кодирование дискретной информации. СПб.: ИТМО, 2001.
- 3. Лекции по теории информации [Текст] : учеб. пособие для вузов / Э. М. Габидулин, Н. И. Пилипчук ; М-во образования и науки, Моск. физ.-техн. ин-т (гос. ун-т), Каф. радиотехники .— М. : Изд-во МФТИ, 2007 .— 214 с.
- 4. Salomon D. Data Compression: The Complete Reference. 4th Edition. Springer, 2006. 1118 pp.
 - Переведённое, но сокращённое издание:
 - Сэломон Д. Сжатие данных изображений и звука. М.: Техносфера, 2004. 368 с.
- 5. Nelson M., Gailly J.-L. The Data Compression Book. 2nd Edition. M&T Books, N.Y., 1995. 541 pp.