

# Квадратные уравнения и теорема Виета

## Теорема 1 (Виета)

Пусть задано квадратное уравнение  $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ), тогда если оно имеет 2 вещественных корня  $x_1, x_2$  ( $D \geq 0$ ), то имеют место следующие равенства:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}$$

Утверждение о знаках корней квадратного трёхчлена $f(x) = ax^2 + bx + c$ ( $a \neq 0, D = b^2 - 4ac$ )	Необходимые и достаточные условия
1) $f(x)$ имеет два корня разных знаков	$ac < 0$
2) $f(x)$ имеет два различных корня одного знака	$\begin{cases} D > 0 \\ ac > 0 \end{cases}$
3) $f(x)$ имеет два различных положительных корня	$\begin{cases} D > 0 \\ ac > 0 \\ ab < 0 \end{cases}$
4) $f(x)$ имеет два различных отрицательных корня	$\begin{cases} D > 0 \\ ac > 0 \\ ab > 0 \end{cases}$