

# 《生物实验设计》

## 第三章 概率和概率分布

王超

广东药科大学

Email: wangchao@gdpu.edu.cn

2022-08-11

# 第三章 概率与概率分布

## 为什么学习概率？

- 进行资料统计的目的不在于描述部分样本
- 而是通过样本统计数来推断数据总体的参数（统计推断）
- 统计推断的基础是：概率和概率分布

## 要求

- 掌握：事件、频率、概率的定义
- 熟悉：正态分布

# 第一节 概率基础知识

# 一、概率的概念

在一定条件下，某种事物出现与否被称为是事件。

- 确定事件：

- 必然事件  $U$ ：在一定条件下必然出现的现象。
- 不可能事件  $V$ ：在一定条件下必然不出现的事件。

- 随机事件：

- 有可能发生，也可能不发生。

- 频率

- 在  $n$  次试验中，事件  $A$  出现的次数  $m$  称为事件  $A$  出现的频数，比值  $\frac{m}{n}$  称为事件  $A$  出现的频率

$$W(A) = \frac{m}{n}, 0 \leq W(A) \leq 1$$

- 概率

- 假设在相同的条件下，进行大量重复试验，若事件  $A$  的频率稳定地在某一确定值  $p$  的附近摆动，则称  $p$  为事件  $A$  出现的概率

$$P(A) = p = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{m}{n}$$

不可能完全准确得到  $p$ ，在  $n$  充分大时，频率  $W(A)$  作为  $P(A)$  的近似值。

为测定某批玉米种子的发芽率，分别取 10, 20, 50, 100, 200, 500, 1000 粒种子。在相同条件下进行发芽试验：

Table 1: 某批种子的发芽试验结果

种子总数	发芽种子总数
10	9
20	19
50	47
100	91
200	186
500	459
1000	920

## 二、概率的计算

- 事件的相互关系
  - 和事件
  - 积事件
  - 互斥事件
  - 对立事件
  - 独立事件
- 概率计算法则

# 三、概率分布



# 四、大数定律

## 第二节 几种常见的理论分布

# 一、二项分布

## 二、泊松分布

# 三、正态分布

# 第三节 统计数的分布

# 一、抽样试验与无偏估计

## 二、样本平均数的分布



# 三、样本平均数差数的分布

## 四、 $t$ 分布

# 五、 $\chi^2$ 分布

## 六、 $F$ 分布

$$F = \frac{s_1^2}{s_2^2}$$

# 三、概率的分布

# 一、资料的类型

- 数量性状资料
- 质量性状资料

## 二、资料的搜集

- 调查
- 试验

# 三、资料的整理

- 原始资料的检查与核对
- 频数分布表
- 频数分布图



# 频数分布表

100 只鸡每月产蛋数 (用 `rnorm` 随机生成这样一组数据)

```
set.seed(2022)
```

```
egg <- round(rnorm(100, mean = 14, sd = 1.5))
```

```
egg
```

```
##      [1] 15 12 13 12 14 10 12 14 15 14 16 14 13 14 14 14 13 13 1
```

```
##     [26] 13 15 14 13 14 14 15 12 14 13 16 16 14 14 14 14 15 12 1
```

```
##     [51] 17 15 14 16 14 15 14 16 13 15 12 12 14 14 13 14 12 16 1
```

```
##     [76] 14 16 16 16 15 12 17 16 12 11 15 16 16 18 14 15 14 15 1
```

```
summary(egg)
```

```
##      Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.
```

```
##      10.00   13.00   14.00   14.25   15.00   18.00
```

利用 `summary` 可以大致了解数据的分布情况。

```
fdt_eg <- table(egg) # 次数统计
addmargins(fdt_eg)
```

```
## egg
##  10  11  12  13  14  15  16  17  18 Sum
##   1   2  12  13  29  21  17   3   2 100
```

```
prop.table(fdt_eg) # 频率统计
```

```
## egg
##   10   11   12   13   14   15   16   17   18
## 0.01 0.02 0.12 0.13 0.29 0.21 0.17 0.03 0.02
```

```
addmargins(prop.table(fdt_eg))
```

```
## egg
##   10   11   12   13   14   15   16   17   18 Sum
## 0.01 0.02 0.12 0.13 0.29 0.21 0.17 0.03 0.02 1.00
```

# 分组统计

300 个麦穗的每穗穗粒数

```
set.seed(2022)
wheat <- round(rnorm(300, mean = 40, sd = 7))
wheat[1:100]
```

```
##      [1] 46 32 34 30 38 20 33 42 45 42 47 39 33 41 40 39 35 33 4
##     [26] 34 45 42 36 38 41 46 29 38 34 48 48 41 41 39 38 46 32 3
##     [51] 52 47 41 49 42 44 40 48 37 43 31 31 38 41 34 40 32 48 5
##     [76] 39 47 50 50 46 33 53 48 32 25 44 49 50 59 40 45 42 43 3
```

```
summary(wheat)
```

```
##      Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.
##      20.00   34.00   40.00   39.69   45.00   60.00
```

# R demo

```
fdt_wt <- table(cut(wheat, breaks = seq(15, 60, 5), include.lowest = TRUE), addmargins(fdt_wt))
```

```
##
```

```
## [15,20] (20,25] (25,30] (30,35] (35,40] (40,45] (45,50] (50,55]
```

##	1	3	27	57	68	77	53
----	---	---	----	----	----	----	----

```
prop.table(fdt_wt) # 频率统计
```

```
##
```

```
## [15,20] (20,25] (25,30] (30,35] (35,40]
```

##	0.003333333	0.010000000	0.090000000	0.190000000	0.226666667	0.176666667	0.033333333	0.013333333
----	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------

```
## (45,50] (50,55] (55,60]
```

##	0.176666667	0.033333333	0.013333333					
----	-------------	-------------	-------------	--	--	--	--	--

```
addmargins(prop.table(fdt_wt))
```

```
##
```

```
## [15,20] (20,25] (25,30] (30,35] (35,40]
```

##	0.003333333	0.010000000	0.090000000	0.190000000	0.226666667	0.176666667	0.033333333	0.013333333	1.000000000
----	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------

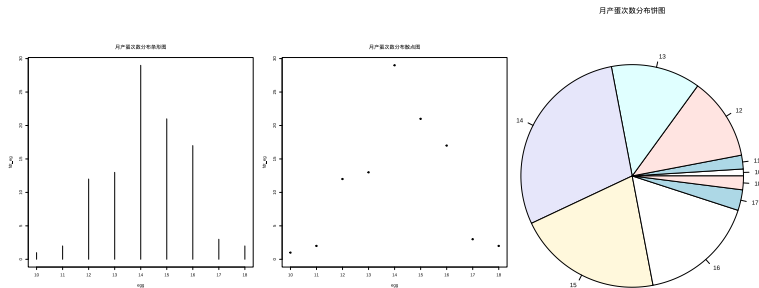
```
## (45,50] (50,55] (55,60] Sum
```

##	0.176666667	0.033333333	0.013333333	1.000000000					
----	-------------	-------------	-------------	-------------	--	--	--	--	--

# 计量资料的整理

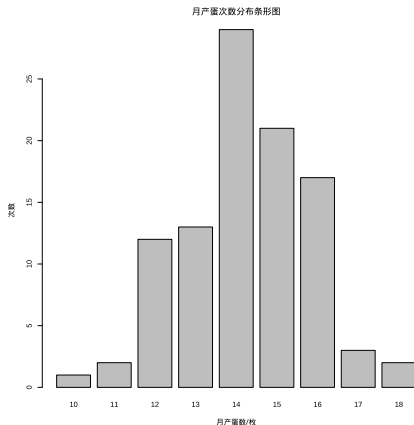
# 频数分布图

```
plot(fdt_eg, type = "h", main = " 月产蛋次数分布条形图")  
plot(fdt_eg, type = "p", main = " 月产蛋次数分布散点图", pch = 20)  
pie(prop.table(fdt_eg), main = " 月产蛋次数分布饼图")
```



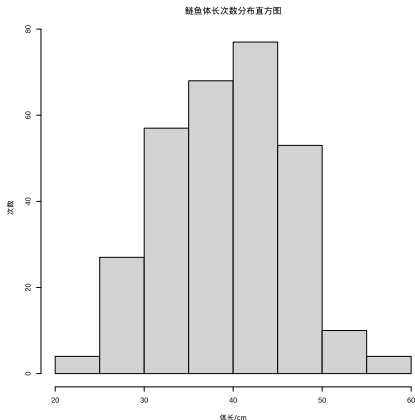
# plot 之外的方法

```
barplot(fdt_eg, main = " 月产蛋次数分布条形图",  
        ylab = " 次数", xlab = " 月产蛋数/枚")
```



# 直方图

```
hist(wheat, main=" 鲢鱼体长次数分布直方图", ylab=" 次数", xlab=" 体
```





## 第二节 资料特征数的计算

# 一、平均数

- 算数平均数:

$$\mu = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \cdots + x_N}{N} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i$$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \cdots + x_N}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

- 中位数:

$$M_d = x_{\frac{n+1}{2}}$$

或者

$$M_d = (x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1})/2$$

- 众数:  $M_o$
- 几何平均数:

$$G = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdots x_n} = \sqrt[n]{\prod_{i=1}^n x_i}$$

# 算数平均数计算方法

1. 直接及算法
2. 加减常数法