《生物实验设计》 第三章 概率和概率分布

王超

广东药科大学

Email: wangchao@gdpu.edu.cn

2022-07-28

第三章 概率与概率分布

目的和要求

为什么学习概率?

- 进行资料统计的目的不在于描述部分样本
- 而是通过样本统计数来推断数据总体的参数(统计推断)
- 统计推断的基础是: 概率和概率分布

要求

• 掌握: 事件、频率、概率的定义

● 熟悉: 正态分布

第一节 概率基础知识

一、概率的概念

在一定条件下,某种事物出现与否被称为是事件。

- 确定事件:
 - 必然事件 *U*: 在一定条件下必然出现的现象。
 - 不可能事件 V: 在一定条件下必然不出现的事件。
- 随机事件:
 - 有可能发生,也可能不发生。
- 频率
 - 在 n 次试验中,事件 A 出现的次数 m 称为事件 A 出现的频数,比值 $\frac{m}{n}$ 称为事件 A 出现的频率

$$W(A) = \frac{m}{n}, 0 \le W(A) \le 1$$

- 概率
 - 假设在相同的条件下,进行大量重复试验,若事件 A 的频率稳定地 在某一确定值 p 的附近摆动,则称 p 为事件 A 出现的概率

$$P(A) = p = \lim_{x \to \infty} \frac{m}{n}$$

不可能完全准确得到 p,在 n 充分大时,频率 W(A) 作为 P(A) 的近似值。

二、概率的计算

- 概率的计算
- 概率计算法则

三、概率分布

四、大数定律

第二节 几种常见的理论分布

一、二项分布

二、泊松分布

三、正态分布

第三节 统计数的分布

一、抽样试验与无偏估计

二、样本平均数的分布

三、样本平均数差数的分布

四、t 分布

五、 χ^2 分布

六、F 分布

$$F = \frac{s_1^2}{s_2^2}$$

三、概率的分布

一、资料的类型

- 数量性状资料
- 质量性状资料

二、资料的搜集

- 调查
- 试验

三、资料的整理

- 原始资料的检查与核对
- 频数分布表
- 频数分布图

频数分布表

##

100 只鸡每月产蛋数 (用 rnorm 随机生成这样一组数据)

```
set.seed(2022)
egg <- round(rnorm(100, mean = 14, sd = 1.5))
egg

## [1] 15 12 13 12 14 10 12 14 15 14 16 14 13 14 14 14 13 13 1
## [26] 13 15 14 13 14 14 15 12 14 13 16 16 14 14 14 14 15 12 1
## [51] 17 15 14 16 14 15 14 16 13 15 12 12 14 14 13 14 12 16 1
## [76] 14 16 16 16 15 12 17 16 12 11 15 16 16 18 14 15 14 15 1
summary(egg)</pre>
```

```
## 10.00 13.00 14.00 14.25 15.00 18.00
```

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.

利用 summary 可以大致了解数据的分布情况。

R demo

```
fdt eg <- table(egg) # 次数统计
addmargins(fdt eg)
## egg
          12 13 14 15 16
##
   10
       11
                            17 18 Sum
##
    1
        2
          12 13 29
                     21
                         17 3
                                 2 100
prop.table(fdt eg) # 频率统计
## egg
           12 13 14 15 16 17
##
    10
         11
## 0.01 0.02 0.12 0.13 0.29 0.21 0.17 0.03 0.02
addmargins(prop.table(fdt_eg))
## egg
    10
         11
           12 13 14 15 16 17
                                        18
##
## 0.01 0.02 0.12 0.13 0.29 0.21 0.17 0.03 0.02 1.00
```

分组统计

300 个麦穗的每穗穗粒数

```
set.seed(2022)
wheat <- round(rnorm(300, mean = 40, sd = 7))
wheat[1:100]

## [1] 46 32 34 30 38 20 33 42 45 42 47 39 33 41 40 39 35 33 4
## [26] 34 45 42 36 38 41 46 29 38 34 48 48 41 41 39 38 46 32 3
## [51] 52 47 41 49 42 44 40 48 37 43 31 31 38 41 34 40 32 48 5
## [76] 39 47 50 50 46 33 53 48 32 25 44 49 50 59 40 45 42 43 3
summary(wheat)</pre>
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 20.00 34.00 40.00 39.69 45.00 60.00
```

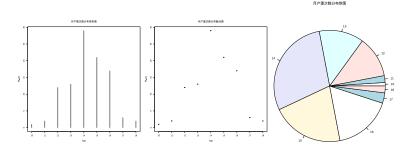
R demo

```
fdt_wt <- table(cut(wheat, breaks = seq(15, 60, 5), include.lowe
addmargins(fdt_wt)
##
## [15,20] (20,25] (25,30] (30,35] (35,40] (40,45] (45,50] (50,5
                3
                              57
                                      68
                                             77
##
                       27
                                                     53
prop.table(fdt_wt) # 频率统计
##
##
      [15,20] (20,25] (25,30] (30,35] (35,40]
## 0.003333333 0.010000000 0.090000000 0.190000000 0.226666667 0
      (45,50] (50,55] (55,60]
##
## 0.176666667 0.033333333 0.013333333
addmargins(prop.table(fdt_wt))
##
##
      [15,20] (20,25] (25,30] (30,35] (35,40]
## 0.003333333 0.010000000 0.090000000 0.190000000 0.226666667 0
                  (50,55]
                             (55,60]
##
      (45,50]
                                            Sum
## 0.176666667 0.0333333333 0.0133333333 1.0000000000
```

计量资料的整理

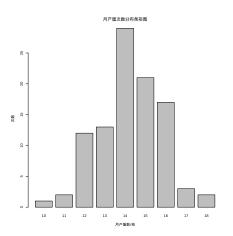
频数分布图

```
plot(fdt_eg, type = "h", main = " 月产蛋次数分布条形图")
plot(fdt_eg, type = "p", main = " 月产蛋次数分布散点图", pch = 202
pie(prop.table(fdt_eg), main = " 月产蛋次数分布饼图")
```



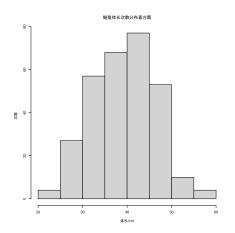
plot 之外的方法

```
barplot(fdt_eg, main = " 月产蛋次数分布条形图", ylab = " 次数", xlab = " 月产蛋数/枚")
```



直方图

hist(wheat, main=" 鲢鱼体长次数分布直方图", ylab=" 次数", xlab=" 存



第二节 资料特征数的计算

一、平均数

• 算数平均数:

$$\mu = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_N}{N} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i$$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_N}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

中位数:

$$M_d = x_{\frac{n+1}{2}}$$

或者

$$M_d = (x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1})/2$$

- 众数: M_o
- 几何平均数:

$$G = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot \dots \cdot x_n} = \sqrt[n]{\prod_{i=1}^n x_i}$$

算数平均数计算方法

1. 直接及算法 2. 加减常数法