

## Estrutura de Dados II

Prof. Me. Pietro M. de Oliveira



## Quicksort





# Também conhecido como técnica de classificação por troca de partição.

Também utiliza o conceito "divide and conquer"

Ordena arranjos menores, para ordenar o arranjo todo

Implementação inerentemente recursiva

- Chama a si mesmo para "dividir e conquistar"
- Código levemente complexo

Algoritmo Instável

Concebido por Sir Charles Antony Richard (1960)





## Divide and Conquer: considere o arranjo A

- <u>Divisão</u> Escolhe um *pivô*, que será o elemento chave para realizar a divisão do arranjo *A* em sub arranjos menores *A*<sub>1</sub> e *A*<sub>2</sub>.
- Recursão Á partir do  $piv\hat{o}$ , realiza-se uma chamada do Quicksort para o sub arranjo  $A_1$  e outra chamada recursiva para o sub arranjo  $A_2$ .
- Conquista Arranjo A<sub>1</sub> deverá conter os elementos menores que o pivô, e o arranjo A<sub>2</sub>, os elementos maiores. Assim, conquista-se a posição correta do<sub>70</sub> pivô, e ordenando o arranjo A.





#### Eficiência:

- Algoritmo de ordenação mais utilizado
- Considerado o mais rápido em diversas situações
  - No melhor caso, realiza n × log n operações para realizar a ordenação
- Em <u>vetores ordenados</u>, ou parcialmente ordenados, tem-se o <u>pior caso</u>: n<sup>2</sup> comparações
  - "Escolha ruim" do pivô
- Não utiliza memória auxiliar
  - Ordenação interna





#### Algoritmo

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





## Subalgoritmo

```
Partition(arranjo A, inicio, fim)
```

- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*



- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



## Chamada Original

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



## (Chamada Original)

#### Chamada do Partition

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



```
1. pivo ← A[fim]
```

2. 
$$i \leftarrow inicio - 1$$

- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se **A[j] ≤ pivo** então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca *A[i]* ↔ *A[j]*
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0		2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se **A[j] ≤ pivo** então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
26	32	46	19	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
19	32	46	26	15	67	81	22



```
1. pivo ← A[fim]
```

- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
19	32	46	26	15	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



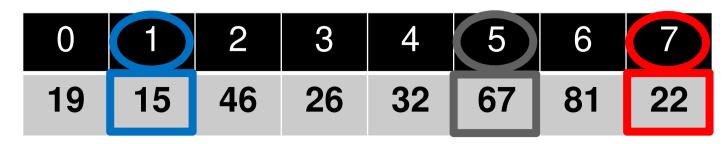


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



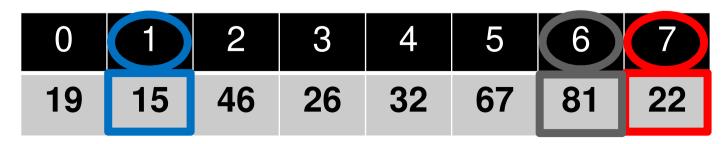


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[i]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*





- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[i]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*





- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
19	15	46	26	32	67	81	22



- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*

0	1	2	3	4	5	6	7
19	15	22	26	32	67	81	46



## (Chamada Original)

#### Retorno do Partition

- Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

O	1	2	3	4	5	6	7
15	19	22	26	32	67	81	46



## (Chamada Original)

#### Chamada Recursiva 1

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

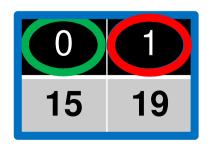
0	1	2	3	4	5	6	7
19	15	22	26	32	67	81	46



## (Chamada Recursiva 1)

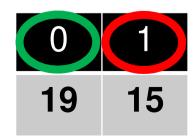
#### Chamada do Partition

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





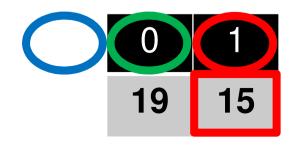
- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





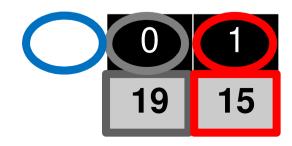
```
1. pivo ← A[fim]
```

- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se **A[j] ≤ pivo** então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca *A[i]* ↔ *A[j]*
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



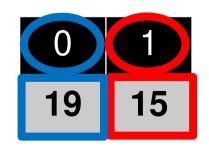


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca *A[i]* ↔ *A[j]*
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



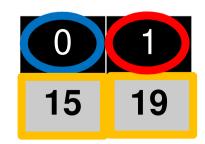


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



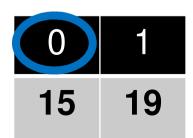


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*





- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

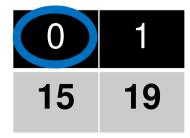




## (Chamada Recursiva 1)

#### Retorno do Partition

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

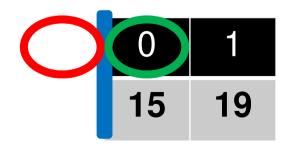




#### (Chamada Recursiva 1)

#### Chamada Recursiva 1.1

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

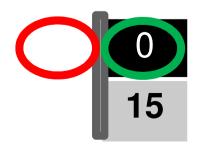




### (Chamada Recursiva 1.1)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

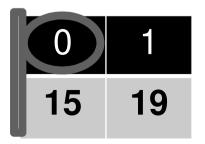




### (Chamada Recursiva 1)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 1.1)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

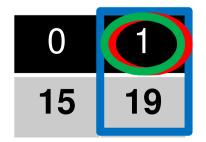




#### (Chamada Recursiva 1)

#### Chamada Recursiva 1.2

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Recursiva 1.2)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

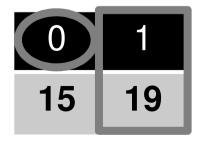




### (Chamada Recursiva 1)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 1.2)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

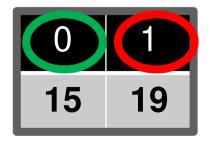




### (Chamada Recursiva 1)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Original)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 1)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
15	19	22	26	32	67	81	46



#### (Chamada Original)

#### Chamada Recursiva 2

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
15	19	22	26	32	67	81	46



### (Chamada Recursiva 2)

#### Chamada do Partition

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

3	4	5	6	7
26	32	67	81	46



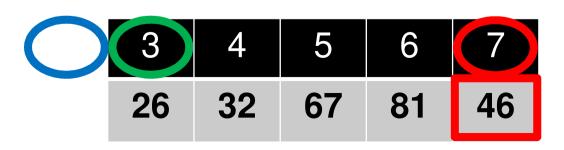
- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

3	4	5	6	7
26	32	67	81	46



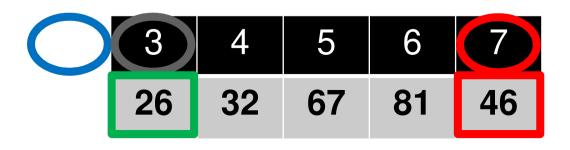
```
1 pivo ← A[fim]
```

- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*



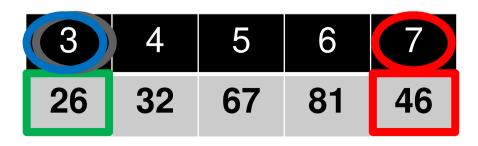


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*





- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*





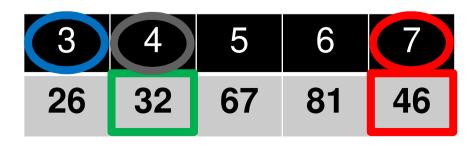
- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

3	4	5	6	7
26	32	67	81	46



```
1. pivo ← A[fim]
```

- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



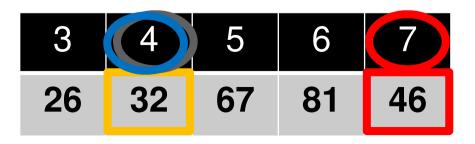


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



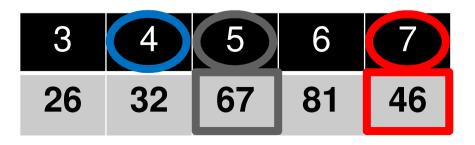


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



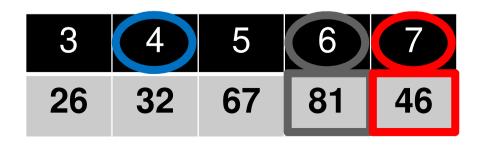


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





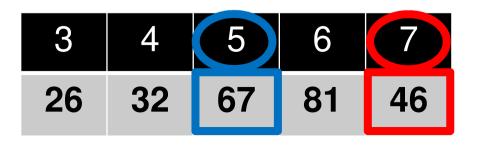
- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2.  $i \leftarrow inicio 1$
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





```
1. pivo ← A[fim]
```

- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





```
1. pivo ← A[fim]
```

- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*





```
1. pivo ← A[fim]
```

- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

3	4	5	6	7
26	32	46	81	67



### (Chamada Recursiva 2)

#### Retorno do Partition

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

3	4	5	6	7
26	32	46	81	67



#### (Chamada Recursiva 2)

#### Chamada Recursiva 2.1

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Recursiva 2.1)

#### Chamada do Partition

- Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





```
1. pivo ← A[fim]
```

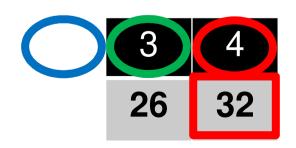
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[i]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





```
1. pivo ← A[fim]
```

- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se **A[j] ≤ pivo** então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



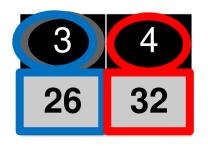


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



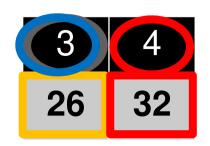


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*



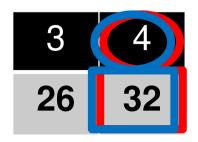


- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





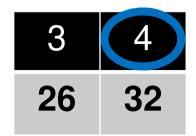
- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se **A[j] ≤ pivo** então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca *A[i+1]* ↔ *A[fim]*
- 8. retorne *i+1*





```
1. pivo ← A[fim]
```

- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para  $j \leftarrow inicio$  até fim-1 faça
- 4. Se *A[j]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





### (Chamada Recursiva 2.1)

#### Retorno do Partition

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

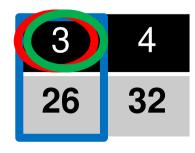




#### (Chamada Recursiva 2.1)

#### Chamada Recursiva 2.1.1

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Recursiva 2.1.1)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

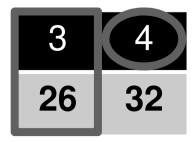




### (Chamada Recursiva 2.1)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 2.1.1)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

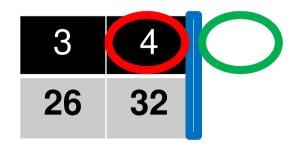




### (Chamada Recursiva 2.1)

#### Chamada recursiva 2.1.2

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

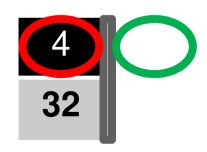




### (Chamada Recursiva 2.1.2)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

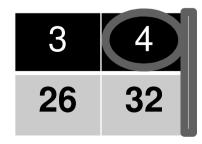




### (Chamada Recursiva 2.1)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 2.1.2)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

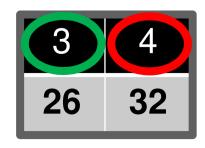




### (Chamada Recursiva 2.1)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Recursiva 2)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 2.1)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

3	4	5	6	7	
26	32	46	81	67	



#### (Chamada Recursiva 2)

#### Chamada Recursiva 2.2

- Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

3	4	5	6	7
26	32	46	81	67



### (Chamada Recursiva 2.2)

#### Chamada do Partition

- Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





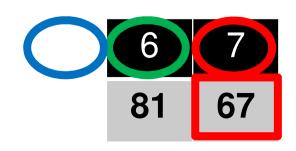
- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





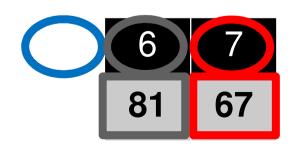
```
1. pivo ← A[fim]
```

- 2. *i* ← *inicio* 1
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se **A[j] ≤ pivo** então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





- 1. *pivo* ← *A[fim]*
- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para *j* ← *inicio* até *fim-1* faça
- 4. Se *A[i]* ≤ *pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

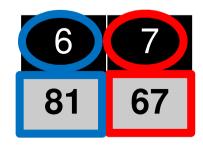




```
1. pivo ← A[fim]
```

```
2. i \leftarrow inicio - 1
```

- 3. Para  $j \leftarrow inicio$  até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

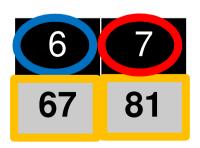




```
1. pivo ← A[fim]
```

```
2. i \leftarrow inicio - 1
```

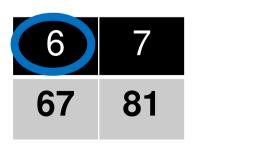
- Para j ← inicio até fim-1 faça
- 4. Se *A[j] ≤ pivo* então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*





```
1. pivo ← A[fim]
```

- 2. *i* ← *inicio* 1
- 3. Para  $j \leftarrow inicio$  até fim-1 faça
- 4. Se **A[j] ≤ pivo** então
- 5.  $i \leftarrow i + 1$
- 6. troca  $A[i] \leftrightarrow A[j]$
- 7. troca  $A[i+1] \leftrightarrow A[fim]$
- 8. retorne *i+1*

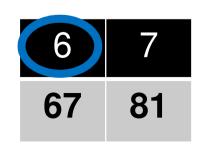




### (Chamada Recursiva 2.2)

#### Retorno do Partition

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

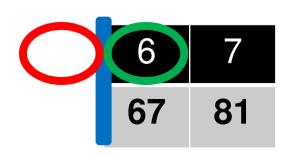




### (Chamada Recursiva 2.2)

#### Chamada Recursiva 2.2.1

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

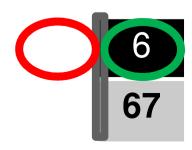




### (Chamada Recursiva 2.2.1)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

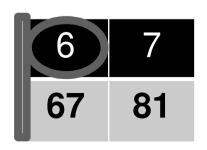




### (Chamada Recursiva 2.2)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 2.2.1)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

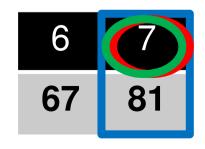




### (Chamada Recursiva 2.2)

#### Chamada Recursiva 2.2.2

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Recursiva 2.2.2)

#### Retornando do Quicksort.

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

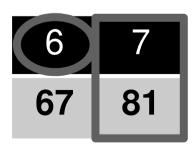




### (Chamada Recursiva 2.2)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 2.2.2)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Recursiva 2.2)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)





### (Chamada Recursiva 2)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 2.2)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

3	4	5	6	7	
26	32	46	81	67	



### (Chamada Recursiva 2)

#### Retornando do Quicksort

- Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

3	3 4		6	7	
26	32	46	81	67	



### (Chamada Original)

#### Retorno do Quicksort (Chamada 2)

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
15	19	22	26	32	67	81	46



### (Chamada Original)

#### Retornando do Quicksort

- 1. Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
15	19	22	26	32	46	67	81



#### **VETOR ORDENADO!**

- Se *inicio < fim* então
- 2. meio ← Partition(A, inicio, fim)
- 3. Quicksort(A, inicio, meio-1)
- 4. Quicksort(A, meio+1, fim)

0	1	2	3	4	5	6	7
15	19	22	26	32	46	67	81



# Estrutura de Dados II

Prof. Me. Pietro M. de Oliveira