# Лабораторная работа №4

## Вычисление среднего арифметического

### 1. Сложность последовательной реализации

Рассмотрим алгоритм для п чисел:

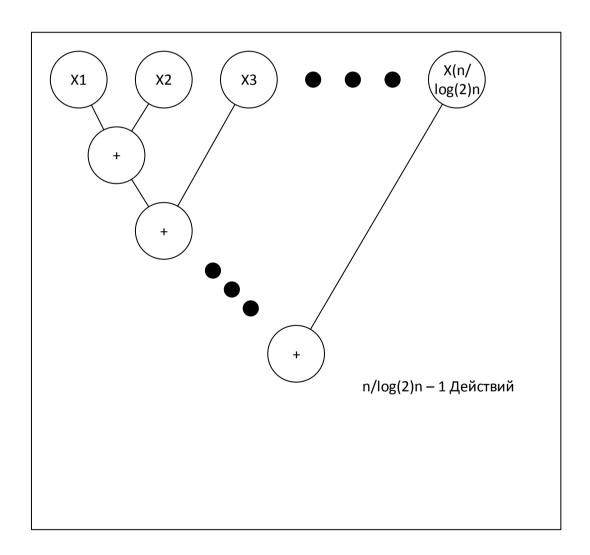
- 1) Сложить п чисел (n-1 итерация)
- 2) Разделить сумму на п (1 итерация)

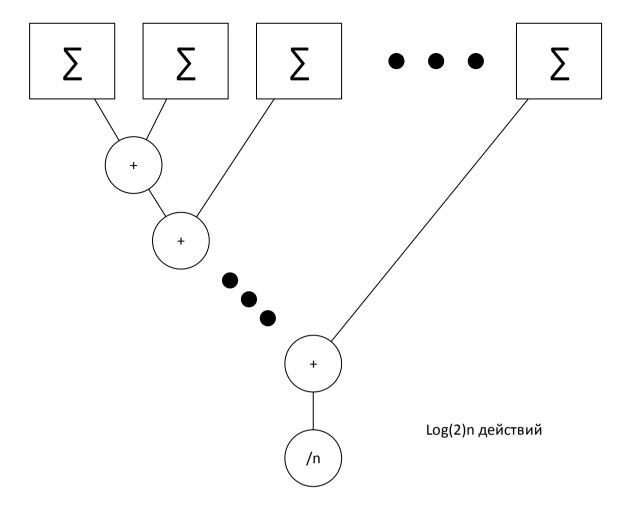
Итого для такой реализации оценка сложности O(n)

### 2. Схема распараллеливания алгоритма

За счет ассоциативности сложения можно разделить входные данные на log(2)n блоков, внутри них провести сложение, затем сложить результаты в блоках и разделить на n

### 3. Описание в виде «Операции и операнды»





#### 4. Сложность последовательной реализации

1) При последовательной реализации мы в начале выполняем n-1 действие для сложения а затем еще одно действие – деление на n, тогда:

$$T_1(n) = n$$

2) Рассмотрим каскадную схему  $(P \ge n)$ 

$$T_{\infty}(n) = \log_2 n$$

3) Ускорение

$$S_p = T_1(n) / T_{\infty}(n) = n / log_2 n$$

4) Эффективность

$$E_p = T_1(n)/p * T_p(n) = n/n(log_2n) \rightarrow 0 \ (n \rightarrow \infty)$$

По теореме о нижней оценке времени, время выполнения параллельного алгоритма будет не меньше чем log₂n. Алгоритм, предложенный выше, действует при p≥ n/log₂n, тогда

$$Tp \leq 2log_2n$$

Найдем ускорение

$$S_p = n/2 \log_2 n$$

И эффективность

$$\mathsf{E}_\mathsf{p} = \mathsf{n}/(\mathsf{p} \mathsf{2} \mathsf{log}_2 \mathsf{n}) \geq \mathsf{n}/((\mathsf{n}/\mathsf{log}_2 \mathsf{n}) \mathsf{log}_2 \mathsf{n}) = 1$$

Таким образом максимальная эффективность достигается при  $P=n/log_2n$  Найдем максимальное ускорение по закону Амдала: доля вычислений, которую нельзя производить параллельно стремится к 0 при  $n \rightarrow \infty$ . Таким образом получаем в общем виде:

 $S_{max} \rightarrow 1/(1/p)=p$ 

В нашем случае:

 $S_{max} \rightarrow n/log_2n$