

## Keller Automaten

### Definition:

#### Nichtdeterministischer Kellerautomat

$$L = \{ ab^n ab^{n+1} \mid n \in \mathbb{N} \}, G = ([S, T], [a, b], S, P)$$

$$P = \{ S \xrightarrow{a} abTbb, T \xrightarrow{b} bTb \mid a \}$$

$$K_G = ([a, b], [\$, a, b, S, T], \$, \{ \text{Start}, \text{Loop}, \text{Ende} \}, \text{Start}, \delta \text{ gem. Graph}, \{ \text{Ende} \})$$



$(a, a) / \epsilon$   
 $(b, b) / \epsilon$  } Abgleichen

$(\epsilon, \overset{1}{S}) / bbTba$   
 $(\epsilon, \overset{2}{T}) / bTb$   
 $(\epsilon, \overset{3}{T}) / a$  } umgedreht  
geschrieben

$$KA = (X, K, k_0, S, s_0, \delta, F)$$

$X \rightarrow$  Eingabealphabet

$K \rightarrow$  Alphabet der Kellerzeichen

$k_0 \rightarrow$  Anfängliches Symbol auf dem Keller  $k_0 \in K$

$S \rightarrow$  Endliche Menge der Zustände

$s_0 \rightarrow$  Startzustand  $s_0 \in S$

$\delta \rightarrow$  Zustandsübergangsfunktion

$F \rightarrow$  Menge der Endzustände,  $F \subseteq S$

#### Deterministischer Kellerautomat

##### Akzeptiert über Endzustand

1 Buchstabe in den Keller

$$a^n c b^n$$

$(a, a) / aa$

$(b, a) / \epsilon$

Gesamt so viele b wie a's im Keller sind



$$KA = ([a, b, c], [\$, a], \$, \{S_0, S_1, S_2, S_3\}, S_0, \delta \text{ gem. Graph}, \{S_3\})$$

was hinter den / steht

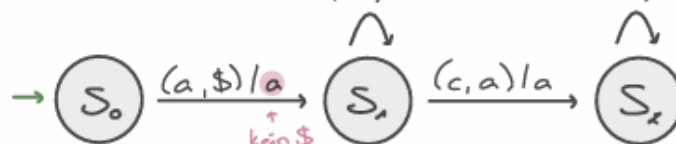
##### Akzeptiert über Leeren Keller

$$a^n c b^n$$

$(a, a) / aa$

$(b, a) / \epsilon$

Wenn Leer  $\rightarrow$  aufhören



$$KA = ([a, b, c], [\$, a], \$, \{S_0, S_1, S_2\}, S_0, \delta \text{ gem. Graph}, \boxed{\phantom{00}})$$

Leerlassen

### **Akzeptanz:**

Eine Kellerautomat kann nach vollständigem Lesen der Eingabe entweder über **Endzustand** oder über **leerem Keller** akzeptieren. Bei Akzeptanz über leerem Keller fehlen im Tupel die Endzustände

### **Aufgabe 1:**

Konstruieren sie einen deterministischen Kellerautomat, der die Sprache  $L$  über Endzustand akzeptiert, wobei  $L =$

- a)  $\{a^n b^n c^m d^m \mid n, m \in \mathbb{N}\}$
- b)  $\{a^n b^m c^m d^n \mid n, m \in \mathbb{N}\}$
- c)  $\{a^n b^m a^n \mid n, m \in \mathbb{N}\}$
- d)  $\{a^{2n} b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$
- e)  $\{a^m b^n \mid m \in \mathbb{N}, n \in \mathbb{N}_0, m > n\}$
- f)  $\{a^m b^n c^i \mid m \in \mathbb{N}_0, n, i \in \mathbb{N}, m + n = i\}$

### **Aufgabe 2:**

Geben sie die vollständige Konfigurationsfolge des Automaten aus 1d) für das Wort  $aaaabb$  an

### **Aufgabe 3: WICHTIG zu merken!**

**(In meinem Jahr kam es bspw. dran in der Klausur)**

Gegeben sei die kontextfreie Grammatik  $G =$

$(\{S, V\}, \{a, b\}, S, \{S \rightarrow abS \mid bSa \mid V \mid aa \mid b, V \rightarrow baVba \mid a\})$ .

Geben sie den Zustandsübergangsgraphen des dazugehörigen nichtdeterministischen Kellerautomaten an.

### **Aufgabe 4:**

- a) Geben sie einen deterministischen Kellerautomaten an, welcher die Sprache  $L = \{a^n b^i c^j \mid i, n \in \mathbb{N}, j \in \mathbb{N}_0, n = i + j\}$  über leerem Keller akzeptiert.
- b) Geben sie die vollständige Konfigurationsfolge des Automaten aus a) für das Wort  $aaabcc$

### **Aufgabe 5:**

- a) Konstruieren sie einen deterministischen Kellerautomaten, der die Sprache  $L = \{a^{2m} b^n c^n d^m \mid m, n \in \mathbb{N}\}$  über leerem Keller akzeptiert.
- b) Geben sie eine Typ-2 Grammatik  $G$  mit  $L(G) = L$  an