Implementation Tricks

Numerical Stability

由于浮点数精度有限,在计算 softmax 时,由于采用 exp, 很可能由于数值过大导致 NaN

$$z_i = \frac{exp(x_i)}{\sum_k exp(x_k)} \tag{1}$$

而对于任意常数 c 有

$$z_i = rac{exp(x_i)}{\sum_k exp(x_k)} = rac{exp(x_i - c)}{\sum_k exp(x_k - c)}$$
 (2)

所以可以取 $c = \max(x)$ 以保证 \exp 的输入小于等于 0

这个技巧对 logsoftmax, logsumexp 等也有效