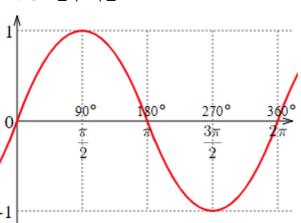
# 08. 회귀 문제의 역전파 구현

2020년 12월 31일 목요일 오후 3:39

● 신경망 학습 구조를 파악하는 것이 목적이므로 간단한 신경망을 직접 구현해 봄

1. sin 함수 학습

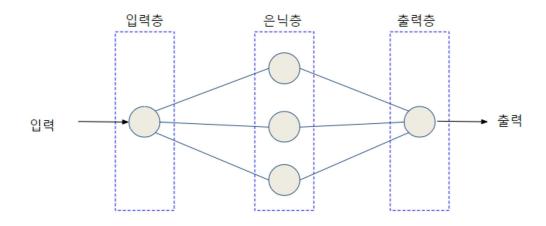


1개 이상의 은닉층을 포함하는 신경망 -> deep learning network

- x값을 입력, y값을 출력, sin(x)를 정답으로 함
- sin 함수는 연속 함수이므로 회귀 문제에 해당

feature 1개

- 출력과 정답의 오차를 전파시켜 가중치와 bias를 반복적으로 수정하며 학습
- 입력층 뉴런 1개, 은닉층 뉴런 3개, 출력층 뉴런 1개로 구성



● 은닉층 활성화 함수 : 시그모이드

● 출력층 활성화 함수 : 항등 함수

● 손실 함수 : 오차 제곱합

● 최적화 알고리즘 : SGD

● 배치 사이즈:1 온라인학습

• 학습하는 과정을 살펴보기 위한 목적이므로 모든 데이터를 훈련 데이터로 사용

#### 2. 출력층 구현

#### ● 출력층 클래스

```
class OutputLayer:
 def __init__(self, n_upper, n): #초기설정
   self.w = wb_width * np.random.randn(n_upper, n) # 가중치(행렬)
   self.b = wb_width * np.random.randn(n) # 편향(벡터)
 def forward(self, x): # 순전파
   self.x = x
   u = np.dot(x, self.w) + self.b
   self.y = u # 항등함수
  def backward(self, t): # 역전파
   delta = self.y - t
   self.grad_w = np.dot(self.x.T, delta)
   self.grad_b = np.sum(delta, axis=0)
   self.grad x = np.dot(delta, self.w.T)
  def update(self, eta): # 가중치와 편향 수정
   self.w -= eta * self.grad_w
   self.b -= eta * self.grad_b
```

\*\* np.random.randn(m, n): 평균 0, 표준편차 1의 표준정규분포 난수 ndarray(m, n) 생성

#### 3. 은닉층 구현

```
class MiddleLayer:
  def __init__(self, n_upper, n): #초기설정
    self.w = wb_width * np.random.randn(n_upper, n) #가중치(행렬)
    self.b = wb_width * np.random.randn(n) # 편향(벡터)

def forward(self, x): #순전파
    self.x = x
    u = np.dot(x, self.w) + self.b
    self.y = 1/(1+np.exp(-u)) #시그모이드 함수

def backward(self, grad_y): # 역전파
    delta = grad_y * (1-self.y)*self.y #시그모이드 함수 미분
```

```
self.grad_w = np.dot(self.x.T, delta)
self.grad_b = np.sum(delta, axis=0)

self.grad_x = np.dot(delta, self.w.T)

def update(self, eta): #가중치와 편향 수정
self.w -= eta * self.grad_w
self.b -= eta * self.grad_b
```

### 4. 역전파 구현

```
# -- 각 층의 초기화 --
middle_layer = MiddleLayer(n_in, n_mid)
output_layer = OutputLayer(n_mid, n_out)
# -- 학습 --
for i in range(epoch):
 #인덱스 임의 섞기
 index_random = np.arange(n_data)
 np.random.shuffle(index_random)
 for idx in index_random:
   x = input_data[idx:idx+1] # 입력
   t = correct data[idx:idx+1] # 정답
   # 순전파
   middle_layer.forward(x.reshape(1, 1)) # 입력을 행렬로 변환
   output_layer.forward(middle_layer.y)
   # 역전파
   output_layer.backward(t.reshape(1, 1)) # 정답을 행렬로 변환
   middle_layer.backward(output_layer.grad_x)
   # 가중치와 편향 수정
   middle_layer.update(eta)
   output_layer.update(eta)
```

#### 5. 전체 코드

```
%matplotlib inline
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
# -- 입력과 정답 준비 --
input_data = np.arange(0, np.pi*2, 0.1) # 입력
correct data = np.sin(input data) # 정답
input_data = (input_data-np.pi)/np.pi # 입력을 - 1.0 ~ 1.0 범위안으로
n_data = len(correct_data) # 데이터 수
# -- 각 설정 값 --
n in = 1 # 입력층의 뉴런 수
n mid = 3 #은닉층의 뉴런 수
n_out = 1 # 출력층의 뉴런 수
wb_width = 0.01 # 가중치와 편향 설정을 위한 정규분포의 표준편차
eta = 0.1 # 학습률
epoch = 2001
interval = 200 # 경과 표시간격
# -- 은닉층 --
class MiddleLayer:
 def __init__(self, n_upper, n): #초기설정
   self.w = wb width * np.random.randn(n upper, n) # 가중치(행렬)
   self.b = wb width * np.random.randn(n) # 편향(벡터 )
 def forward(self, x): # 순전파
   self.x = x
   u = np.dot(x, self.w) + self.b
   self.y = 1/(1+np.exp(-u)) # 시그모이드 함수
 def backward(self, grad_y): # 역전파
   delta = grad y * (1-self.y)*self.y #시그모이드 함수 미분
   self.grad_w = np.dot(self.x.T, delta)
   self.grad_b = np.sum(delta, axis=0)
   self.grad_x = np.dot(delta, self.w.T)
 def update(self, eta): # 가중치와 편향 수정
   self.w -= eta * self.grad_w
   self.b -= eta * self.grad_b
# -- 출력층 --
class OutputLayer:
 def __init__(self, n_upper, n): #초기설정
   self.w = wb width * np.random.randn(n upper, n) # 가중치(행렬)
   self.b = wb width * np.random.randn(n) # 편향(벡터)
```

```
def forward(self, x): # 순전파
   self.x = x
   u = np.dot(x, self.w) + self.b
   self.y = u # 항등함수
  def backward(self, t): # 역전파
   delta = self.y - t
   self.grad_w = np.dot(self.x.T, delta)
   self.grad_b = np.sum(delta, axis=0)
   self.grad_x = np.dot(delta, self.w.T)
 def update(self, eta): # 가중치와 편향 수정
   self.w -= eta * self.grad_w
   self.b -= eta * self.grad_b
# -- 각 층의 초기화 --
middle_layer = MiddleLayer(n_in, n_mid)
output_layer = OutputLayer(n_mid, n_out)
# -- 학습 --bb
for i in range(epoch):
 #인덱스임의섞기
 index random = np.arange(n data)
  np.random.shuffle(index_random)
 # 결과 표시
 total_error = 0
  plot_x = []
 plot_y = []
 for idx in index_random:
   x = input_data[idx:idx+1] # 입력
   t = correct_data[idx:idx+1] # 정답
   # 순전파
   middle_layer.forward(x.reshape(1, 1)) # 입력을 행렬로 변환
   output_layer.forward(middle_layer.y)
   # 역전파
   output_layer.backward(t.reshape(1, 1)) # 정답을 행렬로 변환
    middle layer.backward(output layer.grad x)
```

```
# 가중치와 편향 수정
 middle_layer.update(eta)
 output layer.update(eta)
 if i%interval == 0:
   y = output layer.y.reshape(-1) # 행렬을 벡터로 되돌림
   # 오차계산
    total error += 1.0/2.0*np.sum(np.square(y - t)) # 오차제곱합
   #출력기록
    plot_x.append(x)
    plot_y.append(y)
if i%interval == 0:
 #출력 그래프 표시
 plt.plot(input data, correct data, linestyle="dashed")
 plt.scatter(plot x, plot y, marker="+")
 plt.show()
 # 에포크 수와 오차 표시
  print("Epoch:" + str(i) + "/" + str(epoch), "Error:" + str(total_error/n_data))
```

## 6. 은닉층의 뉴런 수가 학습에 미치는 영향

- 은닉층의 뉴런수를 1, 2, 3, 4, 5 차례로 증가시키며 결과를 확인
- 3 또는 4개의 뉴런 이후에는 결과가 더 좋아지지 않고 계산량만 증가
- 이 문제에서는 은닉층에서 3 또는 4개의 뉴런이 최적임
- 은닉층에서 필요 이상의 뉴런 수는 과적합(Overfitting)을 일으킴 이하의 뉴런 수는 Underfitting layer의 노드 수에 따라서도 결과 복잡도에 영향을 미침