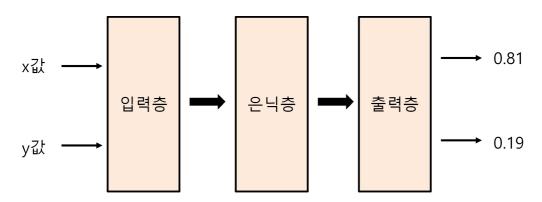
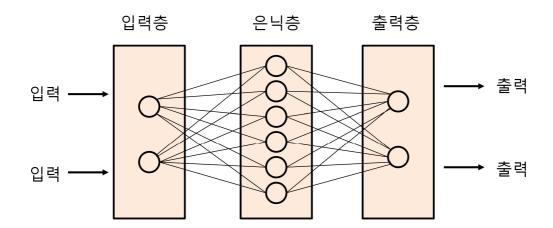
## 09. 분류 문제의 역전파

2021년 1월 1일 금요일 오후 2:40

● 입력된 x, y 값이 sin 곡선의 상단 또는 하단에 위치하는지를 분류할 수 있도록 학습시킴



- 정답은 [0, 1] 또는 [1, 0] 인 원핫 인코딩(one-hot encoding)으로 표시 sin(x)와 sin(y) 크기 비교
- 출력값과 정답의 오차를 전파시켜 가중치와 bias를 수정
- 입력층 뉴런 2개, 은닉층 뉴런 6개, 출력층 뉴런 2개



● 은닉층 활성화 함수 : 시그모이드● 출력층 활성화 함수 : 소프트맥스

● 손실 함수 : 교차 엔트로피 ● 최적화 알고리즘 : SGD

● 배치 사이즈 : 1

## 1. 출력층 구현

● 기존 회귀 문제의 출력층과 거의 같은 내용, 출력층의 활성화 함를 소프트맥스로 대체

```
class OutputLayer:
 def __init__(self, n_upper, n):
    self.w = wb_width * np.random.randn(n_upper, n) # 가중치 ( 행렬 )
    self.b = wb_width * np.random.randn(n) # 편향(벡터)
  def forward(self, x):
    self.x = x
    u = np.dot(x, self.w) + self.b
   self.y = np.exp(u)/np.sum(np.exp(u), axis=1, keepdims=True) # 소프트맥스 함수
 def backward(self, t):
    delta = self.y - t
    self.grad_w = np.dot(self.x.T, delta)
    self.grad_b = np.sum(delta, axis=0)
    self.grad_x = np.dot(delta, self.w.T)
 def update(self, eta):
    self.w -= eta * self.grad_w
    self.b -= eta * self.grad_b
```

\*\* 배치사이즈 X 1 형태의 행렬을 유지하기 위해 keepdims=True 사용

## 2. 전체 코드

```
%matplotlib inline
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
#--값--
X = np.arange(-1.0, 1.1, 0.1)
Y = np.arange(-1.0, 1.1, 0.1)
#--입력, 정답 벡터 생성(one-hot encoding)--
input data = []
correct_data = []
for x in X:
 for y in Y:
   input_data.append([x, y])
   if y < np.sin(np.pi * x): # y값이 sin 곡선 아래에 있으면
      correct_data.append([0, 1]) # 아래 영역
   else:
      correct_data.append([1, 0]) #위 영역
n_data = len(correct_data) # 데이터 수
input data = np.array(input data)
correct_data = np.array(correct_data)
```

```
# -- 각 설정 값 --
n in = 2 # 입력층 뉴런 수
n_mid = 6 # 은닉층 뉴런 수
n_out = 2 # 출력층 뉴런 수
wb width = 0.01 # 가중치와 편향 설정을 위한 정규분포 표준편차
eta = 0.1 # 학습률
epoch = 101
interval = 10 # 경과 표시 간격
# -- 은닉층 --
class MiddleLayer:
 def __init__(self, n_upper, n):
    self.w = wb_width * np.random.randn(n_upper, n) # 가중치(행렬 )
   self.b = wb_width * np.random.randn(n) # 편향 ( 벡터 )
 def forward(self, x):
   self.x = x
   u = np.dot(x, self.w) + self.b
   self.y = 1/(1+np.exp(-u)) # 시그모이드 함수
  def backward(self, grad_y):
    delta = grad_y * (1-self.y)*self.y
   self.grad_w = np.dot(self.x.T, delta)
    self.grad_b = np.sum(delta, axis=0)
   self.grad x = np.dot(delta, self.w.T)
 def update(self, eta):
    self.w -= eta * self.grad_w
    self.b -= eta * self.grad_b
# -- 출력층 --
class OutputLayer:
 def __init__(self, n_upper, n):
    self.w = wb_width * np.random.randn(n_upper, n) # 가중치 ( 행렬 )
    self.b = wb width * np.random.randn(n) # 편향 ( 벡터 )
 def forward(self, x):
   self.x = x
   u = np.dot(x, self.w) + self.b
    self.y = np.exp(u)/np.sum(np.exp(u), axis=1, keepdims=True) # 소프트맥스 함수
  def backward(self, t):
    delta = self.y - t
```

```
self.grad w = np.dot(self.x.T, delta)
   self.grad_b = np.sum(delta, axis=0)
   self.grad_x = np.dot(delta, self.w.T)
 def update(self, eta):
   self.w -= eta * self.grad_w
   self.b -= eta * self.grad_b
# -- 각 층의 초기화 --
middle_layer = MiddleLayer(n_in, n_mid)
output_layer = OutputLayer(n_mid, n_out)
# -- 학습 --
sin_data = np.sin(np.pi * X) # 결과 검증용
for i in range(epoch):
 #인덱스임의섞기
 index random = np.arange(n data)
 np.random.shuffle(index_random)
 #결과 표시용
 total_error = 0
 x_1 = []
 y_1 = []
 x_2 = []
 y_2 = []
 for idx in index random:
   x = input_data[idx]
   t = correct_data[idx]
   # 순전파
   middle_layer.forward(x.reshape(1,2))
   output_layer.forward(middle_layer.y)
   # 역전파
   output_layer.backward(t.reshape(1,2))
   middle_layer.backward(output_layer.grad_x)
   # 가중치와 편향 수정
   middle_layer.update(eta)
   output_layer.update(eta)
   if i%interval == 0:
     y = output layer.y.reshape(-1) # 행렬을 벡터로 되돌림
```

```
# 오차 계산
   total_error += - np.sum(t * np.log(y + 1e-7)) # 교차 엔트로피 오차
   #확률 크기를 비교하여 분류
   if y[0] > y[1]:
     x_1.append(x[0])
     y_1.append(x[1])
   else:
     x_2.append(x[0])
     y_2.append(x[1])
if i%interval == 0:
 # 출력 그래프 표시
 plt.plot(X, sin_data, linestyle="dashed")
 plt.scatter(x_1, y_1, marker="+")
 plt.scatter(x_2, y_2, marker="x")
 plt.show()
 # 에포크 수와 오차 표시
  print("Epoch:" + str(i) + "/" + str(epoch), "Error:" + str(total_error/n_data))
```