

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра ТВ

ОТЧЁТ
по лабораторной работе № 1
по дисциплине «Цифровая обработка изображений»
Тема: РАЗРАБОТКА ПРОГРАММЫ ДЛЯ
КВАНТОВАНИЯ ИЗОБРАЖЕНИЙ

Студенты гр. 9105

Шаривзянов Д. Р.

Басманов А. А.

Преподаватель

Поздеев А. А.

Санкт-Петербург

2024

КВАНТОВАНИЕ ИЗОБРАЖЕНИЙ

Цели работы: знакомство с гистограммой и методом квантования изображений.

Теоретические сведения

Формула среднеквадратической ошибки квантования:

$$\sigma_e = \sqrt{\frac{1}{mn} \sum_{i=0}^{m-1} \sum_{j=0}^{n-1} (I(i, j) - K(i, j))^2},$$

где $I(i, j)$ – значение яркости пикселя с координатами (i, j) в исходном полутоновом изображении (с числом уровней квантования 256), $K(i, j)$ – значение яркости пикселя с координатами (i, j) в квантованном изображении с меньшим числом уровней квантования (q_level), m и n – число строк и столбцов изображения.

Оценку среднеквадратической ошибки квантования можно получить, используя значение величины интервала между уровнями квантования:

$$\hat{\sigma}_e = \text{inter} / \sqrt{12}.$$

1. Код программы

```
Mat getHist(const Mat &image)
{
    int hist_h = 400, hist_w = 256*3;

    Mat hist = Mat::zeros(1, 256, CV_64FC1);

    for (int i = 0; i < image.cols; i++)
        for (int j = 0; j < image.rows; j++) {
            int r = image.at<unsigned char>(j, i);
            hist.at<double>(0, r) = hist.at<double>(0, r) + 1.0;
        }
    double m = 0, M = 0;
    minMaxLoc(hist, &m, &M);
    hist = hist / M;
    Mat hist_img = Mat::zeros(100, 256, CV_8U);
    for (int i = 0; i < 256; i++)
        for (int j = 0; j < 100; j++) {
            if (hist.at<double>(0, i) * 100 > j) {
                hist_img.at<unsigned char>(99 - j, i) = 255;
            }
        }
}
```

```

        bitwise_not(hist_img, hist_img);
        resize(hist_img, hist_img, Size(hist_w, hist_h), 0, 0, INTER_NEAREST);
        return hist_img;
    }
}

Mat getQuant(const Mat &image, int q_level)
{
    double sko = 0.0;
    int inter = 255 / (q_level - 1);

    Mat img_quant = Mat::zeros(image.rows, image.cols, CV_8UC1);

    for (int row = 0; row < image.rows; row++){
        for (int col = 0; col < image.cols; col++){

            int Y = image.at<uchar>(row, col);

            for (int k = 0; k < q_level; k++){
                if ((Y > inter * k) && (Y <= inter * k + inter / 2)) Y = inter * k;
                if ((Y > inter * k + inter / 2) && (Y <= inter * (k + 1))) Y = inter * (k + 1);
            }
            img_quant.at<uchar>(row, col) = Y;
            sko += (image.at<uchar>(row, col) - img_quant.at<uchar>(row, col)) * (image.at<uchar>(row, col) -
img_quant.at<uchar>(row, col));
        }
    }
    sko /= (image.rows*image.cols);
    sko = sqrt(sko);

    cout << "\tsko = " << sko << " \t" << "ass sko = " << inter / sqrt(12) << endl;
    return img_quant;
}

void lab1(const Mat &img_bgr){
    Mat img_gray;
    cvtColor(img_bgr, img_gray, COLOR_BGR2GRAY);

    imshow("image bgr", img_bgr);
    imshow("image gray", img_gray);

    cout << "for origin: ";
    Mat quant = getQuant(img_gray, 256);
    imshow("Quantization with " + to_string(256) + " levels", quant);
    Mat hist = getHist(img_gray);
    imshow("histogram origin", hist);

    for (int q = 2; q < 65; q*=2) {
        cout << "for q = " << q << ": ";
        Mat quant = getQuant(img_gray, q);
        imshow("Quantization with " + to_string(q) + " levels", quant);

        Mat hist = getHist(quant);
        imshow("histogram with " + to_string(q) + " levels", hist);
    }

    waitKey();
}
}

```

2. Исходное изображение и его гистограмма



Рис 1. Исходное полутоновое изображение и его гистограмма.

Значение среднеквадратического отклонения отчетов исходного полутонового изображения равно 0, так как квантования и ошибок не происходит (по формуле ошибки получается вычитание значения исходного пиксела от самого себя).

3. Изображения, квантованные по 2, 4, 8, 16, 32 и 64 уровням, а также их гистограммы.



Рис. 2. Квантование по 2 уровням и гистограмма



Рис. 3. Квантование по 4 уровням и гистограмма



Рис. 4. Квантование по 8 уровням и гистограмма



Рис. 5. Квантование по 16 уровням и гистограмма

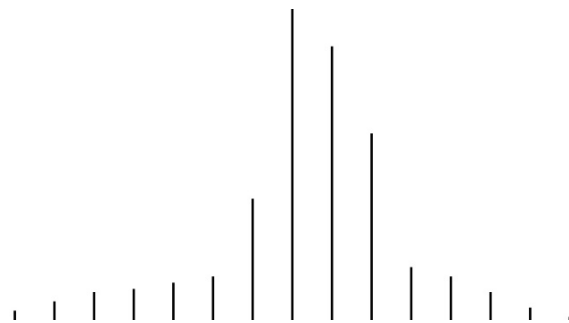


Рис. 6. Квантование по 32 уровням и гистограмма

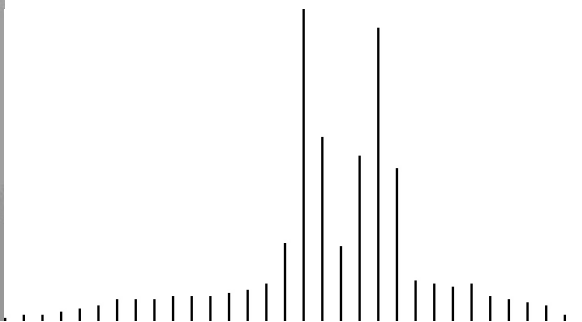
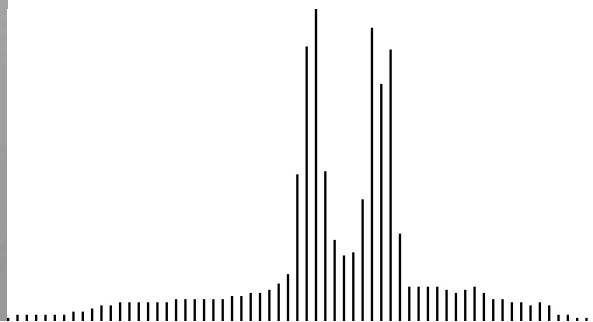


Рис. 7. Квантование по 32 уровням и гистограмма



4. Таблица с полученными значениями среднеквадратической ошибки квантования.

q_level	2	4	8	16	32	64	256
σ_e	100.163	26.6323	12.1912	5.04383	2.4747	1.23085	0
$\hat{\sigma}_e$	73.6122	24.5374	10.3923	4.90748	2.3094	1.1547	0.288675

Выводы: в ходе выполнения программы из цветного изображения получается полутоновое путем преобразования значений RGB к яркостному значению с последующим его квантованием. Квантование представляет собой процесс деления диапазона возможных значений яркости на фиксированное количество уровней, что позволяет уменьшить количество информации, необходимое для представления изображения, с возможностью сохранить при этом его визуальное качество на приемлемом уровне.

Гистограмма распределения уровней яркости визуализирует, как часто каждый уровень яркости встречается в изображении, что является полезным инструментом для анализа изображений, в частности, для оценки контрастности и распределения яркости.

Среднеквадратическое отклонение и среднеквадратическая ошибка квантования позволяют количественно оценить потерю качества изображения в результате его квантования. Эти метрики важны для понимания компромисса между сокращением объема данных изображения и сохранением его качества.

Из результатов лабораторной работы следует, что с **увеличением числа уровней квантования** повышается качество воспроизведения изображения, также **уменьшается значение среднеквадратической ошибки** квантования и ведет к увеличению объема данных. В свою очередь, уменьшение числа уровней квантования сокращает объем данных, но может приводить к ухудшению визуального качества изображения, в том числе к появлению ложных контуров и потере деталей.

Отличие фактического значения ошибки квантования от оценки по величине интервала для используемого изображения незначительно, однако в случае высокодетализированного изображения (рис.8) при некоторых случаях квантования данные значения могут отличаться в несколько раз. Кажется, это ошибка в коде.



Рис. 8.

Результаты расчёта ошибок квантования для высокодетализированного изображения:

for origin:	sko = 0	ass sko = 0.288675
for q = 2:	sko = 70.1599	ass sko = 73.6122
for q = 4:	sko = 24.0162	ass sko = 24.5374
for q = 8:	sko = 10.4034	ass sko = 10.3923
for q = 16:	sko = 4.94135	ass sko = 4.90748
for q = 32:	sko = 17.2642	ass sko = 2.3094
for q = 64:	sko = 5.27716	ass sko = 1.1547
for q = 128:	sko = 0.704901	ass sko = 0.57735