依澜的学习任务【1.31】

任务简介:

今天是31号来着

So 昨天给你们的 29 号文件

好像你们都没提出啥问题哈

算法:

今天学**动态规划(DP)**的第二部分:背包问题

背包问题是一类 dp 问题的总称

问题可以描述为:给定一组物品,每种物品都有自己的重量和价

值,在限定的总重量内,我们进行选择,使得物品的总价值最高。

细分的话大致有 9 种

01 背包、完全背包、多重背包、二维背包、背包方案总数…

记不清了, 其他的也不是很重要

那么先从最经典的 01 背包开始理解

01 背包题目的雏形是:

有 N 件物品和一个容量为 V 的背包。第 i 件物品的体积是 c[i],价值是 w[i]。求解将哪些物品装入背包可使价值总和最大。

01 背包的特点就是:每种物品仅有一件,可以选择放或不放。

状态转移方程: f[i][v] = max(f[i-1][v], f[i-1][v-c[i]]+w[i])

f[i,v]为从前 i 件物品中选择放入容量为 v 的背包最大的价值

这个方程可以如下解释: 只考虑子问题"将前 i 个物品放入容量为

v 的背包中的最大价值"那么考虑如果不放入 i, 最大价值就和 i 无关, 就是 f[i-1][v], 如果放入第 i 个物品, 价值就是 f[i-1][vc[i]] + w[i], 我们只需取最大值即可。

理解好之后,就可以编写代码了

```
for(i=1;i<=n;i++){
    for(j=0;j<=v;j++){
        if(j>=c[i]) //装得下的情况
        f[i][j]=max(f[i-1][j],f[i-1][j-c[i]]+w[i]);
        else //装不下就直接与这个物品无关啦
        f[i][j] = f[i-1][j];
    }
}
```

那么最后的答案就是 f[n][v]啦

那我们来看一道例题

考虑它的背包容量,物品体积和价值是什么

洛谷题目 1060

题目描述 [3]展开

金明今天很开心,家里购置的新房就要领钥匙了,新房里有一间他自己专用的很宽敞的房间。更让他高兴的是,妈妈昨天对他说:"你的房间需要购买哪些物品,怎么布置,你说了算,只要不超过N元钱就行"。今天一早金明就开始做预算,但是他想买的东西太多了,肯定会超过妈妈限定的N元。于是,他把每件物品规定了一个重要度,分为5等:用整数1-5表示,第5等最重要。他还从因特网上查到了每件物品的价格(都是整数元)。他希望在不超过N元(可以等于N元)的前提下,使每件物品的价格与重要度的乘积的总和最大。

设第j件物品的价格为 $v_[j]$,重要度为 $w_[j]$,共选中了k件物品,编号依次为 j_1,j_2,\ldots,j_k ,则所求的总和为:

```
v_{\lceil j_1 \rceil} 	imes w_{\lceil j_1 \rceil} + v_{\lceil j_2 \rceil} 	imes w_{\lceil j_2 \rceil} + \ldots + v_{\lceil j_k \rceil} 	imes w_{\lceil j_k \rceil} .
```

请你帮助金明设计一个满足要求的购物单。

从这个题目中可以看出,背包的容量为这里的"N元",物品的体积为这里的"价格",价值为这里的"价格与重要度的乘积"

然后就可以直接套用 01 背包的代码啦

最后. 上代码

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
using namespace std;
int main()
    int i,j,n,m;
    cin>>n>>m;
    int w[m+1],v[m+1],dp[m+1][n+1];
    for(i=1;i<=m;i++){
        cin>>w[i]>>v[i];
        v[i] *= w[i];
    for(i=0;i<m+1;i++)
        for(j=0;j<n+1;j++)
            dp[i][j] = 0;
    for(i=1;i<=m;i++){
        for(j=0;j<=n;j++){
            if(j>=w[i])
                dp[i][j] = max(dp[i-1][j],dp[i-1][j-w[i]]+v[i]);
            else dp[i][j] = dp[i-1][j];
    cout<<dp[m][n]<<endl;
}
```

在空间上,可以把 dp 二维数组优化成一维(而且更好写但是现在便于理解,就先不那么做了至于剩下的背包问题,就自己慢慢摸索啦姐一下子也写不了那么多啦

任务:

算法:完成洛谷题目 1048、1616、1049、1164、1507 1048 采药: 01 背包问题,思路基本和上题一毛一样 1616 疯狂的采药:完全背包问题,每个物品有无限件 1049 装箱问题:表面上是个搜索,实际上是个 01 1164 小 A 点菜:背包方案总数问题,探讨如何吃穷渣澜 1507 NASA 的食物计划:二维背包问题,背包有两种容量

提交: 把 5 道题的代码和 AC 截图以及转移方程发给姐就好啦

ddl: 无