Задание: Приведите пример использования амортизированного анализа в практике.

Амортизированный анализ

Амортизированный анализ используется в алгоритмах и структурах данных для оценки средней стоимости операций в последовательности, даже если некоторые отдельные операции могут быть дорогими. Примером практического использования амортизированного анализа является динамическая таблица (или динамический массив).

Пример: Динамический массив

Динамический массив — это структура данных, которая позволяет хранить элементы и автоматически изменяет свой размер при добавлении новых элементов.

Описание:

- Начальный размер: Начинаем с массива фиксированного размера (например, 4).
- Добавление элементов: Когда массив заполняется, создаем новый массив вдвое большего размера и копируем все элементы из старого массива в новый.

Пример использования:

- 1. Создаем массив размером 4.
- 2. Добавляем элементы последовательно.
- 3. Когда массив заполняется, создаем новый массив вдвое большего размера и копируем все элементы.

Амортизированный анализ:

Амортизированный анализ показывает, что даже если операция расширения массива кажется дорогой (O(n) для копирования всех элементов), средняя стоимость добавления элемента остается O(1).

Расчет амортизированной стоимости:

1. **Инициализация**: Начальный массив размера 4, операции добавления элементов.

2. Добавление элементов:

- Добавление 1-го элемента: O(1)
- Добавление 2-го элемента: O(1)
- о Добавление 3-го элемента: О(1)
- о Добавление 4-го элемента: О(1)

3. Расширение и копирование:

- Добавление 5-го элемента: O(n) для копирования (все 4 элемента) + O(1) для добавления
- о Создание нового массива размера 8, копирование всех элементов из старого массива (4 элемента), добавление нового элемента.

0

Анализ затрат:

- Стоимость добавления элементов: 1 + 1 + 1 + 1 + 5 (расширение + добавление)
- Общая стоимость: 1+1+1+1+1+4=9 операций для 5 элементов.

Заключение:

Амортизированный анализ показывает, что несмотря на дорогую операцию расширения массива, средняя стоимость добавления элемента остается O(1). Это делает динамические массивы очень эффективными для многих практических применений, таких как реализация списков или векторов в языках программирования.