

# Data Structures

algorithms





# Sommaire

- **Definition**
- **Structure (enregistrement)**
- **Les arbres**
- **Les listes chaînés**
- **Les tableaux**
- **Les graphes**
- **Les Piles et les files**



## Définition

Une structure de données peut être sélectionnée ou conçue pour stocker des données dans le but de les travailler avec divers algorithmes. Chaque structure de données contient des informations sur des valeurs, des données, des relations entre les données et les fonctions qui peuvent être appliquées aux données.



# A Retenir

Avoir choisi les bons types de données permet d'avoir un programme

- plus lisible car auto documenté
- plus facile à maintenir
- souvent plus rapide, en tout cas plus facile à optimiser





## Citation

“ I will, in fact, claim that the difference between a bad programmer and a good one is whether he considers his code or his data structures more important.

Bad programmers worry about the code.

Good programmers worry about data structures and their relationships. ” — **Linus Torvalds**



# Structure (Enregistrement)

## DEFINITION

Une structure est un regroupement de plusieurs donnée de manière logique et cohérente pour en faire une nouvelle type de donnée, on a tendance à le nommer *type défini* par l'utilisateur.

- Les données composants la structures sont des **champs**
- Elles sont repérées par des **identificateur de champs**
- Les champs sont souvent accéder par le **dot-notation**



# Structure (Enregistrement)

EXEMPLE

modeleVoiture : chaine



# Structure (Enregistrement)

## EXEMPLE

modeleVoiture : chaine

marqueVoiture : chaine





# Structure (Enregistrement)

## EXEMPLE

modeleVoiture : chaine

marqueVoiture : chaine

anneeVoiture : chaine



# Structure (Enregistrement)

## EXEMPLE

modeleVoiture : chaine

marqueVoiture : chaine

anneeVoiture : chaine





# Structure (Enregistrement)

## EXEMPLE

modeleVoiture : chaine

marqueVoiture : chaine

anneeVoiture : chaine



Type Voiture = Structure

modele : chaine

marque : chaine

annee : Date

FinStructure



# Structure (Enregistrement)

Quelques exemples d'implémentation

```
struct Voiture {  
    String modele ;  
    String marque ;  
    Date annee  
};
```

**Langage C**



# Structure (Enregistrement)

## Quelques exemples d'implémentation

```
struct Voiture {  
    String modele ;  
    String marque ;  
    Date annee  
};
```

**Langage C**

```
class Voiture:  
    def __init__(self, modele, marque, annee):  
        self.modele = modele  
        self.marque = marque  
        self.annee = annee
```

**Python**



# TABLEAUX

Un tableau est une structure de donnée linéaire et homogène composé de cellule dont chacune d'elle peut prendre une valeur. Tout tableau est caractérisé par :

son nom, son type de valeur, sa dimension, sa taille

- *Vecteur*
- *Matrice*



# Vecteur

Un vecteur est un tableau à une ligne c'est-à-dire un tableau à une dimension composé de plusieurs colonnes et chacune d'elle pouvant contenir une valeur. Ces colonnes numérotées à partir de 1

## Syntaxe

**Const** taille = valeur

**Type** nomvecteur = tableau [1...taille] type valeur

**Var** nomvariablevecteur = nomvecteur



# Vecteur

**Exemple** : tableau d'entiers de 5 cellules

Const N = 5

Type tab = tableau [1...N] entier

Var T : tab

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---





# Matrice

Une matrice est un tableau à deux dimensions c'est-à-dire un tableau à plusieurs lignes et chacune de ces lignes se comporte comme un vecteur.

## Syntaxe

**Const** Nbligne = valeur

**Const** Ncolonne = valeur

**Type** NomMatrice = tableau [1..Nbligne, 1..Ncolonne] type valeur

**Var** nomVariableMatrice : nomMatrice



# Matrice

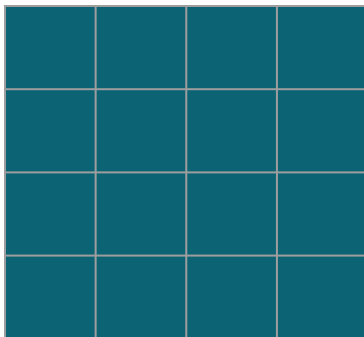
**Exemple** : matrice d'entier de 4 lignes et 4 colonnes

**Const** lignes = 4

**Const** cols = 4

**Type** matrice = tableau [1..lignes, 1..cols] entier

**Var** mat : matrice

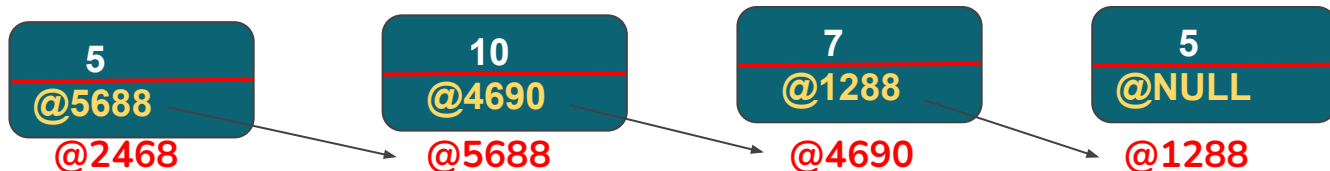




# Listes chaînées

## Définition

- Une liste chaînée est une collection d'éléments de même type
- C'est une succession de maillons, dont le dernier pointe vers une adresse invalide (NULL)
- Le premier élément de la liste est appelé la **Tête** et le dernier élément, la **Queue** de la liste

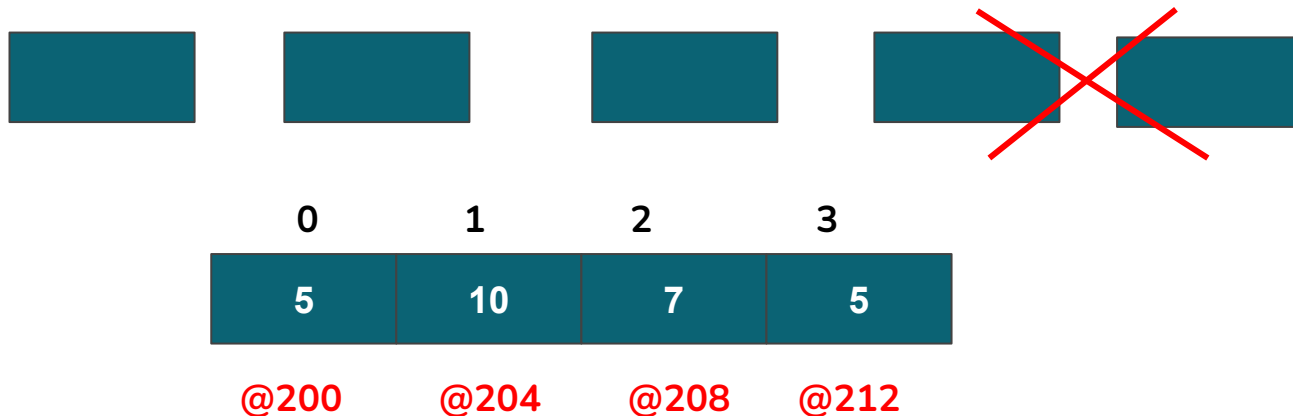




# Listes chaînées

## Différences entre Listes chaînées et Tableaux

- Un tableau reste figé alors que ce n'est pas le cas pour une liste chaînée
- Les éléments d'un tableau sont contenus dans la mémoire de manière ordonnée alors que pour une liste chaînée ils y sont de manière dispersée





# Listes chaînées

Syntaxe de déclaration d'une liste

Syntaxe:

Type

TypeElem = <type>

Cellule = **Enregistrement**

Valeur : TypeElem

Suiv : **pointeur sur cellule**

FinEnregistrement

Liste = pointeur sur cellule

**Algorithme**

```
typedef struct Element
Element;
struct Element
{
    int nombre;
    Element *suivant;
};
```

**Langage C**



# Listes chaînées

Syntaxe d'initialisation d'une liste (Null)

```
Procédure Init(var L: Liste)
```

```
  Debut
```

```
    L <- Null
```

```
  Fin
```

Syntaxe de détermination de la valeur du premier élément

```
Fonction Premiere(L:Liste):TypeElem
```

```
  Debut
```

```
    Premier <- L^.valeur
```

```
  Fin
```



# Arbres

## DEFINITION

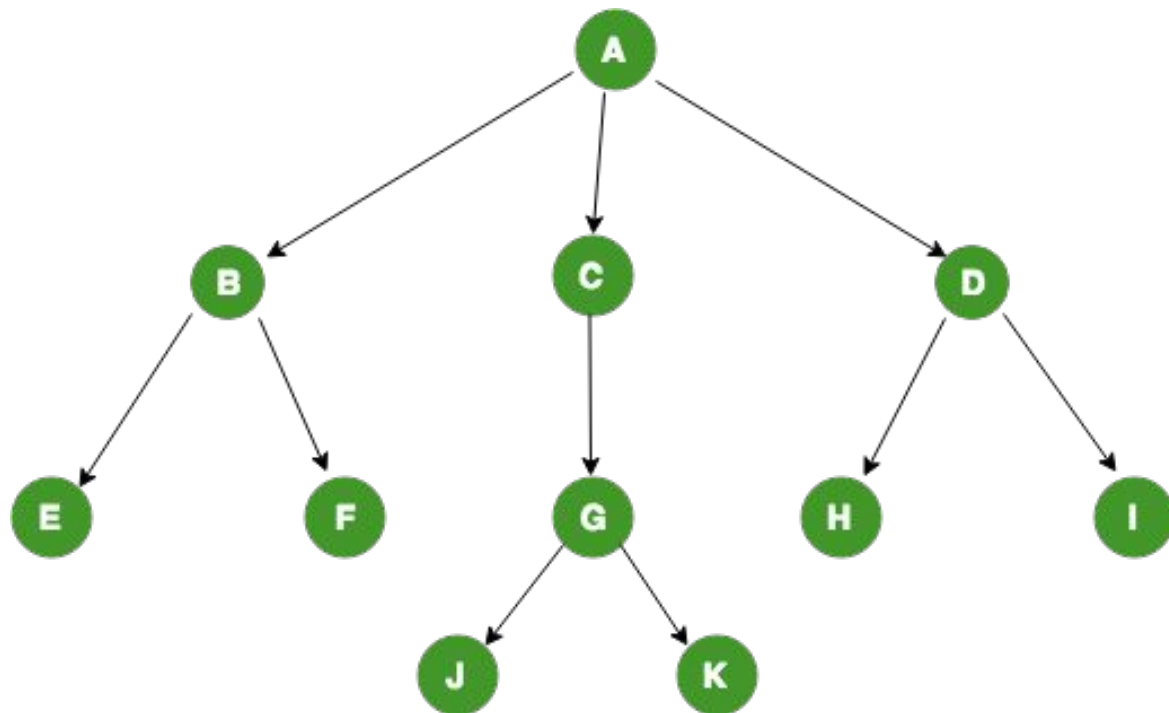
Un arbre est une structure de données hiérarchique, non linéaire qui se compose de nœuds connectés par des arêtes pour simuler un ou imiter un arbre réel.

Les composants

- **Root** : le noeud racine
- **Parent** : un noeud qui
- **Child** : un noeud issu d'un autre noeud
- **Siblings** : deux fils de même niveau



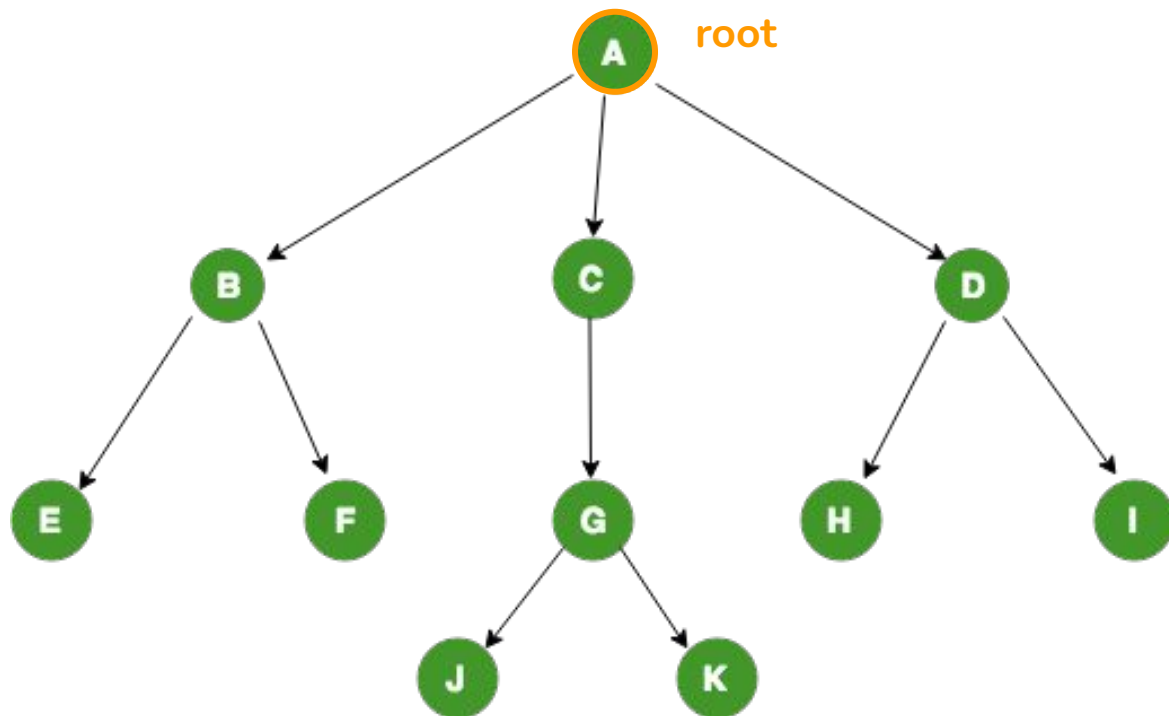
# Arbres





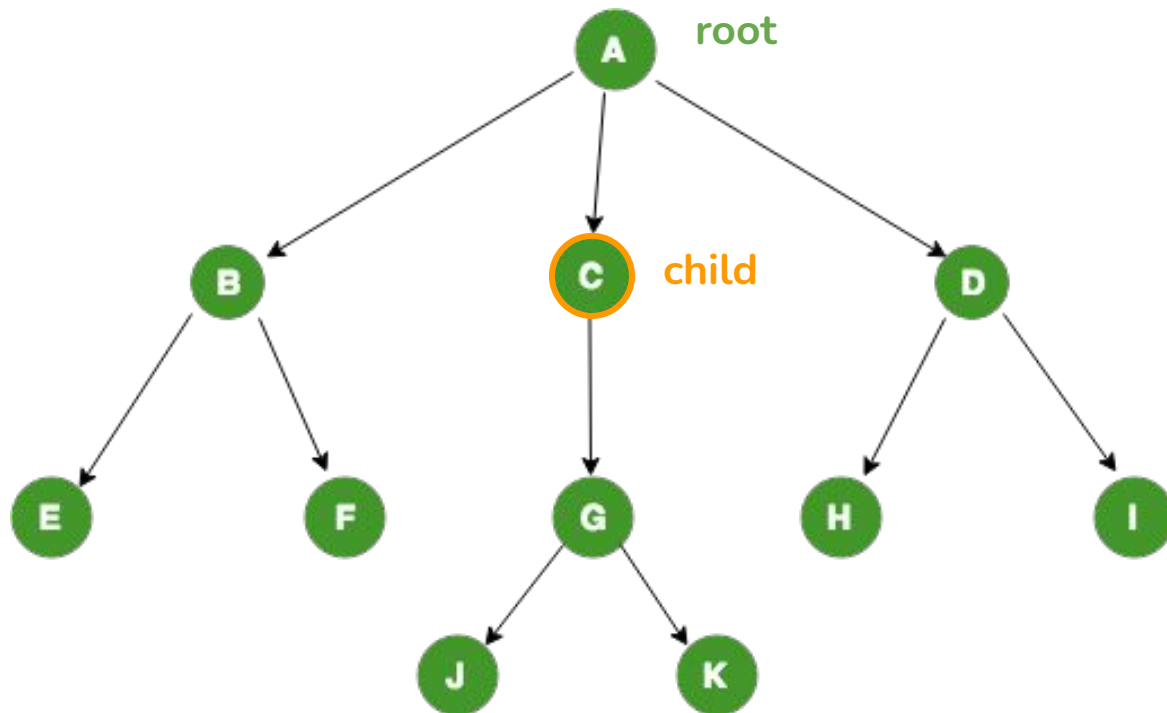


# Arbres



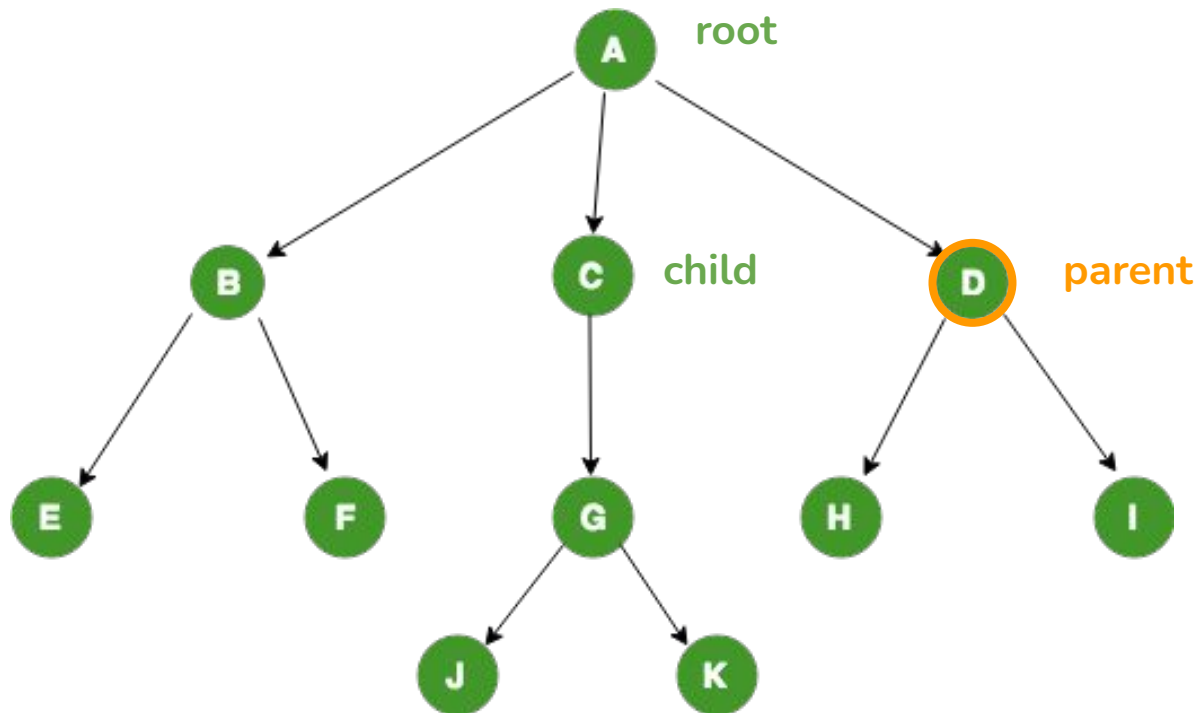


# Arbres



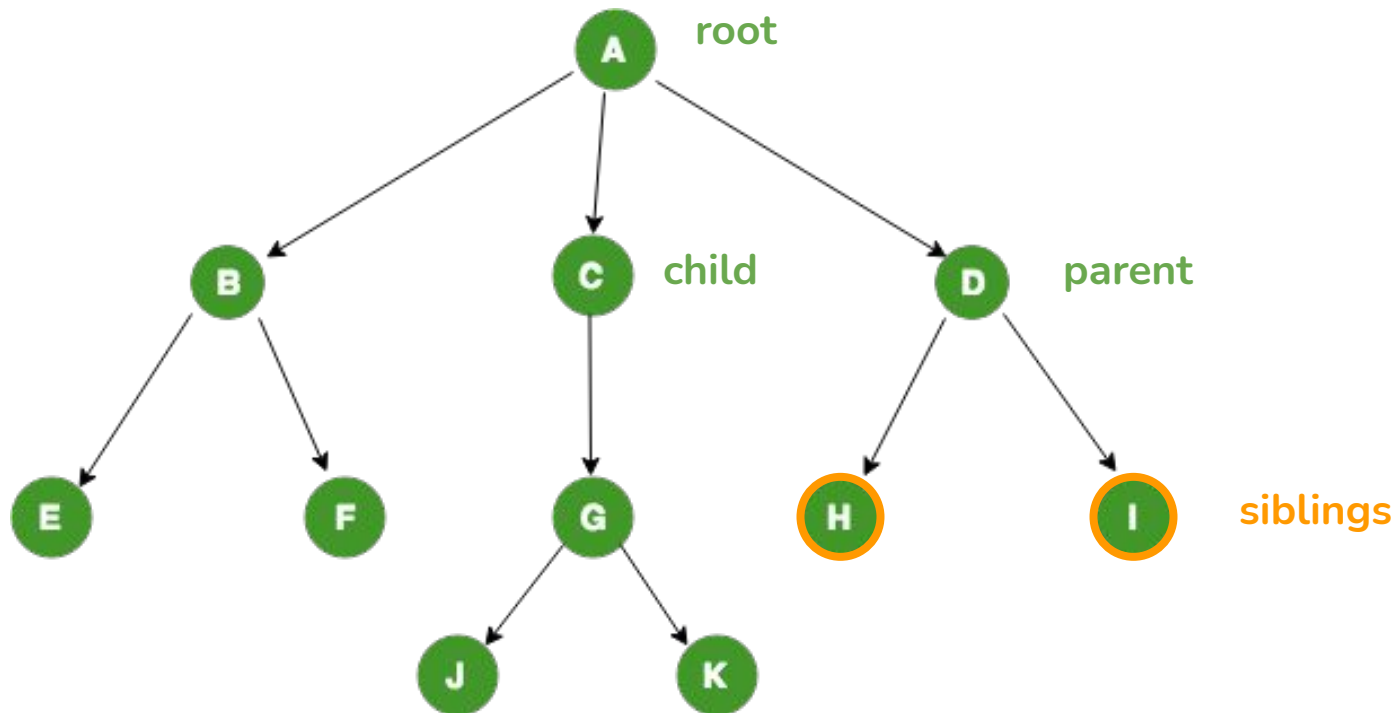


# Arbres



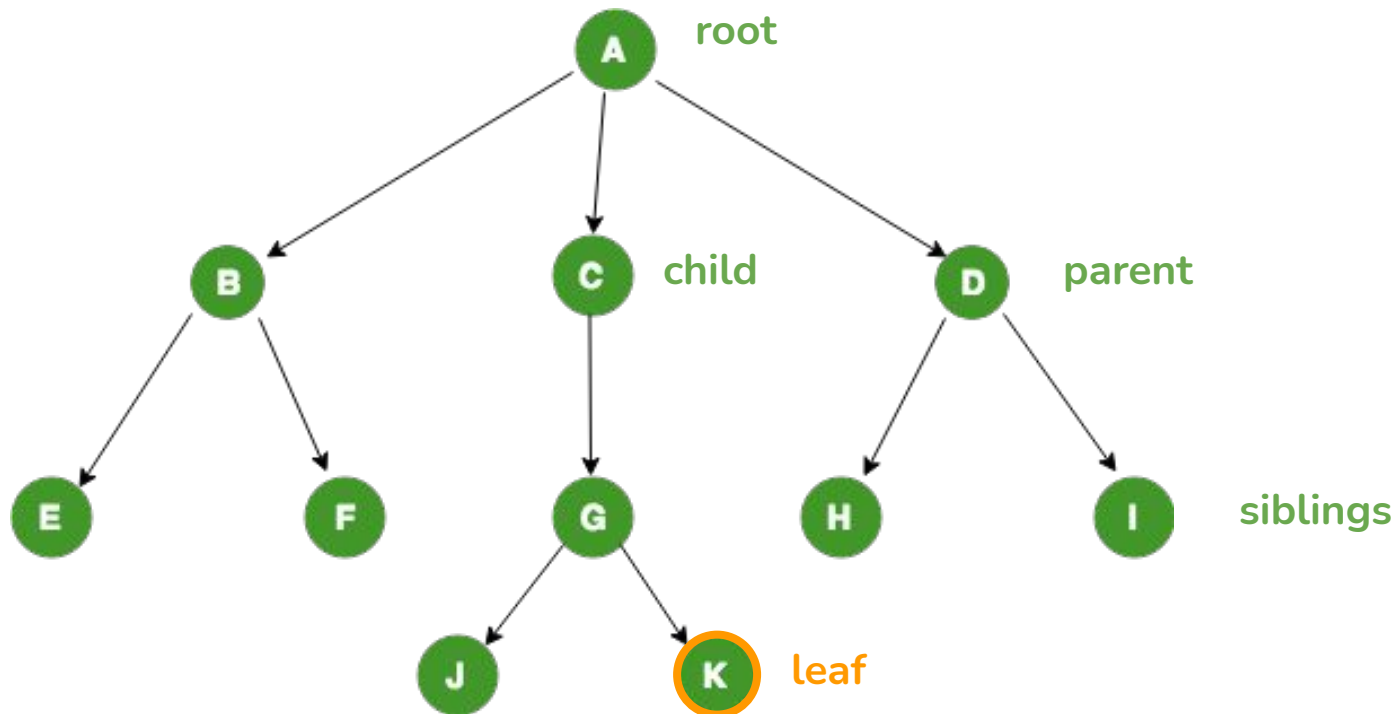


# Arbres





# Arbres





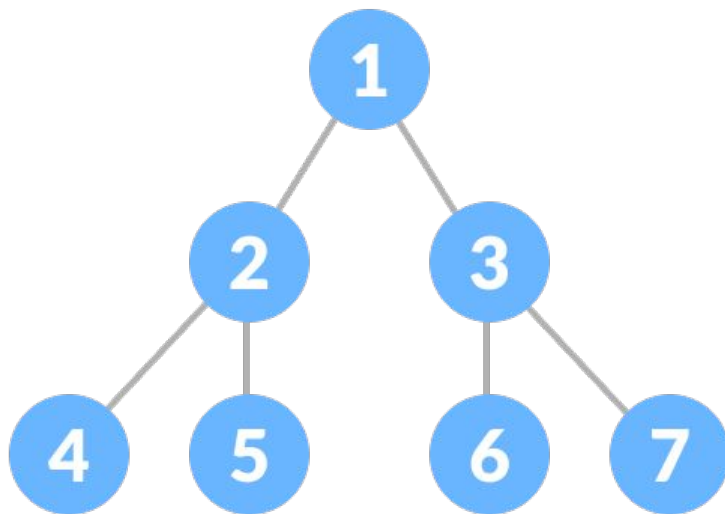
# Arbre

## Arbre binaire

Un arbre binaire est sous-type d'arbre, où chaque élément possède au plus deux éléments fils au niveau inférieur, habituellement appelés gauche et droit.



# Arbre binaire





# Arbre

## Arbre binaire de recherche

Un arbre binaire de recherche est un arbre binaire dans lequel chaque nœud possède une clé, telle que chaque nœud du sous-arbre gauche ait une clé inférieure à celle du nœud considéré, et que chaque nœud du sous-arbre droit possède une clé supérieure ou égale à celle-ci





# Arbre

## Arbre binaire de recherche

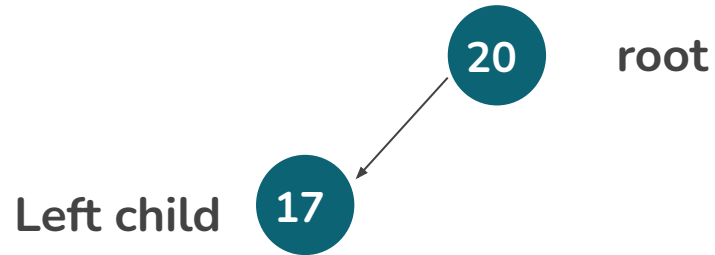
20

root



# Arbre

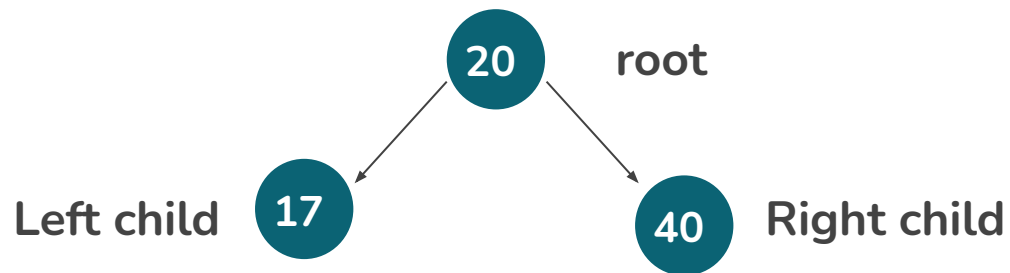
## Arbre binaire de recherche





# Arbre

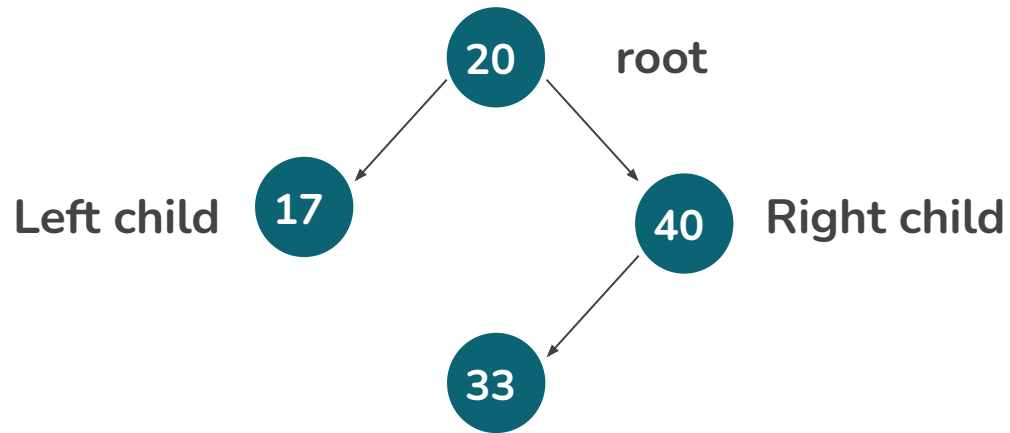
## Arbre binaire de recherche





# Arbre

## Arbre binaire de recherche





# Arbre

Quelques exemples d'implémentation

JAVA	TreeMap
C#	SortedDictionary
C++	std::set

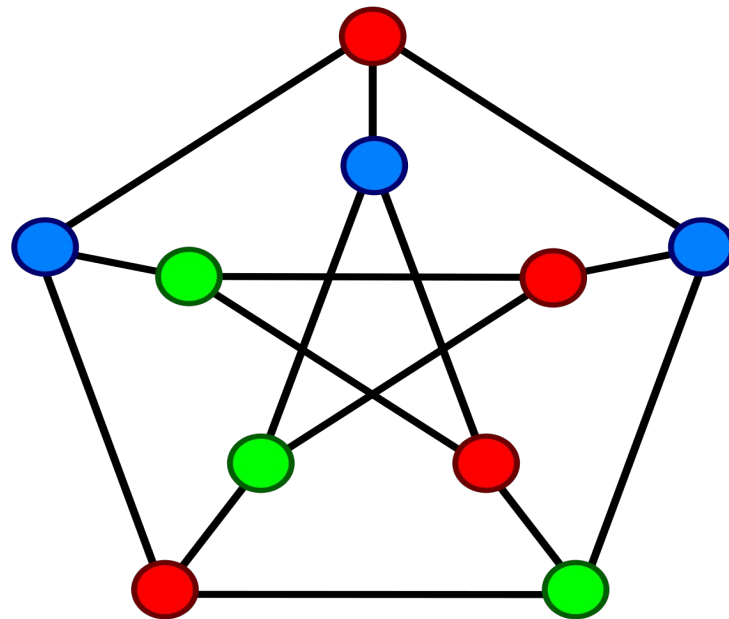
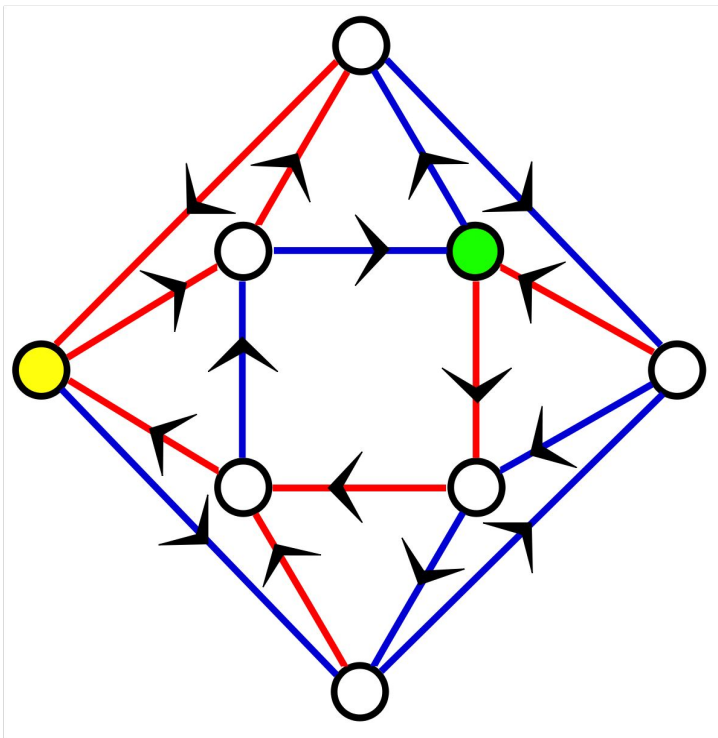


# Les graphes

## Définition

Un graphe est une façon de représenter des données ; formellement, il est défini comme un ensemble de sommets et d'arêtes reliant ces sommets. Celles-ci peuvent être orientées ou non et peuvent également avoir des poids différents (qui dépendent de la situation à modéliser ). Selon que toutes ses arêtes sont orientées ou non, on dira que le graphe est orienté ou non orienté.

## Examples



# Les graphes non-orientés

Un graphe **non-orienté**  $G$  est un couple  $(S, A)$  formé d'un ensemble de sommets  $S$  et d'un ensemble  $A$  de paires  $\{x, y\} \in S^2$ , **les arêtes**.

$G = ( \{1, 2, 3, 4, 5, 6\},$

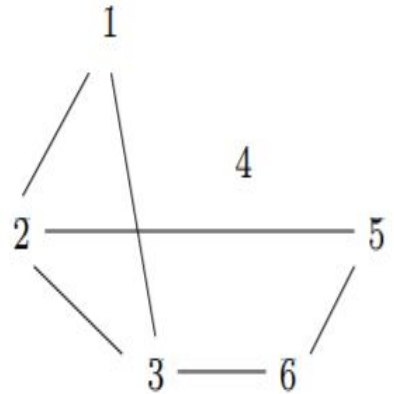
$\{\{1, 2\}, \{3, 1\}, \{2, 3\}, \{6, 5\}, \{6, 3\}, \{2, 5\}\})$

Soit une arête  $\{x, y\}$ ,  $x$  et  $y$  sont les extrémités et sont adjacents

$G = ( \{1, 2, 3, 4, 5, 6\},$

$\{\{1, 2\}, \{3, 1\}, \{2, 3\}, \{6, 5\}, \{6, 3\}, \{2, 5\}\})$

Soit une arête  $\{x, y\}$ ,  $x$  et  $y$  sont les **extrémités** et sont **adjacents**







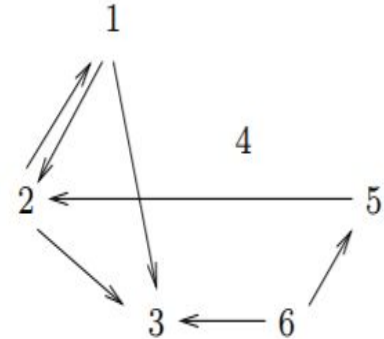
# Les graphes orientés

Un graphe **orienté** est un couple  $(S, A)$  formé d'un ensemble de sommets  $S$  et d'un ensemble  $A$  de paires  $(x, y) \in S^2$ , les arcs sont **orientés**.

$G = (\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, \{(1, 2), (2, 1), (1, 3), (2, 3), (6, 5), (6, 3), (5, 2)\})$

Soit un arc  $(x, y)$ ,

- $x$  est **l'extrémité initiale** et  $y$  est **l'extrémité finale**,
- $x$  est adjacent à  $y$  ;
- $(x, y)$  est incident à  $x$  vers l'extérieur et incident à  $y$  vers l'intérieur ;
- $x$  est le prédécesseur de  $y$  et  $y$  est le successeur de  $x$ .





## Exemple de déclaration d'un graphe en C

```
/* Définition d'un Booléen */
typedef enum
{
    false,
    true
}Bool;

/* Définition d'une liste de Noeuds (sommet) */
typedef struct NodeListElement
{
    int value;
    struct NodeListElement *next;
}NodeListElement, *NodeList;
```



## Exemple de déclaration d'un graphe en C

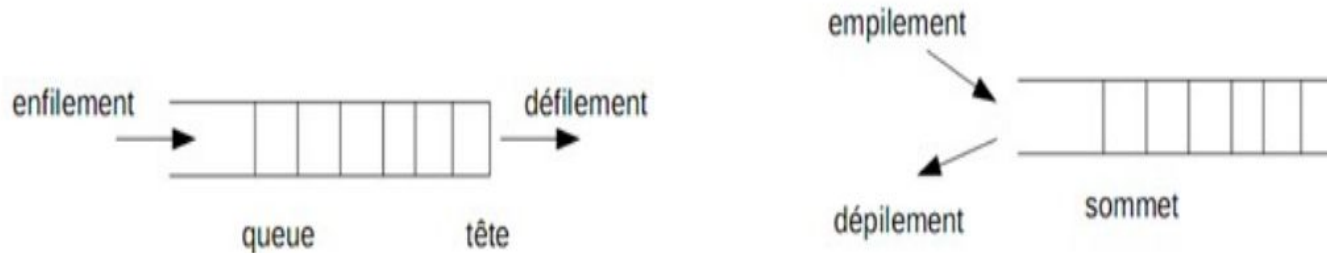
```
/* Définition d'une liste d'adjacence (tableau) */
typedef struct AdjacencyListElement
{
    NodeListElement *begin;
}AdjacencyListElement, *AdjacencyList;

/* Définition d'un Graphe */
typedef struct GraphElement
{
    Bool is_oriented;
    int nb_vertices;
    AdjacencyList tab_voisins;
}GraphElement, *Graph;
```



# Piles et files d'attente

- **Pile** : collection (ensemble) d'elements gerees en LIFO (Last In First Out) - stack
- **File** : collection (ensemble) d'elements gerees en FIFO (First In First Out) - queue



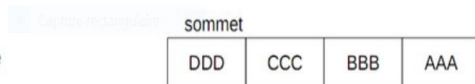
# exemples

## Exemple de pile

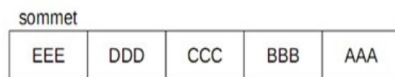
Une pile contenant 3 elts



après l'empilement de DDD



après l'empilement de EEE



après un dépilement



après un 2e dépilement

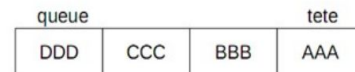


## Exemple de file

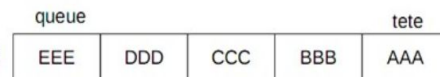
Une file contenant 3 elts



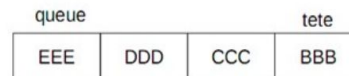
après l'enfilement de DDD



après l'enfilement de EEE



après un défilement



queue

tete