## ІНДИВІДУАЛЬНЕ ЗАВДАННЯ №2 З КУРСУ «МАТЕМАТИЧНА СТАТИСТИКА»

## ПЕРЕВІРКА ГІПОТЕЗ ПРО ЗАКОН РОЗПОДІЛУ ВИПАДКОВОЇ ВЕЛИЧИНИ

У поданих нижче задачах наведено результати досліджень вибірок з деяких генеральних сукупностей.

- Зчитати дані з текстового файлу, побудувати полігон або гістограму частот;
- на основі графічного представлення сформулювати гіпотезу про закон розподілу досліджуваної ознаки генеральної сукупності (у задачах 1 5 рекомендуємо перевіряти вибірки на нормальний закон, а в задачах 6 -10 на інші, наприклад, рівномірний, показниковий, біномний, закон розподілу Пуассона);
- передбачити можливість користувачу задати параметри розподілу вручну або оцінити на основі даних вибірки;
- для заданого користувачем рівня значущості перевірити сформульовану гіпотезу за критерієм  $\chi^2$ .

Варіант завдання обирається згідно номеру у журналі.

Структура звіту:

- 1) Постановка задачі;
- 2) Короткі теоретичні відомості;
- 3) Програмна реалізація (без тексту програми);
- 4) Отримані результати (графічні та числові) та їх аналіз;
- 5) Висновки

*Максимальна кількість балів* – 10.

ЗАДАЧА 1 ( варіанти 1-6). Для вивчення технічних властивостей нової марки бетону досліджувалися окремі його зразки. Розподіл кількості  $n_i$  зразків бетону і відповідного їм стискування X (тобто такого, що спричиняє руйнування зразка) наведено в таблиці

<i>X</i> , кг/см <sup>2</sup>	170- 180	180- 190	190- 200	200- 210	210- 220	220- 230	230- 240	240- 250	250- 260	260- 270
$n_i$ (варіант 1)	4	9	32	54	72	65	50	25	12	7
$n_i$ (варіант 2)	4	8	38	52	70	66	52	24	10	6
$n_i$ (варіант 3)	4	8	26	52	76	66	48	24	11	6
$n_i$ (варіант 4)	4	7	28	56	70	60	52	26	10	6
$n_i$ (варіант 5)	4	9	28	48	70	72	52	22	10	6
$n_i$ (варіант 6)	4	8	30	52	64	66	56	24	9	6

ЗАДАЧА 2 (варіанти 7-11). Для контролю за готовою продукцією відібрано деталі, що виготовляються на однотипних верстатах-автоматах. Розподіл кількості  $n_i$  відібраних деталей залежно від їх контрольованого розміру X наведено в таблиці

<i>X</i> , мм	23,2-	23,4-	23,6-	23,8-	24,0-	24,2-	24,4-	24,6-	24,8-	25,0-
	23,4	23,6	23,8	24,0	24,2	24,4	24,6	24,8	25,0	25,2
$n_i$ (варіант7)	1	3	23	79	141	146	75	25	4	1
$n_i$ (варіант8)	1	3	23	75	141	154	75	23	4	1
$n_i$ (варіант9)	1	3	21	79	149	146	71	25	4	1
$n_i$ (варіант $10$ )	1	3	25	79	133	146	79	25	4	1
$n_i$ (варіант $11$ )	1	3	23	83	141	138	75	27	4	1

ЗАДАЧА 3 (варіанти 12-16). Для вдосконалення організації праці на підприємствах торгівлі були зібрані дані про реалізацію за місяць товарів у магазинах міста. Розподіл кількості  $n_i$  магазинів залежно від обсягу реалізації X наведено в таблиці

<i>X</i> , ум.од.	28- 30	30- 32	32- 34	34- 36	36- 38	38- 40	40- 42	42- 44	44- 46	46- 48
$n_i$ (варіант 12)	1	2	10	51	88	85	45	15	3	1
$n_i$ (варіант 13)	1	2	10	48	88	91	45	13	3	1
$n_i$ (варіант 14)	1	2	8	51	94	85	42	15	3	1
$n_i$ (варіант 15)	1	2	12	51	82	85	48	15	3	1
$n_i$ (варіант 16)	1	2	10	54	88	79	45	17	3	1

ЗАДАЧА 4 (варіант 17-21). З метою пошуку шляхів підвищення продуктивності праці на підприємстві реєструвався час, витрачений робітниками на виготовлення однотипних деталей. Розподіл кількості робітників  $n_i$  залежно від часу T, витраченого ними на виконання трудових операцій, наведено в таблиці

T, XB	4,0-	4,5-	5,0-	5,5-	6,0-	6,5-	7,0-	7,5-	8,0-	8,5-
	4,5	5,0	5,5	6,0	6,5	7,0	7,5	8,0	8,5	9,0
$n_i$ (варіант 17)	1	3	16	66	112	116	60	23	2	1
$n_i$ (варіант 18)	1	3	16	62	112	122	60	21	2	1
$n_i$ (варіант 19)	1	3	14	66	118	116	56	23	2	1
$n_i$ (варіант 20)	1	3	18	66	106	116	64	23	2	1
$n_i$ (варіант 21)	1	3	16	70	112	110	60	25	2	1

ЗАДАЧА 5 (варіанти 22 - 25). Для вироблення рекомендацій щодо економного витрачання енергоресурсів вивчалися добові витрати електроенергії приватними споживачами в одному з районів міста. Розподіл кількості споживачів  $n_i$  залежно від кількості спожитої електроенергії X наведено в таблиці

X, квт-год.	1,0-	1,5-	2,0-	2,5-	3,0-	3,5-	4,0-	4,5-	5,0-	5,5-
	1,5	2,0	2,5	3,0	3,5	4,0	4,5	5,0	5,5	6,0
$n_i$ (варіант 22)	2	24	136	470	868	864	469	143	23	1
$n_i$ (варіант 23)	2	24	134	470	876	864	465	143	24	1
$n_i$ (варіант 24)	2	23	136	474	868	856	469	145	23	1
$n_i$ (варіант 25)	2	25	136	466	868	872	469	142	23	1

ЗАДАЧА 6 (варіант 1 - 5). Для вироблення рекомендацій щодо покращення роботи портів реєструвався час очікування кораблів на розвантаження в декількох портах країни. Розподіл за один рік кількості кораблів  $n_i$  залежно від часу T, який вони очікували на розвантаження, відображено в таблиці.

Т, год	0-6	6-12	12-18	18-24	24-30	30-36	36-42	42-48	48-54	>54
$n_i$ (варіант 1)	518	384	284	211	156	116	86	63	44	34
$n_i$ (варіант 2)	518	376	284	217	156	112	86	65	44	33
$n_i$ (варіант 3)	502	384	292	211	150	116	90	63	42	35
$n_i$ (варіант 4)	534	384	276	211	162	116	82	63	46	34
$n_i$ (варіант 5)	518	392	284	205	156	120	86	61	44	34

ЗАДАЧА 7 (варіанти 6-10). Для покращення обслуговування сільськогосподарських машин були зібрані дані про вихід з ладу техніки у господарствах району за період весняно-польових робіт. Розподіл кількості  $n_i$  перевірених одиниць залежно від кількості поломок X наведено у таблиці

Χ,	0	1	2	3	4	5
к-ть поломок						
$n_i$ (варіант 6)	2483	1783	608	142	25	4
$n_i$ (варіант 7)	2483	1767	608	146	25	3
$n_i$ (варіант 8)	2451	1783	616	142	23	4
$n_i$ (варіант 9)	2515	1783	600	142	27	4
$n_i$ (варіант 10)	2483	1799	608	138	25	5

ЗАДАЧА 8 (варіант 11-15). Щоб вивчити проростання насіння кукурудзи, піддослідну ділянку поділено на квадрати і на кожен квадрат висіяно по 8 насінин. У поданій таблиці наведено кількості  $n_i$  квадратів ділянки, на яких зійшло по однаковій кількості X насінин

Χ,	0	1	2	3	4	5	6	7	8
к-ть насінин									
$n_i$ (варіант 11)	0	3	10	47	136	263	295	198	51
$n_i$ (варіант 12)	0	3	10	45	136	267	295	195	51
$n_i$ (варіант 13)	0	3	9	47	140	263	289	198	52
$n_i$ (варіант 14)	0	3	11	47	132	263	301	198	50
$n_i$ (варіант 15)	0	3	10	49	136	259	295	201	51

ЗАДАЧА 9 (варіанти 16-20) Для покращення обслуговування пасажирів реєстрували час очікування автобусів на зупинці. Розподіл за день кількості пасажирів  $n_i$  залежно від часу T, який вони очікували на автобус, відображено в таблиці.

Т, час	0-1,5	1,5-3	3-4,5	4,5-6	6-7,5	7,5-9	9-	10,5-	12-	13,5-
очікування (хв)							10,5	12	13,5	15
n <sub>i</sub> (варіант 13)	143	138	139	142	143	138	139	143	142	140
n <sub>i</sub> (варіант 14)	119	122	131	118	122	123	118	117	132	124
n <sub>i</sub> (варіант 15)	108	115	112	107	108	111	113	114	116	104
n <sub>i</sub> (варіант 16)	142	141	138	136	137	142	143	154	144	135
n <sub>i</sub> (варіант 20)	138	159	147	143	148	175	190	147	123	134

ЗАДАЧА 10 (варіанти 21-25) У деякій місцевості було зібрано дані про народжуваність дітей впродовж року. Розподіл кількості новонароджених  $n_i$  залежно від місяця року відображено в таблиці.

місяці року	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
<i>п<sub>i</sub></i> (варіант 21)	1438	1380	1393	1421	1430	1389	1390	1433	1444	1407	1395	1376
n <sub>i</sub> (варіант 22)	1395	1400	1411	1380	1425	1438	1381	1378	1409	1442	1407	1385
<i>п<sub>i</sub></i> (варіант 23)	1398	1405	1420	1379	1385	1413	1437	1440	1388	1409	1417	1443
n <sub>i</sub> (варіант 24)	1423	1410	1380	1396	1377	1421	1430	1441	1379	1442	1393	1409
n <sub>i</sub> (варіант 25)	1381	1397	1417	1423	1438	1375	1390	1407	1424	1399	1440	1432