NT12008

6

#### 1602102/1601202/P1602102

## OR(अथवा)

20

Find the Mean, S.D. and coefficient of S.D. of the following table

class	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70	70-80
Frequency	6	8	15	7	3	0	1

निम्नांकित तालिका का माध्य, मानक विचलन और मानक विचलन का गुणांक ज्ञात करें

	वर्ग	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70	70-80
ſ	बारंबारता	6	8	15	7	3	0	1

#### **10.** Prove that

$$(1+i)^n + (1-i)^n = 2^{\frac{n}{2}+1} \cos \frac{n\pi}{4}$$

सिद्ध करें कि

$$(1+i)^n + (1-i)^n = 2^{\frac{n}{2}+1} \cos \frac{n\pi}{4}$$

### OR(अथवा)

If cos(A+iB) = x+iy, show that

(i) 
$$\frac{x^2}{\cos^2 A} - \frac{y^2}{\sin^2 A} = 1$$

# 2019(Odd)

Time: 3Hrs.

NT12008

Sem - I & II Engg. Math.

Full Marks: 70

Pass Marks: 28

Answer all 20 questions from Group A, each question carries 1 marks.

ग्रुप-A से सभी 20 प्रश्नों के उत्तर दें, प्रत्येक प्रश्न का मान 1 अंक है। Answer all **Five** questions from **Group B**, each question carries 4 marks.

ग्रुप-B से सभी पाँच प्रश्नों के उत्तर दे, प्रत्येक प्रश्न का मान 4 अक है। Answer all **Five** questions from **Group** C, each question carries 6 marks.

ग्रुप-C से सभी पाँच प्रश्नों के उत्तर दें, प्रत्येक प्रश्न का मान 6 अंक है।

All parts of a question must be answered at one place in sequence, otherwise they may not be evaluated.

एक प्रश्न के सभी अशों का उत्तर एक ही जगह (लगातार क्रम में) होना चाहिए. अन्यथा वे जाँचे नहीं जा सकते हैं।

The figure in right hand margin indicate marks. दाएँ पार्श्व के अक पूर्णांक के सूचक हैं।

In the ellipse  $\frac{X_2^2}{s^2} + \frac{Y_2^2}{h^2} = 1$ , prove that

61

(Ro)  $p = \frac{a^2b^2}{p^2}$  where p =radius of curvature,

p = central perpendicular on the tangent.

की र्क क्रें में 
$$\frac{\lambda^2}{2} + \frac{\lambda^2}{2} = 1$$
 में सिद्ध करें कि

If the idea 
$$\mathbf{p} = \mathbf{q} \left[ \mathbf{\vec{b}} \mathbf{p} \right]^2 \frac{d^2 \mathbf{g}}{\mathbf{q}} = \mathbf{q} \left( \mathbf{\vec{b}} \right)$$

प्रक्रि के प्रमाधिरीष्ट्री निष्टित कि प्रमाधिरीष्ट्री न

Find the median and mode of the following

frequency distribution.

9	30	ħL	£9	77	ς	Frequency
06-08	08-07	04-09	09-05	05-04	30-40	class

निम्नोकित वार्षारता वितरण का माध्यिका तथा बहुत्तक ज्ञात

9	30	ħL	£9	77	ς	वारंबारता
06-08	08-07	07-08	09-05	0 <b>ς-</b> 0τ	30-40	ÌгБ

#### GROUP-A

**NT12008** 

Choose the most suitable answer from the following

: suondo  $1^{X}50=50$ 

: छिली प्रकान कि एक कि चुनकर जिखें :

The domain of the function  $\frac{1}{(1-x)(x-1)}$ 

(a) ] 0, 2 [

] 7 '[ (q)

[2,1](2)

(d) None of these

ई हिंड वाम्प कि  $\frac{1}{(2-x)(x-1)}$  निजय (i)

(34) ] 0, 2 [

] 1, 2 [ (**a**)

[1,2] (形)

हिम ड्रेकि भ मिम्ड (इ)

The range of the function  $f(x)=\sin^{-1}(2x+1)$  is (ii)

 $[\pi, 0]$  (a)

[p]  $-\frac{5}{4}$ ,  $\frac{5}{4}$ 

 $\left[\frac{7}{\mu}, \frac{7}{\mu}\right]$ 

(d) All of these

9

यदि  $y = e^{a\cos^{-1}x}$ , prove that

$$(1-x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} - a^2y = 0$$

### OR(अथवा)

18

The rate of increase of the perimeter varies inversely as the radius, if the area of the circle increases at a uniform rate. Prove it.

यदि किसी वृत का क्षेत्रफल समरूप दर से बढता है, तो सिद्ध करें कि उसके परिमाप की वृद्धि की दर, उसकी त्रिज्या के प्रतीप (inverse) विचरण करती है

**8.** Prove that the maximum value of  $(\frac{1}{x})^x$  is  $e^{1/e}$ सिद्ध करें कि  $\left(\frac{1}{x}\right)^x$  का महत्तम मान  $e^{1/e}$  है।

OR(अथवा)

- फलन  $f(x)=\sin^{-1}(2x+1)$  का परिसर है **(3)** [0, π]
  - $(a) ]-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}[$

- $(\forall t) [-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$
- (द) इनमें से कोई नहीं
- If  $f(x) = \frac{x^2}{1+x^2}$  then the value of  $f(\tan \theta)$  is
  - (a)  $Sec^2\theta$
  - (b)  $Cos^2\theta$
  - (c)  $\sin^2\theta$
  - (d) None of these
- यदि  $f(x) = \frac{x^2}{1+x^2}$  तब  $f(\tan \theta)$  का मान है
  - (अ) Sec<sup>2</sup>θ
  - (ब)  $Cos^2\theta$
  - (स)  $\sin^2\theta$
  - (द) इनमें से कोई नहीं
- (iv) The value of  $\lim_{x\to 0} \frac{\sin 5x}{\tan 3x}$  is
  - (a)  $\frac{3}{5}$
  - (b)  $\frac{5}{3}$
  - (c) 1
  - (d) None of these

**NT12008** 

[Three iterations] by bisection method in the interval (2,3)Find a real root of the equation  $x^3 - 2x - 5 = 0$ 

(केवल तीन इंटरेशन तक) बाइसेक्सन विधि से (२,3) अन्तराल में निकालें समीकरण  $x^3 - 2x - 5 = 0$  का वास्तिक मूल

GROUP - C

। 5 yfz क frgy हाँग मिप्त  $0\xi = \xi \times 9$ Answer all Five Questions.

7. If  $y = e^{a\cos^{-1}x}$ , prove that

$$0 = \chi^2 s - \frac{\chi b}{xb} x - \frac{\chi^2 b}{xxb} (^2 x - 1)$$

9

 $\frac{1}{5}$  ...... FIF  $\sqrt{\frac{x \sin x}{x \sin x}} = 0$ 

Þ

 $\frac{\xi}{\zeta}$  (F)

 $\frac{\zeta}{5}$  (a)

[H)

िंडिम ड्रेकि भि मिम्ड्र (इ)

The value of  $\underset{X}{\text{Lt}} \int_{X} \frac{1}{2} \frac{1}{X} \frac{1}{X} = \frac{1}{X} \frac{1}{X}$  is

 $\frac{c}{T}$  (a)

1 (d)

 $\frac{1}{\zeta}$ 

(d) None of these

ि है । कि प्रि $\left[\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ 

(F)

ト (<u>a</u>)

<u>₹</u> (H)

। डिम् ड्रेकि मिम्ड्र (इ)

A bag contains 4 white and 2 black balls. Another contains 3 white and 5 black balls. If one ball is drawn from each bag, find the probability that one is white and one is black.

16

एक थैले में 4 उजली तथा 2 काली गेंद हैं। दूसरे में 3 उजली तथा 5 काली गेंदें है। यदि थैले से एक-एक गेंद निकालीं जाती है तो एक उजली और एक काली गेंद निकालने की प्रायिकता क्या है?

### OR(अथवा)

If from a pack of 52 cards two are drawn at random. What is the probability that they will be both spade or heart or club?

यदि 52 पत्ता के ताश की गड्डी से दो पत्ता यदच्छया में खींची जाती है। दोनों पत्ता को spade या heart या club होने की प्रायिकता क्या होगी?

Discuss Regular - Falsi method for the solution of numerical equation. 4

रेगुला- फाल्सी विधि से न्युमेरिकल समीकरण को हल करने की व्याख्या करें।

The differential coefficient of  $\tan^{-1} \left| \frac{1 - \cos x}{1 + \cos x} \right|$ (vi) is

5

(a) 2

- $(b)\frac{1}{2}$
- (c) 1
- (d) None of these
- $\tan^{-1}\left|\frac{1-\cos x}{1+\cos x}\right|$  का अवकल गुणांक है
  - **(अ)** 2
  - $(a) \frac{1}{2}$
  - (स) 1
  - (द) इनमें से कोई नहीं
- The differential coefficient of log(cotx) is (vii)
  - (a) Sec x+cosec x
  - (b) Sec x.cosec x
  - (c) -Sec x.cosec x
  - (d) None of these

| शिकनि बहीकबन) का अवकब नीगांक X के सापेक्ष प्रथम सिद्धांत से logax (आधार ३ पर x का

SI

OK(अधवा)

Find  $\frac{dy}{dx}$  when  $y = \sin\{\cos(\tan(x))\}$ 

 $\frac{dy}{dx}$  निकालें जब  $y = \sin\{\cos(\tan(x))\}$ 

4. Find  $\frac{dy}{dx}$  when  $x^y = y^x$ 

 $\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}\lambda}$  निकाल  $\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}\lambda} = \lambda_x$ 

OR(अथवा)

Find  $\frac{dy}{dx}$  when  $x^2y^2 = (x - y)^4$ 

 $\frac{dy}{dy}$  निकालें जब  $X^2y^2 = (x - y)^4$ 

(34) Sec x+cosec x

х ээгоэ.х ээг (р)

x 59805.x 592- (环)

। हिम ड्रेकि भि मिम्ड्र (५)

respect to sinx is (viii) The differential coefficient of tanx with

(a) sec<sup>x</sup>

 $x_7$  ops- (q)

 $x_{z}$ soo (o)

(d) None of these

इप्रिमि के xniz कांगुम निक्न वि xnist (iiiv)

(3) sec<sup>x</sup>

(刊) cos²x

। हिम ड्रेकि भि मिम्ड्र (५)

If  $x = a(\theta + \sin \theta)$ ,  $y = a(1 - \cos \theta)$  then  $\frac{dy}{dx}$  is (xi)

edual to-----

(a) tanθ

(b)  $\tan \frac{\theta}{2}$ 

 $\theta$ too (a)

(d) None of these

**t** 

#### **GROUP B**

14

Answer all Five Questions.

सभी पाँच प्रश्नों के उत्तर दें।

$$4 \times 5 = 20$$

2. Evaluate

$$\operatorname{Lt}_{n\to\infty} \left[ \frac{1^2}{n^3} + \frac{2^2}{n^3} + \frac{3^2}{n^3} + \frac{4^2}{n^3} + \dots + \frac{n^2}{n^3} \right]$$

मान निकालो

4

$$\underset{n\to\infty}{\text{Lt}} \left[ \frac{1^2}{n^3} + \frac{2^2}{n^3} + \frac{3^2}{n^3} + \frac{4^2}{n^3} + \dots + \frac{n^2}{n^3} \right]$$

### OR(अथवा)

Evaluate

$$\underset{x\to\alpha}{\operatorname{Lt}} \left[ \frac{x\sin\alpha - \alpha\sin x}{x-\alpha} \right]$$

मान निकालो

$$\underset{x\to\alpha}{\text{Lt}} \left[ \frac{x\sin\alpha - \alpha\sin x}{x-\alpha} \right]$$

3. Find the differential coefficient of log<sub>a</sub>x (logarithm of x to the base of a) with respect to x from first principle. 4

- यदि  $x = a(\theta + \sin \theta), y = a(1 \cos \theta)$  तब  $\frac{dy}{dx}$  का मान......है ।
  - (a)  $tan\theta$

- (b)  $\tan \frac{\theta}{2}$
- (c)  $\cot\theta$
- (द) इनमें से कोई नहीं
- The differential coefficient of  $(\sin^{-1}x + \cos^{-1}x)$ (x) with respect to x is -----
  - (a)  $\frac{\pi}{2}$
  - (b) 1
  - (c) 0
  - (d) None of these
- $(\sin^{-1}x+\cos^{-1}x)$  का अवकल गुणाक x के (x) सापेक्ष है
  - (अ)  $\frac{\pi}{2}$
  - (ब) 1
  - (स) 0
  - (द) इनमें से कोई नहीं

(इ) इंनमें से कोई नहीं

किम ड्रेकि मि मिम्ड (इ)

(xvii) किसी घटना की प्रायिकता  $\frac{3}{7}$  है तो इसका प्रायिकता संयोगानुपात घटना.....

12

- (अ) 3:4
- (ৰ) 4:3
- (स) 3:7
- (द) इनमें से कोई नहीं
- (xviii) Which is correct?
  - (a) Mean + Mode = 3 (Mean + Median)
  - (b) Mean Mode = 3 (Mean Median)
  - (c) Mean Mode = 3 (Median Mean)
  - (d) None of these
- (xviii) कौन सही है?
  - (अ) माध्य + बहुलक = 3(माध्य + माध्यिका)
  - (ब) माध्य बहुलक = 3(माध्य माध्यिका)
  - (स) माध्य बहुलक = 3(माध्यिका माध्य)
  - (द) इनमें से कोई नही
- (xix) The medium of the data 5,2,8,3,7,4 is
  - (a) 3.5
  - (b) 5.5
  - (c) 4.5
  - (d) None of these

- (xiii) If  $(\frac{1+i}{1-i})^{200} = x + iy$  then
  - (a) x = 0, y = 1

- (b) x = 1, y = 0
- (c) x = 0, y = 0
- (d) None of these
- (xiii) यदि  $(\frac{1+i}{1-i})^{200} = x + iy$  तब
  - (अ) x = 0, y = 1
  - (a) x = 1, y = 0
  - (स) x = 0, y = 0
  - (द) इनमें से कोई नहीं
- (xiv) Imaginary part of cosh(x+iy) is
  - (a) sinhx.siny
  - (b) coshx.cosy
  - (c) -sinhx.siny
  - (d) None of these

The probability of drawing white ball is (xvi) A bag contains 3 white and 2 black balls.

- $\frac{\varsigma}{2}$  (a)
- $\frac{\varepsilon}{7}$  (q)
- $\frac{\varepsilon}{\zeta}$  (5)
- (d) None of these

किक्षार कि निज्ञाकनी किप किष्ठ कर्। उ एक और में 3 उजबी तथा 2 काबी गोलिया

I <del>δ</del>.....

 $\frac{\varsigma}{2}$  (x)

- $\frac{3}{7}$  (e)
- $\frac{\xi}{\zeta}$  (F)

## हिम ड्रेकि मि मिम्ड्र (इ)

against the event is ------(xvii) The probability of an event is  $\frac{3}{7}$ , then odd

- 4:E (B)
- 7:£ (a) £:4 (d)
- (d) None of these

- $\xi$  गाम किनामा क (vix) cosh(x+iy) कि (vix)
- ynis.xdnis (15)
- (**₫**) cospx.cosy
- ynis.xhnis- (环)
- िंडेन ड्रेकि मिन्डे (इ)
- The probability of getting a number greater
- than 2 when a die is thrown.
- $\frac{1}{\xi}$  (a)
- $(c) \frac{\frac{7}{3}}{3}$   $(p) \frac{3}{7}$
- (d) None of these
- **इ.....ाठकशिप्र कि नाध्य कांध्र** एक पासे का फेंकने पर ऊपर 2 से बड़ा
- $\frac{1}{\xi}$  (x)
- $\frac{3}{5}$
- (H) 3
- हिम इंकि भि मिम्ड (इ)

यदि  $\cos(A+iB) = x+iy$ , दिखालाएँ कि

- (i)  $\frac{x^2}{\cos^2 A} \frac{y^2}{\sin^2 A} = 1$
- (ii)  $\frac{x^2}{\cosh^2 B} + \frac{y^2}{\sinh^2 B} = 1$
- 11. Solve the following equations by Gauss Elimination method.

6

$$x + y + z = 6$$
,  $2x - 3y + 3z = 5$ ,  $3x + 2y - z = 4$ 

21

निम्नांकित समीकरणों को गौस एलिमिनेशन विधि से हल करें।

$$x + y + z = 6$$
,  $2x - 3y + 3z = 5$ ,  $3x + 2y - z = 4$ 

#### OR(अथवा)

Solve the following equations by Jacobi's iteration method.

1602102/1601202/P1602102

यदि  $\cos(A+iB) = x+iy$ , दिखालाएँ कि

(i) 
$$\frac{x^2}{\cos^2 A} - \frac{y^2}{\sin^2 A} = 1$$

(ii) 
$$\frac{x^2}{\cosh^2 B} + \frac{y^2}{\sinh^2 B} = 1$$

11. Solve the following equations by Gauss Elimination method.

6

$$x + y + z = 6$$
,  $2x - 3y + 3z = 5$ ,  $3x + 2y - z = 4$ 

21

निम्नांकित समीकरणों को गौस एलिमिनेशन विधि से हल करें।

$$x + y + z = 6$$
,  $2x - 3y + 3z = 5$ ,  $3x + 2y - z = 4$ 

#### OR(अथवा)

Solve the following equations by Jacobi's iteration method.

 $\zeta I = Z0I + \chi \xi + \chi \zeta$ 

 $\zeta I = Z0I + \chi \xi + \chi \zeta$ 

 $\zeta I = Z0I + \chi \xi + \chi \zeta$ 

हब कर्रे ।

$$10x + y + 2x = 13$$
,  $3x + 10y + 2x = 14$ ,  $2x + 3y + 10z = 15$ 

हब कर्र भ अंगि नाष्ट्रेड्ड किकिंट कि रिएफिस फ्रिसिस प्रिंगिन

$$10x + y + 2z = 13$$
,  $3x + 10y + z = 14$ ,

\*\*\*

\*\*\*

10x + y + 2z = 13, 3x + 10y + z = 14,

10x + y + 2z = 13, 3x + 10y + z = 14,

भ अधि नाष्ट्रेड्ड बिकिट कि राणकिया प्रमानिक