

#### Universidade Federal da Fronteira Sul Curso de Ciência da Computação **UFFS** Campus Chapecó

# Álgebra de **Boole**

Prof. Luciano L. Caimi Icaimi@uffs.edu.br



#### Definida por:

- Um conjunto de operações válidas;
- Um conjunto de valores que cada variável pode assumir;

#### Valores das Variáveis:

Seja  $A \in B \Rightarrow A \in \{0,1\}$  ( $\{F,V\}$ ,  $\{high, low\}$ ,  $\{on, off\}$ ...)

#### De outra forma:

Se 
$$A \neq 0 \Rightarrow A = 1$$

Se 
$$A \neq 1 \Rightarrow A = 0$$

### Operações Básicas da Álgebra de Boole

Cada operação possui pelo três formas de representação clássicas:

- Expressão lógica (simbólica);
- Tabela-verdade;
- Circuito;

Além destes formatos clássicos existem outros:

- Diagrama de decisão binária (BDD);
- Diagrama de Venn;



### Operações Básicas da Algebra de Boole

1) Complemento (NOT)

Também chamado inversão ou negação.

Símbolo

Tabela Verdade

Ā, ¬A, ~A, A', not(A)

(lê-se "A negado")

A	S
0	1
1	0

Porta Lógica

- ↓ É uma operação unária (i.e. só pode ser aplicada a uma variável por vez);
- Tem como resultado na saída o valor oposto ao presente na entrada.



#### 2) Operação E (AND)

Também denominada multiplicação lógica.

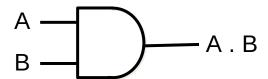
Símbolo

**{.,**^}

Tabela Verdade

Α	В	A.B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Porta Lógica

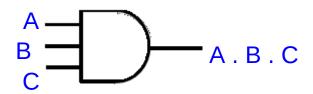


- **▶Definição 1:** a operação "E" resulta 1 se e somente se todas as variáveis de entrada valerem 1.
- **▶ Definição 2:** a operação "E" resulta 0 se ao menos uma das variáveis de entrada valer 0.



### Operação "E" para 3 variáveis

Porta Lógica



▶ Definição 1: a operação "E" resulta 1 se e somente se todas as variáveis de entrada valerem 1.

#### Tabela Verdade

A	В	С	A.B.C
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1



#### 3) Operação OU (OR)

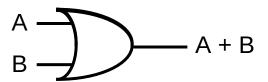
Também denominada adição lógica.

Símbolo

Tabela Verdade

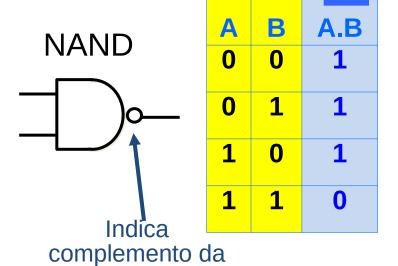
Α	В	A+B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

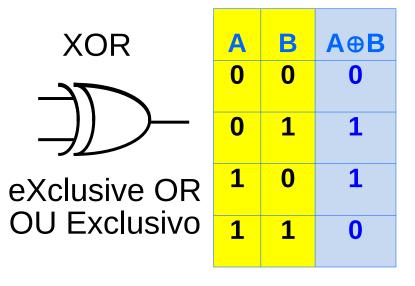
Porta Lógica

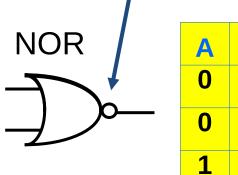


- **▶Definição 1:** a operação "OU" resulta 1 se ao menos uma das variáveis de entrada valer 1.
- **▶ Definição 2:** a operação "OU" resulta 0 se e somente se todas variáveis de entrada valerem 0.



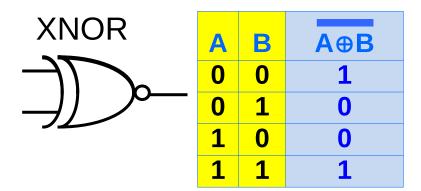






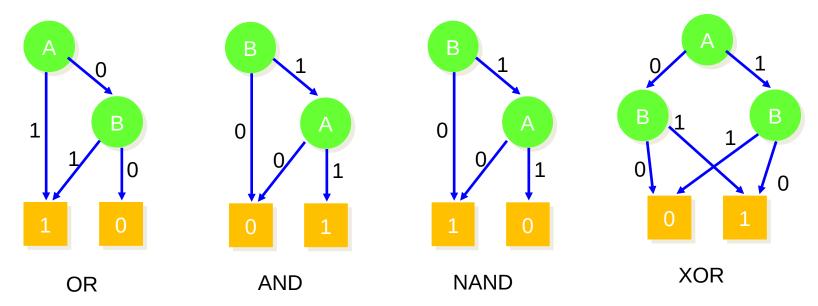
porta

A	В	A+B
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0





Uma outra forma de representação é o Diagrama de Decisão Binária (Bynary Decision Diagram - BDD)

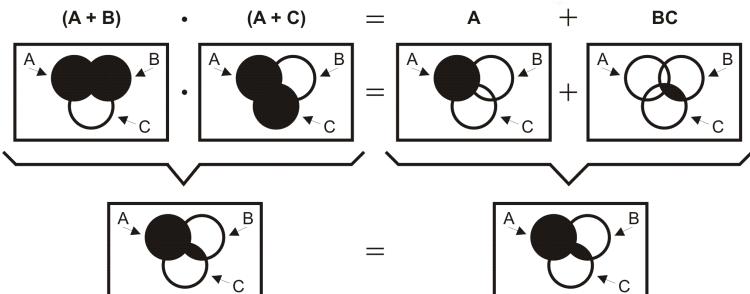


Parte-se de uma variável de entrada qualquer e chega-se ao valor da saída conforme o valor contido nas variáveis de entrada (indicadas por arcos)



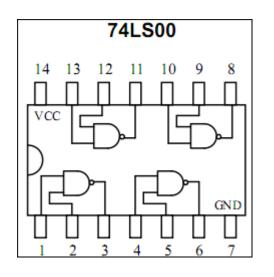
### Diagrama de Venn

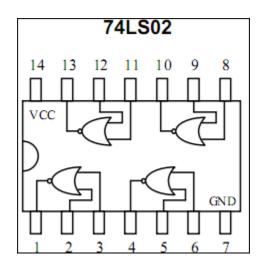


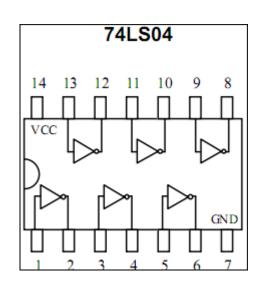


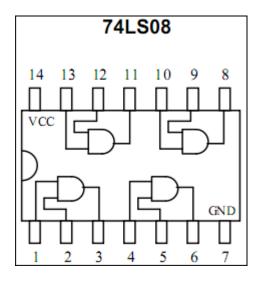


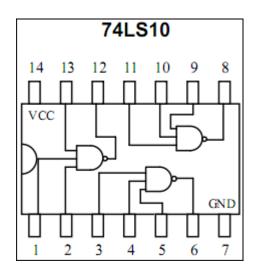
#### **Circuitos Integrados comerciais**











74LS32 – OR 2 entradas 74LS86 – XOR 2 entradas 74LS73A – Flip-Flop JK 74LS74A – Flip-Flop D



### Propriedades da Álgebra de Boole

#### 1) Comutativa

As variáveis de entrada podem ser operadas em qualquer ordem

#### 2) Associativa

As variáveis podem ser associadas em qualquer conjunto

#### 3) Distributiva

Em relação a operação de multiplicação booleana



### Propriedades da Algebra de Boole

#### 1) Comutativa

As variáveis de entrada podem ser operadas em qualquer ordem.



#### ... Comutativa

Em termos de portas lógicas, teremos...

$$\begin{array}{c}
A \\
B \\
C
\end{array}$$

$$A + B + C$$

$$A + B + C$$

$$A + B + C$$

$$A + B + C + A$$

$$\equiv A \longrightarrow C + A + B \equiv ...$$

Tal propriedade é válida para qualquer uma das portas lógicas, respeitando-se obviamente a sua função.



#### 2) Associativa

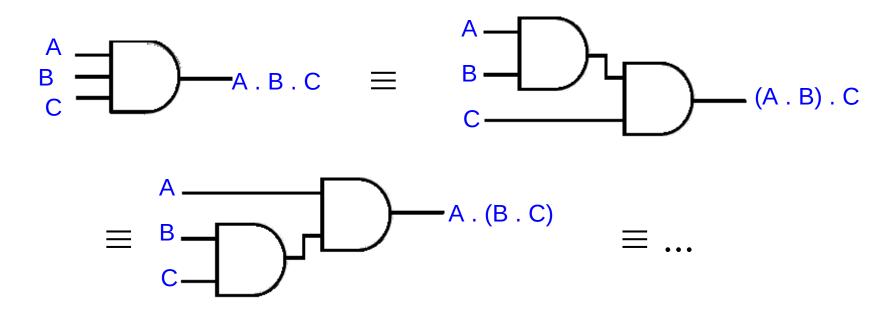
As variáveis de entrada podem ser operadas de duas em duas (ou de três em três, ou de quatro em quatro...)

Os parênteses indicam precedência.



#### ... Associativa

Em termos de portas lógicas, teremos...



Tal propriedade é válida para qualquer uma das portas lógicas, respeitando-se obviamente a sua função.



#### 3) Distributiva

Refere-se a operação de "multiplicação"

$$S = A.(B + C) = (A.B) + (A.C)$$

#### Conversão entre formatos de representação

Considerando as três formas de representação clássicas precisamos realizar a conversão entre as mesmas

- Expressão para tabela-verdade: avaliação
- Circuito para tabela verdade: avaliação
- Expressão para Circuito: síntese
- Circuito para expressão: variáveis e operações
- Tabela-verdade para expressão: SOP ou POS
- Tabela verdade para circuito: síntese





### Avaliação de expressões booleanas

- Dada uma expressão booleana desejamos saber o comportamento da mesma:
- Montamos uma tabela-verdade com as variáveis de entrada a esquerda;
- Criar colunas à direita, conforme a ordem de precedência das operações contidas na equação que se está avaliando;
- Avaliar as expressões e obter resultados intermediários até encontrar valores finais;

Exemplo: Dada a expressão abaixo obtenha a tabela-verdade da mesma:

$$F(X,Y,Z) = X \cdot (Y + \overline{Z})$$



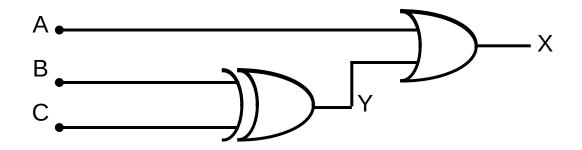
#### Avaliação de expressões booleanas: exemplo

$$F(X,Y,Z) = X \cdot (Y + \overline{Z})$$

X	Υ	Z	Z	(Y + <del>Z)</del>	X . (Y + Z)
0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	0	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	1	1



#### Avaliação de expressões booleanas: exemplo



A			 		
В					
C	 		 	<u> </u>	
Y	 	 	 		



#### Circuitos Lógicos

- Dada uma equação que representa uma função Booleana, é possível representá-la graficamente, por meio de uma associação apropriada de portas lógicas.
- O desenho de um circuito lógico deve obedecer à ordem de precedência das operações mostradas na equação lógica que se deseja implementar.

Exemplo: Desenhe o circuito lógico que implementa a equação:

$$F(X,Y,Z) = X \cdot (Y + \overline{Z})$$

$$z \xrightarrow{\overline{Z}} \underbrace{Y + \overline{Z}}_{X \cdot (Y + \overline{Z})}$$

$$\times \cdot (Y + \overline{Z})$$



#### Exercício:

Avalie a expressão que segue e desenhe seu circuito lógico

$$F(A,B,C) = \overline{A} \cdot C + ((B \cdot C) + A \cdot \overline{B})$$



#### Exercício:

Avalie a expressão que segue e desenhe seu circuito lógico

$$F(A,B,C) = \overline{A} \cdot C + ((B \cdot C) + A \cdot \overline{B})$$

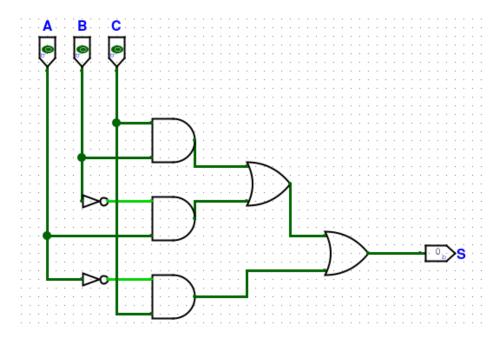
A	В	С	B.C	$A.\overline{B}$	$((B \cdot C) + A \cdot \overline{B})$	$\overline{A}$ . C	$\overline{A}$ . C +((B.C)+ A. $\overline{B}$ )
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	1	1	1
1	0	0	0	1	1	0	1
1	0	1	0	1	1	0	1
1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	1	0	1



#### Exercício:

Avalie a expressão que segue e desenhe seu circuito lógico

$$F(A,B,C)=\overline{A}\cdot C+((B\cdot C)+A\cdot \overline{B})$$



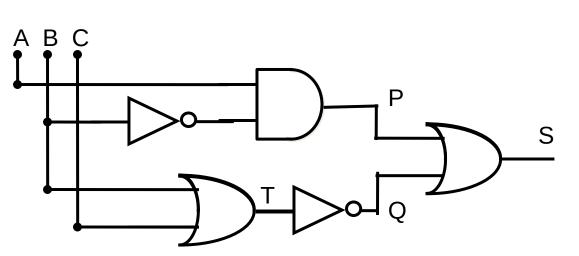
**UFFS - Universidade Federal da Fronteira Sul - Circuitos Digitais** 



### **Expressões Lógicas**

- Dada um circuito lógico formado de portas lógicas básicas devemos obter a expressão lógica equivalente.
- A expressão lógica deve obedecer à ordem de precedência das operações mostradas no circuito lógico que se deseja implementar.

Exemplo: Apresente a equação lógica que descreve o circuito abaixo:



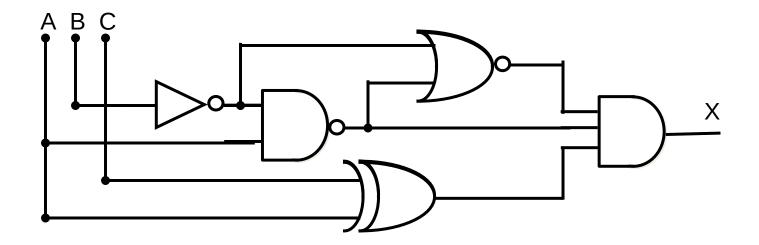
$$S = P + Q$$
  
 $P = A \cdot B$   
 $Q = T$   
 $T = B + C$   
 $Q = B + C$   
 $S = (A \cdot B) + B + C$ 

UFFS - Universidade Federal da Fronteira Sul - Circuitos Digitais



#### Exercício:

Dado o circuito lógico obtenha a expressão correspondente





#### Síntese com Soma de Produtos

Seja a função S, com a seguinte tabela-verdade:

A	В	С	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

Qual é a expressão para esta tabela-verdade???

É a própria função E

$$S = A.B.C$$





#### Síntese com Soma de Produtos

### E se o 1 estivesse em outro lugar?????

Seja a função S1, com a seguinte tabela-verdade:

A	В	С	S1
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

Qual é a expressão para esta tabela-verdade???

Usaremos a própria definição da função E: o resultado é 1 se todas as entradas forem 1.

Assim, teremos que usar um termo produto tal que quando A=0, B=1 e C=0, este termo resulta

em 1.



#### Síntese com Soma de Produtos

### E se o 1 estivesse em outro lugar?????

Seja a função S1, com a seguinte tabela-verdade:

A	В	С	S1
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

Repare que A.B.C = 1 somente se A = 0, B = 1 e C = 0.



$$S1 = \overline{A}.B.\overline{C}$$



#### Síntese com Soma de Produtos

E se houver duas posições valendo 1?????

Seja a função S, com a seguinte tabela-verdade:

A	В	С	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

Qual é a expressão para esta tabela-verdade???

Dividiremos em duas funções S1 e S2. Cada uma vai ficar com um 1 original



#### Síntese com Soma de Produtos

### E se houver duas posições valendo 1?????

Seja a função S, com a seguinte tabela-verdade:

Α	В	С	S	S1	S2
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	1

Note que, se fizermos o OU da coluna S1 com a coluna S2, obteremos exatamente a coluna S. Portanto:

$$S = S1 + S2$$

$$S = \overline{A}.B.\overline{C} + A.B.C$$



#### Síntese com Soma de Produtos

#### Conclusões:

Cada 1 de uma função pode ser representado por um produto lógico (E) no qual todas as variáveis de entrada estão presentes (tais produtos são chamados mintermos ou minitermos)

Cada mintermo é único, pois representa uma e somente uma posição que vale 1

Uma função pode ser representada por uma soma lógica (OU) dos seus mintermos.



#### Síntese com Soma de Produtos

# Lista de Minitermos para funções de 3 variáveis de entrada

A	В	С	Minitermos
0	0	0	A.B.C
0	0	1	A.B.C
0	1	0	A.B.C
0	1	1	A.B.C
1	0	0	A.B.C
1	0	1	A.B.C
1	1	0	A.B.C
1	1	1	A.B.C



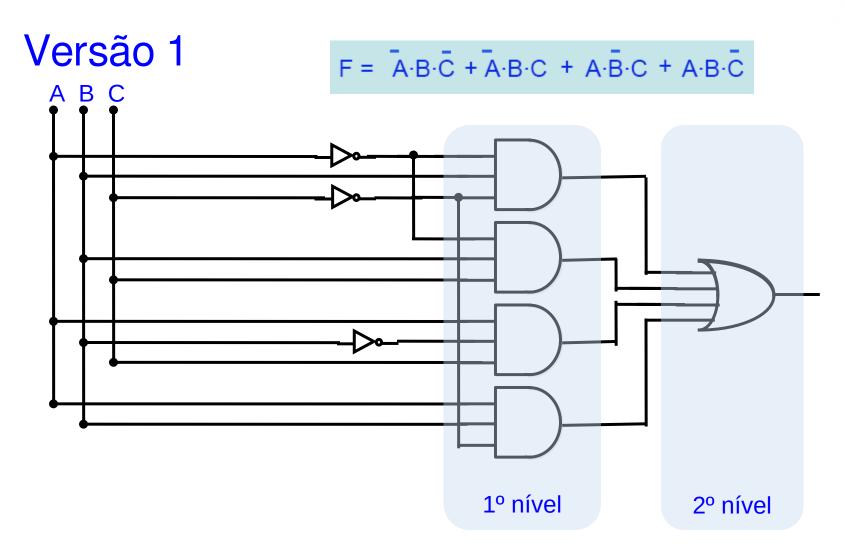
#### Exercício:

- Dada a função F, com a seguinte tabela-verdade, faça o que se pede:
- a) encontre a equação em soma de produtos (soma de minitermos) para a mesma.
- b) desenhe o circuito lógico correspondente.

A	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

$$F = \overline{A \cdot B \cdot C} + \overline{A \cdot B \cdot C} + A \cdot \overline{B \cdot C} + A \cdot B \cdot \overline{C}$$



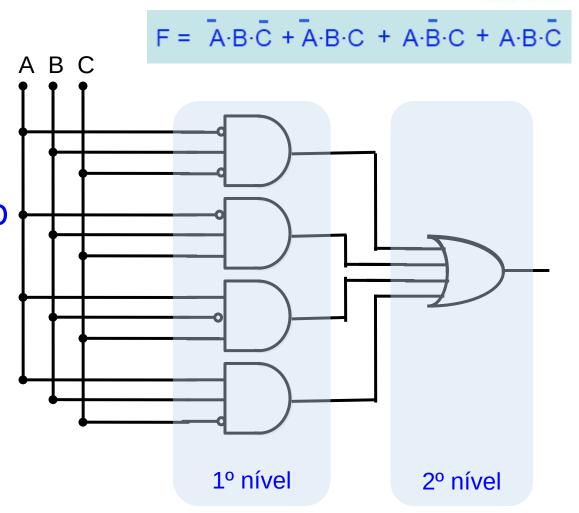




Versão 2

#### Custo:

Iremos considerar o somatório de todas as portas de entrada do circuito



#### Custo:

$$4 \times 3 + 1 \times 4 = 16$$



#### Síntese com Produto de Somas

Seja a função P, com a seguinte tabela-verdade:

A	В	С	P
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1



Qual é a expressão para esta tabela-verdade???

É a própria função OU

$$P = A + B + C$$



#### Síntese com Produto de Somas

#### E se o 0 estivesse em outro lugar?????

Seja a função P1, com a seguinte tabela-verdade:

Α	В	C	P1
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Qual é a expressão para esta tabela-verdade???

Usaremos a própria definição da função OU: o resultado é 0 se todas as entradas forem 0.

Assim, teremos que usar um termo soma tal que quando A=1, B=0 e C=0, este termo resulta em 0.



#### Síntese com Produto de Somas

#### E se o 0 estivesse em outro lugar?????

Seja a função P1, com a seguinte tabela-verdade:

Α	В	С	P1
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Repare que A+B+C=0 somente se A=1, B=0 e C=0.

$$P1 = A + B + C$$



#### Síntese com Produto de Somas

E se houver duas posições valendo 0??????

Seja a função P, com a seguinte tabela-verdade:

Α	В	С	P
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Qual é a expressão para esta tabela-verdade???

Dividiremos em duas funções S1 e S2. Cada uma vai ficar com um 0 original.



#### Síntese com Produto de Somas

#### E se houver duas posições valendo 0?????

Seja a função P, com a seguinte tabela-verdade:

A	В	С	S	S1	<b>S2</b>
0	0	0	0	0	1
0	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	1
0	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	1

Note que, se fizermos o E da coluna S1 com a coluna S2, obteremos exatamente a coluna S. Portanto:

$$S = S1 . S2$$

$$S = (A+B+C) \cdot \overline{(A+B+C)}$$

No produto das somas o parênteses é obrigatório



#### Síntese com Produto de Somas

#### Conclusões:

Cada 0 de uma função pode ser representado por uma soma lógica (OU) na qual todas as variáveis de entrada estão presentes (tais somas são chamadas maxtermos ou maxitermos)

Cada maxtermo é único, pois representa uma e somente uma posição que vale 0

Uma função pode ser representada por um produto lógico (E) dos seus maxtermos.



#### Síntese com Produto de Somas

# Lista de Maxitermos para funções de 3 variáveis de entrada

A	В	С	Maxitermos
0	0	0	A+B+C
0	0	1	A+B+€
0	1	0	A+B+C
0	1	1	A+B+C
1	0	0	A+B+C
1	0	1	A+B+C
1	1	0	A+B+C
1	1	1	A+B+C



#### Exercício:

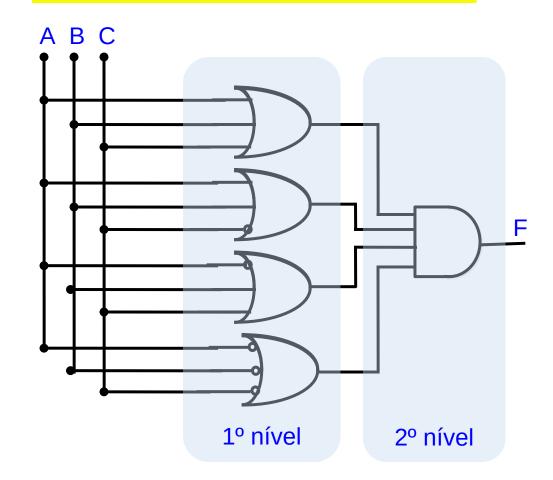
- Dada a função F, com a seguinte tabela-verdade, faça o que se pede:
- a) encontre a equação em produto de somas (produto de maxtermos) para a mesma.
- b) desenhe o circuito lógico correspondente.

A	В	С	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

$$\mathsf{F} = (\mathsf{A} + \mathsf{B} + \mathsf{C}\ ) \cdot (\mathsf{A} + \mathsf{B} + \overline{\mathsf{C}}\ ) \cdot (\overline{\mathsf{A}} + \mathsf{B} + \mathsf{C}\ ) \cdot (\overline{\mathsf{A}} + \overline{\mathsf{B}} + \overline{\mathsf{C}}\ )$$



$$\mathsf{F} = (\mathsf{A} + \mathsf{B} + \mathsf{C}) \cdot (\mathsf{A} + \mathsf{B} + \mathsf{C}) \cdot (\mathsf{\overline{A}} + \mathsf{B} + \mathsf{C}) \cdot (\mathsf{\overline{A}} + \mathsf{\overline{B}} + \mathsf{\overline{C}})$$



Custo:

$$4 \times 3 + 1 \times 4 = 16$$



#### Formas Canônicas: Resumo

A	В	C	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

$$S(A,B,C) = \overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \overline{C}$$

$$S(A,B,C) = m_2 + m_3 + m_5 + m_6$$

$$S(A,B,C) = \sum (2,3,5,6)$$

$$S(A,B,C) = (A+B+C) \cdot (A+B+\overline{C}) \cdot (\overline{A}+B+C) \cdot (\overline{A}+\overline{B}+\overline{C})$$

$$S(A,B,C) = M_0 \cdot M_1 \cdot M_4 \cdot M_7$$

$$S(A,B,C) = \prod (0,1,4,7)$$



#### Formas Canônicas: Resumo

#### **Conclusões:**

Cada 0 de uma função pode ser representado por uma soma lógica (OU) na qual todas as variáveis de entrada estão presentes (tais somas são chamadas maxtermos ou maxitermos)

Cada maxtermo é único, pois representa uma e somente uma posição que vale 0

Uma função pode ser representada por um produto lógico (E) dos seus maxtermos.



### ✓ Simplificação Algébrica

Dificuldades na obtenção da equação mínima:

O processo de simplificação é recursivo: após simplificar mintermos, pode ser possível continuar a simplificação com os produtos resultantes da primeira rodada de simplificação;

A ordem na qual se procede a simplificação faz diferença!

É difícil identificar as simplificações possíveis (e também a ordem ótima);



### ✓ Simplificação Algébrica

#### Faz uso:

- Propriedades da Álgebra de Boole;
- Teoremas de DeMorgan;
- Identidades Auxiliares;



#### Propriedades das Portas Lógicas

1) Porta NOT

$$\overline{\overline{A}} = A$$

2) Porta E (AND)

A	В	A.B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$A \cdot 0 = 20$$

$$A \cdot 1 = A$$

$$A \cdot A = A$$

$$A \cdot \bar{A} = 20$$



#### 3) Porta OU (OR)

A	В	A+B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

$$A + 0 = A$$
 $A + 1 = 1$ 
 $A + A = A$ 
 $A + \bar{A} = 1$ 

Fazendo Simplificações através das propriedades

$$S = (\bar{A} \cdot 0) + (B \cdot B) + (A \cdot \bar{A}) + (B \cdot 1)$$
  
 $S = ???$   
 $S = B$ 



#### Propriedades da Algebra de Boole

#### 1) Comutativa

As variáveis de entrada podem ser operadas em qualquer ordem.

$$S = A.B.C$$
  $S = A.C.B$   $S = B.A.C$ 

$$S = A.C.B$$

$$S = B.A.C$$

#### 2) Associativa

As variáveis de entrada podem ser operadas de duas em duas (ou de três em três, ou de quatro em quatro...)

$$S = (A+B)+C$$

$$S = A + B + C$$

$$S = (A+B)+C$$
  $S = A+B+C$   $S = A+(B+C)$ 

#### 3) Distributiva

Refere-se a operação de "multiplicação".

$$S = A (B + C)$$
  $S = AB + AC$ 

$$S = AB + AC$$



#### Exercício:

#### Simplifique as expressões:

1) 
$$S = \overline{A} \cdot \overline{B} + \overline{A} \cdot B$$

2) 
$$P = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot B \cdot C + \overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} + A \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + A \cdot B \cdot \overline{C}$$

3) Q = 
$$(A+B+C).(\overline{A}+\overline{B}+C)$$



#### Teoremas de DeMorgan

Definição 1: O complemento do produto é igual a soma dos complementos.

$$\overline{A \cdot B} = \overline{A} + \overline{B}$$
  $\Box$   $\Box$   $\Rightarrow$   $\Box$ 

Definição 2: O complemento da soma é igual ao produto dos complementos.

$$\overline{A + B} = \overline{A} \cdot \overline{B}$$
  $\Rightarrow$   $\Rightarrow$   $\Rightarrow$ 



#### Exercício:

Simplifique as expressões:

1) 
$$S = (\overline{\overline{A.C} + B + D}) + (C.(\overline{A.C.D}))$$
  
2)  $P = \overline{AB}\overline{\overline{CD}}$ 



#### Identidades Auxiliares da Algebra de Boole

1) 
$$A + (A . B) = A$$

2) 
$$A + (\bar{A} \cdot B) = A + B$$

$$\overline{\overline{A} + (\overline{A} \cdot B)} = \overline{\overline{A} \cdot (\overline{\overline{A}} \cdot B)} = \overline{\overline{A} \cdot (\overline{\overline{A}} + \overline{B})}$$

Aplicado – se a propriedade distributiva

$$(\overline{A}.A)+(\overline{A}.\overline{B})=\overline{\overline{A}.\overline{B}}=A+B$$

3) 
$$(A+B).(A+C) = A + B.C$$

Aplicado – se a propriedade distributiva

$$A.A+A.C+B.A+B.C$$

$$A+A.C+A.B+B.C$$

$$A(1+C+B)+B.C$$

$$A+B.C$$



#### Exercício:

Simplifique a expressão:

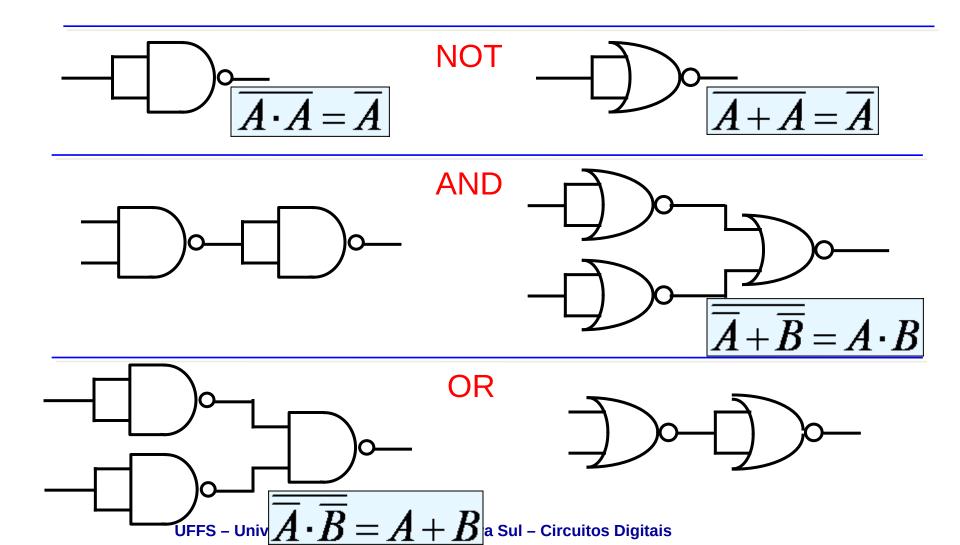
1) 
$$S = \overline{(A \cdot \overline{C}) + \overline{A}} + \overline{B} \overline{C} A \overline{C} + (\overline{A} B)$$

2) 
$$X = \overline{A \cdot \overline{C} + \overline{A}} + \overline{B \cdot \overline{C} \cdot A \cdot \overline{C}} + \overline{A} \cdot B$$



#### **Universalidade das Portas**

Com NAND/NOR é possível construir qualquer outra função





Método gráfico para simplificação de expressões

Processo simples, estruturado e sistemático

Não indicado para circuitos grandes (até 5 entradas)

Circuito obtido deve estar na forma canônica

Construção a partir da tabela-verdade

Cada linha da tabela corresponde a um quadrado no mapa

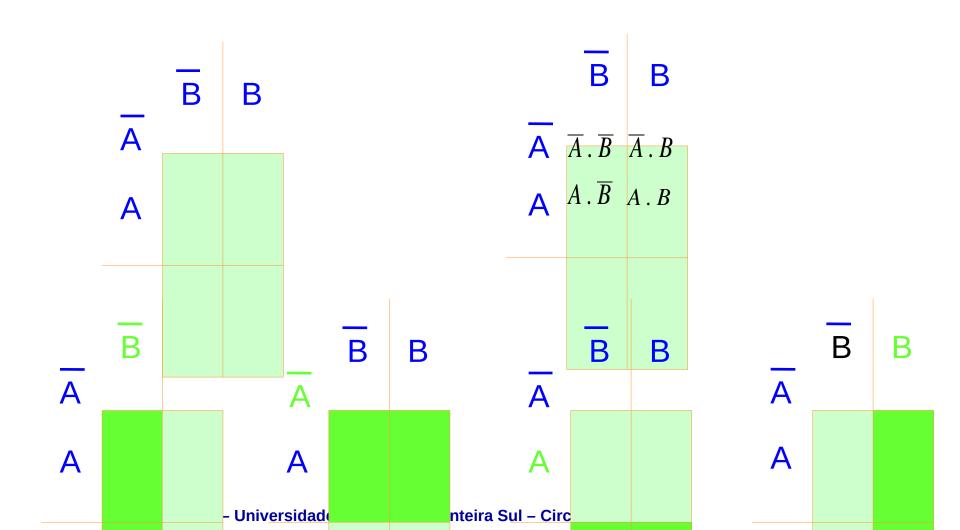
Quadrados adjacentes diferem de apenas 1 variável (código gray)

A primeira linha/coluna é adjacente à última linha/coluna

O mapa é preenchido com 0s e 1s

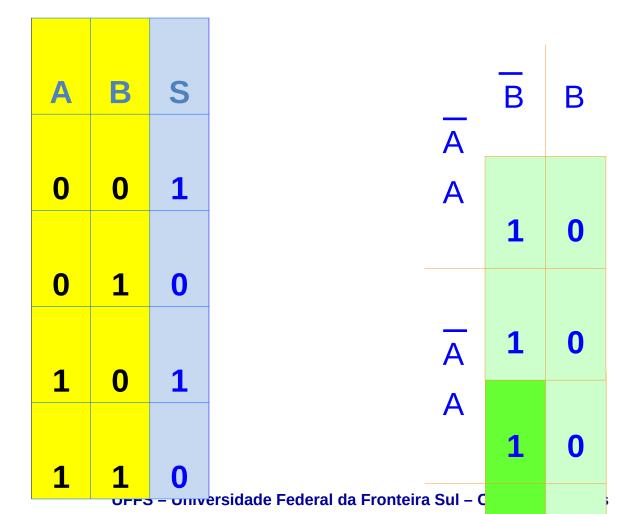


• 2 Variáveis



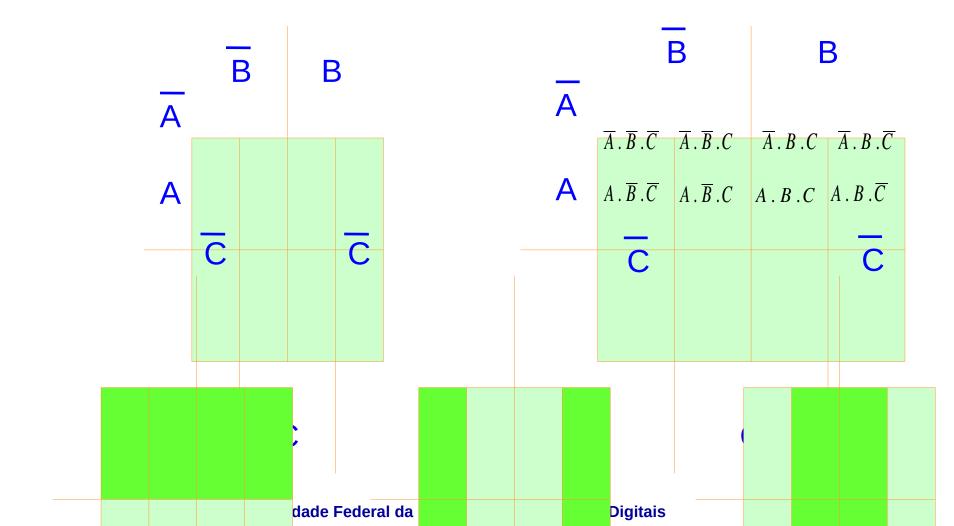


#### • 2 Variáveis

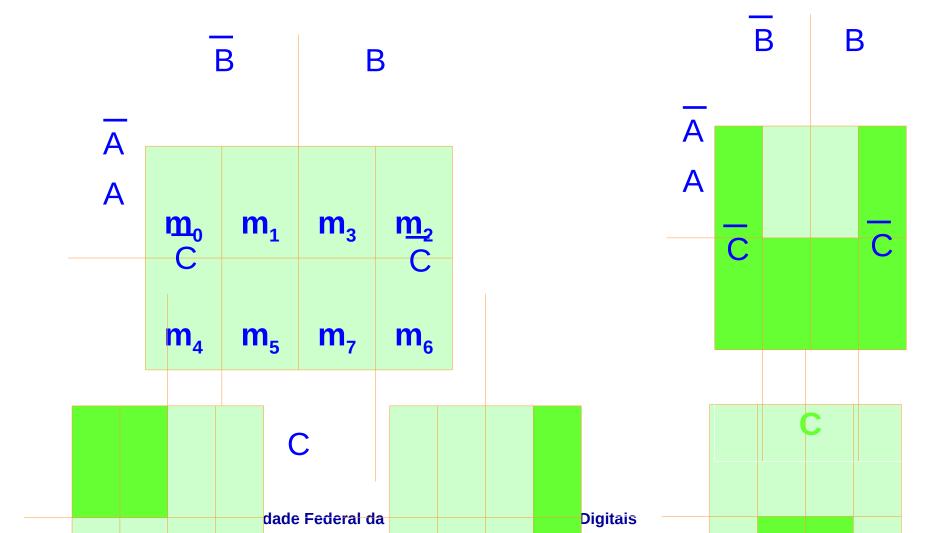










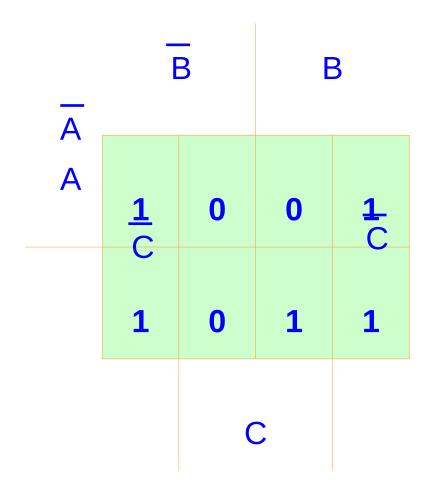






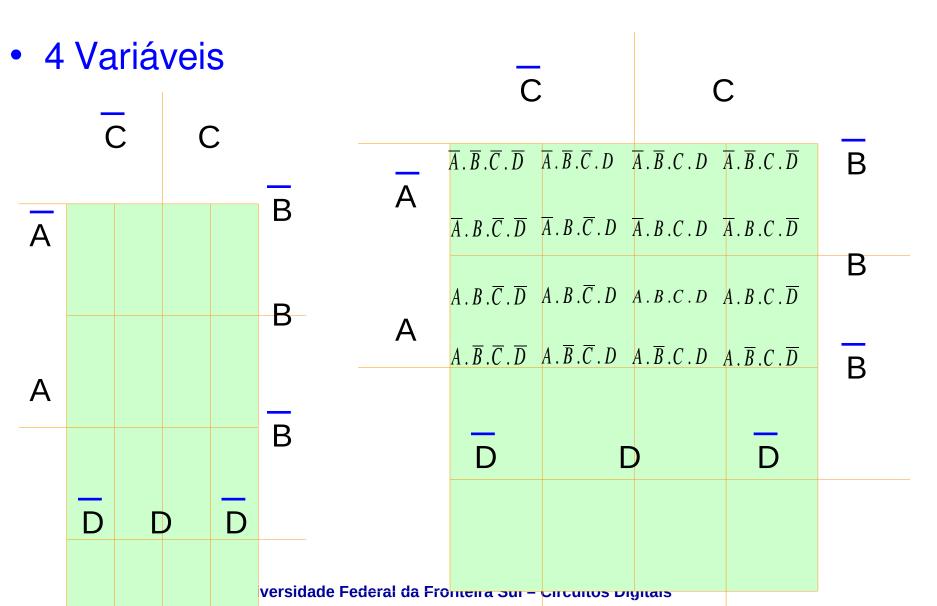
- Devemos procurar por 1s adjascentes
  - 1) Agrupar em quadras
  - 2) Agrupar em duplas
- 3) Pegar os remanescentes isoladamente
- Todos os uns devem ser utilizados;
- Pode usar o mesmo 1 mais de uma vez;



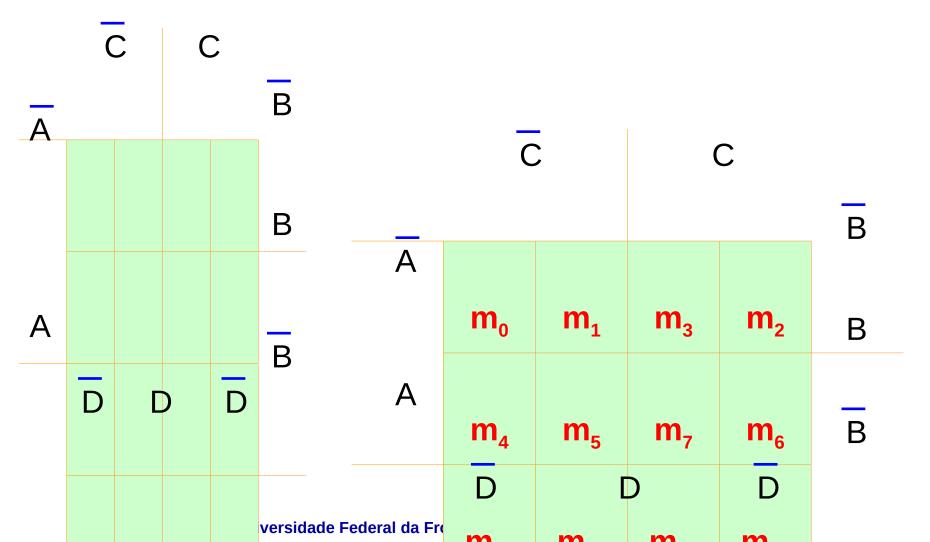














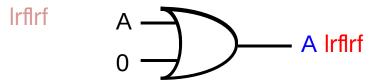


- Devemos procurar por 1s adjacentes
  - 1) Agrupar em oitavas
  - 2) Agrupar em quadras
  - 3) Agrupar em duplas
- 3) Pegar os remanescentes isoladamente
- Todos os uns devem ser utilizados;
- Pode usar o mesmo 1 mais de uma vez;

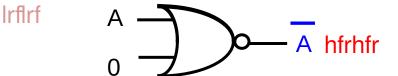


#### para habilitar o sinal

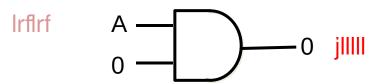


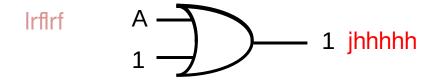






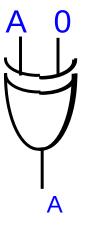
#### para desabilitar o sinal







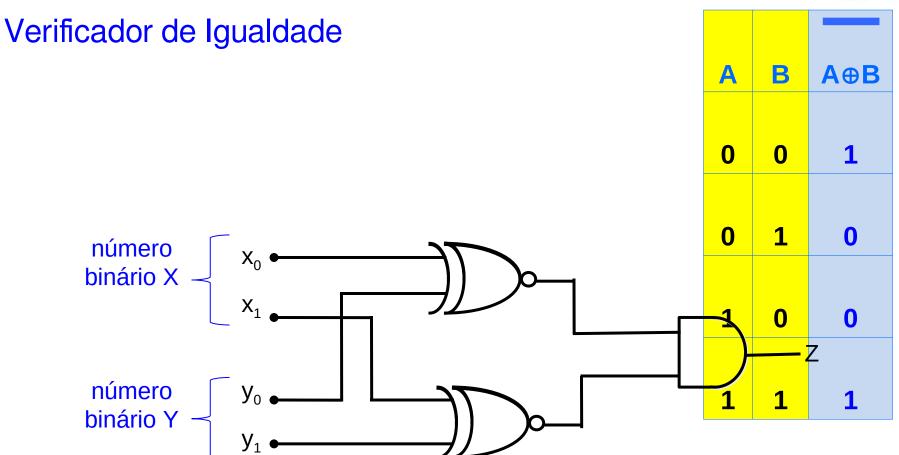
#### **Inversor Controlado**





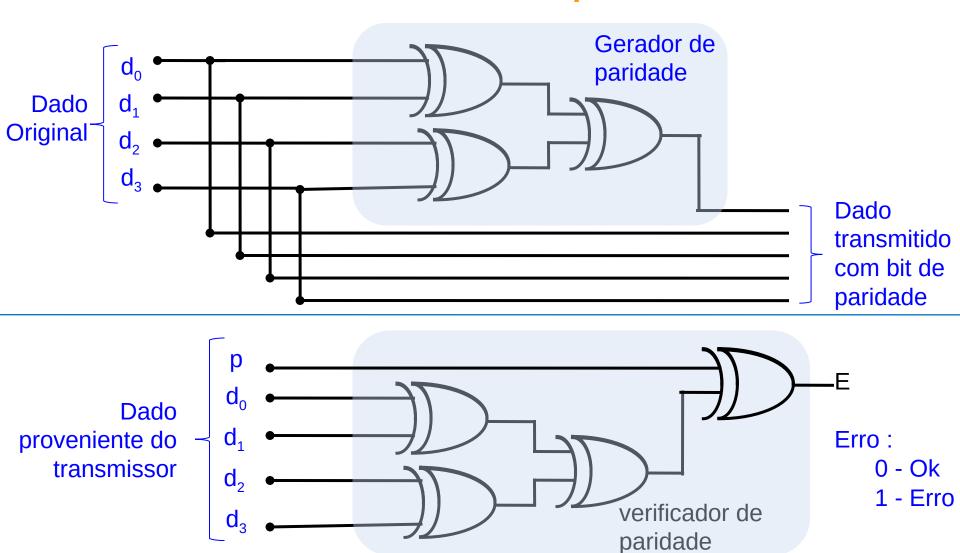
A	В	A⊕B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0







#### Gerador e Verificador de Paridade par





#### Representação IEEE Ansi

