Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Пермский национальный исследовательский политехнический университет»

Лабораторная работа «Задача о 8 ферзях»

Выполнила:

студент первого курса
ЭТФ группы РИС-23-36
Акбашева Софья Руслановна

Проверила:

Доцент кафедры ИТАС О. А. Полякова

Задача о 8 ферзях

Цель: научиться решать задачу о 8 ферзях.

Постановка задачи: реализовать программу, в которой реализуется алгоритм расстановки 8 ферзей на доске 8х8 так, чтобы ферзи были расставлены в каждой строке и не «били» друг друга.

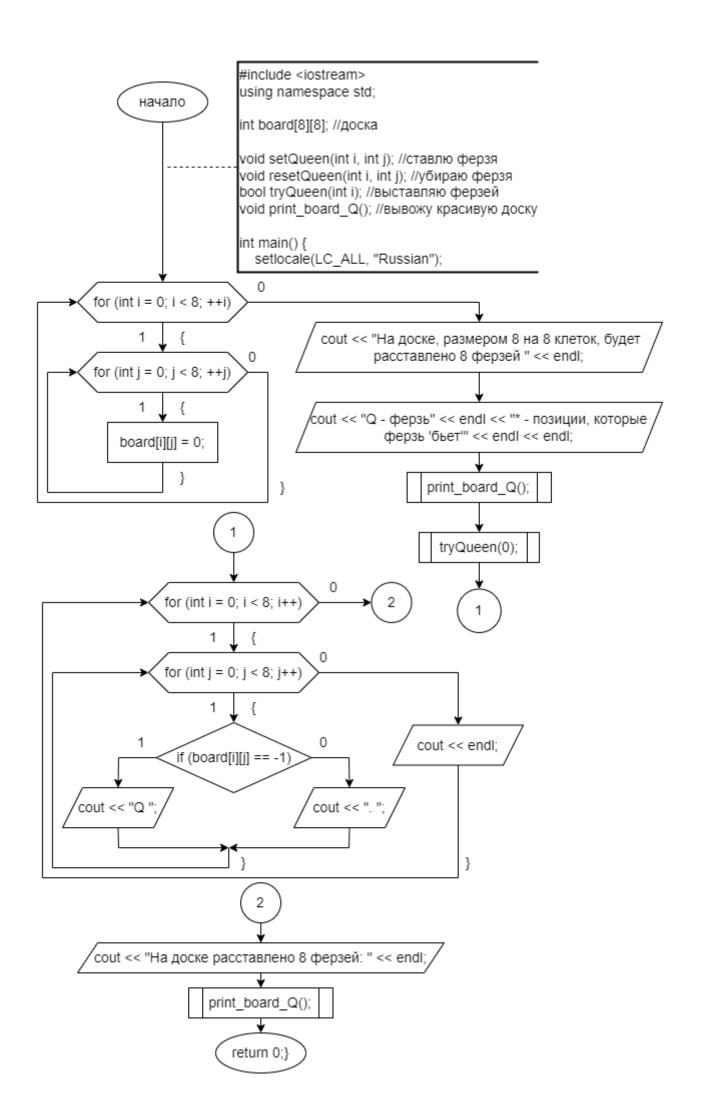
Анализ задачи

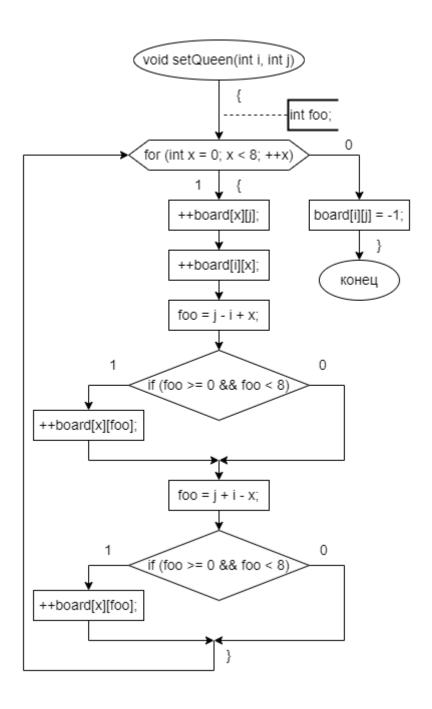
- 1) Ферзь может ходить в любом направлении по горизонтали, вертикали, диагонали и на любое количество клеток, рубит он так же, как ходит.
- 2) Чтобы ферзи друг друга не «били», на каждой строке, диагонали и каждом столбце должен находиться один ферзь.
- 3) Для расстановки ферзей необходимо поставить первого ферзя в первую клетку первой строки.
- 4) Далее необходимо перейти на следующую строку и поставить ферзя так, чтобы предыдущий ферзь его не бил. Также размещать последующих ферзей.
- 5) Если на какой-либо строке поставить ферзя невозможно (так, чтобы они не «били» друг друга), то возвращаемся на предыдущую строку и ставим ферзя на следующую допустимую клетку строки.
 - 6) Повторяем пункты 4 и 5, пока не расставим всех ферзей.
- 7) Изначально определен двумерный массив board, который обозначает шахматную доску 8 на 8. В главной функции значение всех элементов двумерного массива приравнивается к 0.
- 8) Функция setQueen ставит на позицию [i][j] ферзя и отмечает те позиции, которые данный ферзь «бьет». Поставить ферзя значит проинициализировать элемент с индексами [i][j] -1. Отметить позиции, которые данный ферзь «бьет» значит прибавить 1 к значениям элементов, которые находятся под «боем».
- 9) Функция resetQueen убирает с позиции [i][j] ферзя и убирает отметки с тех позиций, которые данный ферзь «бил». Убрать ферзя значит

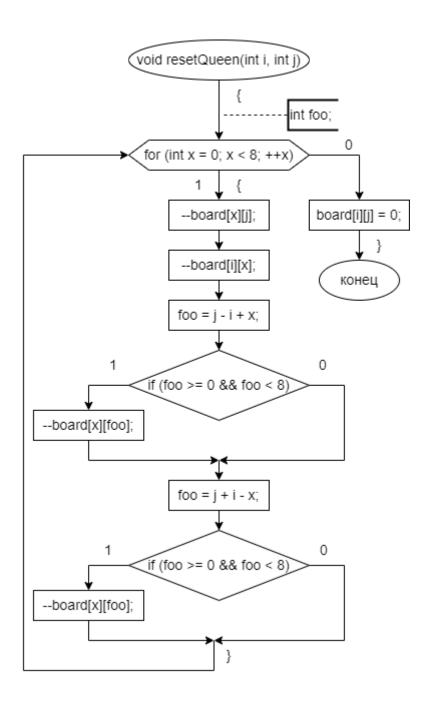
проинициализировать элемент с индексами [i][j] 0. Отметить позиции, которые данный ферзь «бил» — значит отнять 1 от значений элементов, которые находились под «боем».

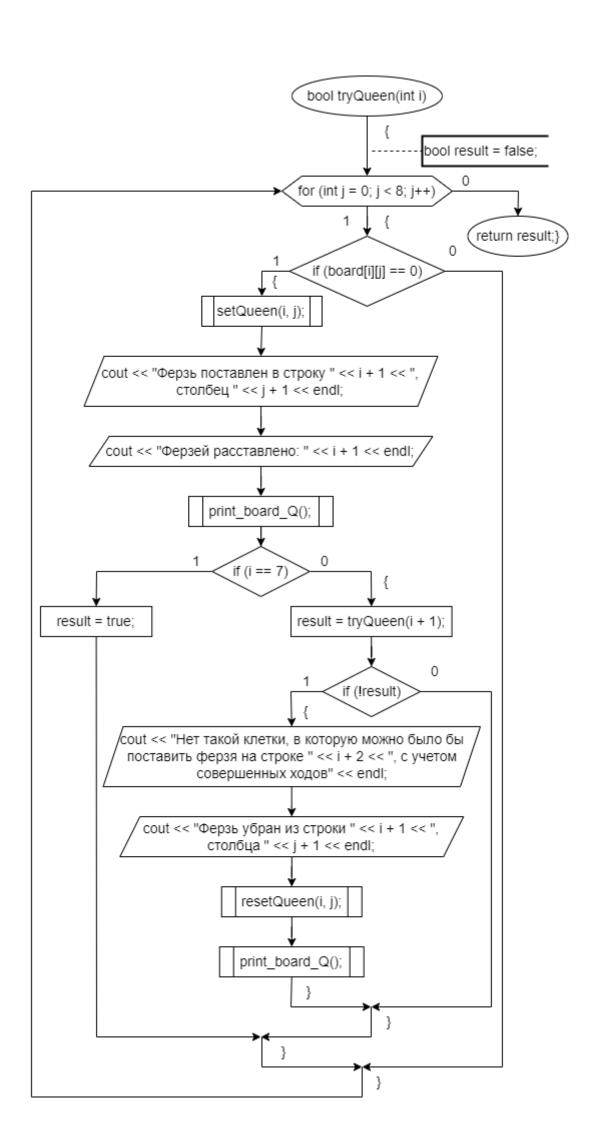
- 10) Функция tryQueen проверяет, можно ли поставить ферзя на данную позицию. В арифметическом цикле проверяются все элементы строки; если очередной элемент равен 0, на данную позицию ставится ферзь. Далее осуществляется переход на следующую строчку. Если в какой-либо из последующих строк ни в один столбец нельзя поставить ферзя, осуществляется переход на предыдущий шаг, и ферзь ставится уже на следующую допустимую позицию.
- 11) Функция print_board_Q выводит текущую доску. Доска выводится с помощью вложенных арифметических циклов. Внешний цикл проходит по строкам, а внутренний по столбцам доски.

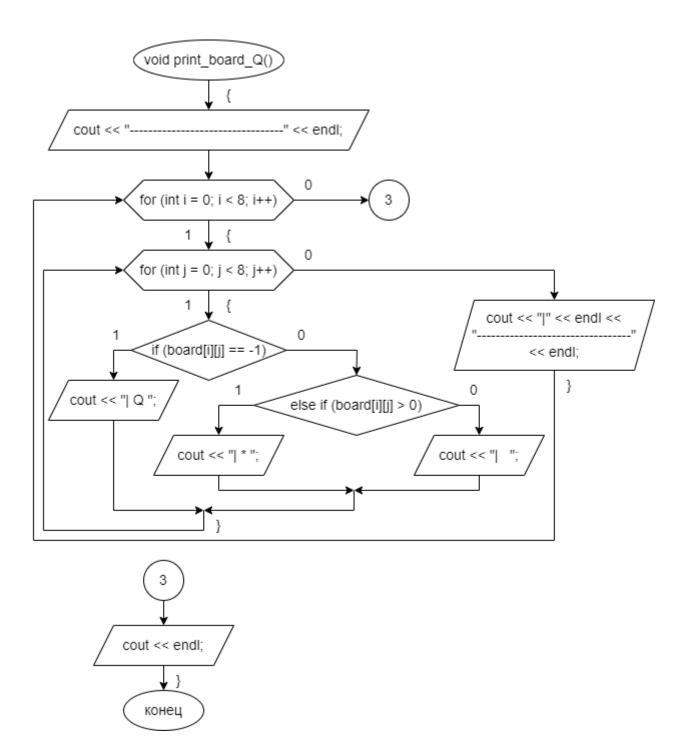
Блок схема











Код программы

```
#include <iostream>
using namespace std;
int board[8][8]; //доска
void setQueen(int i, int j); //ставлю ферзя
void resetQueen(int i, int j); //убираю ферзя
bool tryQueen(int i); //выставляю ферзей
void print_board_Q(); //вывожу красивую доску
int main() {
    setlocale(LC_ALL, "Russian");
    for (int i = 0; i < 8; ++i) { //прохожу по строкам
        for (int j = 0; j < 8; ++j) { //прохожу по столбцам
1
            board[i][j] = 0; //заполняю 0
        }
    }
    cout << "На доске, размером 8 на 8 клеток, будет расставлено 8 ферзей " << endl;
    cout << "Q - ферзь" << endl << "* - позиции, которые ферзь 'бьет'" << endl << endl;
    print_board_Q(); //вывожу текущую доску
    tryQueen(0); //выставляю ферзей, на чиная с верхней строки
    cout << "На доске расставлено 8 ферзей: " << endl;
    print_board_Q(); //вывожу доску в виде доски
    return Θ;
}
```

```
|void setQueen(int i, int j) { //ставлю одного ферзя
    int foo;
    for (int x = 0; x < 8; ++x) {
        ++board[x][j]; //отмечаю по вертикали те позиции, которые ферзь "бьет"
        ++board[i][x]; //отмечаю по горизонтали те позиции, которые ферзь "бьет"
        foo = j - i + x;
        if (foo >= 0 && foo < 8) {
            ++board[x][foo]; //отмечаю на левой диагонали позиции, которые ферзь "бьет"
        foo = j + i - x;
        if (foo >= 0 && foo < 8) {
            ++board[x][foo]; //отмечаю на правой диагонали позиции, которые ферзь "бьет"
    board[i][j] = -1; //отмечаю позицию, на которой ферзь стоит
    //і - индекс строки
    //і - индекс столбца
}
void resetQueen(int i, int j) { //убираю одного ферзя
    int foo;
    for (int x = 0; x < 8; x++) {
        --board[x][j]; //убираю по вертикали те позиции, которые ферзь больше не "бьет"
        --board[i][x]; //убираю по горизонтали те позиции, которые ферзь больше не "бьет"
        foo = j - i + x;
        if (foo >= 0 \&\& foo < 8) {
            --board[x][foo]; //убираю на левой диагонали позиции, которые ферзь больше не "бьет"
        foo = j + i - x;
        if (foo >= 0 && foo < 8) {
            --board[x][foo]; //убираюю на правой диагонали позиции, которые ферзь больше не "бьет"
    board[i][j] = 0; //убираю позицию, на которой ферзь стоял
    //і - индекс строки
    //і - индекс столбца
```

```
pbool tryQueen(int i) { //выставляю всех ферзей
    bool result = false;
    for (int j = 0; j < 8; j++) {
        if (board[i][j] == 0) { //если элемент == 0, то на эту позицию возможно поставить ферзя
1
            setQueen(i, j); //ставлю ферзя на позицию
            cout << "Ферзь поставлен в строку" << i + 1 << ", столбец " << j + 1 << endl;
            cout << "Ферзей расставлено: " << i + 1 << endl;
            print_board_Q(); //вывожу текущую доску
            if (i == 7) { //если i == 7, то расставлены все ферзи
1
                result = true;
            3
            else {
                result = tryQueen(i + 1);
                if (!result) {
                    cout << "Нет такой клетки, в которую можно было бы поставить ферзя на строке "
                        << i + 2 << ", с учетом совершенных ходов" << endl;
                    cout << "Ферзь убран из строки " << i + 1 << ", столбца " << j + 1 << endl;
                    resetQueen(i, j); //убираю ферзя с данной позиции
                    print_board_Q(); //вывожу текущую доску
            }
    return result;
    //і - индекс строки
}
void print_board_Q() {
    cout << "---
    for (int i = 0; i < 8; i++) {
        for (int j = 0; j < 8; j++) {
11
            if (board[i][j] == -1) {
1
                cout << "| Q ";
            else if (board[i][j] > 0) {
                cout << "| * ";
            3
i
            else {
                cout << "| ";
        cout << "|" << endl << "-----" << endl;
    cout << endl;</pre>
}
```

Результат работы программы.

Q ·	-	фе	рзі	Ь													/дет	ı	oac	ста	вл	енс) {	3	ферз	ей
* .	-	по	3N	ци	И,	ко	то	рые	2 (þep)3E	٠ '	б	ье	т'											
Ī		ī		Ī		 	ī		ī		ī		Ī		ī											
 		ī		Ī		 	ī		ī		ī		Ī		ī											
Ī		ī		Ī		 	ī		ī		ī		ī		ī											
Ī		ī		 			ī		ī		ī		Ī		ī											
Ī		ī		Ī			ī		ī		ī		Ī		ī											
Ī		ī		Ī			ī		ī		ī		Ī		Ī											
Ī		ī		Ī			Ī		ī		ī		Ī		Ī											
Ī		ī		Ī			ī		ī		ī		Ī		Ī											
						пен авл				оку	1	,	C.	ТΟ	лб	ец	1									
(Q	ī	*	Ī	*	*	Ī	*	ī	*	ī	*	Ī	*	Ī											
1	*	ī	*	Ī			Ī		Ī		Ī		Ī		Ī											
1	*	Ī		Ī	*		Ī		Ī		Ī		Ī		Ī											
1	*	ī		Ī		*	Ī		ī		ī		Ī		Ī											
'	*	ī		Ī			Ī	*	Ī		Ī		Ī		Ī											
1	*	Ī		Ī			Ī		Ī	*	Ī		Ī		Ī											
Ι,	*	Ī		Ī			Ī		Ī		Ī	*	Ī		Ī											
Ī,	*	Ī		Ī		l	Ī		Ī		Ī		Ī	*	Ī											
Феј	рз	ь	по	ст	авл	лен	В	C1	р	оку	, 2	2,	c.	то	лб	ец	3									
			. p			авл																				
	Q 	<u>-</u> -		<u>-</u> -		*		*	<u>.</u>	*	<u>.</u>	*	<u>.</u>	*												
'	* 	<u>!</u>		 	Q 	*			<u>.</u>		<u>.</u>															
		<u>-</u> -		! 		^ 			<u>.</u>		<u>-</u> -		<u> </u>													
	• 	<u>!</u>		! 	* 	*			<u>.</u>		<u>-</u> -		<u>.</u>													
'	• 	! 		! 		 	- <u> </u>		<u>.</u>		<u>.</u>		<u>.</u>													
				 	- 	 			 				 													
				 	* 		- <u> </u>		 				 	*	- -											
	•	 		 	*	l 							1	*												

Ферзь поставлен в строку 3, столбец 5 Ферзей расставлено: 3
Q * * * * * * *
* * Q * * * * *
* * * * Q * * *
* * * * *
* * * * *
* * * * * * *
* * * * *
* * * *
Ферзь поставлен в строку 4, столбец 2 Ферзей расставлено: 4
Q * * * * * * *
* * Q * * * * *
* * * * Q * * *
* Q * * * * * *
* * * * * *
* * * * * * * *
* * * * * *
* * * * * *
Ферзь поставлен в строку 5, столбец 4 Ферзей расставлено: 5
Q * * * * * * *
* * Q * * * * *
* * * * Q * * *
* Q * * * * * *
* * * Q * * * *
* * * * * * *
* * * * * * *
* * * * * * *

Ферзь убран из строки 5, столбца 4 | Q | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | Q | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | Q | * | * | * | | * | Q | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | | * | * | Ферзь поставлен в строку 5, столбец 8 Ферзей расставлено: 5 | Q | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | Q | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | Q | * | * | * | | * | Q | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | Q | | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | * | | * | * | * | | * | * | | * | Нет такой клетки, в которую можно было бы поставить ферзя на строке 6, с учетом совершенных ходов Ферзь убран из строки 5, столбца 8 | Q | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | Q | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | Q | * | * | * | | * | Q | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | | * | * | | * |

Нет такой клетки, в которую можно было бы поставить ферзя на строке 6, с учетом совершенных ходов

```
Нет такой клетки, в которую можно было бы поставить ферзя на строке 5, с учетом совершенных ходов
Ферзь убран из строки 4, столбца 2
| * | * | Q | * | * | * | * | * |
| * | * | * | * | Q | * | * | * |
| * | * | * | | * | * | * | * |
| * | | * | | * | | * | * |
| * | | * | | * | | | * |
Ферзь поставлен в строку 4, столбец 7
Ферзей расставлено: 4
| Q | * | * | * | * | * | * | * |
| * | * | Q | * | * | * | * | * |
| * | * | * | * | Q | * | * | * |
| * | * | * | * | * | Q | * |
| * | | * | * | * | | * | * |
| * | | * | | * | | * | * |
Ферзь поставлен в строку 5, столбец 2
Ферзей расставлено: 5
| Q | * | * | * | * | * | * | * |
| * | * | Q | * | * | * | * | * |
| * | * | * | * | Q | * | * | * |
| * | * | * | * | * | Q | * |
| * | Q | * | * | * | * | * | * |
| * | * | * | | * | * | * | * |
| * | * | * | * | * | | * | * |
| * | * | * | | * | | * | * |
```

Таким образом программа будет работать до тех пор, пока не расставит на доске все 8 ферзей.

Конечным результатом программы будет:

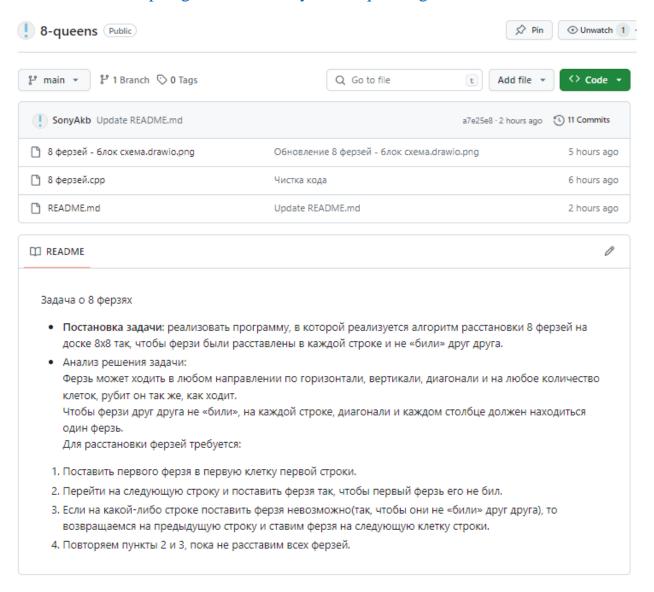
Ферзь поставлен в строку 7, столбец 2 Ферзей расставлено: 7 | Q | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | Q | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | Q | | * | * | * | * | * | Q | * | * | | * | * | Q | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | Q | * | | * | Q | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | | * | * | * | * | Ферзь поставлен в строку 8, столбец 4 Ферзей расставлено: 8 | Q | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | Q | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | Q | | * | * | * | * | * | Q | * | * | | * | * | Q | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | Q | * | | * | Q | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | Q | * | * | * | * | На доске расставлено 8 ферзей: | Q | * | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | Q | * | * | * | | * | * | * | * | * | * | * | Q | | * | * | * | * | * | Q | * | * | | * | * | Q | * | * | * | * | * | | * | * | * | * | * | Q | * | | * | Q | * | * | * | * | * | * | | * | * | * | Q | * | * | * | * |

Вывод

В ходе работы я применила знания о работе с функциями и двумерными массивами. Я реализовала функции, среди которых функции, которые ставит и убирает ферзя с доски. Также была осуществлена функция расстановки всех ферзей на доске и функция вывода текущей доски. По итогу работы мне удалось создать программу, в которой реализуется алгоритм расстановки 8 ферзей на доске 8х8.

GitHub

Ссылка: https://github.com/SonyAkb/8-queens.git



Commits

