苏州大学<u>数学模型与数学软件</u>课程试卷 (B)卷 共 7 页

考试形式 开 卷 2013 年 6 月

院系		专	
<u> </u>			
学号 <u></u>	姓名	成	

(15 分) 某公司准备将 5 台设备分配给甲乙丙 3 家工厂。问怎样分配,使利润总和最大。已知各工厂得到 x 台设备后所能创造的利润有如下表给出:

IL	甲	乙	丙
x	$g_1(x)$	$g_2(x)$	$g_3(x)$
0	0	0	0
1	2	3	3
2	5	6	5
3	7	9	9
4	9	10	11
5	12	11	12

(要求建立模型,并算出数值结果)

2. (15 分) 编写一个 MATLAB 程序,用随机模拟的方法,给出统计量 X 的 0.01, 0.05, 0.10, 0.90, 0.95, 0.99 分位数。 X 是来自指数分布总体(参数为 75)的样本容量为 5 的样本的标准差。(用 MATLAB 编程,模拟 100000 次)。

(注:分布F的 α 分位数 x_{α} 是分布函数F(x)的反函数,即满足 $F(x_{\alpha}) = \alpha$)

3. (20分) 在铅球的训练和比赛中,教练和运动员最为关心的问题是如何使铅球掷得最远。建立一个数学模型(不考虑空气阻力),将预测的投掷距离表示为初始速度和出手角度的函数。最优的出手角度是什么?(写出进行数值求解时的Matlab命令。注意,需要考虑铅球出手时离地面的高度)

4. (20 分) 超越方程一般没有解析解,但可以求其数值解或近似解。现考虑方程 $e^x + \sin x + x - 2 = 0$. 试给出一种你认为比较有效的方法求以上方程的根,并说明 为什么你所提的方法是有效的。

5. (15 分) 一小贩专卖某种高档水果,进货价 a=19 元/斤,售价 b=30 元/斤。若当天不能正常售完,则处理价 c=10 元/斤必能售完。由过去的数据已知,每天这种水果的正常销售量 r 服从如下概率分布。问该小贩每天进货多少斤能使平均收入最大。

销售量 <i>r</i> :	10	11	12	13	14	
概率 f(r):	0.1	0.2	0.2	0.2	0.3	

6. (15 分) 为了分析苏州的房价市场,从搜房网上整理出了 300 个楼盘的信息。数据包括楼盘单价 Y (元/平方米),建造年份 t (年),到最近商业中心的距离 d (米),及楼盘所处地域信息 x,其中 x 取 1,2,3 三个值,即 1 表示古城区、2 表示新加坡工业园区及 3 表示其他地区。如,其中的一个楼盘信息如下:

楼盘名称	楼盘单价Y	建造年份 t	到最近商业中心 的距离 d	楼盘所处 地域信息 x
贵都花园	16000	2001	180	2

现采用如下的 Matlab 命令进行回归分析。 N=300;

x1=zeros(N,1);

x2=x1;

x1(find(x==1))=1;

x2(find(x==2))=1;

 $XX = [ones(N,1) \quad t-2000 \quad d/1000 \quad x1 \quad x2];$

[b,bint,r,rint]=regress(Y/1000, XX);

b

bint

得到输出结果如下:

b =

7.8839

0.1798

-0.4475

1.1011

1.2841

bint =

7.0555 8.7123 0.0340 0.3256 -0.7707 -0.1242 -0.3528 2.5550 0.3364 2.2317

- (1) 写出模型的回归方程;
- (2) 对 Matlab 的输出结果进行解释,包括说明模型中各参数的意义。