

# 자료구조 1

---

2018학년도 1학기  
담당교수: 홍 민

# 수업 진행

---

- **목적:** 프로그램에 꼭 필요한 자료구조의 개념과 기본적인 알고리즘들을 학습하며 프로그램의 효율성을 분석하고 향상시킬 수 있는 방법을 배움
- **교재:** C 언어로 쉽게 풀어쓴 자료 구조, 천인국, 공용해, 하상호 저, 생능출판사, 2014 개정판
- **성적:** 중간고사 30%, 기말고사 30%, 과제물 30%, 퀴즈 10%
- **강의노트:** <http://cyber.sch.ac.kr>
- **강의 방법 및 report:** 강의 노트를 따라 진행. 과제는 매주에 한번 정도 프로그래밍과 문제 형식
- **절대 Cheating은 불가!!!**

# 수업 진행

---

- 전체 수업의 1/3 이상 결석 시 무조건 F임
- 2번 지각하면 1번의 결석으로 처리
- 과제는 항상 자기 혼자의 힘으로 할 것
- 예습 및 복습을 철저히 할 것
- 항상 수업에 최선을 다하는 자세가 중요
- 모든 과제는 Visual Studio 6.0을 이용할 것!!
- 절대 Cheating은 불가!!!

# 파일 입출력

---

- FILE 구조체를 사용, 선언

```
FILE *fp;
```

- 파일 열기(읽기모드)

```
fp = fopen("파일 이름", "모드");
```

- 파일 닫기

```
fclose(fp);
```

# FILE \*fopen(const char \*filename, const char \*mode);

---

- 리턴값
  - 지정한 파일을 지정한 모드로 열고 입출력에 필요한 FILE구조체를 생성한 후 그 포인터를 리턴하지만 에러가 발생하면 NULL을 리턴
- 파일 이름(filename)
  - 액세스할 대상 파일의 이름을 넣는 부분
  - 파일의 경로를 지정할 때
    - C:\Data\File.txt            – X
    - C:\\Data\\File.txt            – O
  - 경로나 파일명은 “ ” 로 묶어줘야 한다.

# FILE **\*fopen**(const char \*filename, const char \*mode);

---

- 모드

- r : 읽기 전용, 파일이 없으면 에러를 리턴
- w : 쓰기 전용, 파일이 없으면 새로 만들고 있으면 기존의 파일을 지우고 빈 파일을 생성
- a : 추가 모드, 파일의 끝부터 데이터를 추가, 파일이 없으면 파일 생성
- r+ : 읽고 쓰기 가능, 파일이 없으면 에러를 리턴
- w+ : 읽고 쓰기 가능, 파일이 없으면 새로 생성
- a+ : 읽고 추가 가능, 파일이 없으면 새로 생성
- 모드는 “ ” 로 묶어줘야 한다.

**int fclose(FILE \*stream);**

---

- FILE 구조체를 해제
- 열린 파일은 이 함수로 닫아야 한다.

```
fclose(fp);
```

## `int feof(FILE *stream);`

---

- 파일의 끝까지 계속 반복하기 위해 사용
- 파일의 끝이 아니라면 0을, 파일의 끝이라면 0이 아닌 수를 리턴

```
while(!feof(fp))  
{  
    fscanf(fp, "%d", &nTemp);  
}
```

- 파일의 정수형을 하나씩 읽어 nTemp에 저장. 위 경우 파일의 마지막 숫자가 nTemp에 저장되면서 while문이 종료.



## 입출력 함수들

---

- `int fscanf(FILE *stream, const char *format [, argument ]... );`

- scanf함수와 동일한 방법으로 사용된다.

`fscanf(fp, "%d%d", &nNum1, &nNum2);`

-> 파일에서 정수2개를 읽어 nNum1과 nNum2변수에 저장

- `int fprintf(FILE *stream, const char *format [, argument ]...);`

- printf함수와 동일한 방법으로 사용된다.

`fprintf(fp, "%d%d", nNum1, nNum2);`

-> 파일에 정수nNum1과 nNum2를 쓴다.

```
#include <stdio.h>
```

```
double show(double, char, double);
```

```
int main()
```

```
{
```

```
FILE *fp;    // 파일포인터 변수선언
```

```
char oper;
```

```
double a, b, res;
```

```
fp = fopen("data.txt", "r");    // data.txt파일을 읽기모드로 열어 생성된 FILE구조체를 fp에 할당
```

```
if(fp==NULL)    // 만약 fopen함수에서 에러가 발생하여 fp에 NULL값이 저장되었다면 파일열기실패
```

```
{
```

```
    printf("파일에 열리지 않았습니다.\n");
```

```
    return 0;    // 메시지 출력하고 프로그램 종료
```

```
}
```

```
while(!feof(fp))    // 파일포인터가 파일의 끝을 가르킬때까지 반복한다.
```

```
{
```

```
    fscanf(fp, "%lf%c%lf", &a, &oper, &b);    // 파일에서 실수형 문자형 실수형으로 값일 읽어  
                                                // 실수형을 a, b에 문자형은 oper에 저장
```

```
    res = show(a, oper, b);    // 입력받은 숫자2개와 연산자를 함수에 넣고 결과를 res에 저장
```

```
    printf("%5.2lf %c %5.2lf = %7.2lf\n", a, oper, b, res);    // 연산결과를 출력한다.
```

```
}
```

```
fclose(fp);    // 파일을 사용완료했으므로 파일포인터를 닫는다.
```

```
return 0;
```

```
}
```

```
double show(double a, char oper, double b)
```

```
{
```

```
    double lfResult = 0.0;
```

```
    if(oper == '+')
```

```
    {
```

```
        lfResult = a + b;
```

```
    }
```

```
    else if(oper == '-')
```

```
    {
```

```
        lfResult = a - b;
```

```
    }
```

```
    else if(oper == '*')
```

```
    {
```

```
        lfResult = a * b;
```

```
    }
```

```
    else if(oper == '/')
```

```
    {
```

```
        lfResult = a / b;
```

```
    }
```

```
    return lfResult;
```

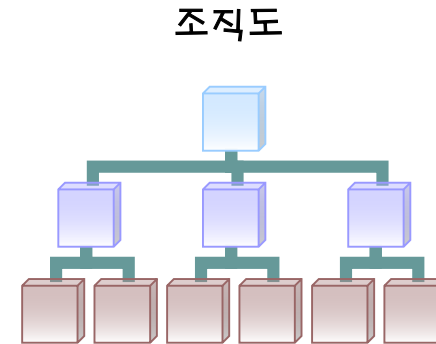
```
}
```

# 1장: 자료 구조와 알고리즘

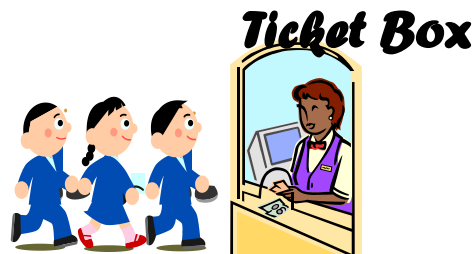
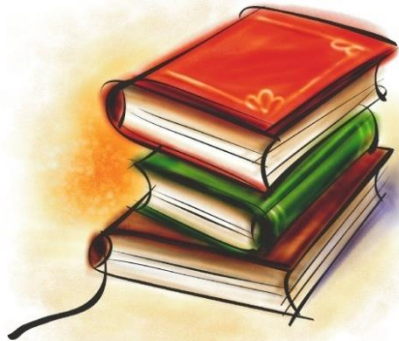
---

- 목차
  - 1. 자료 구조와 알고리즘
  - 2. 데이터 타입, 추상 데이터 타입
  - 3. 알고리즘의 성능 분석
  - 4. 빅오 표기법

# 일상생활에서의 사물의 조직화

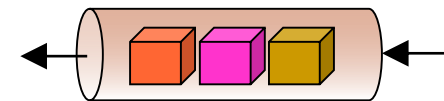
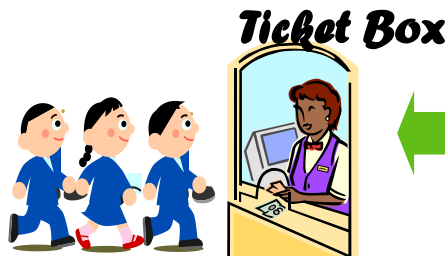
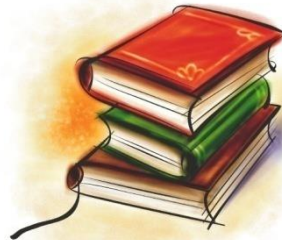
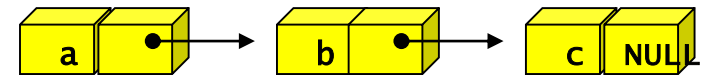


일상생활에서의  
사물의 조직화



# 일상생활과 자료구조의 비교

일상생활에서의 예	자료구조
물건을 쌓아두는 것	스택
영화관 매표소의 줄	큐
할일 리스트	리스트
영어사전	사전, 탐색구조
지도	그래프
조직도	트리



전단(front)

후단(rear)

# 1. 자료구조와 알고리즘

---

- 컴퓨터 프로그램은 자료를 처리하고 있고 이들 자료는 **자료구조(Data Structure)**를 이용하여 표현되고 저장된다. 또한 주어진 문제를 처리하는 절차가 필요한데 이것을 **알고리즘(Algorithm)**이라고 한다.
  - (예) 시험 성적을 읽어 최고 점수를 구하는 프로그램의 경우 성적을 배열에 저장(**자료구조**)하여 저장된 점수 중에 가장 큰 점수를 찾는 절차(**알고리즘**)가 필요하다.

# 자료구조와 알고리즘

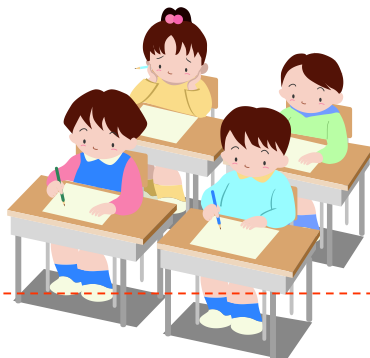
- 프로그램 = 자료구조 + 알고리즘
  - (예) 최대값 탐색 프로그램 = 배열 + 순차탐색

자료구조

알고리즘

score[]

80	70	90	...	30
----	----	----	-----	----



```
tmp ← score[0];  
for i ← 1 to n do  
    if score[i] > tmp  
        then tmp ← score[i];
```

# 자료구조와 알고리즘

---

- 자료구조와 알고리즘은 서로 밀접한 관계가 있음: 자료구조가 결정되면 그 자료구조에서 사용할 수 있는 알고리즘이 결정됨
- 컴퓨터가 복잡한 자료들을 빠르게 저장, 검색, 분석, 전송, 갱신하기 위해서는 자료구조가 효율적으로 조직화 되어야 함
- 따라서 각 응용 프로그램은 가장 적합한 자료구조와 알고리즘을 선택해야 함



# 알고리즘

- 컴퓨터를 이용하여 전화번호부에서 특정한 사람의 이름을 찾는 문제를 생각해 보자
  - 한가지 방법은 전화번호부의 첫 페이지부터 시작하여 한 장씩 넘기면서 특정한 사람을 찾는 방법으로 엄청난 시간이 소요됨
  - 다른 방법은 전화번호부의 이름들이 정렬되어 있음을 이용하는 방법임. “ㅂ”으로 시작하는 단어들이 있을만한 위치로 직접 가는 것임. 만약 너무 적게 갔으면 약간 앞으로 더 가고, 너무 많이 갔으면 조금 뒤로 가는 방법임
  - 이러한 방법들은 보통 프로그래밍 스타일이나 프로그래밍 언어 (C, Java 언어 등)과는 무관함
  - 알고리즘은 문제를 해결하는 방법을 정밀하게 장치가 이해할 수 있는 언어로 기술한 것임



박철수의 전화번호는 바로 ㅂ부근으로 넘기면 찾을 수 있겠군

# 알고리즘

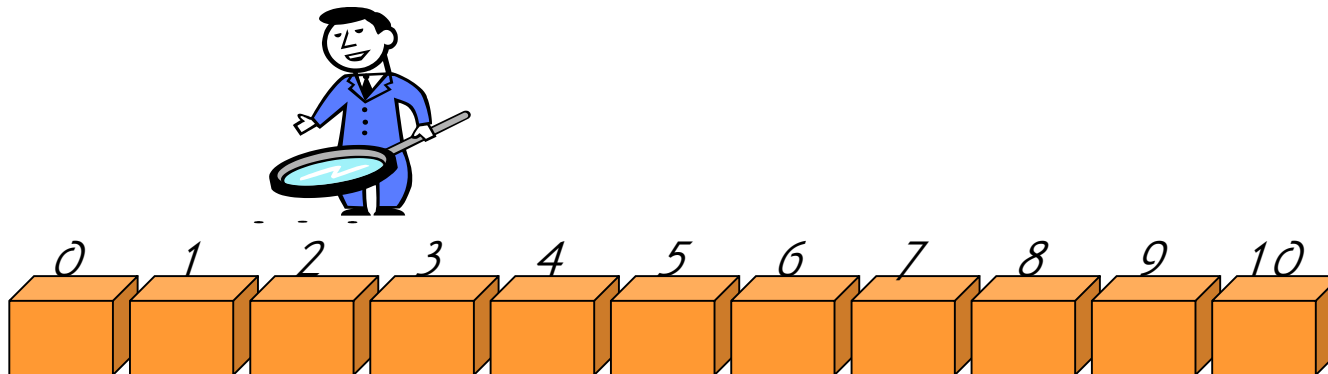
---

- 알고리즘(algorithm): 컴퓨터로 문제를 풀기 위한 단계적인 절차
- 모든 명령어들의 집합이 알고리즘이 되는 것이 아니라 알고리즘이 되기 위한 정의를 만족해야 함
- 알고리즘의 조건
  - 입 력 : 0개 이상의 입력이 존재하여야 한다.
  - 출 력 : 1개 이상의 출력이 존재하여야 한다.
  - 명백성 : 각 명령어의 의미는 모호하지 않고 명확해야 한다.
  - 유한성 : 한정된 수의 단계 후에는 반드시 종료되어야 한다.
  - 유효성 : 각 명령어들은 실행 가능한 연산이어야 한다.

# 알고리즘의 기술 방법

- 영어나 한국어와 같은 자연어: 자연어를 사용하기 때문에 모호성을 제거하기 위하여 명령어로 사용되는 단어들을 명백하게 정의해야 함
- 흐름도(flow chart): 알고리즘이 복잡해질수록 기술하기 힘들어짐
- 유사 코드(pseudo-code)나 C와 같은 프로그래밍 언어가 가장 많이 사용되고 있음
  - 유사 코드: 자연어보다 더 체계적이고 프로그래밍 언어보다는 덜 엄격한 언어로 알고리즘을 표현하는데 선호되는 표기법임

(예) 배열에서 최대값 찾기 알고리즘



# 자연어로 표기된 알고리즘

- 인간이 읽기가 쉽다.
- 그러나 자연어의 단어들을 정확하게 정의하지 않으면 의미 전달이 모호해질 우려가 있다.

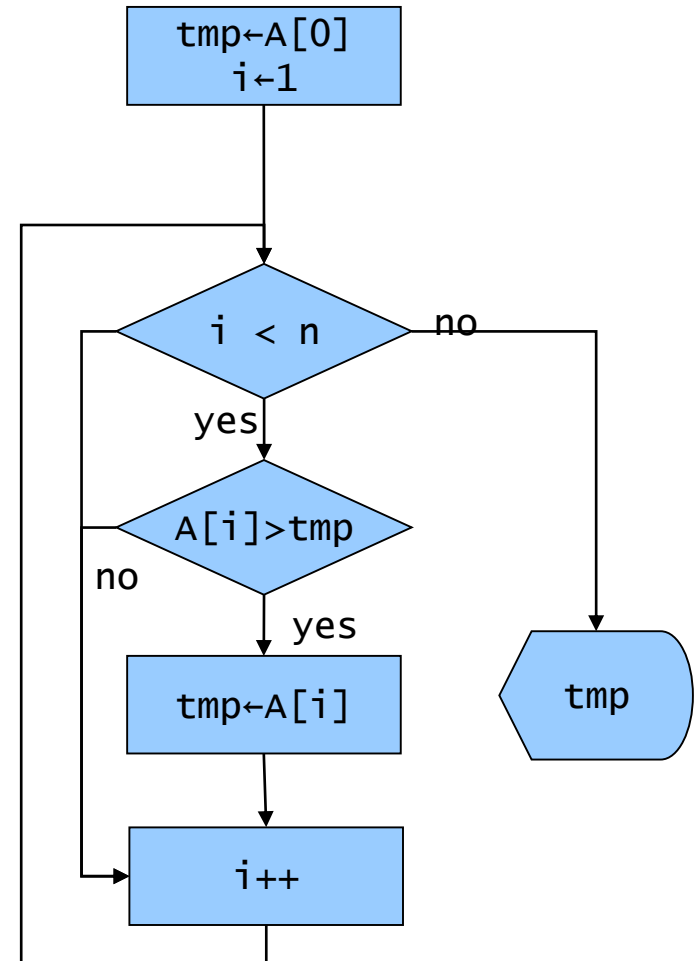
## (예) 배열에서 최대값 찾기 알고리즘

ArrayMax(A,n)

1. 배열 A의 첫번째 요소를 변수 tmp에 복사
2. 배열 A의 다음 요소들을 차례대로 tmp와 비교하면 더 크면 tmp로 복사
3. 배열 A의 모든 요소를 비교했으면 tmp를 반환

# 흐름도로 표기된 알고리즘

- 직관적이고 이해하기 쉬운 알고리즘 기술 방법
- 그러나 복잡한 알고리즘의 경우, 상당히 복잡해짐.



# 유사코드로 표현된 알고리즘

- 알고리즘의 고수준 기술 방법
- 자연어보다는 더 구조적인 표현 방법
- 프로그래밍 언어보다는 덜 구체적인 표현방법
- 알고리즘 기술에 가장 많이 사용
- 프로그램을 구현할 때의 여러 가지 문제들을 감출 수 있다. 즉 알고리즘의 핵심적인 내용에만 집중할 수 있다.

```
ArrayMax(A,n)
```

```
tmp ← A[0];
```

```
for i←1 to n-1 do
```

```
    if tmp < A[i] then
```

```
        tmp ← A[i];
```

```
return tmp;
```

대입 연산자  
← 임을 유  
의

# C로 표현된 알고리즘

- 알고리즘의 가장 정확한 기술이 가능
- 반면 실제 구현시의 많은 구체적인 사항들이 알고리즘의 핵심적인 내용들의 이해를 방해할 수 있다.

```
#define MAX_ELEMENTS 100
int score[MAX_ELEMENTS];
int find_max_score(int n)
{
    int i, tmp;
    tmp=score[0];
    for(i=1;i<n;i++)
    {
        if( score[i] > tmp )
        {
            tmp = score[i];
        }
    }
    return tmp;
}
```

## 2. 데이터 타입, 추상 데이터 타입

- 데이터 타입(data type)

- 데이터의 집합과 연산의 집합

(예)

int 데이터 타입 {  
    데이터:  $\{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$   
    연산:  $+, -, /, *, \%$

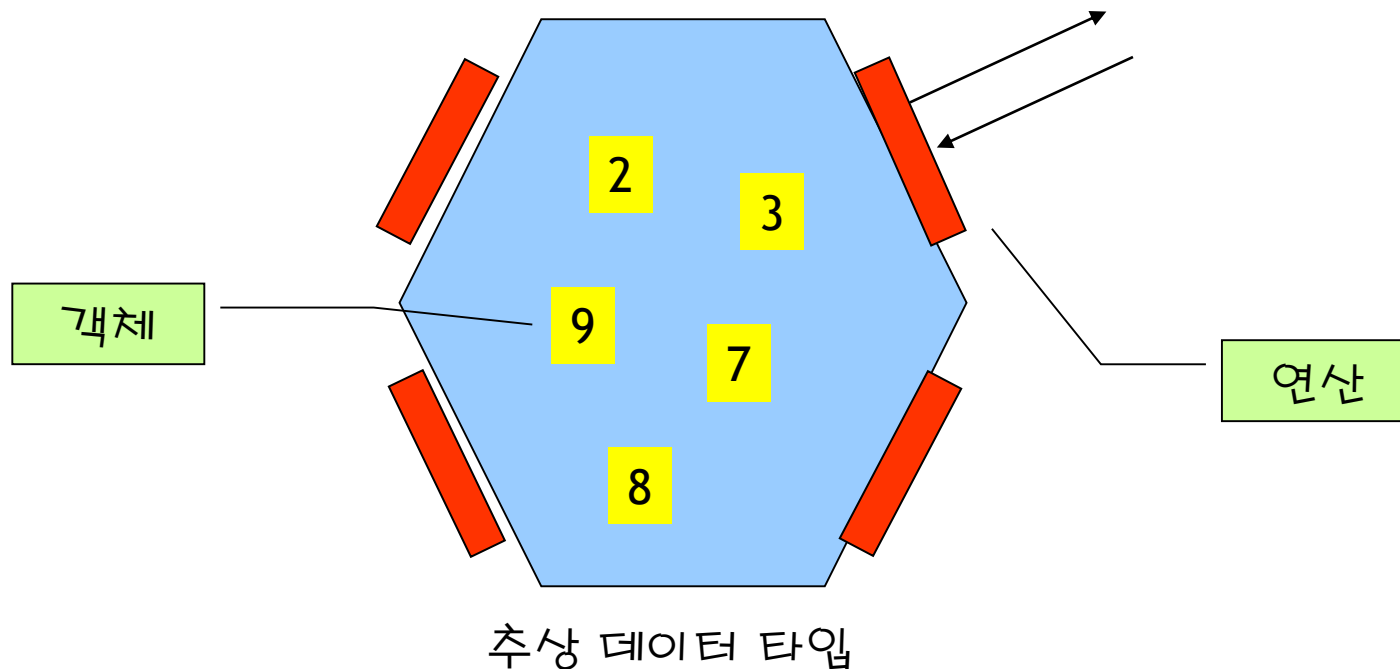
- 추상 데이터 타입(ADT: Abstract Data Type)

- 데이터 타입을 추상적(수학적)으로 정의한 것
- 데이터나 연산이 무엇(what)인가는 정의되지만 데이터나 연산을 어떻게(how) 컴퓨터 상에서 구현할 것인지는 정의되지 않는다.



# 추상 데이터 타입의 정의

- 객체: 추상 데이터 타입에 속하는 객체가 정의된다.
- 연산: 이들 객체들 사이의 연산이 정의된다. 이 연산은 추상 데이터 타입과 외부로 연결하는 인터페이스의 역할을 한다.



# 추상 데이터 타입

- 프로그램에서 **데이터**란 처리의 대상이 되는 모든 것을 말함
- 추상 데이터 타입이란 새로운 데이터 타입을 수학적으로 정의한 것으로 **자료 구조**는 이러한 추상 데이터 타입을 프로그래밍 언어로 구현한 것임
- 추상 데이터 타입은 추상 데이터 타입에 속하는 데이터 객체의 정의부터 시작되며 객체는 주로 집합의 개념을 사용하여 정의됨. 그 다음은 연산들이 정의되며 연산의 정의에는 연산의 이름, 매개변수, 연산의 결과, 연산이 수행하는 기능의 기술 등이 포함됨
- 컴퓨터 프로그램 안에서 추상 데이터 타입이 구현될 때 보통 구현 세부 사항은 외부에 알리지 않고 외부와의 인터페이스만을 공개함. 사용자는 구현 세부 사항이 아닌 인터페이스만을 사용하기 때문에 추상 데이터 타입의 구현은 후에 변경이 가능함: 전체 프로그램을 변경가능성이 있는 구현의 세부 사항으로부터 보호함 (**정보 은닉의 개념**)

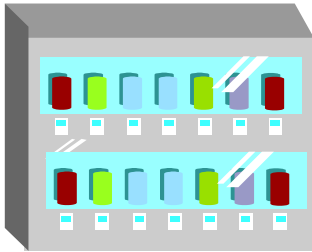
# 추상 데이터 타입의 예: 자연수

Nat\_No

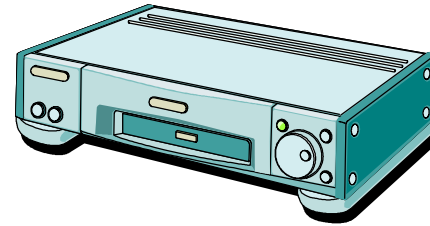
객체: 0에서 시작하여 INT\_MAX까지의 순서화된 정수의 부분범위  
연산:

```
zero()    ::= return 0;
is_zero() ::= if (x) return FALSE;
           else return TRUE;
add(x,y)  ::= if( (x+y) <= INT_MAX ) return x+y;
           else return INT_MAX
sub(x,y)  ::= if ( x<y ) return 0;
           else return x-y;
equal(x,y)::= if( x=y ) return TRUE;
           else return FALSE;
successor(x)::= if( (x+y) <= INT_MAX )
                return x+1;
```

# 추상 데이터 타입과 VCR



- 사용자들은 추상 데이터 타입이 제공하는 연산만을 사용할 수 있다.
- 사용자들은 추상 데이터 타입을 어떻게 사용하는지를 알아야 한다.
- 사용자들은 추상 데이터 타입 내부의 데이터를 접근할 수 없다.
- 사용자들은 어떻게 구현되었는지 몰라도 이용할 수 있다.
- 만약 다른 사람이 추상 데이터 타입의 구현을 변경하더라도 인터페이스가 변경되지 않으면 사용할 수 있다.



- VCR의 인터페이스가 제공하는 특정한 작업만을 할 수 있다.
- 사용자는 이러한 작업들을 이해해야 한다, 즉 비디오를 시청하기 위해서는 무엇을 해야 하는지를 알아야 한다.
- VCR의 내부를 볼 수는 없다.
- VCR의 내부에서 무엇이 일어나고 있는지를 몰라도 이용할 수 있다.
- 누군가가 VCR의 내부의 기계장치를 교환한다고 하더라도 인터페이스만 바뀌지 않는 한 그대로 사용이 가능하다.

# 추상 데이터 타입 이론

---

- 추상 데이터 타입의 이론은 Smalltalk나 C++, java와 같은 최근의 객체지향 프로그램 언어에 큰 영향을 줌
- 프로그래밍 언어에 따라서 추상 데이터 타입은 여러 방법으로 구현됨
  - C언어에서는 주로 구조체를 사용하여 구현되나 완벽하지는 않음
  - C++나 Java와 같은 객체지향언어에서는 클래스를 사용하여 추상 데이터 타입이 구현됨. 추상 데이터 타입의 객체는 클래스의 속성으로 구현되고 추상 데이터 타입의 연산은 클래스의 멤버 함수로 구현됨
  - 객체지향언어에서는 private나 protected 키워드를 이용하여 내부 자료의 접근을 제한할 수 있고 클래스는 상속으로 구성됨

### 3. 알고리즘의 성능 분석

- 최근의 컴퓨터는 예전에 비해 엄청난 계산 속도와 방대한 메모리를 제공하고 있음. 하지만 최근에도 메모리를 효과적으로 사용하는 프로그램의 효율성은 여전히 중요함
  - 최근의 상용 프로그램은 처리해야 할 양이 많아지고 있음. 따라서 알고리즘의 효율성이 더욱 중요함

입력 자료의 개수	프로그램 A: $n^2$	프로그램 B: $2^n$
$n = 6$	36초	64초
$n = 100$	10,000초	$2^{100}$ 초 = $4 \times 10^{22}$ 년

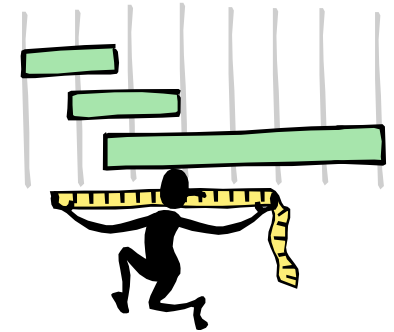
- 사용자들은 여전히 빠른 프로그램을 선호하고 있음. 따라서 프로그래머는 하드웨어와는 상관없이 소프트웨어적으로 최선의 효율성을 갖는 프로그램을 제작해야 함. 일반적으로 수행 시간이 메모리 공간보다도 더 중요하게 고려되고 있음

# 알고리즘의 성능 분석 방법

- 알고리즘의 성능 분석 기법

- 수행 시간 측정

- 두개의 알고리즘의 실제 수행 시간을 측정하는 것
    - 실제로 구현하는 것이 필요
    - 동일한 하드웨어를 사용하여야 함



- 알고리즘의 복잡도 분석

- 직접 구현하지 않고서도 수행 시간을 분석하는 것
    - 알고리즘이 수행하는 연산의 횟수를 측정하여 비교
    - 일반적으로 연산의 횟수는  $n$ 의 함수
    - 시간 복잡도 분석: 수행 시간 분석
    - 공간 복잡도 분석: 수행시 필요로 하는 메모리 공간 분석



# 수행시간측정

- 컴퓨터에서 수행시간을 측정하는 방법에는 주로 clock 함수가 사용된다.
- clock\_t clock(void);
  - clock 함수는 호출되었을 때의 시스템 시각을 CLOCKS\_PER\_SEC 단위로 반환
- 수행시간을 측정하는 전형적인 프로그램

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
void main( void )
{
    clock_t start, finish;
    double duration;
    start = clock();
    // 수행시간을 측정하고자 하는 코드....
    // ....
    finish = clock();
    duration = (double)(finish - start) / CLOCKS_PER_SEC;
    printf("%f 초입니다.\n", duration);
}
```





# 복잡도 분석

- 시간 복잡도는 알고리즘을 이루고 있는 연산들이 몇 번이나 수행되는지를 숫자로 표시
- 산술 연산, 대입 연산, 비교 연산, 이동 연산의 기본적인 연산: 수행시간이 입력의 크기에 따라 변하면 안됨: 기본적인 연산만
- 알고리즘이 수행하는 연산의 개수를 계산하여 두 개의 알고리즘을 비교할 수 있다.
- 연산의 수행횟수는 고정된 숫자가 아니라 입력의 개수  $n$ 에 대한 함수->시간복잡도 함수라고 하고  $T(n)$  이라고 표기한다.

프로그램 A



연산의 수 = 8  
 $3n+2$

프로그램 B



연산의 수 = 26  
 $5n^2 + 6$

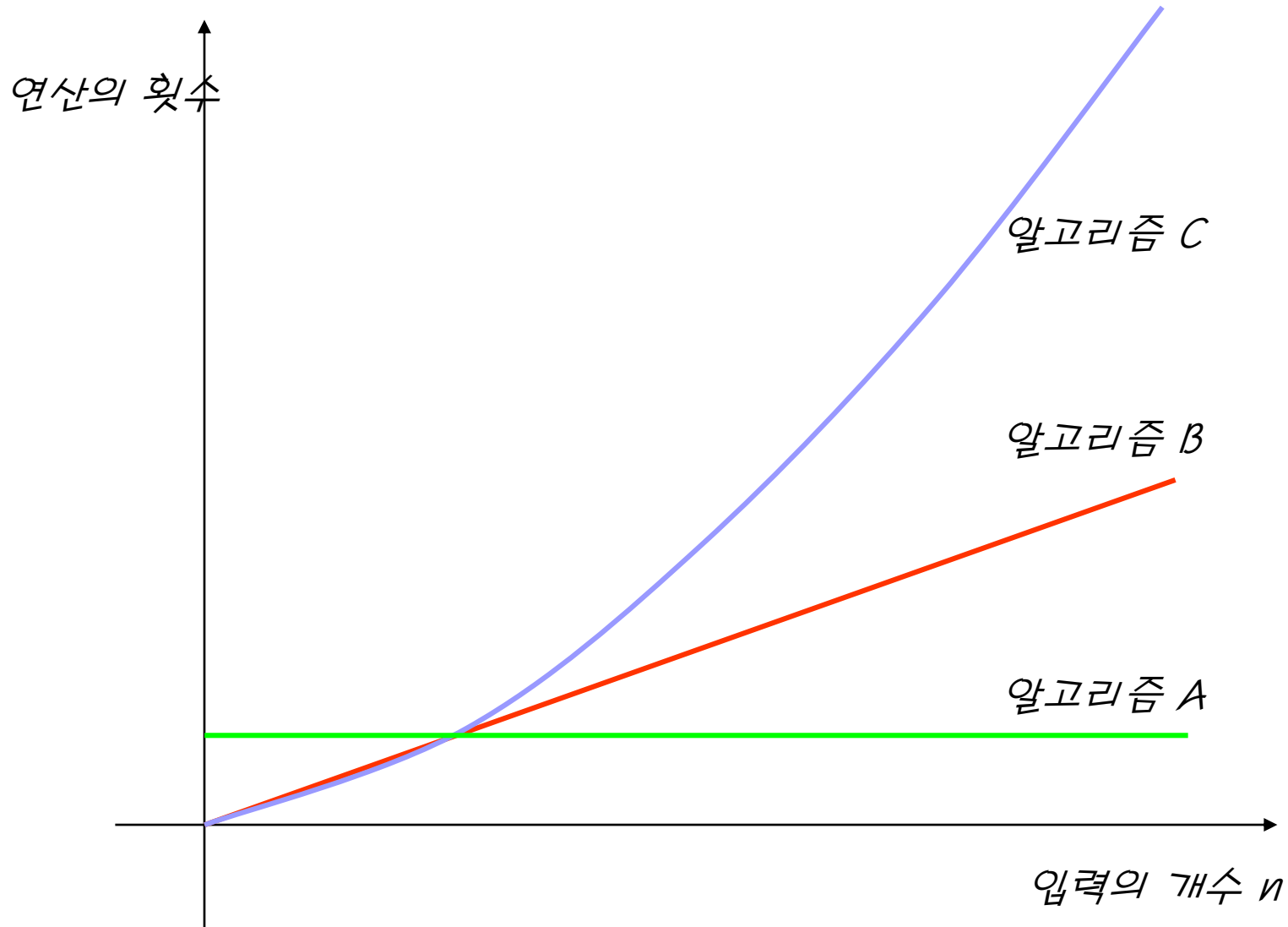
# 복잡도 분석의 예

- $n$ 을  $n$ 번 더하는 문제:
  - 각 알고리즘이 수행하는 연산의 개수를 세어 본다.
  - 단 for 루프 제어 연산은 고려하지 않음.

알고리즘 A	알고리즘 B	알고리즘 C
$\text{sum} \leftarrow n * n;$	$\text{sum} \leftarrow 0;$ $\text{for } i \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ do}$ $\quad \text{sum} \leftarrow \text{sum} + n;$	$\text{sum} \leftarrow 0;$ $\text{for } i \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ do}$ $\quad \text{for } j \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ do}$ $\quad \quad \text{sum} \leftarrow \text{sum} + 1;$

	알고리즘 A	알고리즘 B	알고리즘 C
대입연산	1	$n + 1$	$n * n + 1$
덧셈연산		$n$	$n * n$
곱셈연산	1		
나눗셈연산			
전체연산수	2	$2n + 1$	$2n^2 + 1$

# 연산의 횟수를 그래프로 표현



# 시간복잡도 함수 계산 예

- 코드를 분석해보면 수행되는 연산들의 횟수를 입력 크기의 함수로 만들 수 있다.

ArrayMax(A,n)

```
tmp ← A[0];  
for i ← 1 to n-1 do  
    if tmp < A[i] then  
        tmp ← A[i];  
return tmp;
```

1번의 대입 연산  
루프 제어 연산은 제외  
n-1번의 비교 연산  
n-1번의 대입 연산(최대)  
1번의 반환 연산

총 연산수 =  $2n$ (최대)

# 4. 빅오 표기법

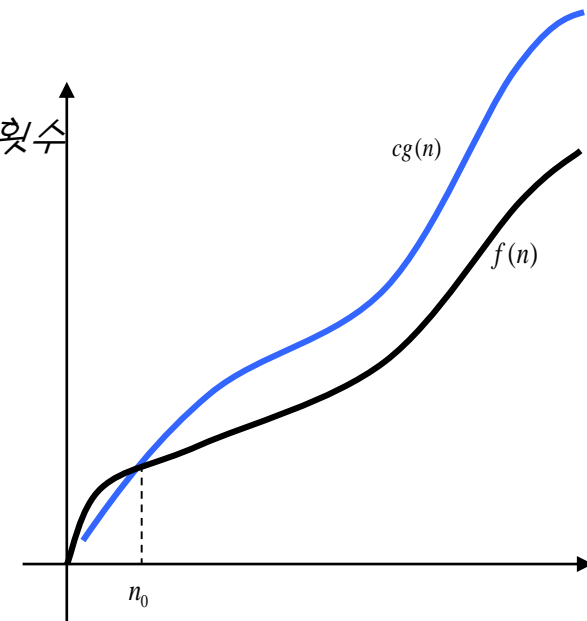
- 자료의 개수가 많은 경우에는 차수가 가장 큰 항이 가장 영향을 크게 미치고 다른 항들은 상대적으로 무시될 수 있다.
- (예)  $n=1,000$  일 때,  $T(n)$ 의 값은 1,001,001이고 이중에서 첫 번째 항인  $n^2$ 의 값이 전체의 약 99%인 1,000,000이고 두 번째 항의 값이 1000으로 전체의 약 1%를 차지한다.
- 따라서 보통 시간복잡도 함수에서 가장 영향을 크게 미치는 항만을 고려하면 충분하다.

$n=1000$ 인 경우

$$T(n) = n^2 + n + 1$$

99%      1%

- **빅오표기법**: 연산의 횟수를 대략적(점근적)으로 표기한 것 *연산의 횟수*
- 두개의 함수  $f(n)$ 과  $g(n)$ 이 주어졌을 때,
- 모든  $n \geq n_0$ 에 대하여  $|f(n)| \leq c|g(n)|$ 을 만족하는 2개의 상수  $c$ 와  $n_0$ 가 존재하면  $f(n)=O(g(n))$ 이다.
- 빅오는 **함수의 상한을 표시**한다.
  - (예)  $f(n)=2n+1$  이면  $O(n)$ 이다.  $n_0=2, c=3$ 일때  $n \geq 2$ 에 대하여  $2n+1 \leq 3n$  이므로  $2n+1 = O(n)$



# 빅오 표기법의 예

---

## 예제 1.1 빅오 표기법

---

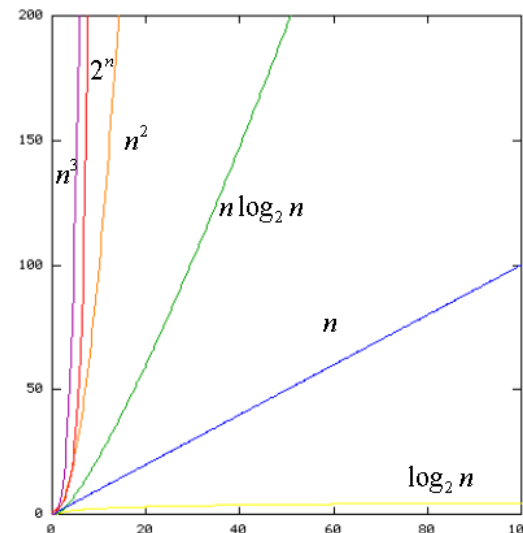
- $f(n) = 5$ 이면  $O(1)$ 이다. 왜냐하면  $n_0 = 1$ ,  $c = 10$ 일 때,  $n \geq 1$ 에 대하여  $5 \leq 10 \cdot 1$ 이 되기 때문이다.
  - $f(n) = 2n + 1$ 이면  $O(n)$ 이다. 왜냐하면  $n_0 = 2$ ,  $c = 3$ 일 때,  $n \geq 2$ 에 대하여  $2n + 1 \leq 3n$ 이 되기 때문이다.
  - $f(n) = 3n^2 + 100$ 이면  $O(n^2)$ 이다. 왜냐하면  $n_0 = 100$ ,  $c = 5$ 일 때,  $n \geq 100$ 에 대하여  $3n^2 + 100 \leq 5n^2$ 이 되기 때문이다.
  - $f(n) = 5 \cdot 2^n + 10n^2 + 100$ 이면  $O(2^n)$ 이다. 왜냐하면  $n_0 = 1000$ ,  $c = 10$ 일 때,  $n \geq 1000$ 에 대하여  $5 \cdot 2^n + 10n^2 + 100 \leq 10 \cdot 2^n$ 이 되기 때문이다.
-

# 빅오 표기법

- 빅오 표기법은 시간 복잡도 함수의 증가에 별로 기여하지 못하는 항을 생략함으로써 시간 복잡도를 간단하게 표현
- 빅오 표기법을 얻는 간단한 방법
  - 기본 연산 횟수가 다항식으로 표현되었을 경우 다항식의 최고차항만을 남기고 다른 항들과 상수항을 버림. 최고차항의 계수도 버리고 최고차항의 차수만을 사용함.
  - ex)  $a_m n^m + \dots + a_1 n + a_0 = O(n^m)$
  - $7n - 3 = O(n)$
  - $8n^2 \log n + 5n^2 + n = O(n^2 \log n)$

# 빅오 표기법의 종류

- $O(1)$  : 상수형
- $O(\log n)$  : 로그형
- $O(n)$  : 선형
- $O(n \log n)$  : 로그선형
- $O(n^2)$  : 2차형
- $O(n^3)$  : 3차형
- $O(n^k)$  : k차형
- $O(2^n)$  : 지수형
- $O(n!)$  : 팩토리얼형



시간복잡도	n					
	1	2	4	8	16	32
1	1	1	1	1	1	1
log n	0	1	2	3	4	5
n	1	2	4	8	16	32
n log n	0	2	8	24	64	160
n <sup>2</sup>	1	4	16	64	256	1024
n <sup>3</sup>	1	8	64	512	4096	32768
2 <sup>n</sup>	2	4	16	256	65536	4294967296
n!	1	2	24	40326	20922789888000	26313 × 10 <sup>33</sup>



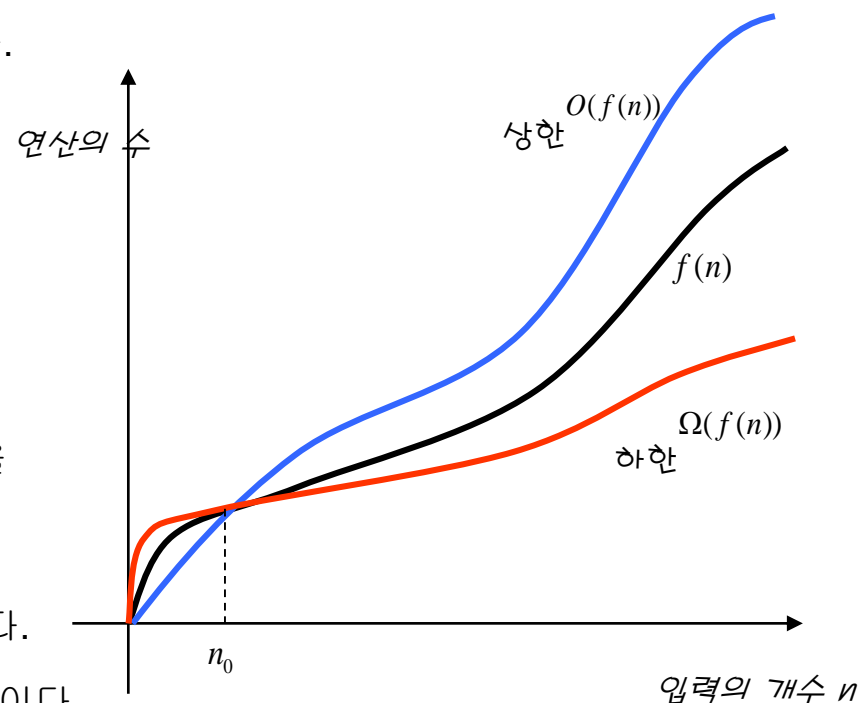
# 빅오 표기법 이외의 표기법

## • 빅오메가 표기법

- 모든  $n \geq n_0$ 에 대하여  $|f(n)| \geq c|g(n)|$ 을 만족하는 2개의 상수  $c$ 와  $n_0$ 가 존재하면  $f(n) = \Omega(g(n))$ 이다.
- 빅오메가는 함수의 하한을 표시한다.
- (예)  $n \geq 5$  이면  $2n+1 < 10n$  이므로  $n = \Omega(n)$

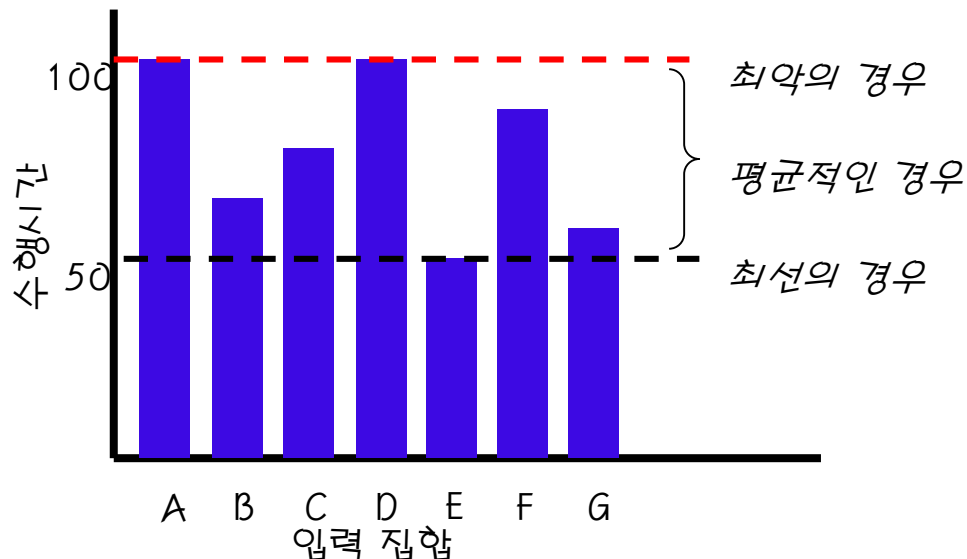
## • 빅세타 표기법

- 모든  $n \geq n_0$ 에 대하여  $c_1|g(n)| \leq |f(n)| \leq c_2|g(n)|$ 을 만족하는 3개의 상수  $c_1, c_2$ 와  $n_0$ 가 존재하면  $f(n) = \theta(g(n))$ 이다.
- 빅세타는 함수의 하한인 동시에 상한을 표시한다.
- $f(n) = O(g(n))$ 이면서  $f(n) = \Omega(g(n))$ 이면  $f(n) = \theta(n)$ 이다.
- (예)  $n \geq 1$ 이면  $n \leq 2n+1 \leq 3n$ 이므로  $2n+1 = \theta(n)$



# 최선, 평균, 최악의 경우

- 알고리즘의 수행시간은 입력 자료 집합에 따라 다를 수 있다.
- (예) 정렬 알고리즘의 수행 시간은 입력 집합에 따라 다를 수 있다.
- 최선의 경우(best case): 수행 시간이 가장 빠른 경우
- 평균의 경우(average case): 수행 시간이 평균적인 경우
- 최악의 경우(worst case): 수행 시간이 가장 늦은 경우



- 최선의 경우: 의미가 없는 경우가 많다.
- 평균적인 경우: 계산하기가 상당히 어려움.
- 최악의 경우: 가장 널리 사용된다. 계산하기 쉽고 응용에 따라서 중요한 의미를 가질 수도 있다.
- (예) 비행기 관제업무, 게임, 로봇틱스

# 최선, 평균, 최악의 경우

- (예) 순차탐색
- 최선의 경우**: 찾고자 하는 숫자가 맨앞에 있는 경우

$\therefore O(1)$

인덱스 0에서 값 5 발견  
숫자 비교 횟수 = 1

5	9	10	17	21	29	33	37	38	43
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

- 최악의 경우**: 찾고자 하는 숫자가 맨뒤에 있는 경우

$\therefore O(n)$

인덱스 9에서 값 43 발견  
숫자 비교 횟수 = 10

5	9	10	17	21	29	33	37	38	43
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

- 평균적인 경우**: 각 요소들이 균일하게 탐색된다고 가정하면

$$(1+2+\dots+n)/n=(n+1)/2$$

$\therefore O(n)$

인덱스 5에서 값 26 발견  
숫자 비교 횟수 = 6

2	7	16	19	20	26	35	42	46	50
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

# 자료 구조의 C언어 표현방법

- 자료구조와 관련된 데이터들을 구조체로 정의
- 연산을 호출할 경우, 이 구조체를 함수의 파라미터로 전달

(예)

```
// 자료구조 스택과 관련된 자료들을 정의
typedef int element;
typedef struct {
    int top;
    element stack[MAX_STACK_SIZE];
} StackType;

// 자료구조 스택과 관련된 연산들을 정의
void push(StackType *s, element item)
{
    if( s->top >= (MAX_STACK_SIZE - 1)){
        stack_full();
        return;
    }
    s->stack[++(s->top)] = item;
}
```

자료구조의 요소

관련된 데이터를 구조체로 정의

연산을 호출할때 구조체를 함수의 파라미터로 전달

# 자료구조 기술규칙

- 상수
- 대문자로 표기  
(예) `#define MAX_ELEMENT 100`
- 변수의 이름
- 소문자를 사용하였으며 언더라인을 사용하여 단어와 단어를 분리  
(예) `int increment;    int new_node;`
- 함수의 이름
- 동사를 이용하여 함수가 하는 작업을 표기  
(예) `int add(ListNode *node)    // 혼동이 없는 경우`  
`int list_add(ListNode *node) //혼동이 생길 우려가 있는 경우`
- `typedef`의 사용
- C언어에서 사용자 정의 데이터 타입을 만드는 경우에 쓰이는 키워드  
(예) `typedef int element;`  
`typedef struct ListNode {`  
`element data;`  
`struct ListNode *link;`  
`} ListNode;`



**`typedef <새로운 타입의 정의> <새로운 타입 이름>;`**