5 Leistungsmessung im Gleichstromkreis

Unter dem Begriff Leistung wird meist Wirkleistung gemeint, welche zu 100% an der Umgebung Arbeit verrichtet. Im Gleichstromkreis ist die Situation sehr einfach.

5.1 Leistung im Gleichstromkreis

Die Leistung ergibt sich durch Strom- und Spannungsmessung mit der bekannten Gleichung

$$P = U \cdot I \tag{1}$$

Das gleichzeitige Messen von Strom und Spannung wird durch Leistungsmesser ("Wattmeter") realisiert. Diese können - wie bei der Widerstandsmessung - strom- bzw. spannungsrichtig eingeschliffen werden. Völlig analog muss dabei - abhängig vom Verbraucher - jeweils die Schaltung ausgewählt werden, die den geringsten Messfehler produziert, gegebenenfalls ist eine Korrekturrechnung durchzuführen.

5.1.1 Spannungsrichtige Schaltung

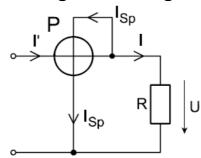


Abbildung 1: Spannungsrichtige Schaltung

Bei der spannungsrichtigen Schaltung wird der gemessene Strom I' durch den Strom im Spannungsmesspfad I_{SP} verfälscht. Es gilt:

$$\boxed{I = I' - I_{SP}} \tag{2}$$

Die am Verbraucher R tatsächlich dissipierte Leistung errechnet sich aus

$$P_W = I \cdot U \tag{3}$$

Die angezeigte Leistung P_a ist aber um die Leistung des Spannungsmessers P_{SP} ("Eigenverbrauch") erhöht:

$$P_a = U \cdot (I_{SP} + I) = P_{SP} + P_W$$
 (4)

5 - Leistungsmessung im Gleichstromkreis

Es wird also **immer ein zu hoher Wert angezeigt**. Ist der Innenwiderstand R_{SP} des Spannungsmessers bekannt, kann eine **Korrekturrechnung** leicht durchgeführt werden:

$$P_W = U \cdot I' - \frac{U^2}{R_{SP}}$$
 (5)

5.1.2 Stromrichtige Schaltung

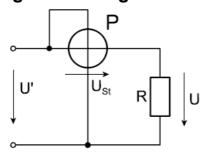


Abbildung 2: Stromrichtige Schaltung

Bei der stromrichtigen Schaltung wird die gemessene Spannung U' durch den Spannungsabfall im Strommesspfad U_{ST} verfälscht. Es gilt:

$$U = U' - U_{ST}$$
 (6)

Die am Verbraucher R tatsächlich dissipierte Leistung errechnet sich aber wieder aus

$$P_W = I \cdot U \tag{7}$$

Die angezeigte Leistung P_a ist aber um die Leistung des Strommessers P_{ST} erhöht:

$$\boxed{P_a = I \cdot (U_{ST} + U) = P_{ST} + P_W} \quad (8)$$

Es wird also wieder ein **zu hoher Wert angezeigt**. Ist der Innenwiderstand R_{ST} des Strommessers bekannt, kann eine **Korrekturrechnung** ebenfalls leicht durchgeführt werden:

$$P_W = U \cdot I - I^2 \cdot R_{ST}$$
 (9)

Eine Korrekturrechnung ist - unabhängig von der Schaltungsart - natürlich erst dann sinnvoll, wenn ein Eigenverbrauch in der Größenordnung der sonstigen Messunsicherheiten vorliegt.

Im Allgemeinen ist die spannungsrichtige Schaltung günstiger, da R_{SP} (fast) beliebig hoch gewählt werden kann (Voltmeter mit Verstärker). Amperemeter sind meist mit Nebenwiderständen (Messbereichserweiterung bzw. Strom-Spannungswandler) aufgebaut und haben daher (fast) immer einen größeren Eigenverbrauch.