## **2.** Übungsblatt 27.10.2020

**Aufgabe 1:** Sei  $(Q, \kappa)$  ein parametrisiertes Problem. Beweisen Sie, dass die folgenden Aussagen äquivalent sind:

- 1.  $(Q, \kappa)$  ist fixed-parameter tractable
- 2. Q ist entscheidbar in Zeit  $g(\kappa(x)) + f(\kappa(x)) \cdot p(|x| + \kappa(x)), f, g$  berechenbar, p Polynom
- 3. Q ist entscheidbar in Zeit  $g(\kappa(x)) + p(|x|)$ , g berechenbar, p Polynom

**Aufgabe 2:** Das Problem p-deg-Independent-Set ist wie folgt definiert:

**Instanz:** Ein Graph G = (V, E) und ein  $k \in \mathbb{N}$ .

**Parameter:**  $k + \deg(G)$ , wobei  $\deg(G) = \max\{\deg(v) \mid v \in V\}$ . **Frage:** Hat der Graph G ein k-elementiges independent set?

Zeigen Sie, dass p-deg-INDEPENDENT-SET in FPT liegt.

**Aufgabe 3:** Sei  $(Q, \kappa)$  ein parametrisiertes Problem.  $(Q, \kappa)$  liegt letztendlich in P, falls es eine berechenbare Funktion  $h \colon \mathbb{N} \to \mathbb{N}$  und einen Polynomialzeitalgorithmus M gibt, der bei Eingabe  $x \in \Sigma^*$  mit  $|x| \geq h(\kappa(x))$  entscheidet, ob  $x \in Q$ . Das Verhalten auf Eingaben  $x \in \Sigma^*$  mit  $|x| < h(\kappa(x))$  ist beliebig. Zeigen Sie, dass

 $(Q, \kappa) \in \mathsf{FPT}$  gdw. Q ist entscheidbar und  $(Q, \kappa)$  ist letztendlich in  $\mathsf{P}$ .