#### Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

### САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Кафедра Систем Управления и Информатики Группа Р3340

## Лабораторная работа №11 Исследование математической модели пьезоэлектрического исполнительного устройства Вариант - 9

Выполнила	Сорокина Т. В	3.	(подпись		
		(фамилия, и.о.)			
Проверил		(фамилия, и.о.)	(подпись)		
""	20г.	Санкт-Петербург,	20г.		
Работа выполнена	с оценкой _				
Дата защиты "	_" 20	r.			

**Цель работы:** изучение математических моделей и исследование характеристик исполнительного устройства, построенного на основе пьезоэлектрического двигателя микроперемещений.

#### Исходные данные

Типовые конструкции пьезоэлектрических двигателей приведены на рисунке 1.

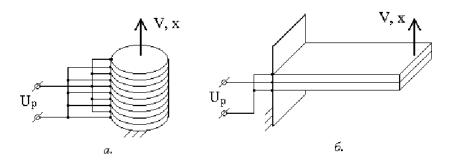


Рисунок 1 – Составная и биморфная конструкции пьезоэлектрических двигателей

В данной лабораторной работе будет исследоваться, биморфный пьезоэлектрический двигатель, изображенный на рисунке 1 под буквой б. Исходные данные, необходимые для выполнения работы приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Исходные данные

$C_p, H/M$	т,кг	$K_0,H/B$	$K_d$ ,Нс/м	$T_u$ ,c	$F_b$ , H	$U_{pm}$ , B	$U_m$ , B	$K_u$
$1.8 * 10^6$	0.01	5.2	$0.7 * 10^2$	0.0002	0.9	300	10	30

На рисунке 2 изображена структурная схема пьезоэлектрического исполнительного устройства.

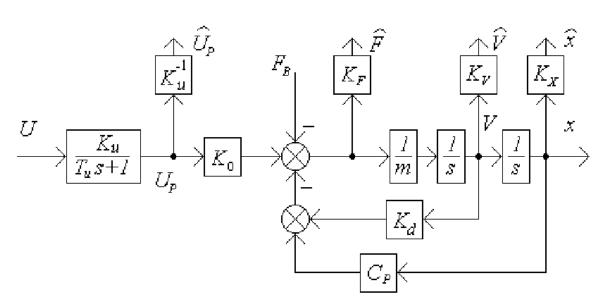


Рисунок 2 – Структурная схема пьезоэлектрического исполнительного устройства

#### 1 Математическое моделирование пьезоэлектрического двигателя

В соответствии со схемой, изображенной на рисунке 2, составим схему моделирования пьезоэлектрического двигателя, которая представлена на рисунке 3.

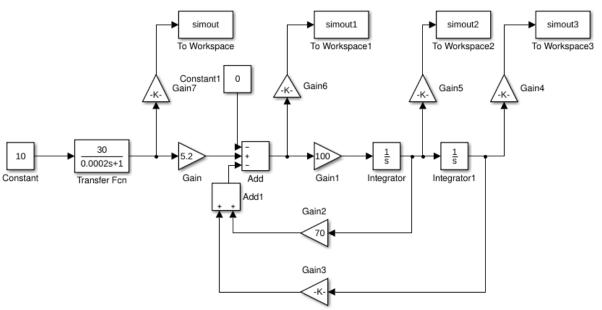


Рисунок 3 – Схема моделирования пьезоэлектрического исполнительного устройства

Выберем коэффициенты  $K_u^{-1}, K_F, K_V, K_X$ , чтобы обеспечить соответствие максимального значения измеряемого сигнала уровню 10 В на выходе измерительного устройства:

 $K_u^{-1} = 1/30$  $K_F = 0.033$ 

 $K_V = 2.71$ 

 $K_X = 11497.$ 

На рисунках 4 -7 представлены графики переходных процессов при Fb=0 и U=10B.

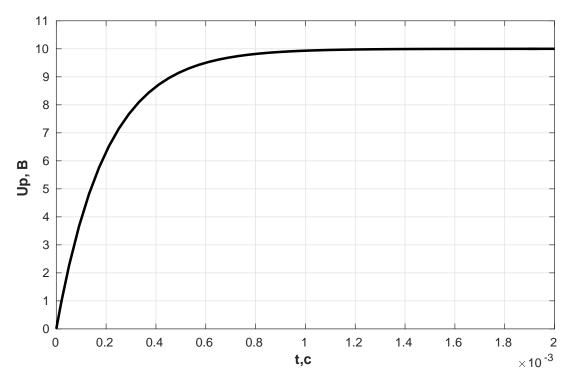


Рисунок 4 – График переходного процесса при  $F_B=0$  и  $U=10~\mathrm{B}$ 

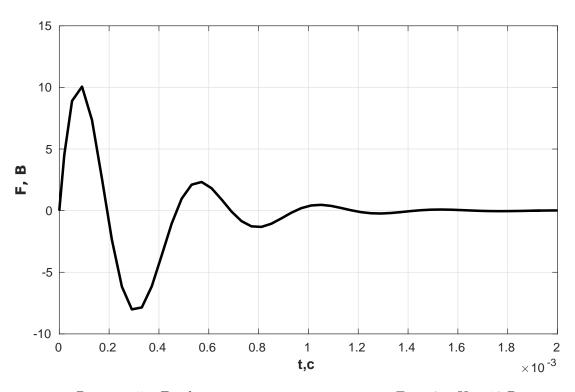


Рисунок 5 – График переходного процесса при  $F_B=0$  и  $U=10~\mathrm{B}$ 

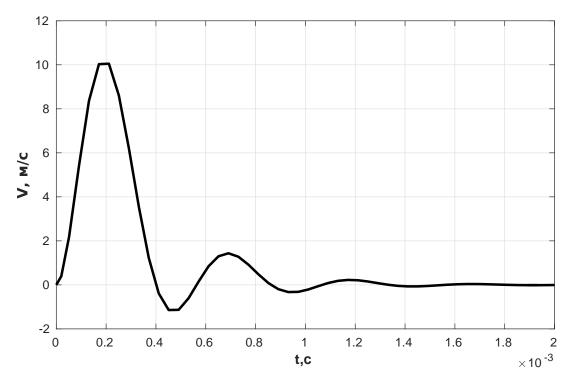


Рисунок 6 – График переходного процесса при  $F_B=0$  и  $U=10~\mathrm{B}$ 

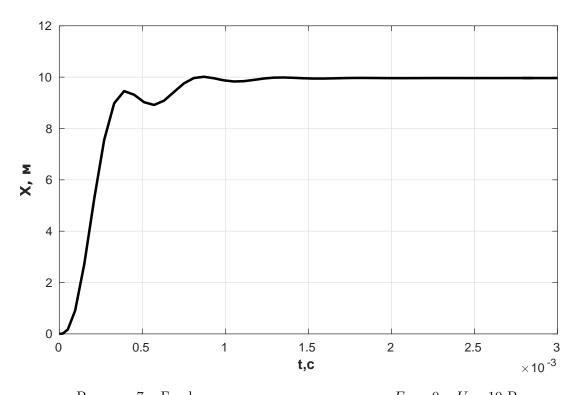


Рисунок 7 – График переходного процесса при  $F_B=0$  и  $U=10~\mathrm{B}$ 

## 2 Исследование влияния массы нагрузки m на вид переходных процессов

Диапазон изменения массы нагрузки  $\pm 50\%$  от заданного значения. Будем изменять значения массы нагрузки в диапазоне от 0,005 до 0,015.

Графики переходных процессов представлены на рисунках 8 - 11.

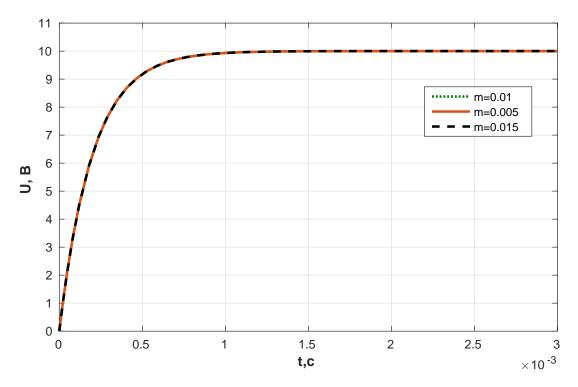


Рисунок 8 – Графики переходных процессов при различных значениях массы нагрузки

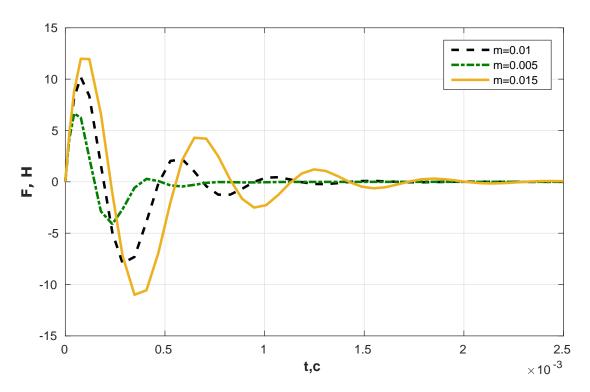


Рисунок 9 – Графики переходных процессов при различных значениях массы нагрузки

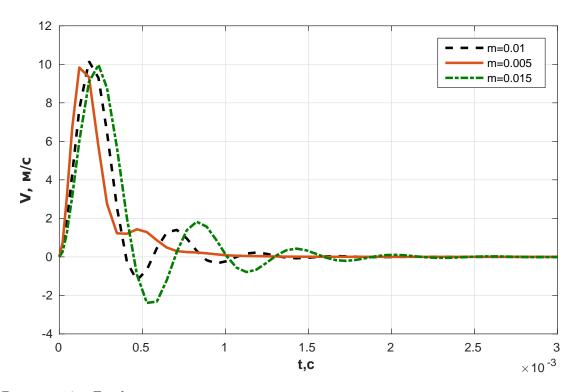


Рисунок 10 – Графики переходных процессов при различных значениях массы нагрузки

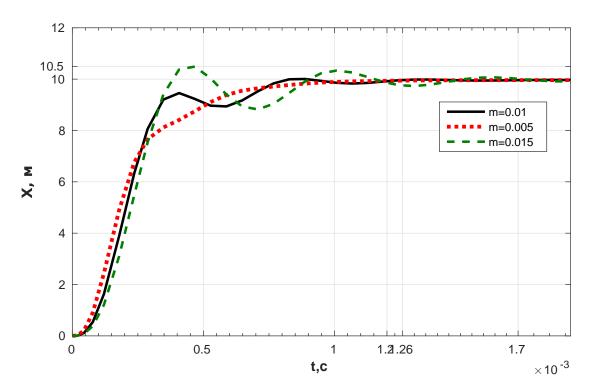


Рисунок 11 – Графики переходных процессов при различных значениях массы нагрузки

По графикам переходных процессов определим время переходного процесса tn, величину перерегулирования и установившееся значение  $x_y$ .

Занесем результаты в таблицу 2.

Таблица 2 – Характеристики системы при изменении массы нагрузки

т,кг	tп, мс	$\sigma,\%$	$X_y$
0.01	1.26	0	10
0.005	1.2	0	10
0.015	1.7	5	10

Величину перерегулирования принято считать по формуле:

$$\sigma = (y_{max} - y_{hom})/y_{hom} * 100\%$$
 (1)

# 3 Исследование влияния $T_u$ на вид переходных процессов

Увеличиваем исходное значение постоянной времени в 2, 4 и 6 раз. На рисунках 12 - 15 представлены графики переходных процессов для различных значений постоянной времени  $T_u$ .

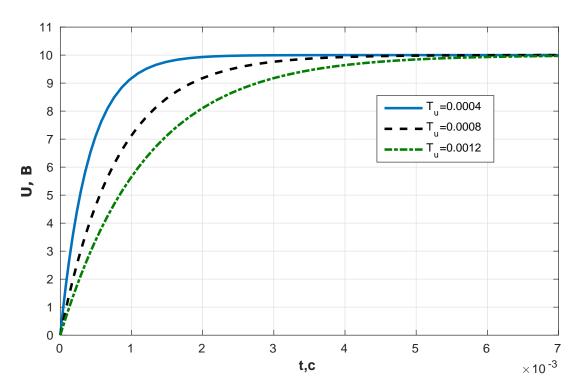


Рисунок 12 — Графики переходных процессов при различных значениях  $T_u$ 

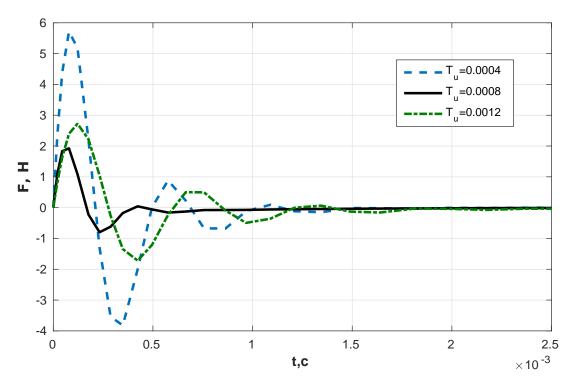


Рисунок 13 — Графики переходных процессов при различных значениях  $T_u$ 

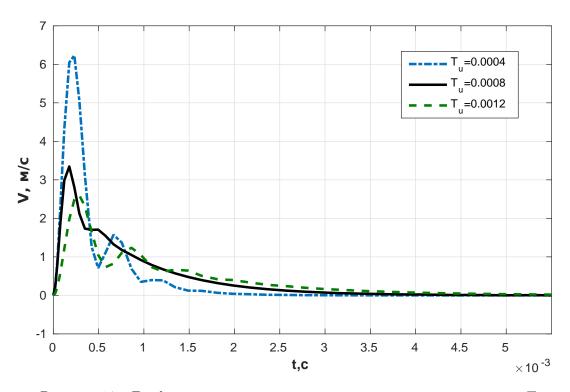


Рисунок 14 – Графики переходных процессов при различных значениях  $T_u$ 

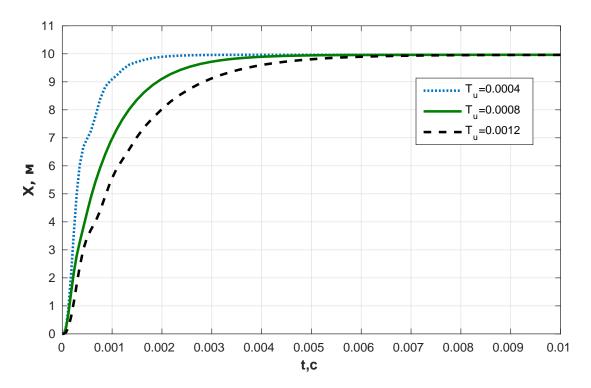


Рисунок 15 – Графики переходных процессов при различных значениях  $T_u$ 

По графикам переходных процессов определим время переходного процесса  $t \pi$ , величину перерегулирования и установившееся значение  $x_{y}$ .

Необходимо составить передаточную функцию, чтобы рассчитать значения корней характеристического уравнения. Математическая модель может быть получена на основе уравнения баланса сил в пьезодвигателе:

$$F_y = F_O + F_{\perp} + F_d + F_B, \tag{2}$$

где  $F_y=C_px$  — усилие упругой деформации ПД,  $F_O=K_OU_p$  — усилие, вызванное обратным пьезоэффектом,  $F_{\rm Д}=-m\frac{d^2x}{dt^2}$  — динамическое усилие в ПД,  $F_d=-K_d\frac{dx}{dt}$  — демпфирующее усилие, обусловленное механическими потерями,  $F_B$  — внешнее воздействие, x — перемещение,  $C_p$  — коэффициент упругости,  $K_O$  — коэффициент обратного пьезоэффекта,  $U_p$  — напряжение на электродах ПД, m — масса перемещаемой нагрузки,  $K_d$  — коэффициент демпфирования.

Подставив перечисленные равенства в уравнение (2), получим:

$$m\ddot{x} + K_d \dot{x} + C_p x = K_O U_p + F_B \tag{3}$$

Составленная по уравнению (3) передаточная функция будет выглядеть следующем образом:

$$W_{\rm BY}(s) = \frac{K_O U_p + F_B}{ms^2 + K_d s + C_p} \tag{4}$$

Управление  $\Pi Д$  осуществляется от высоковольтного усилителя, который, в нашем случае, описывается апериодическим звеном первого порядка:

$$W(s) = \frac{K_u}{T_u s + 1} \tag{5}$$

Исходя из того, что ВУ и ПД соединены последовательно, имеем передаточную следующую функцию:

$$W(s) = \frac{K_u(K_O U_p + F_B)}{(T_u s + 1)(m s^2 + K_d s + C_p)}$$
(6)

Найдем корни характеристического уравнения для всех сочетаний параметров и запишем все результаты в таблицу 3.

Таблица 3 – Характеристики системы при изменении постоянной времени

$T_u$	tп, c	$\sigma,\%$	$X_y$	$s_1$	$s_2$	$s_3$
0.0004	0.0025	0	10	-2497.69	-3501.16-i12951	-3501.16+i12951
0.0008	0.004	0	10	-1248.87	-3500.56-i12951	-3500.56+i12951
0.0012	0.006	0	10	-832.59	-3500.37-i12951	-3500.37+i12951

## 4 Исследование влияния коэффициента упругости Ср на вид переходных процессов

Будем проводить исследования при  $0,5C_p=9*10^5$  и  $2C_p=36*10^5$ . На рисунках 16 - 17 представлены графики переходных процессов при различных значениях коэффициента упругости.

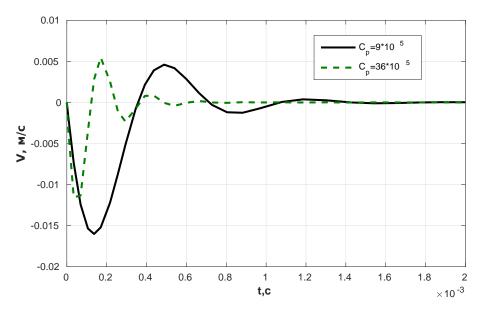


Рисунок 16 – Графики переходных процессов при различных значениях коэффициента упругости

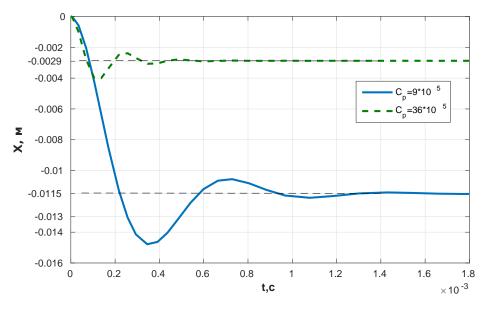


Рисунок 17 — Графики переходных процессов при различных значениях коэффициента упругости

## 5 Построение асимптотической ЛАЧX исполнительного устройства

Построим асимптотическую логарифмическую характеристику для нашей системы, описываемой передаточной функцией (4). Попробуем представить ее в виде колебательного звена:

$$W_{\text{K3}}(s) = \frac{\frac{K_0}{C_p}}{\frac{m}{C_p}s^2 + \frac{K_d}{C_p}s + 1}.$$
 (7)

Асимптотическая ЛАЧХ будет иметь нулевой наклон на уровне

$$20 \lg \frac{K_0}{C_p} = 20 \lg \frac{5, 2}{1, 8 \cdot 10^6} = -110,79$$
дБ (8)

до сопрягающей частоты

$$\omega_c = \sqrt{\frac{C_p}{m}} = \sqrt{\frac{1.8 \cdot 10^6}{0.01}} = 1.3 * 10^4 \text{рад/c.}$$
 (9)

После сопрягающей частоты график пойдёт под наклоном в -40 д $\mathrm{B}/\mathrm{деk}.$ 

Исходя из этих утверждений асимтотическая ЛАЧХ будет выглядеть как показано на рисунке 18.

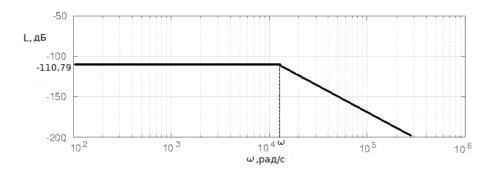


Рисунок 18 – Асимптотическая ЛАЧХ исполнительного устройства

### Вывод

В ходе проведения данной лабораторной работы были исследованы характеристики исполнительного устройства (на основе пьезоэлектрического двигателя) их математические модели.

Были выявлены следующие закономерности при изменении постоянной времени, массы нагрузки и коэффициента упругости.

При увеличении значений массы нагрузки- увеличиваются значения максимального перемещения и значения сил. При увеличении постоянной времени - уменьшаются значения силы, скорости. При увеличении коэффициента упругости - увеличиваются максимальные значения скорости и перемещения.

Так же были определены: время переходного процесса, величина перерегулирования и установившееся значение перемещения.