#### Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

## САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Кафедра Систем Управления и Информатики Группа <u>Р3340</u>

#### Лабораторная работа №10 Исследование математической модели электромеханического объекта управления Вариант - 9

Выполнила	Сорокина	(подпись)			
		(фамилия, и.о.)			
Проверил		(подпись)			
		(фамилия, и.о.)			
""	20r.	Санкт-Петербург,	20г.		
Работа выполне	ена с оценкой				
Дата защиты "_	"	20г.			

**Цель работы:** изучение математических моделей и исследование характеристик электромеханического объекта управления, построенного на основе электродвигателя постоянного тока независимого возбуждения.

#### Исходные данные

Функциональная схема типичного электромеханического объекта представлена на рисунке 1. На рисунке 2 представлена структурная схема ЭМО. В таблице 1 представлены исходные данные, необходимые для выполнения данной лабораторной работы.

В работе рассматривается электромеханический объект управления, выходным сигналом которого является угловое перемещение ИМ, а управляющим сигналом - входное напряжение УПУ. Измерение угловой скорости осуществляется на валу двигателя. Момент сопротивления Мсм, приложенный к валу ИМ, выступает в качестве возмущающего воздействия.

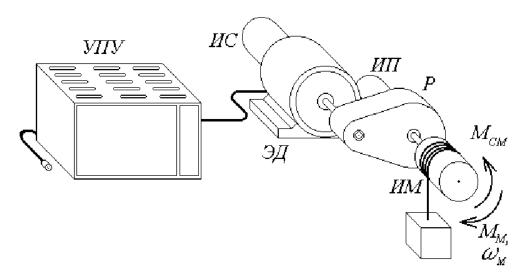


Рисунок 1 — Функциональная схема типичного электромеханического объекта

Таблица 1 – Исходные данные

$U_{\scriptscriptstyle \mathrm{H}}$ ,B	$n_0$ , об/мин	<i>I</i> <sub>н</sub> ,А	$M_{\scriptscriptstyle  m H}, { m H}\cdot{ m M}$	R, Ом	$T_{\rm s}$ ,MC	$J_{\mathrm{d}}$ , $\mathrm{K}\Gamma$ · $\mathrm{M}^2$	$T_{ m y}$ ,мс	$i_p$	$J_{\scriptscriptstyle \mathrm{M}}$ ,K $\Gamma$ ·M $^2$
27	2440	0.38	0.04	32	6	$5.5 * 10^{-6}$	3	40	0.03

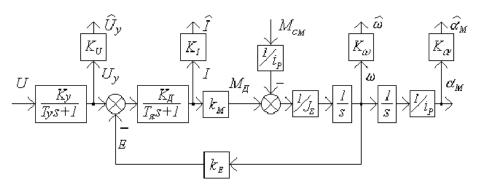


Рисунок 2 – Структурная схема ЭМО

#### 1 Расчет параметров математической модели ЭМО

Выполним расчет параметров для полной модели ЭМО:  $n_0 = 2440$  об/мин=255,52 рад/с

$$K_{\rm e} = \frac{U_{\rm H}}{\omega_0} = \frac{27}{255, 52} = 0,106 [{\rm B*c/pag}]$$
 (1)

$$K_{\rm g} = \frac{1}{R} = 0,031[{\rm Cm}]$$
 (2)

$$K_{\rm M} = \frac{M_{\rm H}}{I_{\rm H}} = \frac{0.04}{0.38} = 0.105[{\rm H^*M/A}]$$
 (3)

$$K_{\rm y} = \frac{U_{\rm H}}{U_{\rm M}} = \frac{27}{10} = 2,7[{\rm B}]$$
 (4)

$$J_{\rm p} = 0, 2J_{\rm g} = 0, 2*5, 5*10^{-6} = 1, 1*10^{-6} [{\rm K}\Gamma^*{\rm M}^2]$$
 (5)

$$J_{\Sigma} = J_{\pi} + J_{p} + \frac{J_{M}}{i_{p}^{2}} = 5,5 * 10^{-6} + 1,1 * 10^{-6} + \frac{0,03}{40^{2}} = 0,00002535[\text{kg}^{*}\text{M}^{2}]$$
 (6)

$$\frac{1}{J_{\Sigma}} = 39447,73\tag{7}$$

Для упрощенной модели:

$$K = \frac{K_{\rm y}}{K_{\rm e} * i_{\rm p}} = \frac{2.7}{0.106 * 40} = 0.637[{\rm pag/c}]$$
 (8)

$$K_{\rm f} = \frac{R}{K_{\rm M} * K_{\rm e} * i_{\rm p}^2} = \frac{32}{0,105*0,106*40^2} = 1,797 [{\rm OM*A*pag/(H*M*B*c)}]$$
 (9)

$$T_{\rm M} = \frac{R * J_{\Sigma}}{K_{\rm M} * K_{\rm e}} = \frac{0,00002535 * 32}{0,105 * 0,106} = 0,073 [{\rm OM*A*paд*kr*m}^2/({\rm H*B*c})]$$
 (10)

## 2 Математическое моделирование полной модели $\Theta$ МО

На рисунке 3 представлена структурная схема полной модели ЭМО, составленная по схеме, изображенной на рисунке 2.

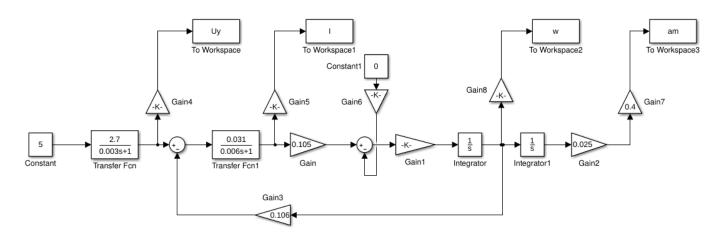


Рисунок 3 – Структурная схема полной модели ЭМО

Коэффициенты передачи измерительных устройств  $K_U$ ,  $K_\omega$ ,  $K_I$ ,  $K_\alpha$  выберем таким образом, чтобы максимальное значение измеряемого сигнала соответствовало уровню 10 В на выходе измерительного устройства.

 $K_U = 0,74$ 

 $K_{\omega} = 0,079$ 

 $K_I = 28, 5$ 

 $K_{\alpha} = 0, 4$ 

Выполним построение графиков переходных процессов при Mcm=0 и U=5 В. На рисунках 4-7 представлены графики переходных процессов.

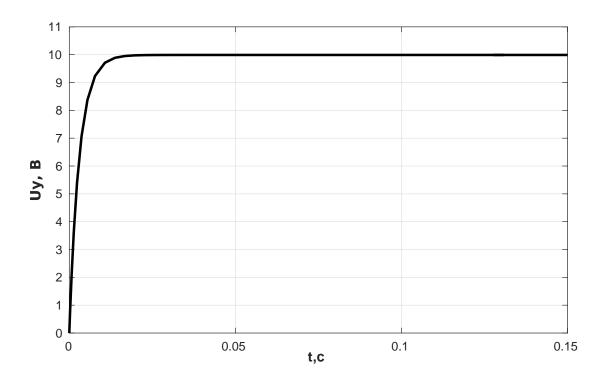


Рисунок 4 – Переходный процесс по напряжению

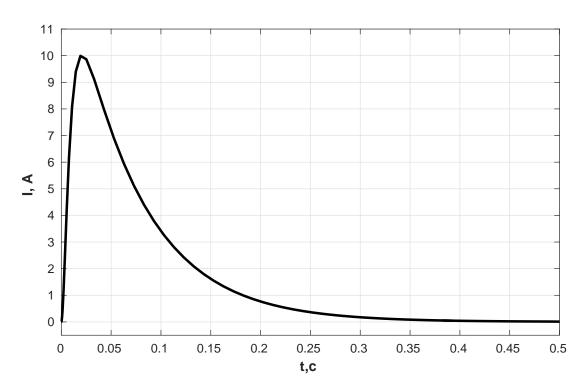


Рисунок 5 – Переходный процесс по току

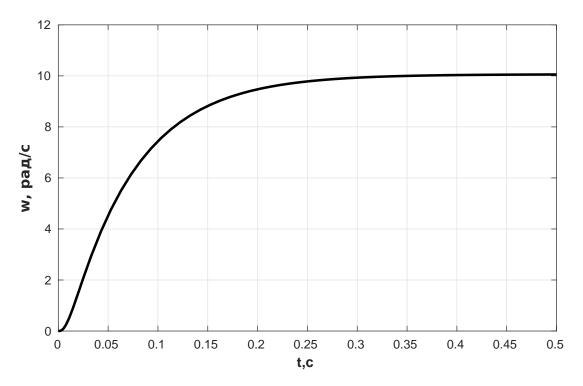


Рисунок 6 – Переходный процесс по угловой скорости

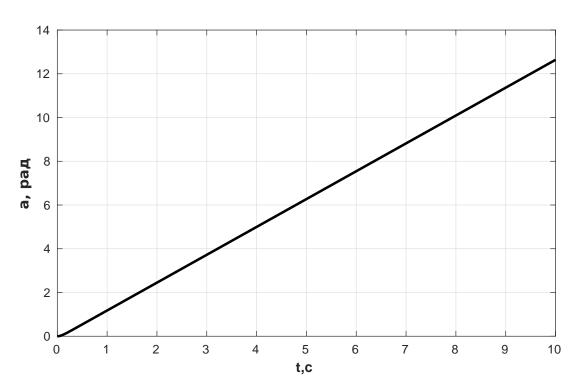


Рисунок 7 — Переходный процесс по углу поворота

## 3 Исследование влияния момента сопротивления на вид переходных процессов

Требуется получить графики переходных процессов при различных значениях момента сопротивления Мсм. Диапазон изменения Мсм: от 0 до  $i_p*M_{\rm H}=40*0,04=1,6$  Н\*м. Графики переходных процессов представлены на рисунках 8 - 11.

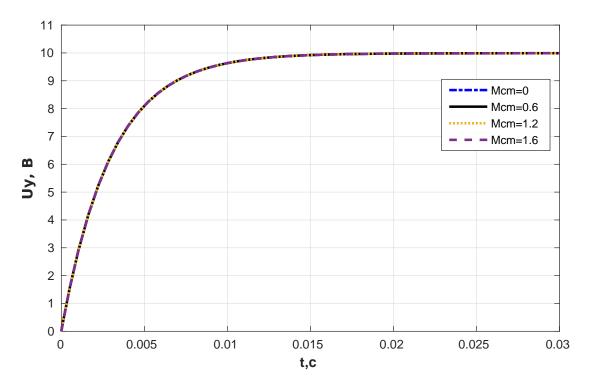


Рисунок 8 – Переходные процессы по напряжению

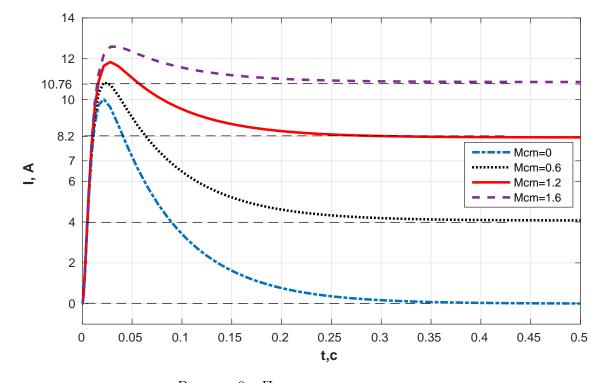


Рисунок 9 – Переходные процессы по току

Определим по графикам время переходного процесса и установившееся значения тока.

При Мсм=0: tn=0,3 с,  $I_{ycr}=0$ .

При Мсм=0.6: tп=0,3 с,  $I_{\text{уст}}$ =4.

При Мсм=1.2: tп=0,3 с,  $I_{\text{уст}}$ =8.2.

При Мсм=1.6: tп=0,3 с,  $I_{\text{уст}}$ =10.76.

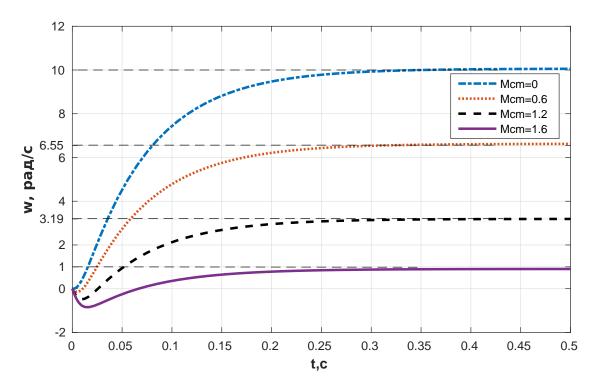


Рисунок 10 – Переходные процессы по угловой скорости

Определим по графикам время переходного процесса и установившееся значения скорости.

При Мсм=0:  $t\pi$ =0,3 c,  $\omega_{ycr}$ =10.

При Мсм=0.6: tп=0,3 с,  $\omega_{\text{уст}}$ =6.55.

При Мсм=1.2: tп=0,3 с,  $\omega_{\rm ycr}$ =3.19.

При Мсм=1.6: tп=0,3 с,  $\omega_{\text{уст}}$ =1.

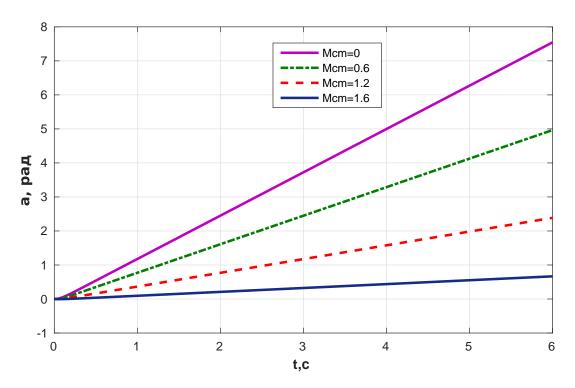


Рисунок 11 – Переходные процессы по углу поворота

### 4 Влияние момента инерции нагрузки на вид переходных процессов

Требуется изменять момент инерции нагрузки в диапазоне  $\pm 50\%$  от заданного значения. То есть будем изменять значения момента инерции нагрузки в пределах от  $0.015~{\rm kr}^*{\rm m}^2$  до  $0.045~{\rm kr}^*{\rm m}^2$ .

На рисунках 12 - 15 представлены графики переходных процессов при различных значениях  $J_m$ .

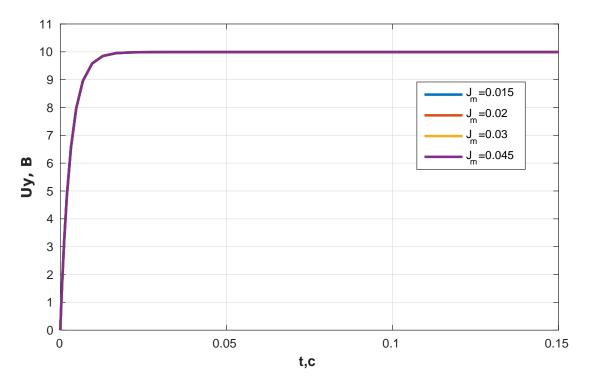


Рисунок 12 – Переходные процессы по напряжению

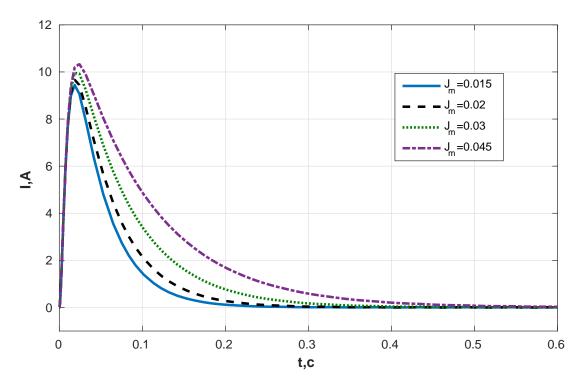


Рисунок 13 – Переходные процессы по току

Определим по графикам время переходного процесса и установившееся значения тока.

При  $J_m{=}0{,}015{:}$  tn=0,25 c,  $I_{\rm ycr}{=}0.$ 

При  $J_m$ =0,02: tп=0,3 с,  $I_{ycr}$ =0.

При  $J_m$ =0,03: tп=0,35 с,  $I_{ycr}$ =0.

При  $J_m$ =0,045: tп=0,45 с,  $I_{ycr}$ =0.

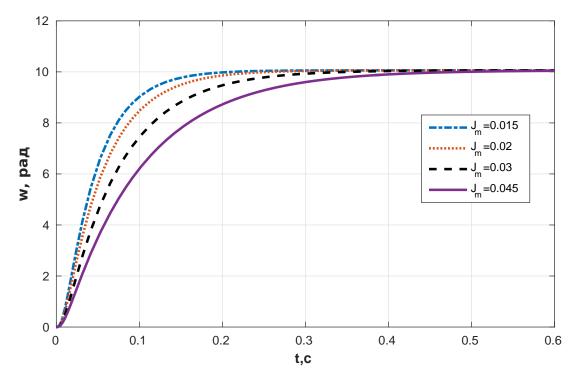


Рисунок 14 – Переходные процессы по угловой скорости

Определим по графикам время переходного процесса и установившееся значения скорости.

При  $J_m$ =0,015: tп=0,25 с,  $\omega_{\text{уст}}$ =10.

При  $J_m{=}0{,}02{:}$  tп=0,3 c,  $\omega_{\text{уст}}{=}10.$ 

При  $J_m$ =0,03: tп=0,35 с,  $\omega_{\text{уст}}$ =10.

При  $J_m$ =0,045: tп=0,45 с,  $\omega_{ycr}$ =10.

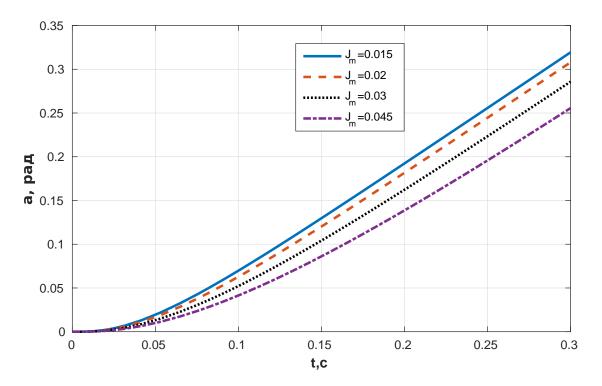


Рисунок 15 – Переходные процессы по углу поворота

## 5 Исследование влияния передаточного отношения редуктора на вид переходных процессов

Будем изменять передаточное отношение редуктора в диапазоне  $\pm 75\%$  от заданного значения. То есть  $i_p$  изменяется от 10 до 70.

На рисунках 16 - 19 представлены графики переходных процессов, при Мст=0.

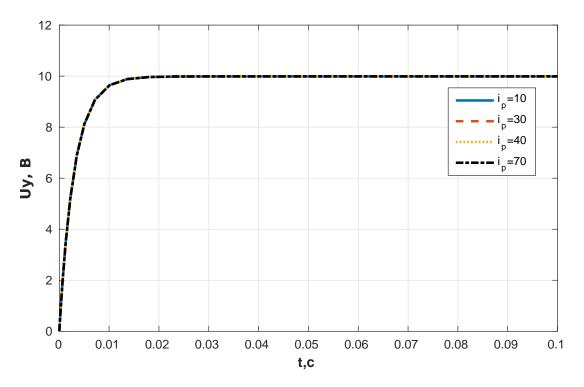


Рисунок 16 – Переходные процессы по напряжению

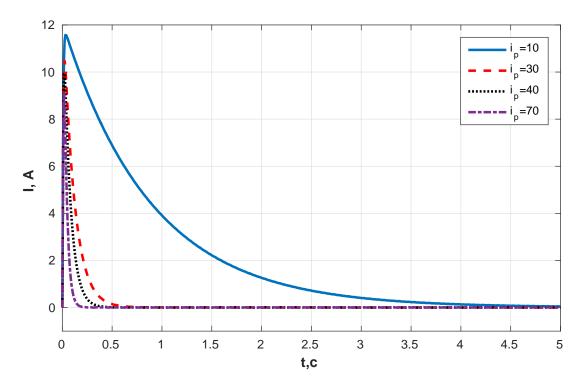


Рисунок 17 – Переходные процессы по току

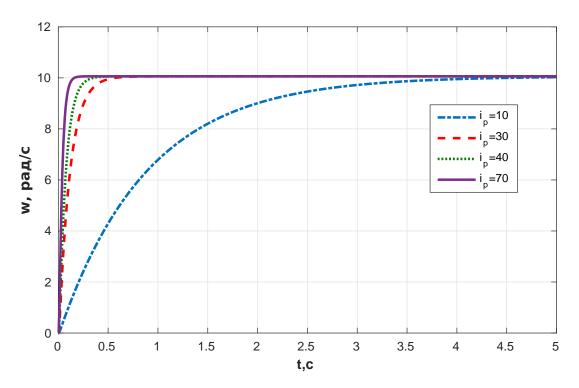


Рисунок 18 – Переходные процессы по угловой скорости

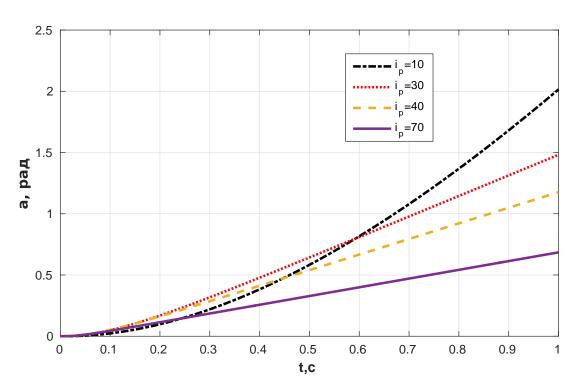


Рисунок 19 – Переходные процессы по углу поворота

На рисунках 20 - 23 представлены переходные процессы, при Mcm=0.8 (половина максимального значения момента,вычисленного в пункте 3)

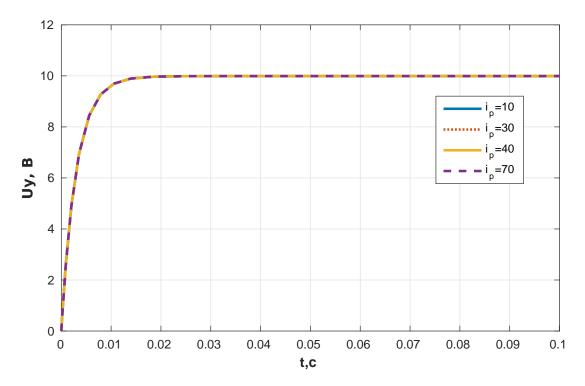


Рисунок 20 – Переходные процессы по напряжению

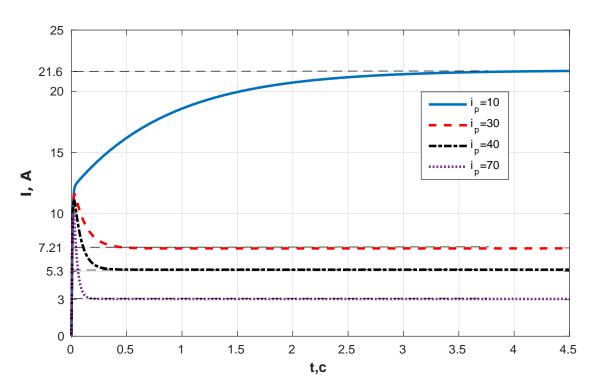


Рисунок 21 – Переходные процессы по току

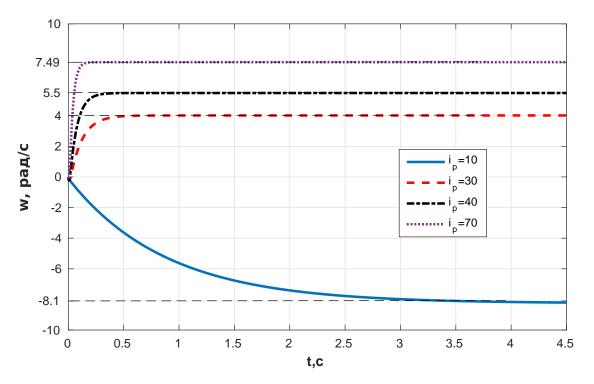


Рисунок 22 — Переходные процессы по угловой скорости

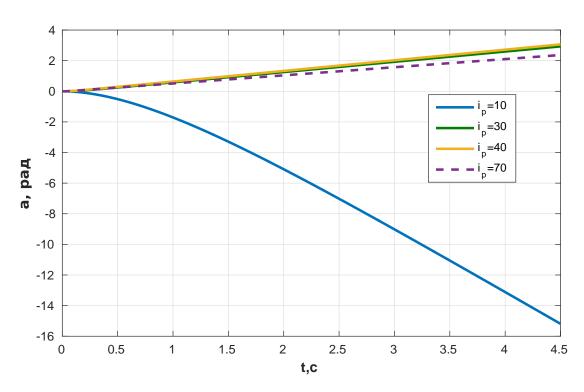


Рисунок 23 – Переходные процессы по углу поворота

# 6 Получение графиков переходных процессов при меньших значениях постоянных времени $T_{\mathbf{y}}$ и $T_{\mathbf{s}}$

Ту и Тя уменьшим на порядок, получим:  $T_y$ =0,003/10=0,0003;  $T_s$ =0,006/10=0,0006. Выполним построение графиков переходных процессов при полученных значениях  $T_y$  и  $T_s$ , которые представлены на рисунке 24. Для более наглядного представления, все графики переходных процессов указаны на одном рисунке.

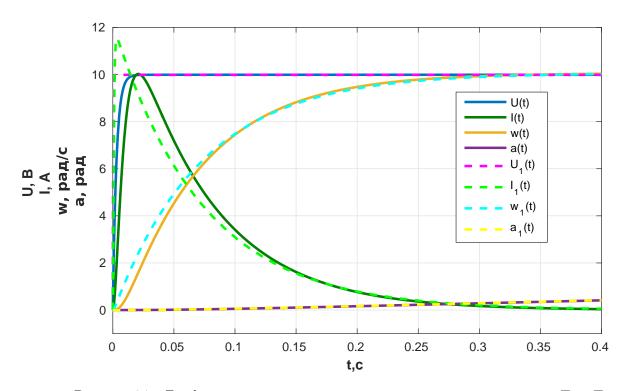


Рисунок 24 – Графики переходных процессов при различных значениях  $T_{\rm v}$  и  $T_{\rm s}$ 

Из рисунка 24, можно заключить, что при уменьшении значений постоянных времени  $T_{\rm y}$  и  $T_{\rm s}$  на один порядок, значение тока увеличилось, а все остальные параметры: напряжение, угловая скорость и угол поворота, остались практически неизменными. Так же можно сделать вывод, что при уменьшении значений постоянных времени, время переходного процесса и установившиеся значения угловой скорости и тока остались неизменными.

# 7 Математическое моделирование приближенной модели ЭМО

На рисунке 25 представлена структурная схема упрощенной модели ЭМО.

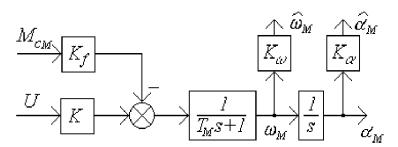


Рисунок 25 – Структурная схема упрощенной модели ЭМО

На рисунке 26 представлена схема моделирования упрощенной модели ЭМО.

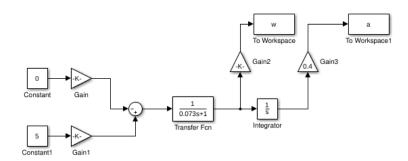


Рисунок 26 – Схема моделирования упрощенной модели ЭМО

На рисунках 27 и 28 соответственно представлены переходные процессы по угловой скорости и углу поворота.

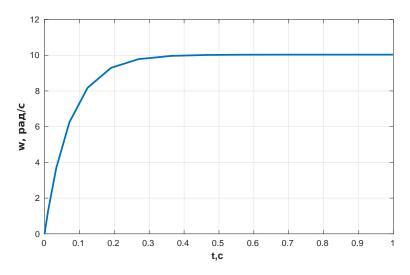


Рисунок 27 – Переходный процесс по угловой скорости

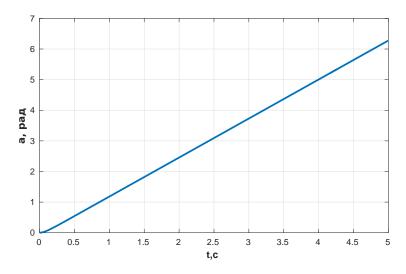


Рисунок 28 – Переходный процесс по углу поворота

Проанализируем погрешности, вызванные упрощением модели ЭМО.

Сопоставим результаты исследования с данными, полученными в пункте 2. На рисунках 29 и 30 представлены сравнительные графики переходных процессов по угловой скорости и углу поворота, с данными полученными в пункте 2.

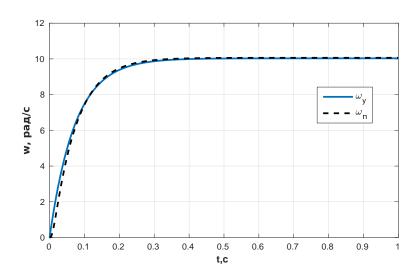


Рисунок 29 – Сравнительные графики переходных процессов по угловой скорости

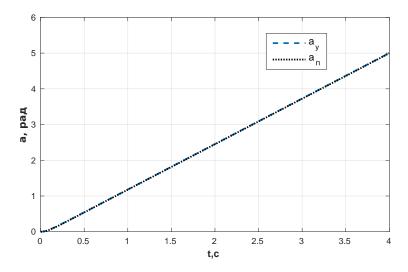


Рисунок 30 – Сравнительные графики переходных процессов по углу поворота

Сопоставим результаты исследования с данными, полученными в пункте 6. На рисунках 31 и 32 представлены сравнительные графики переходных процессов по угловой скорости и углу поворота, с данными полученными в пункте 6.

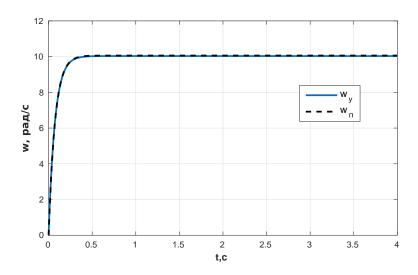


Рисунок 31 – Сравнительные графики переходных процессов по угловой скорости

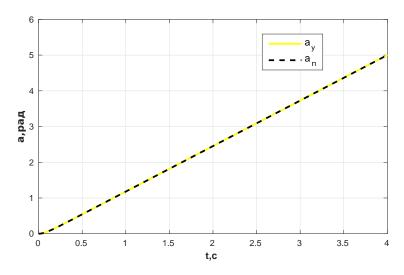


Рисунок 32 — Сравнительные графики переходных процессов по углу поворота

# 8 Вывод математических моделей вход-состояние-выход для полной и упрощенной схем моделирования ЭМО

Для полной модели ЭМО:

$$\begin{cases} \dot{\alpha} = \omega \\ M_{\Pi} - M_{C} = K_{M}I - M_{C} = J_{\Sigma}\dot{\omega} \\ T_{Y}\dot{U_{Y}} + U_{Y} = K_{Y}U \\ T_{H}\dot{I} + I = K_{\Pi}(U_{Y} - K_{E}\omega) \end{cases} \begin{cases} \dot{\alpha} = \omega \\ \dot{\omega} = \frac{K_{M}}{J_{\Sigma}}I - \frac{1}{J_{\Sigma}}M_{C} \\ \dot{U_{Y}} = -\frac{1}{T_{Y}}U_{Y} + \frac{K_{Y}}{T_{Y}}U \\ \dot{I} = -\frac{K_{E}}{T_{H}}\omega - \frac{1}{T_{H}}I + \frac{K_{\Pi}}{T_{H}}U_{Y} \end{cases}$$
(11)

Положим, Х - вектор состояния

$$X = \begin{bmatrix} \alpha & \omega & I & U_{\mathbf{y}} \end{bmatrix}^T \tag{12}$$

U - вектор входных воздействий

$$U = \begin{bmatrix} U & M_C \end{bmatrix}^T \tag{13}$$

Получим систему матриц:

$$\begin{cases}
\begin{bmatrix} \dot{\alpha} \\ \dot{\omega} \\ \dot{I} \\ \dot{U}_{y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{K_{M}}{J_{\Sigma}} & 0 \\ 0 & -\frac{K_{E}}{T_{R}} & -\frac{1}{T_{R}} & \frac{K_{L}}{T_{R}} \\ 0 & 0 & 0 & -\frac{1}{T_{y}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \omega \\ I \\ U_{y} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{J_{\Sigma}} \\ 0 & 0 \\ \frac{K_{Y}}{T_{Y}} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U \\ M_{C} \end{bmatrix} \\
\alpha = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \omega \\ I \\ U_{y} \end{bmatrix}.$$
(14)

Выполним подстановку рассчитанных значений и получим матрицы модели вход-состояниевыход:

$$\begin{cases}
\begin{bmatrix} \dot{\alpha} \\ \dot{\omega} \\ \dot{I} \\ \dot{U}_{y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 4142 & 0 \\ 0 & -17,67 & -166,67 & 5,17 \\ 0 & 0 & 0 & -333,3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \omega \\ I \\ U_{y} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -39447,73 \\ 0 & 0 \\ 900 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U \\ M_{C} \end{bmatrix} \\
\alpha = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \omega \\ I \\ U_{y} \end{bmatrix}.$$
(15)

Для приближенной модели ЭМО.

Используя структурную схему приближенной модели ЭМО, представленную на рисунке 25, получим формулы:

$$\dot{\omega} = \frac{KU - K_f M_c - \omega}{T_m} = 8,726U - 24,62M_c - 13.699w \tag{16}$$

$$x = \begin{bmatrix} 0 & 1/T_m \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \omega \\ \alpha \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} K/T_m \\ 0 \end{bmatrix} U + \begin{bmatrix} K_f/T_m \\ 0 \end{bmatrix} M_c$$
 (17)

Выполним подстановку рассчитанных значений:

$$x = \begin{bmatrix} 0 & -13.699 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \omega \\ \alpha \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 8.726 \\ 0 \end{bmatrix} U + \begin{bmatrix} -24.62 \\ 0 \end{bmatrix} M_c$$
 (18)

$$y = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \tag{19}$$

#### Вывод

В данной лабораторной работе было проведено исследование характеристик электромеханического объекта управления, построенного на основе электродвигателя постоянного тока независимого возбуждения. Был произведен расчет параметров для полной и упрощенной математической модели ЭМО.

Было проведено математическое моделирование для полной модели ЭМО, в ходе которого были получены графики переходных процессов при различных значениях: момента сопротивления, момента инерции нагрузки, передаточного отношения редуктора. Из этого можно сделать вывод, что при различных значениях: момента сопротивления, момента инерции нагрузки, передаточного отношения редуктора, графики переходного процесса по напряжению совпадают.

При увеличении момента сопротивления максимальные значения тока возрастают, а значения угловой скорости и угла поворота - уменьшаются.

При увеличении момента инерции нагрузки увеличиваются значения тока , а значения угловой скорости и угла поворота - уменьшаются.

При увеличении передаточного отношения редуктора максимальные значения тока и значения угла поворота - уменьшаются, а значения угловой скорости возрастают.

При уменьшении значений постоянных времени  $T_{\rm y}$  и  $T_{\rm g}$  на один порядок, значение тока увеличилось, а все остальные параметры: напряжение, угловая скорость и угол поворота, остались практически неизменными. Так же можно сделать вывод, что при уменьшении значений постоянных времени, время переходного процесса и установившиеся значения угловой скорости и тока остались неизменными.

При сравнении графиков переходных процессов упрощенной и полной модели ЭМО, можно заметить, что график переходного процесса (по угловой скорости и угла поворота) полной модели практически совпадает с графиком переходного процесса (по угловой скорости и угла поворота) упрощенной модели.