

أزمايش دوم

پردازش سیگنال دیجیتال با نرمافزار MATLAB



تمرینهای قبل از آزمایشگاه میبایست به خوبی سلولبندی شده و دارای توضیحات مناسب درون کد باشد. صحت عملکرد هر کدام از M-fileهای تابعی میبایست در قالب یک مثال ارایه شود. در صورت نیاز توضیحاتی مختصر در قالب فایل word و یا به عنوان توضیحات یک Live Script اضافه شود. تمرینهای قبل از آزمایش میبایست به صورت تکی انجام شود. سوالی که با ★ مشخص شده است اختیاری است و نمره ی اضافی دارد.

گروههای محترمی که یکی از دو سوال آخر آزمایش یک رو انجام ندادهاند، کد خود رو به همراه این پیش آزمایش ارسال نمایند. نیازی به انجام انفرادی این دو سوال نیست. اما سایر بخشهای این پیشآزمایش میبایست به صورت تکی انجام شود.



- ۱. تابع کانولوشن یا پیچش: تابعی بنویسید که دو دنباله را دریافت نماید و خروجی آن کانولوشن این دو دنباله باشد. عنوان تابع به \mathbf{y} حورت \mathbf{y} عنولوشن یا پیچش: تابعی باشد. در این تابع \mathbf{y} خروجی کانولوشن، \mathbf{x} و \mathbf{h} دو دنبالهی اولیه است. این تابع \mathbf{y} خروجی کانولوشن دو سیگنال زیر را به دست آورید و این تابع را به کمک فرمول مستقیم کانولوشن بنویسید. با استفاده از این تابع کانولوشن دو سیگنال زیر را به دست آورید و حاصل را با دستور \mathbf{x} در \mathbf{x} اعتبارسنجی نمایید. اندیس زمانی سیگنال حاصل را نیز محاسبه نمایید. \mathbf{x} \mathbf{x}

 $x[n] = \{1, 2, 3, 4, 5\}, \qquad h[n] = \{6, 7, 8, 9\}$

- اً. با استفاده از تابع conv_m حاصل کانولوشن دو سیگنال فوق را به دست آورید و آن را درون متغیر y قرار دهید.
- ب. x[n] را به صورت یک بردار ستونی 1×5 با نام x و y[n] را به صورت یک بردار ستونی 1×8 با نام y تعریف نمایید. حال با کمک فرمول کانولوشن، ماتریس y با اندازه ی $y \times 8$ را به نحوی تعریف کنید که $y = \overline{y}$ برقرار شود.
- ت. ماتریس H را توصیف نمایید. با استفاده از این توصیف تعریف ماتریس Toeplitz را بنویسید. ارتباط این تعریف با نامتغیر با زمان بودن را بیان نمایید. چه گزاره ای می توان در مورد سطر و ستون اول این ماتریس بیان کرد.
- ث. دستور toeplitz در نرمافزار MATLAB با گرفتن سطر اول و ستون اول، یک ماتریس toeplitz تولید مینماید. یکبار بدون استفاده از این دستور و یک بار با استفاده از این دستور و با کمک قسمتهای قبل این

تمرین، کانولوشن خطی و در نتیجه تابع خواسته شده را پیادهسازی نمایید. عنوان تابع به صورت \mathbf{y} تابع \mathbf{y} خروجی کانولوشن، \mathbf{x} و \mathbf{h} دو دنبالهی اولیه است. با استفاده از این تابع حاصل کانولوشن تمرین ۱ را محاسبه نمایید.

 $\{X[k]\}$ به $\{x[n]\}$ به على خطی دنباله و دنبال

$$\boldsymbol{x}_{\mathrm{N}} = \begin{bmatrix} x[0] \\ x[1] \\ \vdots \\ x[N-1] \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{X}_{\mathrm{N}} = \begin{bmatrix} X[0] \\ X[1] \\ \vdots \\ X[N-1] \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{W}_{\mathrm{N}} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & \dots & 1 \\ 1 & W_{\mathrm{N}} & W_{\mathrm{N}}^{2} & \dots & W_{\mathrm{N}}^{N-1} \\ 1 & W_{\mathrm{N}}^{2} & W_{\mathrm{N}}^{4} & \dots & W_{\mathrm{N}}^{2(N-1)} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & W_{\mathrm{N}}^{N-1} & W_{\mathrm{N}}^{2(N-1)} & \dots & W_{\mathrm{N}}^{(N-1)(N-1)} \end{bmatrix} \ W_{\mathrm{N}} = e^{-j2\pi/N}$$

با استفاده از تعاریف فوق تبدیل فوریهی گسستهی N نقطهای را میتوان به صورت ماتریس زیر درآورد.

 $X_{\rm N} = W_{\rm N} x_{\rm N}$

فرض کنید 16 N=1 باشد. اگر درایههای سطر ۱۰ و ۱۰ این ماتریس را به عنوان ضرایب یک فیلتر FIR در نظر بگیریم، پاسخ فرک کنید N=1 بن سه فیلتر را با استفاده از دستور دستور دستور **freqz** نرم افزار MATLAB به دست آورید. می بایست تبدیل فوریه را بر حسب دسیبل برای این سه فیلتر در یک نمودار رسم نمایید. (راهنمایی: می توان هر سطر را به صورت $N_{N}^{(n)} = -125,125$ سازه ی نمایش از $N_{N}^{(n-1)\times k} = -125,125$ سازه ی نمایش از $N_{N}^{(n-1)\times k} = -125,125$ باشد و تعداد نقاط نمایش طیف برابر $N_{N}^{(n-1)\times k} = -125,125$ باشد و تعداد نقاط نمایش طیف برابر $N_{N}^{(n-1)\times k} = -125,125$

به درک کامل نسبت به تعبیر بانک فیلتری تبدیل فوریه گسسته برسید. سایت زیر راهنمای مناسبی برای این امر است. https://www.dsprelated.com/freebooks/sasp/DFT_Filter_Bank.html

٤. مفهوم همبستگی (استخراج طول سمبل مدولاسیونهای خطی): یک سیگنال مخابراتی با مدولاسیون دیجیتال خطی در باند پایه را می توان به صورت تعریف نمود.

$$s(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} a_n p(t - nT_s)$$

در عبارت فوق $\{a_n\}$ سمبلهای یک مدولاسیون خطی، p(t) شکل پالس و T_s طول یک سمبل است. فرض کنید این دنباله یک دنبالهی ایستان به مفهوم وسیع (WSS)، مستقل از هم و با توزیع یکسان (iid) با میانگین صفر و انحراف معیار σ باشد. تابع خودهمبستگی (Autocorrelation) این سیگنال را به دست آورید و نشان دهید تابع خودهمبستگی متناوب است و دوره ی تناوب آن طول یک سمبل (T_s) است.

