

1^η Γραπτή Εργασία ΠΛΗ 23 Ακαδημαϊκό Έτος 2024-2025 ΧΑΡΑΜΙΔΗΣ ΣΩΤΗΡΙΟΣ ΑΜ: 142887 Ημερομηνία Παράδοσης <u>06/12/2024</u>

Άσκηση 1

1)

Αν ο Χρήστης 1 (U1) θέλει να επικοινωνήσει με τον Χρήστη 3 (U3), αρχικά ο χρήστης U1 στέλνει το αίτημα σύνδεσης στο ΤΚ1 (Μέγεθος αίτησης σύνδεσης χρήστη 64 bytes) και έχουμε χρόνο μετάδοσης

TRANSP(U1-TK1) =
$$\frac{64 \text{ Bytes}}{50 \text{ Mbps}} = \frac{64.8 \text{ bits}}{50.10^6 \text{ bits/sec}} = 0.01024 \text{ms}$$

και χρόνο διάδοσης

$$PROP(U1 - TK1) = \frac{2Km}{300.000Km/s} = 0.00667ms$$

Aρα εχουμε TRANS+PROP+χρόνος επεξεργασίας TK1 = 0.01024ms+0.00667ms+1ms=1.01691ms

Στην συνέχεια από ΤΚ1 στο ΔΒΚ έχουμε ότι η πιο αργή σύνδεση επηρεάζει όλες τις άλλες δηλαδή η 100Mbps και επειδή χρησιμοποιείται TDMA 8 χρονοθυρίδων (slots) θα έχουμε 100/8 = 12.5Mbps . Άρα θα έχουμε για τον χρόνο μετάδοσης

$$TRANSP(TK1 - EKA) = \frac{512 \, Bytes}{12.5 \, Mbps} = \frac{512.8 \, bits}{12.5 \, .10^6 \, bits/s} = 0.32768 ms$$

Χρόνος διάδοσης:

$$PROP(TK1 - \Delta BK) = \frac{500 \text{ Km}}{300.000 \text{ Km/s}} = 1.66667 \text{ms}$$

Λογο οτι η αποσταση απο το ΤΚ1 στο ΔΒΚ ειναι 200+100+100+100 = 500 Km.

Αρα εχουμε TRANS+PROP+χρόνος επεξεργασίας ΔBK = 0.32768+1.66667+1 = 2.99435 ms

Αρα συνολικά έχουμε 1.01691+ 2.99435=4.01125 ms όπου είναι ο συνολικός χρόνος από το U1 στο Δ BK .

Στην συνέχεια το ΔΒΚ προωθεί το αίτημα στον Τοπικό Κέντρο 2 και έχουμε αντίστοιχα τους υπολογισμούς :

Εδώ έχουμε πιο αργή σύνδεση την 100 Mbps Αρα

$$TRANSP(\Delta BK - EKH) = \frac{512 \, Bytes}{100 \, Mbps} = \frac{512.8 \, bits}{100.10^6 \, bits/s} = 0.04096 ms$$



$$PROP(\Delta BK - TK2) = \frac{600 \, Km}{300.000 \, Km/s} = 2ms$$

Επειδή η απόσταση από το ΔΚΒ στο ΤΚ2 ειναι : $100+100+100+100+200=600~{\rm Km}$. Χρόνος επεξεργασιας όπως παντού επισης ειναι 1 ms (Proc) .

Apa 0. 04096+2+1 = 3.04096 ms

Για την προωθησει απο το ΤΚ2 στον U3 έχουμε:

$$TRANSP(TK2 - U2) = \frac{64 \, Bytes}{50 \, Mbps} = \frac{64.8 \, bits}{50 \, .10^6 bits/s} = 0.01024 ms$$

 $PROP(TK2 - U2) = \frac{1 \, Km}{300.000 \, Km/s} = 0.00333 \, ms$

Ο χρόνος απο το TK2 στον U2 είναι 0. 01024 + 0. 00333 = 0.01357 ms

Άρα προσθέτοντας τους δυο χρόνους θα είναι: 3.04096 ms + 0.01357 ms = 3.05453 ms.

Άρα συνοψήζοντας ο χρόνος που θα χρειαστεί για να παει το αίτημα απο το χρηστη U1 στον χρήστη U2 θα είναι 4.01125 ms + 3.05453 ms = 7.06579 ms .

Το Round Trip θα είναι το διπλό άρα 2 x 7.06579 = 14.13157 ms , που είναι ο ζητούμενος χρόνος από τον χρηστη U1 στον χρήστη U2 και πίσω .

2)

Αν ο χρόνος εγκατάστασης σύνδεσης (όταν ο Χρήστης 1 (U1) θέλει να επικοινωνήσει με τον Χρήστη 3 (U3)), δεν πρέπει να ξεπερνάει τα 50ms , ο μέγιστος αριθμός πακέτων (πλαισίων) που μπορεί να περιμένουν στην ουρά του ΔΒΚ για να εξυπηρετηθούν είναι , αφού έχουμε 14.13157 ms οτι απαιτούνται για την μία αίτηση (από προηγούμενο ερώτημα) τότε θα περισσεύουν 50 - 14.13157 = 35.86843 ms , και από εκφώνηση έχουμε οτι η επεξεργασία του κάθε πλαισίου ειναι 1 ms τοτε ο υπόλοιπος χρόνος αν διαιρεθεί με το χρόνο που χρειάζεται το κάθε πλαίσιο δηλ 35.86843/1 = 35.86843 δηλαδή το πολύ 35 πλαίσια να βρίσκονται στην ουρά αναμονής (ΔΒΚ) .



Άσκηση 2

Ερώτηση 1

Για να δούμε αν επαρκεί η χωρητικότητα της ζεύξης για την εξυπηρέτηση της υπηρεσίας, πρέπει να υπολογίσουμε τον ρυθμό μετάδοσης δεδομένων που απαιτείται για κάθε κατηγορία πακέτων και τον συνολικό ρυθμό μετάδοσης για ολες τις κατηγορίες μαζι . Αρα έχουμε :

Bronze : 50% . 1000 = 500 συνδρομητές Silver : 30% . 1000 = 300 συνδρομητές Gold : 20% . 1000 = 200 συνδρομητές

Για τον Bronze έχουμε:

Aνάλυση 1024 x 576 = 589.824 pixel/frame

$$Pυθμός μετάδοσης = \frac{Aνάλυση x Frames/s x Bits/pixel}{Συμπίεση} = \frac{589,824 x 25 x 36}{300} = 1.769.472 \ bps \simeq 1.77 \ Mbps$$

Για τον Silver έχουμε:

Aνάλυση 1920x1080=2.073.600 pixels/frame

$$Pυθμός μετάδοσης = {Aνάλυση x Frames/s x Bits/pixel \over Συμπίεση} = {2.073.600 \times 30 \times 36 \over 250} = 8.961.792 bps \approx 8.96 Mbps$$

Για τον Gold έχουμε:

Ανάλυση 3840x2160=8.294.400 pixels/frame

$$Pυθμός μετάδοσης = {Aνάλυση x Frames/s x Bits/pixel \over Συμπίεση} = {8.294.400 \times 50 \times 36 \over 200} = 74.649.600 \ bps \approx 74.65 Mbps$$

Επίσης έχουμε 500 συνδρομητές για το Bronze αρα 1.77 x 500=0,885 Gbps Για το Silver 300 x 8.96 Mbps = 2.688 Gbps Και για το Gold εχουμε 74.65 Mbps x 200 = 14.930 Gbps

Συνολικός Puθμός : 0.885+2.688+14.930 = 18.503 Gbps

Αρα έχουμε 18.503 Gbps που είναι μικρότερη από την 20 Gbps οπότε είναι αρκετή η χωρητικότητα για την εξυπηρέτηση της υπηρεσίας.



Ερώτηση 2

Επειδή έχουμε ίδιο αριθμό ταυτόχρονων χρηστών και σταθερό ποσοστό Gold συνδρομητών, και από προηγούμενο ερώτημα θα έχουμε τα εξής:

Το ποσοστό των Gold συνδρομητών ειναι το 20% απο τα 1000 που είναι οι συνολικοί χρήστες δηλαδή 200 συνδρομητές, οι υπόλοιποι θα ειναι Silver(S) = S και Bronze(B) οι B=800-S.

Η διαθέσιμη χωρητικότητα ειναι 20 Gbps και οι 200 χρησιμοποιούν το 14,92992 Gbps άρα απομένουν 20 Gbps-14,92992 Gbps= 5,07008 Gbps για τους Silver + Bronze δηλαδή για τους υπόλοιπους 800 .

```
Αρα λύνοντας την εξίσωση ως προς S (αριθμός χρηστών Silver) θα έχουμε : B \times 1,769472 \ Mbps + S \times 8,957952 \ Mbps \leq 5,07008 \ Gbps \Rightarrow (800 - S) \times 1,769472 \ Mbps + S \times 8,957952 \ Mbps \leq 5,07008 \ Gbps \Rightarrow 800 \times 1,769472 \ Mbps + S \times (8,957952 \ Mbps - 1,769472 \ Mbps) \leq 5,07008 \ Gbps \Rightarrow 1,4155776 \ Gbps + S \times 7,18848 \ Mbps \leq 5,07008 \ Gbps \Rightarrow S \leq \frac{5,07008 \ Gbps - 1,4155776 \ Gbps}{7,18848 \ Mbps} \Rightarrow S \leq \frac{5,07008 \ Gbps - 1,4155776 \ Gbps}{0,0718848 \ Gbps} \Rightarrow S \leq \frac{3,6545024 \ Gbps}{0,0718848 \ Gbps} \Rightarrow S \leq 508 \ (ακεραια τιμη επειδη ειναι συνδρομητες)
```

Αρα max θα ειναι 508 συνδρομητες οι Silver αρα απομενουν B=800-508 = 292 συνδρομητές.

508/292 = 1,73 θα ειναι η αναλογία μεταξύ των Silver και Bronze ετσι ωστε να έχουμε τον ίδιο αριθμό χρηστών (ταυτοχρονων) και σταθερό ποσοστό Gold χωρίς να οδηγεί σε ανάγκη για επιπλέον bandwidth .

Ερώτηση 3

Υποθέτοντας ότι η συνδρομή στο Bronze επίπεδο πωλείται στα 5 Ευρώ/μήνα, στο Silver στα 7 Ευρώ/μήνα και στο Gold στα 12 Ευρώ/μήνα, καθώς ότι η αγορά της αρχικής γραμμής των 20 Gbps κόστισε 250.000 ευρώ, ενώ η προσθήκη κάθε επιπλέον Gbps χωρητικότητας (πέραν των 20 Gbps) στοιχίζει 25.000 ευρώ, ο αριθμός συνδρομητών που απαιτούνται, ώστε η εταιρεία να αποσβέσει την επένδυση σε τηλεπικοινωνιακές υποδομές στο τέλος του πρώτου χρόνου , θα είναι έστω N ο αριθμός των συνδρομητών που απαιτούνται για να καλύψουν την επένδυση και η χρήση της ζεύξης θα είναι το 30% δηλαδη 0,3 x N

Υπολογίζοντας την εξίσωση για μεγαλύτερο ίσο της επένδυσης (για τα τα καλύψουν) έχουμε ότι (x 12 μηνες ειναι οι τιμες των συνδρομων επειδη ειναι για 1 χρόνο)

```
0.5N \times 5 \times 12 + 0.3N \times 7 \times 12 + 0.2N \times 12 \times 12 \ge 250.000 \Rightarrow
0.5N \times 60 + 0.3N \times 84 + 0.2N \times 144 \ge 250.000 \Rightarrow
30N + 25, 2N + 28, 8N \ge 250.000 \Rightarrow
84N \ge 250.000 \Rightarrow
N \ge \frac{250.000}{84} \Rightarrow N \ge 2976, 19
```



Επειδη ειναι συνδρομητες στρογγυλοποιουμε στο 2977 και αυτοι θα καλύψουν την επένδυση της εταιρείας και επίσης έχουμε οτι το 30% θα εξυπηρετούνται ταυτόχρονα άρα 0,3 x 2977 = 893.1 στρογγυλοποιώντας 894 ταυτόχρονους χρήστες ,και γνωρίζοντας απο το 1 ερωτημα οτι επαρκουν (1000 χρήστες στο 1 ερώτημα που χρησιμοποιούν ταυτοχρονα την ζευξη των 20 Gbps).



Άσκηση 3

Ερώτημα 1

Έχουμε RsA = RsB = RsC = RsD = 100 Mbps

 $RcA = RcB = RcC = RcD = 40 \text{ Mbps } K\alpha IR = 150 \text{ Mbps}$

Oι servers μπορούν να δώσουν ο καθένας 100Mbps (4 x 100 = 400Mbps), οι Clients ο καθένας παίρνει 40 Mbps (4 x 40 = 160 Mbps) και η ζεύξη R έχει 150Mbps οπότε συμφόρηση (bottleneck) δημιουργείται στην ζεύξη R όπου 150 Mbps < 160 Mbps .

Επειδή στην εκφώνηση λέει ότι μοιράζει ισοδύναμα τα 150 Mbps στους 4 Servers θα αποδίδει ο καθένας 150/4=37,5 Mbps. Άρα οι Clients θα πάρουνε από 37,5 Mbps ο καθένας (από τον Server που συνδέονται) από τα συνολικά 40 Mbps που μπορούν να λάβουν , οι Servers θα στέλνουν 37,5 Mbps ο καθένας και η ζεύξη R θα είναι στο μέγιστο της 150Mbps/150Mbps οπότε στην ζεύξη αυτή θα υπάρχει bottleneck για τον συγκεκριμένο ρυθμό αποστολής δεδομένων από τους εξυπηρετητές .

Ερώτημα 2

Aπό το 1 ερώτημα έχουμε ότι RsA=RsB=RsC=RsD=37,5 Mbps RcA=RcB=RcC=RcD=37,5 Mbps R=150 Mbps

Βαθμοί χρήσης των ζεύξεων:

Οι Servers αποδίδουν μέχρι 100 Mbps άρα 37,5/100 = 0.375 ή 37,5 % Οι Clients δέχονται μέχρι 40 Mbps άρα 37,5/40 = 0.9375 ή 93,75% Και η ζεύξη R έχει 150 Mbps από τα οποία αποδίδει και τα 150 Mbps άρα 100% . Η ζεύξη που αποτελεί το bottleneck είναι η R διότι είναι στο μέγιστο της .

Ερώτημα 3

Υποθέτοντας ότι RsA =100 Mbps , RsB= 80 Mbps ,RsC = 30 Mbps και RsD = 10 Mbps θα έχουμε ότι οι RsC και RsD είναι πιο κάτω απο τα 37,5 Mbps οπότε θα είναι πλήρης RsC=30 Mbps και RsD =10 Mbps πράγμα που σημαίνει ότι θα έχουμε bottlenecks στις ζεύξεις αυτές .

Τα υπόλοιπα 110 Mbps που μένουν θα ισομοιραστούν (λόγο εκφώνησης) στις RsA και RsB από 55 Mbps η κάθε μία (110/2=55 Mbps) .

Οι Clients όμως με τους οποίους συνδέονται RcA , RcB μπορούν να λάβουν μέχρι 40 Mbps οπότε εμφανίζεται bottleneck στις ζεύξεις RcA και RcB .

Ο μέσος ρυθμός λήψης δεδομένων στον Client A (RcA) είναι 40 Mbps .



Ερώτημα 4

Εάν η χωρητικότητα μετάδοσης της ζεύξης RcA διπλασιαστή δηλαδή από 40 Mbps γίνει 80 Mbps

δεν θα υπάρχει bottleneck στην ζεύξη αυτή όπως πριν διότι η RcA θα μπορεί να λάβει μέχρι 80 Mbps και θα παίρνει απο τον RsA 70 Mbps (70 Mbps < 80 Mbps) με την αλλαγή αυτή (επειδή RsD=10 Mbps , RsC = 30 Mbps , RsB = 40 Mbps συνολικά έχουμε 80 Mbps από αυτές και υπολείπεται άλλα 70 Mbps από την ζεύξη R που είναι 150 Mbps) . Οι ζεύξεις RsD , RsC και RcB θα εξακολουθήσουν να είναι κορεσμένες . Επίσης όπως προαναφέρθηκε ο ρυθμός είναι πλέον 70 Mbps .

Ερώτημα 5

Για να γίνει upload του αρχείου 500 K bits από τον Server με ταχύτητα 100 Mbps θα χρειαστεί 500Kbits/100Mbps = 0.5Mbits/100Mbps = 5 ms .

Για το ακολουθιακό uploading τεσσάρων αντιγράφων του αρχείου θα ειναι το τετραπλό άρα 4 \times 5 ms = 20 ms .

Επίσης ο πάνω router για να μεταδώσει στον κάτω router το αρχείο με ταχύτητα 150 Mbps θα έχουμε επίσης 0,5Mbits/150Mbps = 3,333 ms με την οποία θα επιβαρυνθεί η τελευταία αποστολή αρα θα είναι 20 + 3,333 = 23,333 ms .

Ο χρόνος που χρειάζεται ο κάθε χρήστης για να κατεβάσει το αρχείο είναι 500Kbits / 40 Mbps = 0.5 Mbits /40Mbps = 12.5 ms .

Για να ολοκληρωθεί η λήψη του αρχείου από όλους τους Clients θα χρειαστεί 23.333 ms από το προηγούμενο ερώτημα προσθέτοντας τον χρόνο κατεβάσματος του σε κάθε έναν (ταυτόχρονα) δηλαδή 23,333+12,5= 35.83 ms.



Άσκηση 4

Ερώτηση 1

Έχουμε N σήματα με εύρος 20 Hz άρα σύμφωνα με το κριτήριο Nyquist θα πρέπει η συχνότητα δειγματοληψίας να είναι μεγαλύτερη ή ίση με 2x20Hz = 40Hz. Επειδή από εκφώνηση λέει ότι τα σήματα αυτά δειγματοληπτούνται με ρυθμό που είναι μεγαλύτερος 10% από την συχνότητα Nyquist άρα είναι :

40*10=400/100=4, 4+40 = 44 Hz.

Επίσης έχουμε 512 επίπεδα κβάντισης άρα log_2 512 = 9 bits/sample

Άρα θα έχουμε: $44hz \times 9 = 44x10^3 samples/s \times 9 \ bits/sample = 396x10^3 \ bits/s$, 396 Kbps

Με 100 Mbps θα μπορουμε να αποστείλουμε χωρίς απωλεια δεδομενων

$$\frac{100Mbps}{396 \, Kbps} = \frac{100Mbps}{0.396Mbps} = 252,525$$

Αρα 252 σήματα.

Ερώτηση 2

Από εκφώνηση 96KHz ή $96x10^3$ samples/sec και 16 bits/sample Eχουμε $96x10^3$ samples/s x $16bits/sample = 1536x10^3$ bits/s

Α) Ν=50 σήματα

$$50x1536x10^3 bits/s = 50 x 1,536 Mbps = 76,8 Mbps$$

Είναι μικρότερη από την 100 Mbps άρα δεν θα γίνει συμπίεση.

Β) Ν=90 σήματα

$$90x1536x10^3 bits/s = 90 x 1,536 Mbps = 138,24 Mbps$$

Είναι μεγαλύτερη των 100 Mbps άρα θα χρειαστεί συμπίεση του λόγου 1,3824:1



Γ)

Για την FLAC : μικρότερη αλλοίωση του σήματος , μεγάλος όγκος δεδομένων .

Για την MP3 : μικρός όγκος δεδομένων , υπάρχει αλλοίωση του σήματος .

Θα προτιμούσα το FLAC για την λιγότερη δυνατή αλλοίωση του σήματος.

Ερώτηση 3

Έχουμε N=70 σήματα, Εύρος ζώνης = 20 Mhz, Poń 107,52Mbps

άρα θέλουμε ένα κανάλι με χωρητικότητα $C \geq 107,52~Mbps$ Shannon-Hartley :

$$C = B. \log_2(1 + SNR) \ge 107,52Mbps \Rightarrow$$

$$20.10^6 Hz. log_2(1 + SNR) \ge 107,52.10^6 bps \Rightarrow$$

$$20Hz \cdot log_2(1 + SNR) \ge 107,52 \ bps \Rightarrow$$

$$log_2(1 + SNR) \ge \frac{107,52}{20} \Rightarrow$$

$$log_2(1 + SNR) \ge 5,376 \Rightarrow$$

$$\log_2(1+SNR) \ge \log_2 2^{5,376} \Rightarrow$$

$$1 + SNR \ge 2^{5,376} \Rightarrow$$

$$SNR \ge 2^{5,376} - 1 \Rightarrow$$

$$SNR \ge 2^{5,376} - 1 \Rightarrow$$

$$SNR \ge 41,5276405421 - 1 \Rightarrow$$

$$SNR \ge 40,5276405421$$

Αρα ο ελάχιστος λόγος σήματος προς θόρυβο (SNR) ώστε να είναι εφικτή η μετάδοση είναι SNR=40,5 (περίπου) ή 16 dB.

Ερώτηση 4

A)

Αν εισέρχεται 3 db θόρυβος τότε θα έχουμε $SNR(db) = 16 - 3 = 13 \ db$

Από θεώρημα Shannon-Hartley έχουμε :



$$C = B. \log_2(1 + SNR) \ge 107,52Mbps \Rightarrow$$

$$B \ge \frac{107,52.10^6}{\log(1+SNR)} \Rightarrow$$

Υπολογίζοντας το SNR έχουμε $SNR=10^{1,3}\simeq19,952$

$$B \ge \frac{107,52.10^6}{\log(1+19,952)} \Rightarrow$$

$$B \ge \frac{107,52.10^6}{4.389} \Rightarrow B \ge 24,497.10^6 Mhz$$

Άρα πρέπει να αυξηθεί του εύρος του τουλάχιστον 24, 497. $10^6 Mhz$

B)

Εάν έχουμε ίδιο εύρος B=20 Mhz τότε

Από θεώρημα Shannon-Hartley έχουμε:

$$C = B.\log_2(1 + SNR) = 20.10^6 Hz.\log_2(1 + 19,952) \Rightarrow 20.10^6.\log_2(20,952) = 20.10^6.4,389 = 87$$

Αν διαιρέσουμε το 107,52 / 87,78 =1,224

Αρα η συμπίεση θα είναι τουλάχιστον 1,224 : 1



Κριτήρια αξιολόγησης

Άσκηση 1 (Σύνολο)	25
Ερώτηση 1	9
Ερώτηση 2	4
Ερώτηση 3	6
Ερώτηση 4	6
Άσκηση 2 (Σύνολο)	25
Ερώτηση 1	7
Ερώτηση 2	8
Ερώτηση 3	10
Άσκηση 3 (Σύνολο)	25
Ερώτηση 1	3
Ερώτηση 2	4
Ερώτηση 3	6
Ερώτηση 4	3
Ερώτηση 5	9
Άσκηση 4 (Σύνολο)	25
Ερώτηση 1	6
Ερώτηση 2	9
Ερώτηση 3	4
Ερώτηση 4	6
ΣΥΝΟΛΟ	100

Ο συνολικός βαθμός θα διαιρεθεί δια 10, ώστε να προκύψει ο τελικός βαθμός της εργασίας.

Τελικός Βαθμός:

Υπόδειξη: Στις απαντήσεις που θα αποστείλετε θα πρέπει υποχρεωτικά να υποβάλετε μόνο τις απαντήσεις των ερωτημάτων και όχι την εκφώνησή τους.