Учреждение образования

«Белорусский государственный технологический университет»

**Кафедра информационных систем и технологий**

**«Отчёт по лабораторной работе №4»**

«ИССЛЕДОВАНИЕ КРИПТОГРАФИЧЕСКИХ ШИФРОВ НА ОСНОВЕ ПОДСТАНОВКИ (ЗАМЕНЫ) СИМВОЛОВ»

**Выполнила:** студентка 3 курса

6 группы ПОИТ

Коктыш Евгения Сергеевна

Минск 2023

# **Теоретические сведения**

Сущность подстановочного шифрования состоит в том, что, исходный текст (из множества М) и зашифрованный текст (из множества С) основаны на использовании одного и того же или разных алфавитов, а тайной или ключевой информацией является алгоритм подстановки.

Если исходить из того, что используемые алфавиты являются конечными множествами, то в общем случае каждой букве ax алфавита AM (ax∈ AM) для создания сообщения Мi (Мi ∈ M) соответствует буква ay или множество букв{АхС} для создания шифртекста Сi (Сi ∈ С). Важно, чтобы во втором случае любые два множества (например, {АхС}b и {АхС}n, b≠n, 1 ≤ b, n, x, y ≤ N, N – мощность алфавита), используемые для замены разных букв открытого текста, не пересекались:

{АхС}b ∩ {АхС}n=0.

Если в сообщении Мi содержится несколько букв ax, то каждая из них заменяется на символ ay либо на любой из символов {АхС}. За счет этого с помощью одного ключа можно сгенерировать различные Сi для одного и того же Мi. Так как множества {АхС}b и {АхС}n попарно не пересекаются, то по каждому символу Сi можно однозначно определить, какому множеству он принадлежит, и, следовательно, какую букву открытого сообщения Мi он заменяет. В силу этого открытое сообщение восстанавливается из зашифрованного однозначно.

Приведенные утверждения справедливы для следующих типов подстановочных шифров:

* моноалфавитных (шифры однозначной замены или простые подстановочные),
* полиграммных,
* омофонических (однозвучные шифры или шифры многозначной замены),
* полиалфавитных.

**Моноалфавитные шифры подстановки**

В данных шифрах операция замена производится только над каждым одиночным символом сообщения Мi. Для наглядной демонстрации шифра простой замены достаточно выписать под заданным алфавитом тот же алфавит, но в другом порядке или, например, со смещением. Записанный таким образом алфавит называют алфавитом замены.

Максимальное количество ключей для любого шифра этого вида не превышает N!, где N – количество символов в алфавите.

Для математического описания криптографического преобразования предполагаем, что зашифрованная буква ay (ay ∈ Сi), соответствующая символу aх (aх∈ Мi), находится на позиции

y ≡ x + k (mod N), (2.1)

где x, y – индекс (порядковый номер, начиная с 0) символа в используемом алфавите, k – ключ.

Для расшифрования сообщения Сi необходимо произвести расчеты обратные, т. е.:

х ≡ у – k (mod N). (2.2)

Одним из существенных недостатков моноалфавитных шифров является их низкая криптостойкость. Зачастую метод криптоанализа базируется на частоте встречаемости букв исходного текста.

Система шифрования Цезаря с ключевым словом (лозунгом) также является одноалфавитной системой подстановки. Особенностью этой системы является использование ключевого слова (лозунга) для смещения и изменения порядка символов в алфавите подстановки (желательно, чтобы все буквы ключевого слова были различными). Ключевое слово пишется в начале алфавита подстановки.

Применяя одновременно операции сложения и умножения по модулю n над элементами множества (индексами букв алфавита), можно получить систему подстановок, которую называют аффинной системой подстановок Цезаря. Определим процедуру зашифрования в такой системе:

y ≡ ax + b (mod N),

где a и b – целые числа.

При этом взаимно однозначные соответствия между открытым текстом и шифртекстом будут иметь место только при выполнении следующих условий: 0 ≤ a, b< N, наибольший общий делитель (НОД) чисел a, b равен 1, т.е. эти числа являются взаимно простыми.

**Полиграммные шифры**

В таких шифрах одна подстановка соответствует сразу нескольким символам исходного текста.

Первым известным шифром этого типа является шифр Порты. Шифр представляется в виде таблицы. Наверху горизонтально и слева вертикально записывался стандартный алфавит. В ячейках таблицы записываются числа в определенном порядке.

Шифрование выполняется парами букв исходного сообщения. Первая буква пары указывает на строку, вторая – на столбец. В случае нечетного количества букв в сообщении Мi к нему добавляется вспомогательный символ, например, «А».

С точки зрения криптостойкости рассматриваемый тип шифров имеет преимущества перед моноалфавитными шифрами. Это связано с тем, что распределение частот групп букв значительно более равномерное, чем отдельных символов. Во-вторых, для эффективного частотного анализа требуется больший размер зашифрованного текста, так как число различных групп букв значительно больше, чем мощность алфавита.

**Омофонические шифры**

Омофонические шифры (омофоническая замена) или однозвучные шифры подстановки создавались с целью увеличить сложность частотного анализа шифртекстов путем маскировки реальных частот появления символов текста с помощью омофонии.

При шифровании символ исходного сообщения заменяется на любую подстановку из «своего» столбца. Если символ встречается повторно, то, как правило, используют разные подстановки. Например, исходное сообщение «АБРАМОВ» после зашифрования может выглядеть так: «357 990 374 678 037 828 175».

Книжный шифр. Заметным вкладом греческого ученого Энея Тактика в криптографию является предложенный им так называемый книжный шифр. После Первой мировой войны книжный шифр приобрел иной вид. Шифрозамена для каждой буквы определялась набором цифр, которые указывали на номер страницы, строки и позиции в строке (вспомните пример использования такого шифра известными героями фильма «17 мгновений весны»). Даже с формальной стороны отсутствие полной электронной базы изданных к настоящему времени книг делает процедуру взлома шифра практически не выполнимой.

**Полиалфавитные шифры**

Полиалфавитные (или многоалфавитные) шифры состоят из нескольких шифров однозначной замены. Выбор варианта алфавита для зашифрования одного символа зависит от особенностей метода шифрования.

Диск Альберти. В «Трактате о шифрах» [10] Альберти приводит первое точное описание многоалфавитного шифра на основе шифровального диска.

Он состоял из двух дисков – внешнего неподвижного и внутреннего подвижного дисков, на которые были нанесены буквы алфавита. Процесс шифрования заключался в нахождении буквы открытого текста на внешнем диске и замене ее на букву с внутреннего диска, стоящую под ней. После этого внутренний диск сдвигался на одну позицию и шифрование второй буквы производилось уже по-новому шифралфавиту. Ключом данного шифра являлся порядок расположения букв на дисках и начальное положение внутреннего диска относительно внешнего.

Таблица Трисемуса. В 1518 году в развитии криптографии был сделан важный шаг благодаря появлению в Германии первой печатной книги по криптографии. Аббат Иоганнес Трисемус, настоятель монастыря в Вюрцбурге, написал книгу «Полиграфия», в которой он описал ряда шифров, один из которых развивает идею многоалфавитной подстановки. Зашифрование осуществляется так: заготавливается таблица подстановки (так называемая «таблица Трисемуса» – таблица со стороной равной N, где N – мощность алфавита), где первая строка – это алфавит, вторая – алфавит, сдвинутый на один символ, и т. д. При зашифровании первая буква открытого текста заменяется на букву, стоящую в первой строке, вторая – на букву, стоящую во второй строке, и т.д. После использования последней строки вновь возвращаются к первой.

Таким образом, ключом в таблицах Трисемуса является ключевое слово и размер таблицы. При шифровании буква открытого текста заменяется буквой, расположенной ниже нее в том же столбце. Если буква текста оказывается в нижней строке таблицы, тогда для шифртекста берут самую верхнюю букву из того же столбца.

# **Практическая часть**

**Задание 1**

Разработать авторское приложение в соответствии с целью лабораторной работы. Приложение должно реализовывать выполнять зашифрование/расшифрование с помощью шифра Порты и Цезаря текстовых документов (объемом не менее 5 тысяч знаков), созданных на основе русского алфавита.

1. Шифр Порты:

Шифр представляется в виде таблицы. Наверху горизонтально и слева

вертикально записывается стандартный алфавит. В ячейках таблицы записываются числа в определенном порядке. представленная на рисунке 1.1.



Рисунок 1.1 — Содержание документа с исходным текстом

Результаты работы при шифровании представленная на рисунке 1.2.:

****

Рисунок 1.2– Шифрование с помощью шифра Порты

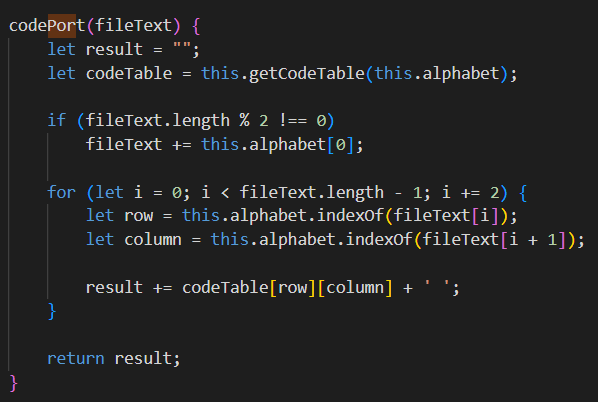
Для выполнения задания была реализованы следующая функция,представленная на рисунке 1.3.: 

Рисунок 1.3 – Функция для шифрования с помощью Порты

Результаты работы при расшифровании, представленная на рисунке 1.4.:

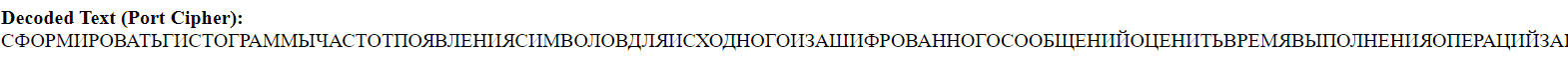
****

Рисунок 1.4– Расшифрование

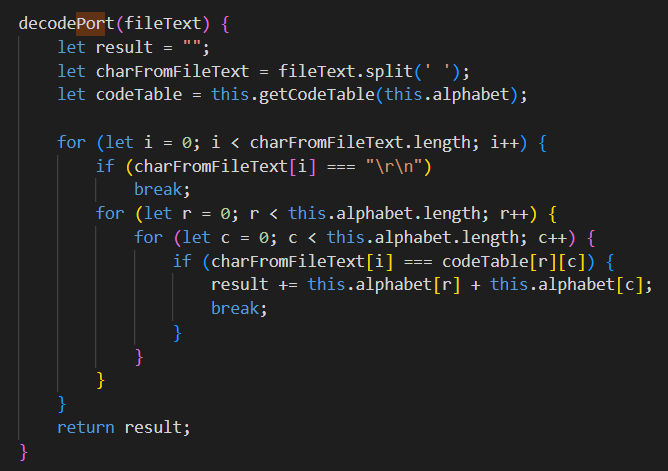
Для выполнения задания были реализованы следующая функция decodePort, представленная на рисунке 1.4.: 

Рисунок 1.4. – функция для расшифрования с помощью Порты

1. Шифр Цезаря с ключевым словом:

Он является одноалфавитной системой подстановки. Особенностью этой системы является использование ключевого слова (ключа) для смещения и изменения порядка символов в алфавите подстановки (желательно, чтобы все буквы ключевого слова были различными). Ключевое слово пишется в начале алфавита подстановки.

Ключевое слово-КОКТЫШ. Рисунок реализации визуально этого шифра представлена в рисунке 2.1

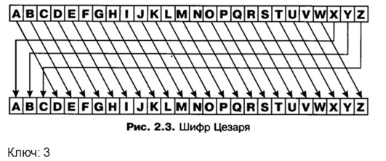


Рисунок 3.1 – Реализация шифра

Результаты работы при шифровании, представленная на рисунке 2.2.:

****

Рисунок 2.2– Шифрование с помощью шифра Цезаря

Для выполнения задания на языке JavaScript были реализованы следующая функция , представленная на рисунке 2.3.:

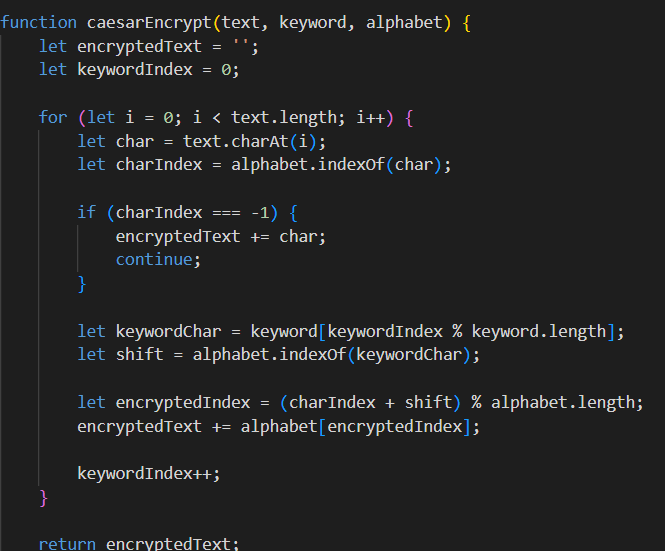


Рисунок 2.3– Функция для шифрования с помощью шифра Цезаря

Результаты работы при расшифровании, представленная на рисунке 2.4.:

****

Рисунок 2.4.– Функция для расшифрования с помощью шифра Цезаря

Для выполнения задания были реализованы следующая функция, представленная на рисунке 2.5.:

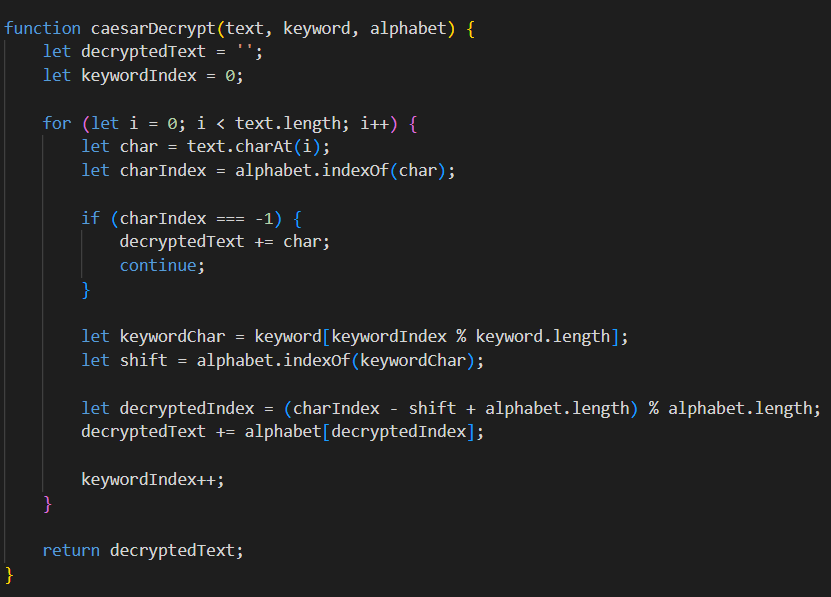


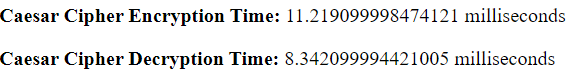
Рисунок 2.5.– Функция для расшифрования с помощью шифра Цезаря

Мы видим, что все расшифрованные символы соответствуют каждому символу исходного сообщения. Значит, алгоритм дешифрования зашифрованного текста работает правильно.

**Задание 3**

Оценить время выполнения операций зашифрования/расшифрования.

Для выполнения задания были реализованы следующая функция, представленная на рисунке 3.1.:



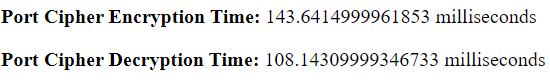


Рисунок 3.1.— Время выполнения операций зашифрования /расшифрования для шифра Цезаря и шифра Порты.

Далее, нужно было сформировать гистограммы частот появления символов для исходного и зашифрованного сообщений. Гистограмма частот появления символов исходного сообщения приведена на рисунке 3.1.

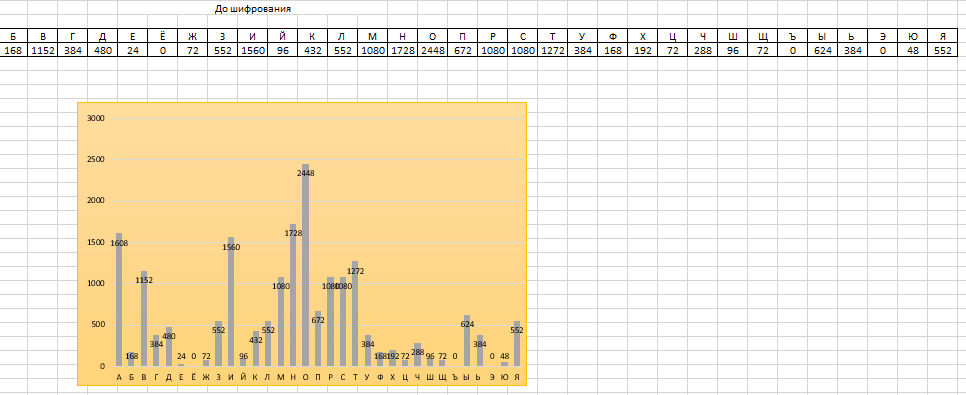


Рисунок 3.2.— Гистограмма частот появления символа исходного сообщения.

Гистограмма частот появления символов зашифрованного сообщения (с помощью шифра Цезаря)приведена на рисунке 3.3.

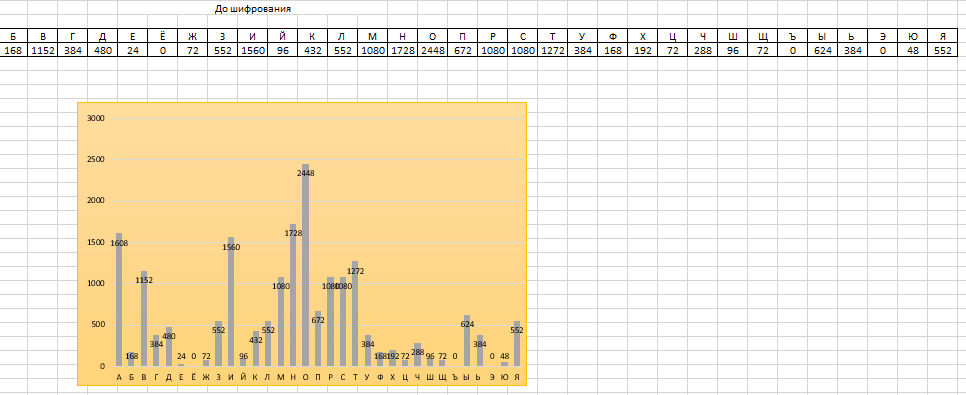


Рисунок 3.3.— Гистограмма частот появления символов зашифрованного сообщения.

Сопоставив гистограммы частот появления символов исходного и зашифрованного сообщений можно определить алфавит подстановки.

Гистограмма частот появления символов исходного сообщения приведена на рисунке 3.1.

Гистограмма частот появления символов зашифрованного сообщения(с помощью шифра Порты) приведена на рисунке 3.4.

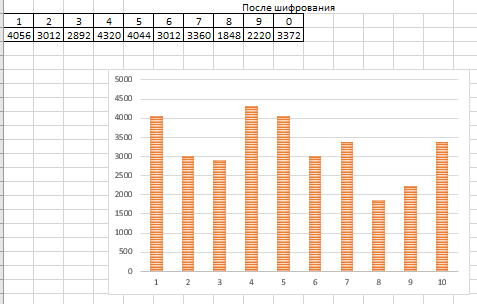


Рисунок 3.4 – Гистограмма частот появления символов зашифрованного сообщения

Сопоставив гистограммы частот появления символов исходного и зашифрованного сообщений также нельзя так просто определить алфавит подстановки.

# **Вывод:**

В данной лабораторной работе были закреплены теоретические знания по алгебраическому описанию, алгоритмам реализации операций зашифрования/расшифрования и оценке криптостойкости шифров. Были ознакомлены с особенностями реализации и свойствами различных подстановочных шифров. Было разработано приложение для реализации указанных преподавателем методов подстановочного зашифрования/расшифрования. Были проведены исследования криптостойкости шифров на основе статистических данных о частотах появления символов в исходном и зашифрованном сообщениях.