Dans ce chapitre, on introduit une formulation nouvelle des deux premiers principes de la thermodynamique, dans laquelle on envisage les transformations étudiées en première année comme des suites de transformations infinitésimales. Plutôt que de réaliser des bilans de grandeurs entre un état final et initial, on pourra décrire un système tout au long d'une transformation, et ainsi décrire l'évolution des grandeurs.

Les objectifs de ce chapitre sont multiples :

- Rappeler les notions vues en première année, qui doivent être connues sans défaut : la thermodynamique est un édifice dont les bases ne peuvent être fragiles. Il n'est pas rare que la thermodynamique de première année soit largement utilisée dans les épreuves de concours ;
- Préparer les chapitres suivants, dans lesquels on aborde la thermodynamique des réactions chimiques, les machines thermiques réelles, la thermodynamique industrielle, etc.

TABLE DES MATIERES

I - DESCRIPTION D'UN SYSTÈME THERMODYNAMIQUE À L'ÉQUILIBRE	- 1 - 2
II - DESCRIPTION DES TRANSFORMATION D'UN SYSTÈME THERMODYNAMIQUE	- 5 - 6
III - TRANSFORMATIONS INFINITÉSIMALES	- 8 - 8 10 10

I - DESCRIPTION D'UN SYSTÈME THERMODYNAMIQUE À L'ÉQUILIBRE

Dans cette section, on rappelle quelques concepts fondamentaux de thermodynamique, relatifs à la définition des systèmes thermodynamiques, et à la manière dont ils sont décrits par certaines variables macroscopiques. Si les concepts rappelés ici vous causent la moindre contrariété, il est nécessaire de vous référer à vos cours de première année.

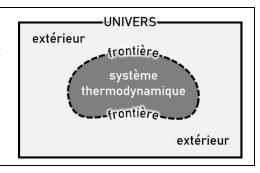
I.1 - Rappels : différents types de systèmes

Système, frontières du système, extérieur

Un **système thermodynamique** est une portion de matière et/ou de rayonnement délimité du milieu extérieur par une frontière.

La frontière du système peut être :

- Matérielle (murs, parois, piston mobile, etc.)
- Virtuelle (délimitation imaginaire)



La frontière représentée ci-dessus est particulièrement simple, mais peut parfois être :

- Non-connexe (par exemple, le système constitué de l'ensemble des bulles de CO₂ présentes dans une coupe de champagne) ;
- Indépendant du mouvement de la matière (par exemple, le système constitué de la partie de l'atmosphère terrestre comprise entre l'altitude z et z + h) ;
- De volume et de forme variable dans le temps (par exemple, le système constitué d'un gaz comprimé par un piston mobile dans une enceinte).

Types de systèmes, types de paroi

Type de système	Laisse passer la matière (atomes, molécules,)	Laisse passer l'énergie (conduction thermique, rayonnement,)
Ouvert		
Fermé		
Isolé		

La frontière est qualifiée de :

- Calorifugée, si elle ne laisse pas passer la chaleur ; diatherme sinon ;
- Imperméable si elle ne laisse pas paser la matière ; perméable sinon.

Remarque: si le système est isolé, il n'existe aucune forme de communication entre le système et l'extérieur. On peut donc oublier ce dernier dans l'étude thermodynamique; tout se passe comme s'il n'existait pas.

I.1.A - Notes sur la caractérisation du système

En réalité, il n'existe aucune paroi parfaitement imperméable à la matière et à l'énergie. Par exemple, à température et pression ambiante, même une paroi métallique d'un millimètre d'épaisseur laisse passer 10^3 à 10^6 petites molécules de gaz par seconde et par cm^2 (c'est un ordre de grandeur très approximatif; cette grandeur varie beaucoup en fonction de la température, de la nature du gaz et de la paroi). De même, il est très difficile d'isoler thermiquement un système (même les meilleurs thermos gardent leur contenu relativement chaud ou froid pendant au mieux $24 \, h$).

Est-il pour autant impossible qu'un système soit fermé ou isolé? Non! Si on étudie une transformation extrêmement rapide par rapport à une certain type de transfert, alors on pourra négliger ce transfert pendant la durée de l'expérience.

Exemple 1 : on étudie l'échauffement de l'air dans le pneu d'une voiture qui accélère 0 à 130 km. h⁻¹. Au sens strict, la chambre à air est perméable à l'air et aux transferts thermiques. Cela dit, l'ordre de grandeur du temps de variation de température dans le pneu est de l'ordre de la dizaine de secondes (~ 10¹ s), alors que l'ordre de grandeur du temps de variation de la pression dans le pneu (à cause des transferts de matière au travers du pneu) est de l'ordre de la semaine (~ 10⁶ s). Dans ce cas, on pourra considérer que lors de l'accélération, la paroi de la chambre à air est approximativement imperméable à la matière, donc que le système est fermé.

Exemple 2 : on étudie la variation de pression due à l'explosion d'un gaz inflammable dans une enceinte en béton fermée. Au sens strict, l'enceinte est perméable à l'air et aux transferts thermiques. Cela dit, l'ordre de grandeur du temps de variation de pression dans l'enceinte (causée par l'explosion) est de l'ordre de la microseconde ($\sim 10^{-3}$ s), la durée de variation de la température due au transfert thermique est de l'ordre de la minute ($\sim 10^2$ s). On pourra donc étudier la variation de pression due à l'explosion en considérant que les parois en béton sont imperméables aux transferts de chaleur, c'est-à-dire que le système est isolé.

1.2 - Échelles de description du système

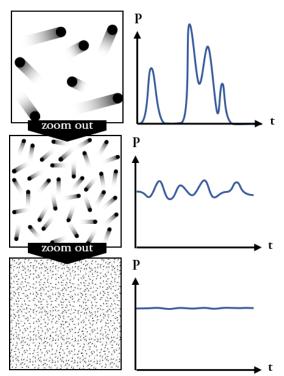
Les systèmes thermodynamiques sont toujours constitués d'un grand nombre d'atomes ou de molécules^a (pour rappel, un petit verre d'eau contient environ 10^{24} molécules). Comme il est illusoire de traiter la dynamique d'autant de particules en utilisant les lois de la mécanique, on décrit l'état du système en utilisant un petit nombre de variables d'état (P, V, T, etc.) Certes la valeur de ces variables ne donne pas une image aussi précise du système que la connaissance de la dynamique de chaque particule, mais cela suffit à caractériser l'état macroscopiques du système.

Il est alors possible de s'interroger sur la limite au-delà de laquelle il est pertinent, ou possible, de traiter un système de manière thermodynamique. Peut-on décrire l'évolution thermodynamique d'un système de 10 particules? 10^6 particules? 10^{12} particules?

I.2.A - Échelle macroscopique et microscopique

Afin de comprendre la limite au-delà de laquelle on peut décrire un système en utilisant les grandeurs thermodynamiques, on considère différents cas d'un ensemble de particules dans une enceinte de taille croissante.

^a On parlera plus généralement de particules, d'une part car ce terme inclut à la fois les atomes et les molécules, mais aussi car il est possible d'étudier la thermodynamique d'un gaz de photons dans une cavité, ou d'électrons dans un métal (hors-programme).



Échelle microscopique: taille à laquelle on distingue le comportement individuel des particules. À cette échelle, la matière est discontinue, et les grandeurs thermodynamiques ne sont pas définies (elles fluctuent fortement dans le temps et sont discontinues).

Exemple de la pression P sur une paroi : quand une particule frappe la paroi, la pression est non-nulle, mais entre deux chocs, la pression reste nulle.

Plus on agrandit l'échelle, plus on considère de particules : les grandeurs thermodynamiques sont moins fluctuantes (par effet de moyenne).

Exemple de la pression P sur une paroi : ici, le nombre de particules qui frappent la paroi par unité de temps varie, donc la pression fluctue encore.

Échelle macroscopique : taille à laquelle la matière apparait continue, et les grandeurs thermodynamiques sont bien définies.

Exemple de la pression P sur une paroi : le nombre de particules qui frappent la paroi est tellement grand que la force exercée par unité de surface prend une valeur constante.

Échelle macroscopique, échelle microscopique				
Un système est macroscopique				
Un système est microscopique				

Attention: la « taille suffisante » pour qu'un système soit qualifié de macroscopique est variable en fonction de la nature même du système. Une phase condensée pourra souvent être considérée macroscopique dès que sa taille est de l'ordre du micromètre (car ce volume contient déjà un nombre considérable de particules). En revanche, il est possible qu'un gaz très dilué ne puisse pas être qualifié de macroscopique alors que sa taille est de l'ordre du millimètre (puisqu'il pourrait ne contenir qu'un faible nombre de particules).

Comment alors donner un sens à une grandeur thermodynamique en un point du système? Que signifie la pression P(x, y, z)? sachant que le point (x, y, z) n'a pas de volume (et donc ne peut pas être qualifié de macroscopique).

I.2.B - Échelle mésoscopique

Pour donner un sens aux grandeurs thermodynamiques définies en un point du système, on définit des sous-systèmes de taille mésoscopique, possédant les propriétés suivantes :

- Le sous-système **mésoscopique** est **suffisamment petit** devant la taille totale du système pour être assimilé à un point ;
- Le sous-système mésoscopique est suffisamment grand pour que les grandeurs thermodynamiques soient définies.

Il devient alors possible de parler de « la température (ou pression) de l'air au point M », ce qui signifie réellement « la température (ou pression) d'un volume d'air de taille mésoscopique situé autour du point M ».

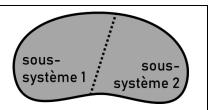
Comme l'indique l'étymologie du mot, l'échelle mésoscopique peut être considérée comme une échelle intermédiaire entre microscopique et macroscopique (cela dit, elle pourrait aussi être considérée comme macroscopique, car les grandeurs thermodynamiques y sont définies et décrivent correctement le système). Encore une fois, la taille pertinente de l'échelle microscopique dépend de la nature du système, et peut varier considérablement d'un système à l'autre.

1.3 - Description de l'équilibre d'un système

Toutes les sous-parties d'un système thermodynamiques échangent de l'énergie et de la matière, que le système soit en équilibre ou non (les particules qui composent le gaz ou le liquide sont en mouvement désordonné perpétuel, et passent sans-cesse d'une sous-partie à l'autre). Cela dit, dans un système à l'équilibre, le flux d'énergie et de matière d'une sous-partie 1 vers une sous-partie 2 est compensé par le flux d'énergie en sens inverse.

Équilibre thermodynamique

Un système est à l'équilibre thermodynamique si le bilan des échanges d'énergie et de matière entre chacune de ses sous-parties est nul.



Cette condition implique **l'uniformité de la température** au sein de tout le système (puisqu'un flux d'énergie thermique se crée entre deux sous-parties de températures différentes), mais pas forcément des autres paramètres (comme la pression, qui par exemple est plus élevée au fond d'un bécher qu'à la surface).

I.3.A - Variables d'état et variables de transfert

Bien qu'un système thermodynamique comporte un nombre incommensurable de degrés de libertés, la description de son état thermodynamique passe par la connaissance d'un petit nombre de variables, appelées variables d'état.

Variables d'état

Une variable d'état est une grandeur physique qui <u>décrit l'état</u> macroscopique d'un système thermodynamique.

Remarque: parler de « la température » ou de « la pression » d'un système suppose que ces grandeurs prennent une valeur unique dans tout le système. On supposera le plus souvent que c'est le cas (même si c'est parfois une approximation grossière).

Variables de transfert

Une variable de transfert est une grandeur physique qui <u>décrit un échange</u> entre un système thermodynamique et l'extérieur.

Attention: Un examinateur ne pardonnera pas les erreurs de vocabulaire liées à ces deux types de variables. On peut parler de la température ou de la pression d'un système, mais cela n'a pas de sens de parler de « la chaleur d'un système ».

1.3.B - Expressions de fonctions d'état et des équations d'état connues

Il est nécessaire de connaître les équations d'état déjà abordées en première année :

Équations d'état

Les variables d'état ne sont pas forcément indépendantes ; certaines d'entre elles sont liées par des **équations d'état**, qui sont des relations liant les variables d'état entre elles. On peut les noter f(T, V, P, ...) = 0.

Équation d'état d'un gaz parfait

Équation d'état d'une phase condensée idéale (indilatable, incompressible)

De même, on connait l'expression de certaines fonctions d'état pour des systèmes idéaux :

Variation d'énergie interne d'un gaz parfait :	Variation d'enthalpie d'un gaz parfait :

Variation d'énergie interne d'une phase condensée idéale : Variation d'enthalpie d'une phase condensée idéale :

II - DESCRIPTION DES TRANSFORMATION D'UN SYSTÈME THERMODYNAMIQUE

II.1 - Rappels : différents types de transformations

Dans la plupart des transformations thermodynamiques, au moins une partie des variables d'état du système gardent une valeur fixe. Il est toujours très important d'identifier tous les paramètres constants **avant** de débuter l'étude de la transformation, afin de simplifier l'application du premier et du deuxième principe.

Caractéristique des transformation – Paramètres constants du système				
Une transformation où le paramètre X du système est constant est dite iso-X :				

Alternativement, il est possible que certains paramètres de **l'extérieur du système** gardent une valeur constante lors de la transformation. Ainsi, quand bien même les variables d'état correspondantes du système peuvent varier lors de la transformation, l'équilibre initial et final entre le système et l'extérieur fixe leur valeur initiale et finale.

Caractéristique des transformation – Paramètres constants de l'extérieur

Une transformation où le paramètre X de l'extérieur est constant et impose les valeurs initiale et finale de la transformation est dite mono-X : monotherme, monobare.

Pour déterminer les caractéristiques d'une transformation, il est nécessaire de connaître la nature des frontières du système, ainsi que la nature de la transformation elle-même.

Il existe une autre manière de qualifier les transformations thermodynamiques qui ne concerne pas directement la variation des variables d'état, mais qui pourtant joue un rôle capital dans l'étude des transformations et l'application du deuxième principe.

Caractéristiques des transformations

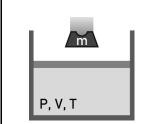
Quasi-statique : à chaque instant de la transformation, le système est « aussi proche que possible » d'un état d'équilibre. À chaque instant, on peut donc définir toutes les variables d'état du système.

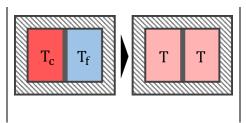
Réversible : quasi-statique, et à chaque instant de la transformation, le système est « aussi proche que possible » d'un état d'équilibre **avec l'extérieur**. Cela signifie qu'en inversant l'évolution des conditions extérieures, il est possible d'inverser la transformation subie par le système.

Aucune transformation réelle, n'est quasi-statique, et encore moins réversible. Cela dit, on s'autorisera souvent à parler des grandeurs thermodynamiques du système pendant une transformation, ce qui signifie qu'on suppose tacitement qu'elles sont bien définies (pendant la transformation, pas seulement aux instants initial et final), donc que la transformation est quasi-statique.

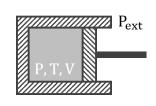
Application – Transformations quasi-statiques et réversibles

Déterminer si les transformations ci-dessous sont quasi-statiques et/ou réversibles :









On laisse tomber une masse sur le piston d'une enceinte contenant du gaz.

On met en contact un corps chaud | Le gaz contenu dans avec un corps froid dans une enceinte calorifugée. La paroi diatherme transmet la chaleur très lentement.

un ballon gonflable s'échappe lentement par un petit trou.

On compresse très lentement un gaz dans une enceinte calorifugée, sans frottements.

II.2 - Rappel: premier principe

II.2.A - Rappel concernant l'énergie interne

L'expression du premier principe est fondée sur deux constats fondamentaux :

- Les variations d'énergie interne d'un système sont issues de transferts avec l'extérieur (car l'énergie se conserve) ;
- Les transferts d'énergie peuvent se faire de deux manières distinctes : sous forme de chaleur Q, ou de travail W.

L'énergie totale d'un système thermodynamique se sépare en plusieurs contributions :

L'énergie interne U dont on fait usage en thermodynamique exclut les formes d'énergie macroscopique (qui ne sont pas du ressort de la thermodynamique, mais de la mécanique newtonienne). Par exemple, Ecmacro représente l'énergie cinétique globale du système (c'est-à-dire l'énergie cinétique de son centre de masse), alors que Ecirco représente la somme de l'énergie cinétique désordonnée de toutes les particules qui composent le système.

De manière similaire, E_{n}^{macro} représente les énergies potentielles d'interaction qui portent sur la globalité du système (par exemple, si un système massif est soumis à une attraction gravitationnelle extérieure, ou si un système chargé est soumis à un champ électrique extérieur). De son côté, E_pmicro représente les énergies potentielles d'interaction entre les particules (les forces de Van Der Waals, les énergies de liaisons covalentes, etc.)

Encore une fois, au sens strict, la grandeur U dépend de l'ensemble de la dynamique des particules qui composent le système, mais on considère que cette grandeur peut s'exprimer avec un petit nombre de paramètres d'état (P, V, T, n_i, etc.)

II.2.B - Premier principe

Fransformation infinitésimale, transformation finie

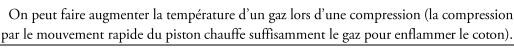
La variation d'énergie d'un système entre un état A et B s'exprime :

On remarque que les variables de transfert ne prennent pas de « Δ » : ce ne sont pas des variations !

On notera que la température (donc l'énergie interne) du système peut varier, quand bien même il ne recevrait pas de chaleur. Par exemple:



On peut faire augmenter la température d'un liquide en l'agitant suffisamment (un blender de cuisine fait chauffer de l'eau uniquement via la rotation des lames, par friction).





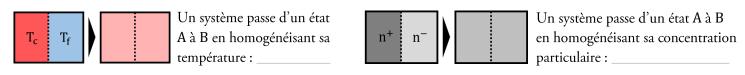
Il faut donc bien comprendre que, si les flux de travail et de chaleur sont comptés séparément dans le premier principe, une fois dans le système, cette distinction disparait : un flux de chaleur entrant pourra ressortir plus tard sous forme de travail, et vice-versa.

II.3 - Rappel : deuxième principe

II.3.A - Rappels concernant l'entropie

La thermodynamique permet de faire une étude relativement simple de systèmes comportant un nombre incommensurable de degrés de liberté (au moins 10^{20} molécules en interaction), en réduisant la description du système à un faible nombre de variables d'état (énergie, pression, température, volume, etc.) Ce faisant, on perd une information capitale : la configuration microscopique du système dont résultent ces différentes grandeurs. En effet, à un même jeu de variables P, T, V, U, etc. peuvent correspondre différents états du système.

L'entropie est une grandeur liée aux configurations microscopiques du système qui ne sont pas décrites par la pression, le volume, l'énergie, etc. On pourra retenir, de manière très qualitative, que l'entropie est une mesure de l'uniformité du système. Par exemple :



II.3.B - Deuxième principe

Le second principe axiomatise le comportement des systèmes thermodynamiques en fournissant des critères permettant d'affirmer l'existence ou l'impossibilité d'une transformation thermodynamique.

De	euxième principe pour un système fermé
La	variation d'entropie (en J. K ⁻¹) d'un système fermé s'écrit :
•	Le terme d'entropie échangée est dû aux transferts de chaleur. À température T constante ^b , on a :
•	Le terme d'entropie créée est <i>a priori</i> inconnu, mais vérifie l'inégalité :

La définition de la réversibilité énoncée plus haut est équivalente à une autre définition, plus technique, qui fait intervenir le terme d'entropie créée :

Transformation réversible et entropie créée									

Les frottements, les changements brusques, les inhomogénéités spatiales sont des causes classiques de création d'entropie, et donc d'irréversibilité des transformations.

^b Au sens strict, la température devrait ici être celle de la frontière du système, là où se produit le flux de chaleur. Dans la majeure partie des cas, cette température sera identique à celle du système lui-même, ou à celle du milieu extérieur.

III - TRANSFORMATIONS INFINITÉSIMALES

Sauf indication contraire, on considèrera que les transformations étudiées sont quasi-statiques, et on s'autorisera à parler de toutes les grandeurs thermodynamiques pendant le déroulement des transformations.

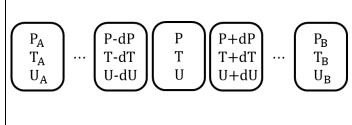
III.1 - Notion de transformation infinitésimale

Afin de déterminer la variation de grandeurs lors de transformations thermodynamiques, il est souvent très pratique de la « découper » en une infinité de transformations infinitésimales.

Transformation infinitésimale, transformation finie

Une transformation entre deux états infiniment proches est dite « infinitésimale » ; une transformation usuelle est dite « finie ».

Lors d'une transformation infinitésimale, toutes les variations des grandeurs du système sont aussi des quantités infinitésimales, notées dT, dP, dV, etc.



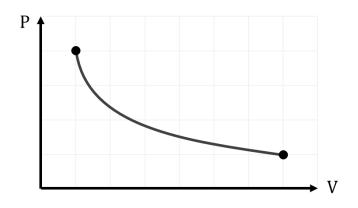
Attention: la notion de transformation infinitésimale est une vue d'esprit permettant d'appliquer des opérations mathématiques, afin de trouver des résultats qui concernent ultimement les transformations finies (une transformation infinitésimale n'est pas une transformation réelle, mais étape élémentaire infiniment petite d'une transformation réelle).

Exemple - compression d'un gaz parfait

On considère la compression d'un gaz parfait à la pression P dans une enceinte de volume V.

On représente sur le diagramme (P, V) ci-contre le chemin pris par le système lors de la transformation, et on y fait figurer, à un point quelconque de la transformation, les grandeurs dP et dV.

On retrouve les propriétés de la transformation finie en « sommant » les transformations infinitésimales.

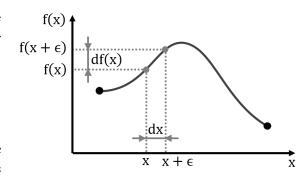


III.2 - Variation infinitésimale d'une grandeur

III.2.A - Notation de la dérivée avec des éléments infinitésimaux

La valeur de la fonction dérivée f'(x), évaluée au point x, est égale à la limite lorsque $\epsilon \to 0$ de l'accroissement de la fonction entre x et $x + \epsilon$, divisé par ϵ :

On appelle dx la variation infinitésimale de la grandeur en abscisse, et df(x) celle en ordonnée. On remarque que la limite n'apparait plus dans cette notation : il est ici **implicite** que le rapport fait intervenir des quantités infinitésimales (c'est-à-dire infiniment petites^c).

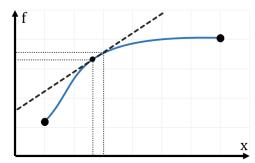


^c Il est important de comprendre que ces deux quantités infinitésimales ne doivent pas être considérées comme de simple nombre dont la valeur serait petite; ce sont des quantités **mathématiquement infinitésimales**, et non pas de petits nombres. Toute expression de la forme dX = Y sera alors forcément fausse, car un infinitésimal ne peut en aucun être égal à une quantité non-infinitésimale.

III.2.B - Variation d'une fonction lors de la variation infinitésimale de ses variables

Lors d'une transformation infinitésimale, on peut vouloir exprimer la variation d'une fonction d'état f(P,V,T,...) en fonction des paramètres d'état dont elle dépend (P,V,T,...).

On considère une fonction f d'une variable nommée x. Par un développement de Taylor autour du point x, on peut écrire :



Ce développement de Taylor est considéré exact, car dx étant une quantité infinitésimale, on considère dx^2 rigoureusement nul. On peut alors isoler la variation infinitésimale de la fonction f, qu'on appelle df:

Variation infinitésimale d'une fonction de plusieurs variables

De manière générale, on considère une fonction d'état f, dépendant de variables (x1, x2, ...). Lors d'une variation infinitésimale des variables, notée dx_1 , dx_2 , etc., la fonction f varie d'une quantité $df(x_1,x_2,...)$ qui s'exprime :

Attention: il ne faut pas oublier que les termes $\partial f/\partial x_1$ et $\partial f/\partial x_2$ peuvent tous deux dépendre des deux variables x_1 et x_2 .

Un exemple pour comprendre – Variation infinitésimale d'entropie

- 1. On considère l'expression de l'entropie d'un gaz parfait démontrée en première année, en fonction de la température et du volume : $S(T,V) = S_0 + \frac{nR}{\gamma-1} ln\left(\frac{T}{T_0}\right) + nR ln\left(\frac{V}{V_0}\right)$. Exprimer la variation infinitésimale d'entropie dS en fonction des deux variables.
- 2. On considère la loi des gaz parfaits : PV = nRT. Exprimer la variation infinitésimale des deux membres de l'égalité.

III.2.C - Intégration d'une relation différentielle

Les transformations infinitésimales ne sont utiles qu'en tant qu'intermédiaires de calcul pour arriver à des résultats concernant une transformation finies. Il sera donc souvent nécessaire de passer d'une relation mathématique infinitésimale à une transformation finie, par intégration.

Intégration d'une relation infinitésimale

Si un système physique passe d'un état caractérisé par les variables $(x_1^A, x_2^A, ...)$ à un état caractérisé par $(x_1^B, x_2^B, ...)$, et qu'il existe une relation différentielle :

Alors on peut intégrer cette relation comme :

Un exemple pour comprendre – Intégration d'une relation différentielle

- 1. On reprend l'expression de la variation infinitésimale d'entropie établie plus haut : $dS(T,V) = \frac{nR}{\gamma-1} \cdot \frac{dT}{T} + nR \cdot \frac{dV}{V}$. Le système passe d'un état 1 (T_1, V_1) à un état 2 (T_2, V_2) ; exprimer la variation d'entropie entre ces deux états.
- 2. On considère une compression adiabatique d'un gaz parfait, vérifiant donc la loi de Laplace : $PV^{\gamma} = cte$. Le système évolue d'un état 1 (V_1) à un état 2 (V_2) . Exprimer la variation de pression par une méthode différentielle.

III.3 - Premier et deuxième principe de la thermodynamique

III.3.A - Énoncés

On généralise simplement les deux principes de la thermodynamique au cas d'un transformation infinitésimale, en utilisant les notations introduites plus haut.

Premier et deuxième principe pour une transformation infinitésimale d'un système fermé					
La variation d'entropie (en J. K^{-1}) d'un système fermé s'écrit :	La variation d'énergie interne (en J) d'un système fermé s'écri				

L'application des deux principes sous leur forme infinitésimale n'est qu'une étape de calcul permettant d'arriver à un résultat concernant une transformation finie.

Un exemple pour comprendre – Variation d'énergie interne d'un gaz parfait compressé

Une enceinte calorifugée contenant ${f n}$ moles de gaz parfait est compressée d'un volume ${f V}_1$ à ${f V}_2.$

Calculer la variation d'énergie interne du gaz.

III.3.B - Quantités infinitésimales δX vs. dX

On remarque l'utilisation d'un nouveau symbole δX pour désigner des quantités infinitésimales. Ce symbole ne doit pas être utilisé indifféremment du dX:

- L'élément infinitésimal **d** s'applique aux fonctions d'état et aux variables d'état (qui décrivent l'état du système à un instant donné). On peut écrire : $\int_A^B dX = X(B) X(A)$, c'est-à-dire que l'intégrale de dX entre deux états A et B n'est autre que la différence entre la valeur de X dans l'état B et celle de X dans l'état A. En conséquence, on a aussi $\int_A^A dX = 0$, c'est-à-dire que la variation d'une variable ou fonction d'état X entre deux états identiques est nulle.
- L'élément infinitésimal δ s'applique aux grandeurs de transfert, qui ne caractérisent pas l'état d'un système, mais un échange entre systèmes (comme Q ou W). Il est incorrect d'intégrer sur un élément infinitésimal δ (sauf s'il s'avère être égal à une expression différentielle, comme dans le cas $\delta W = -P \, dV$).

III.4 - Identités usuelles

On récrit ci-dessous les relations usuelles de la thermodynamique :

Variation d'énergie interne d'un gaz parfait :	
Variation d'enthalpie d'un gaz parfait :	

Variation d'enthalpie/entropie d'une phase condensée idéale :

Variation d'entropie d'un gaz parfait :

Définition de la capacité thermique à volume constant :

III.5 - Formulations temporelle et massiques des deux principes

III.5.A - Formulation temporelle (en puissance)

La formulation infinitésimale du premier principe permet d'obtenir facilement une version « temporelle », c'est-à-dire faisant intervenir des puissances (en $W = J. s^{-1}$) plutôt que des énergies (en J).

Premier principe en puissance

Le premier principe en puissance pour un système fermé (sans énergie cinétique et potentielle macroscopique) :

On distingue:

- le flux thermique entrant algébriquement dans le système :
- la puissance mécanique exercée sur le système : _

Ces deux grandeurs sont positives lorsque le système gagne de l'énergie (comme δW et δQ).

La formulation instantanée du second principe est moins utilisée : $\frac{dS}{dt} = \frac{\Phi_{th}}{T} + \frac{\delta S_c}{dt}$. Le terme $\delta S_c/dt$ est le taux de production d'entropie. Il n'est pas nécessaire de retenir explicitement cette formule (mais il doit être possible de la retrouver sans efforts).

III.5.B - Formulation massique

On peut simplement diviser l'expression du premier principe par la masse totale du système afin d'obtenir son expression massique (encore une fois, en délaissant l'énergie cinétique et potentielle macroscopique) :

Premier principe en massique

Le premier principe en version massique pour un système fermé de masse m (sans énergie cinétique et potentielle macroscopique) :

De la même manière, on obtient la version massique du second principe :

$$ds = \frac{\delta q}{T} + \delta s_c$$
 avec $s = \frac{S}{m}$, $\delta q = \frac{\delta Q}{m}$, etc.