15. Juni, 2021

Gruppe 1

- (1) Geben Sie die Formel für die kartesische Form und die Polarform einer komplexen Zahl an.
- (2) In welcher Form ist die folgende komplexe Zahl beschrieben? Wie lauten die Werte des Real- und Imaginärteils?

$$z = i\frac{\sqrt{50} + 1}{\sqrt{2}} + 5 - \frac{i}{\sqrt{2}} - 1$$

Gruppe 2

- (1) Geben Sie die Formel für die kartesische Form und die Polarform einer komplexen Zahl an.
- (2) In welcher Form wird die folgende komplexe Zahl beschrieben? Schreiben Sie sie in die andere Form um:

$$z = \left(\frac{3}{2}, \frac{7\pi}{6}\right)$$

Gruppe 3

- (1) Geben Sie die Formel für die Summe zweier komplexer Zahlen z = x + yi und w = u + vi an.
- (2) Berechnen Sie die Summe z+w mit $z=(r_1,\theta)=(1,\frac{\pi}{6})$ und $w=(r_1,\varphi)=(1,\frac{\pi}{3})$. Hinweis: Sie müssen zunächst die kartesischen Formen von z und w berechnen.

Gruppe 4

- (1) Geben Sie die Formel für das Produkt zweier komplexer Zahlen z = x + yi und w = u + vi an.
- (2) Berechnen Sie das Produkt aus $z = (r_1, \theta) = (1, \frac{\pi}{6})$ und $w = (r_1, \varphi) = (1, \frac{\pi}{3})$. Hinweis: Sie müssen zunächst die kartesischen Formen von z und w berechnen.

Gruppe 5

- (1) Gegeben die komplexe Zahl $z=(r,\theta)$ in Polarform geschrieben, wie kann man z in der komplexen Ebene darstellen? Was stellen die Werte von r und θ dar?
- (2) Gegeben die komplexen Zahlen $z_1 = (1, \frac{7\pi}{4})$ und $z_2 = (2, \pi)$, welchem der Punkte A, B, C, D oder E im untenstehenden Graphen entsprechen sie?

 $15.\ \mathrm{Juni},\ 2021$

