

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARÁ INSTITUTO DE CIENCIAS EXATAS E NATURAIS FACULDADE DE COMPUTAÇÃO SISTEMAS DE INFORMAÇÃO

PEDRO PAULO LISBOA DE SOUSA

PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA RESOLUÇÃO DAS QUESTÕES DA LISTA DE VARIÁVEIS ALEATÓRIAS UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARÁ INSTITUTO DE CIENCIAS EXATAS E NATURAIS FACULDADE DE COMPUTAÇÃO SISTEMAS DE INFORMAÇÃO ESTUDANTE: Pedro Paulo Lisboa de Sousa/ 201711140038

TURMA: 2017

DATA: 04 de Dezembro de 2018

RESOLUÇÃO DAS QUESTÕES DA LISTA DE VARIÁVEIS ALEATÓRIAS

Resolução das questões da lista referentes à disciplina de Probabilidade e Estatística, do curso de Bacharelado em Sistemas de Informação, como complemento à 2ª avaliação.

Professor: Miguel Monteiro de Souza

Sumário

Variável Aleatória Discreta	. 1
Modelos de Probabilidade Discretos	. 4
Variável Aleatória Contínua	. 6
Modelos de Probabilidade Contínuos	. 8
Referências Bibliográficas	. 9

Variável Aleatória Discreta

1. Em um determinado condomínio residencial 30% das famílias não tem filhos, 40% tem 1 filho, 20% tem 2 filhos e 10% tem 3 filhos. Seja *X* o número de filhos de uma família sorteada ao acaso dentro desse condomínio residencial.

30% não tem filhos 40% tem 1 filho 20% tem 2 filhos 10% tem 3 filhos

a) Determine a função de probabilidade e a distribuição acumulada de X.

x: n° de filhos $\{0,1,2,3\} \rightarrow$ possíveis valores que x pode assumir. p(0) = 0,3; p(1) = 0,4; p(2) = 0,2; p(3) = 0,1

OBS: Falta o gráfico

b) Calcule a esperança e o desvio padrão de X.

$$E(X) = \sum_{i=1}^{n} x_i p(x_i); \ Var(x) = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 p(x_i) - [E(X)]^2; \ DP = \sqrt{Var(X)}$$

X	$p(x_i)$	$x_i.p(x_i)$
0	0,3	0
1	0,4	0,4
2	0,2	0,4
3	0,1	0,3
Total		1,1

X	$p(x_i)$	$x_i^2.p(x_i)$
0	0,3	0
1	0,4	0,4
2	0,2	0,8
3	0,1	0,9
Total		2,1

$$E(X) = 1, 1;$$

 $Var(X) = 2, 1 - (1, 1)^2 \rightarrow 2, 1 - 1, 21 = 0, 89$
 $DP = \sqrt{0.89} \rightarrow 0.9434$

2. Um indivíduo que possui um seguro de automóvel de uma determinada empresa é selecionado aleatoriamente. Seja *Y* o número de infrações ao código de trânsito para as quais o indivíduo foi reincidente nos últimos 3 anos. A função de de probabilidade de *Y* é:

Y	0	1	2	3
P(Y = y)	0,60	0,25	0,10	0,05

a) Calcule E(Y).

$$E(Y) = \sum_{i=1}^{n} y_i p(y_i)$$

Y	$p(y_i)$	$y_i.p(y_i)$
0	0,6	0
1	0,25	0,25
2	0,1	0,2
3	0,05	0,15
Total		0,6

Logo, E(Y) = 0.6.

b) Suponha que um indivíduo com Y infrações reincidentes incorra em uma multa de U100Y^2$. Calcule o valor esperado da multa.

$$v = 100Y^{2} \rightarrow E(v) = E(100Y^{2}) \rightarrow E(v) = 100.E(Y^{2})$$

$$E(Y^2) = \sum_{i=1}^{n} y_i^2 . p(y_i)$$

Y	$p(y_i)$	$y_i.p(y_i)$
0	0,6	0
1	0,25	0,25
2	0,1	0,4
3	0,05	0,45
Tot	al	1,1

Logo,
$$E(Y^2) = 1, 1$$
.
Com isso, $E(v) = 100.E(Y^2) \rightarrow 100.1, 1 \rightarrow 110$.
Valor esperado: U \$110.

5. Um dado é lançado duas vezes. Seja X a soma dos resultados. Calcule E(X)

$$\Omega = \left\{ \begin{array}{lll}
(1,1), & (1,2), & (1,3), & (1,4), & (1,5), & (1,6) \\
(2,1), & (2,2), & (2,3), & (2,4), & (2,5), & (2,6) \\
(3,1), & (3,2), & (3,3), & (3,4), & (3,5), & (3,6) \\
(4,1), & (4,2), & (4,3), & (4,4), & (4,5), & (4,6) \\
(5,1), & (5,2), & (5,3), & (5,4), & (5,5), & (5,6) \\
(6,1), & (6,2), & (6,3), & (6,4), & (6,5), & (6,6)
\end{array} \right\} X = \left\{ \begin{array}{ll}
2, & 3, & 4, & 5, & 6, & 7 \\
3, & 4, & 5, & 6, & 7, & 8 \\
4, & 5, & 6, & 7, & 8, & 9 \\
5, & 6, & 7, & 8, & 9, & 10 \\
6, & 7, & 8, & 9, & 10, & 11 \\
7, & 8, & 9, & 10, & 11, & 12
\end{array} \right\}$$

X	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$p(x_i)$	1/36	2/36	3/36	4/36	5/36	6/36	5/36	4/36	3/36	2/36	1/36
$x_i.p(x_i)$	2/36	6/36	12/36	20/36	30/36	42/36	40/36	36/36	30/36	22/36	12/36

$$E(X) = \sum_{i=1}^{n} x_i \cdot p(x_i)$$

$$E(X) = \frac{2}{36} + \frac{6}{36} + \frac{12}{36} + \dots + \frac{12}{36} = \frac{252}{36} = 7$$

6. Um homem possui 4 chaves em seu bolso. Como está escuro, ele não consegue ver qual a chave correta para abrir a porta de sua casa. Ele testa cada uma das chaves até encontrar a correta.

C - chave da porta.

 $E_1, E_2 \in E_3$ - outras chaves.

a) Defina um espaço amostral para esse ex

$$\Omega = \left\{ \begin{array}{cccc} C, & E_1C, & E_2C, & E_3C, & E_1E_2C, & E_2E_1C, & E_1E_3C, & E_3E_1C \\ E_2E_3C, & E_3E_2C, & E_1E_2E_3C, & E_1E_3E_2C, & E_2E_1E_3C, & E_2E_3E_1C, & E_3E_1E_2C, & E_3E_2E_1C \end{array} \right\}$$

b) Defina a v.a. X = número de chaves experimentadas até conseguir abrir a porta (inclusive a chave correta). Quais são os valores de X? Qual é a função de probabilidade de X?

 Ω (em n° de tentativas) = {1, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4} A partir de Ω , podemos ver que $X = \{1, 2, 3, 4\}$.

$$p(1) = \frac{1}{4}$$

$$p(2) = p(E_1C \cup E_2C \cup E_3C) \rightarrow \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3} \rightarrow 3 \cdot \frac{1}{12} \rightarrow \frac{1}{4}$$

$$p(3) = p(E_1 E_2 C \cup E_2 E_1 C \cup E_1 E_3 C \cup E_3 E_1 C \cup E_2 E_3 C \cup E_3 E_2 C) \rightarrow 6. \left(\frac{1}{4}, \frac{1}{3}, \frac{1}{2}\right) \rightarrow \frac{6}{12} \rightarrow \frac{1}{4}$$

$$p(4) = p(E_1E_2E_3C \cup E_1E_3E_2C \cup E_2E_1E_3C \cup E_2E_3E_1C \cup E_3E_1E_2C \cup E_3E_2E_1C) \rightarrow 6.\left(\frac{1}{4}.\frac{1}{3}.\frac{1}{2}.\frac{1}{1}\right) \rightarrow \frac{6}{12} \rightarrow \frac{1}{4}$$

$$\begin{array}{c|cccc}
A & p(x_i) \\
\hline
1 & 1/4 \\
\hline
2 & 1/4 \\
\hline
3 & 1/4 \\
\hline
4 & 1/4
\end{array}$$

7. Seja uma v.a. X com fdp dada na tabela a seguir:

X	0	1	2	3	4	5
P(X=x)	0	p^2	p^2	p	p	p^2

a) Encontre o valor de p.

Como
$$\sum_{i=1}^{n} p(x_i) = 1$$
, temos: $3p^2 + 2p = 1 \rightarrow 3p^2 + 2p - 1 = 0$.

Resolvendo a equação chegamos as raízes -1 e $\frac{1}{3}$. Como a p é a probapilidade de um evento ocorrer, temos $p \ge 0$. Logo, $p = \frac{1}{3}$.

b) Calcule
$$P(X \ge 4)$$
 e $P(X < 3)$.

$$P(X \ge 4) \to p^2 + p \to \left(\frac{1}{3}\right)^2 + \frac{1}{3} \to \frac{1}{9} + \frac{1}{3} \to \frac{1+3}{9} \to \frac{4}{9}$$

 $P(X < 3) \to 2p^2 \to 2. \left(\frac{1}{3}\right)^2 \to \frac{2}{9}$

c) Calcule
$$P(|X-3| \ge 2)$$
.

$$|x-3| \ge 2 \begin{cases} x-3 \ge 2 & \to x \ge 5 \\ x-3 \le -2 & \to x \le 1 \end{cases}$$

$$P(|x-3| \ge 2) = P(X \le 1) + P(X \ge 5) \rightarrow p^2 + p^2 \rightarrow 2.p^2 \rightarrow 2.\left(\frac{1}{3}\right)^2 \rightarrow \frac{2}{9}$$

Modelos de Probabilidade Discretos

1. Um atirador acerta na mosca do alvo, 20% dos tiros. Qual a probabilidade de ele acertar na mosca pela primeira vez no 10° tiro?

$$p = 0,2; x = 10$$

 $P(X = 10) = 0,2^{1} \cdot 0,8^{10-1} \rightarrow (0,2) \cdot (0,8)^{9} \rightarrow (0,2) \cdot (0,8)^{9} \rightarrow 0,0268$

2. Joga-se um dado equilibrado. Qual é a probabilidade de serem necessários 10 lançamentos até a primeira ocorrência de um seis?

$$p = \frac{1}{6}; x = 10$$

$$P(X = 10) = \frac{1}{6} \cdot \left(\frac{5}{6}\right)^9 \to 0,0323$$

3. Joga-se um dado equilibrado. Qual é a probabilidade de serem necessários 10 lançamentos até a terceira ocorrência de um seis?

$$p = \frac{1}{6}; x = 10; k = 3$$

$$P(X = 10) = {10 - 1 \choose 3 - 1} \cdot {\left(\frac{1}{6}\right)}^3 \cdot {\left(\frac{5}{6}\right)}^7 \to \frac{9!}{2! \cdot 7!} \cdot {\left(\frac{1}{6}\right)}^3 \cdot {\left(\frac{5}{6}\right)}^7 \to \frac{\cancel{9} \cdot \cancel{8}}{\cancel{2} \cdot 6 \cdot \cancel{3}\cancel{6}} \cdot {\left(\frac{5}{6}\right)}^7 \to \frac{1}{6} \cdot {\left(\frac{5}{6}\right)}^7$$

$$P(X = 10) = \to 0.0465$$

4. Um atirador acerta na mosca do alvo, 20% dos tiros. Se ele dá 10 tiros, qual a probabilidade de ele acertar na mosca no máximo 1 vez?

$$p = 0,2$$

$$P(X \le 1) = P(0) + P(1)$$

$$P(0) = {10 \choose 0} \cdot (0,2)^{0} \cdot (0,8)^{10} \to \frac{10!}{0! \cdot 10!} \cdot (0,2)^{0} \cdot (0,8)^{10} \to 0,1074$$

$$P(1) = {9 \choose 1} \cdot (0,2)^{1} \cdot (0,8)^{9} \to \frac{10!}{1! \cdot 9!} \cdot (0,2)^{1} \cdot (0,8)^{9} \to 10 \cdot (0,2) \cdot (0,8)^{9} \to 0,2684$$

$$P(X \le 1) = 0,1074 + 0,2684 \to 0,3758$$

5. Entre os 16 programadores de uma empresa, 12 são do sexo masculino. A empresa decide sortear 5 programadores para fazer um curso avançado de programação. Qual é a probabilidade dos 5 sorteados serem do sexo masculino?

$$P(X=5) = \frac{\binom{12}{5}}{\binom{16}{5}} \to \frac{\frac{12!}{5! \cdot 7!}}{\frac{16!}{5! \cdot 11!}} \to \frac{12 \cdot 11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8}{16 \cdot 15 \cdot 14 \cdot 13 \cdot 12} \to \frac{11}{14 \cdot 13} \cdot \frac{\cancel{12} \cdot \cancel{10} \cdot \cancel{9} \cdot \cancel{8}}{\cancel{16} \cdot \cancel{15} \cdot \cancel{12}} \to \frac{11 \cdot 3}{14 \cdot 13} \to \frac{33}{182} \to 0,1813$$

6. Uma central telefônica recebe uma média de 5 chamadas por minuto. Supondo que as chamadas que chegam constituam uma distribuição de Poisson, qual é a probabilidade de a central não receber nenhuma chamada em um minuto? e de receber no máximo 2 chamadas em 2 mintuos?

$$P(X = x) = \frac{\lambda^x \cdot e^{-\lambda}}{x!}$$

$$\lambda = 5$$

$$P(0) = \frac{5^{0} \cdot e^{-5}}{0!} \to \frac{1}{e^{5}} \to 0,0067$$

$$P(X \le 2) = P(0) + P(1) + P(0) \to \frac{10^{2}}{2! \cdot e^{10}} + \frac{10}{e^{10}} + \frac{1}{e^{10}} \to \frac{122}{2 \cdot e^{10}} \to 0,00277$$

7. Seja X uma v.a. aleatória binomial (n, p) com n = 5, $p = \frac{1}{3}$. Calcule $E(X^2)$.

$$X \sim BN(n, p); E(x) = n \cdot p; VAR(X) = n \cdot p \cdot (1 - p)$$

$$E(X) = 5 \cdot \frac{1}{3} \to \frac{5}{3}$$
$$VAR(X) = \frac{5}{3} \cdot \left(1 - \frac{1}{3}\right) \to \frac{10}{9}$$

$$VAR(X) = E(x^2) - [E(X)]^2 \to E(x^2) = VAR(X) + [E(X)]^2$$

$$E(x^2) = \frac{10}{9} + \left(\frac{5}{3}\right)^2 \to \frac{35}{9}$$

8. Em um certo tipo de fabricação de fita magnética, ocorrem cortes a uma taxa de um corte por 2000 pés. Qual é a probabilidade de que um rolo com comprimento de 4000 pés apresente no máximo dois cortes? Pelo menos dois cortes?

$$P(X = x) = \frac{\lambda^x \cdot e^{-\lambda}}{x!}$$

 $\lambda = 2 \ p/4000 \ p\acute{e}s$

$$P(X \le 2) = P(2) + P(1) + P(0) \rightarrow \frac{2^2 \cdot e^{-2}}{2!} + \frac{2 \cdot e^{-2}}{1!} + \frac{e^{-2}}{0!} \rightarrow \frac{2}{e^2} + \frac{2}{e^2} + \frac{1}{e^2} \rightarrow 0,676676$$

$$P(X \ge 2) = 1 - P(X < 2) \rightarrow 1 - [P(0) + P(1)] \rightarrow 1 - \left(\frac{2}{e^2} + \frac{1}{e^2}\right) \rightarrow 0,593994$$

- 10. A probabilidade de uma máquina produzir uma peça defeituosa em um dia é 0,1.
 - a) Qual a probabilidade de que, em 20 peças produzidas em um dia, exatamente 5 sejam defeituosas?

$$P(X = 5) = {20 \choose 5} \cdot (0,1)^5 \cdot (0,9)^{15} \rightarrow \frac{20!}{5! \cdot 15!} \cdot (0,1)^5 \cdot (0,9)^{15} \rightarrow \frac{20 \cdot 19 \cdot \cancel{18} \cdot \cancel{17} \cdot 16 \cdot \cancel{15}!}{\cancel{5} \cdot \cancel{4} \cdot \cancel{3} \cdot \cancel{2} \cdot \cancel{1} \cdot \cancel{15}!} \cdot (0,1)^5 \cdot (0,9)^{15} \rightarrow 19 \cdot 17 \cdot 16 \cdot 3 \cdot (0,1)^5 \cdot (0,9)^{15} \rightarrow 0,032$$

- b) Qual a probabilidade de que a 10^a peça produzida em um dia seja a primeira defeituosa? $P(X = 10) = (0,1) \cdot (0,9)^9 \rightarrow 0,0387$
- 11. Certo curso de treinamento aumenta a produtividade de uma certa população de funcionários em 80% dos casos. Se 10 funcionários quaisquer participam deste curso, encontre a probabilidade de:
 - a) exatamente 7 funcionários aumentarem a produtividade;

$$P(X=7) = \binom{10}{7} \cdot (0,8)^7 \cdot (0,2)^3 \rightarrow \frac{10 \cdot \cancel{9} \cdot \cancel{8} \cdot \cancel{7} \cancel{1}}{\cancel{7} \cancel{1} \cdot \cancel{3} \cdot \cancel{2} \cdot \cancel{1}} \cdot (0,8)^7 \cdot (0,2)^3 \rightarrow 120 \cdot (0,8)^7 \cdot (0,2)^3 \rightarrow 0,201326592$$

b) pelo menos 3 funcionários não aumentarem a produtividade;
 No máximo 7 aumentaram.

$$P(X \le 7) = P(X \le 8) - P(X = 8) \rightarrow P(X \le 8) - \binom{10}{8} \cdot (0,8)^8 \cdot (0,2)^2 \rightarrow P(X \le 8) - \frac{\cancel{10}^{5} \cdot \cancel{8} \cancel{10}}{\cancel{8} \cancel{10}^{5}} \cdot \cancel{8} \cancel{10} \cdot \cancel{10}$$

$$(0,8)^8 \cdot (0,2)^2 \rightarrow P(X \le 8) - 45 \cdot (0,8)^8 \cdot (0,2)^2 \rightarrow 0,6242 - 45 \cdot (0,8)^8 \cdot (0,2)^2 \rightarrow 0,3222$$

$$OBS: P(X \le 8) \text{ \'e calculado na letra c.}$$

c) não mais que 8 funcionários aumentarem a produtividade.

$$P(X \le 8) = 1 - [P(X = 9) + P(X = 10)] \to 1 - \left[\binom{10}{9} \cdot (0,8)^9 \cdot 0, 2 + \binom{10}{10} \cdot (0,8)^{10} \right]$$

 $\to 1 - \left[\frac{10 \cdot 9!}{9! \cdot 1!} \cdot (0,8)^9 \cdot 0, 2 + (0,8)^{10} \right] \to 1 - \left[10 \cdot (0,8)^9 \cdot 0, 2 + (0,8)^{10} \right] \to 0,6242$

Variável Aleatória Contínua

1. Seja X uma v.a. contínua cuja densidade de probabilidade é dada por:

$$f(x) = kx^2 \text{ se } 0 < x < 1.$$

a) Determine o valor de k.

$$\int_0^1 k \cdot x^2 \, dx = 1 \, \to \, k \cdot \frac{x^3}{3} \Big|_0^1 = 1 \, \to \, \frac{k}{3} = 1 \, \to \, k = 3$$

b) Calcule $P\left(\frac{1}{4} < X < \frac{1}{2}\right)$.

$$P\left(\frac{1}{4} < X < \frac{1}{2}\right) = \int_{1/4}^{1/2} 3 \cdot x^2 \, dx \to 3 \cdot \int_{1/4}^{1/2} x^2 \, dx \to 3 \cdot \frac{x^3}{3} \Big|_{1/4}^{1/2} \to \left(\frac{1}{2}\right)^3 - \left(\frac{1}{4}\right)^3 \to \frac{1}{8} - \frac{1}{64} \to \frac{7}{64}$$

c) Calcule E(X) e Var(X).

$$E(X) = \int_{a}^{b} x \cdot f(x) \, dx; \ E(X^{2}) = \int_{a}^{b} x^{2} \cdot f(x) \, dx; \ VAR(X) = E(X^{2}) - [E(X)]^{2}$$

$$E(X) = \int_{0}^{1} x \cdot 3 \cdot x^{2} \, dx \to \int_{0}^{1} 3 \cdot x^{3} \, dx \to 3 \cdot \frac{x^{4}}{4} \Big|_{0}^{1} \to \frac{3}{4} \to 0,75$$

$$E(X^{2}) = \int_{0}^{1} 3 \cdot x^{4} \, dx \to 3 \cdot \frac{x^{5}}{5} \Big|_{0}^{1} \to \frac{3}{5} \to 0,6$$

$$VAR(X) = 0,6 - (0,75)^{2} \to 0,0375$$

2. O tempo de vida útil, em anos, de um eletrodoméstico é uma variável aleatória com densidade dada por

$$f(x) = \frac{x \cdot e^{-x/2}}{4}, \ x > 0.$$

a) Mostre que f(x) integra 1.

$$F(X) = \int_0^\infty \frac{x \cdot e^{-x/2}}{4} dx = 1$$
$$\frac{1}{4} \cdot \int_0^\infty x \cdot e^{-x/2} dx = 1 \to -\frac{1}{2} \cdot e^{-x/2} (x+2) \Big|_0^\infty = 1 \to 0 - (-1) = 1 \to 1 = 1$$

b) Se o fabricante dá um tempo de garantia de seis meses para o produto, qual a proporção de aparelhos que devem usar essa garantia?

Como a vida útil é medida em anos e a garantia é de 6 meses, a garantia é de $\frac{1}{2}$ ano.

$$P(0 < X < 1/2) = \int_0^{1/2} \frac{x \cdot e^{-x/2}}{4} dx \to 1 - \frac{5}{4 \cdot e^{1/4}} \to 0,0265$$

4. A percentagem de álcool (100X) em certo composto pode ser considerada uma variável aleatória com a seguinte fdp:

$$f(x) = 20x^3(1-x), 0 < x < 1.$$

a) Estabeleca a FD de X.

$$F(X) = P(X \le x) = \int_{-\infty}^{x} f(x) dx$$

$$F(X) = \int_{0}^{x} 20 \cdot x^{3} \cdot (1 - x) dx \to 20 \cdot \int_{0}^{x} (x^{3} - x^{4}) dx \to 20 \cdot \left(\frac{x^{4}}{4} - \frac{x^{5}}{5}\right) \Big|_{0}^{x} \to 20 \cdot \frac{5 \cdot x^{4} - 4 \cdot x^{5}}{20}$$

$$\to 5 \cdot x^{4} - 4 \cdot x^{5}$$

b) Calcule $P(X < \frac{2}{3})$.

$$F\left(\frac{2}{3}\right) = 5 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^4 - 4 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^5 \to 5 \cdot \frac{16}{81} - 4 \cdot \frac{32}{243} \to \frac{15 \cdot 16 - 4 \cdot 32}{243} \to \frac{240 - 128}{243} \to \frac{112}{243} \to 0,461$$

c) Suponha que o preço de venda desse composto dependa do conteúdo de álcool. Especificamente, se $\frac{1}{3} < X < \frac{2}{3}$, o composto se vende por C_1 dólares/galão, caso contrário ele se vende por C_2 dólares/galão. Se o custo C_3 dólares/galão, calcule a distribuição de probabilidade do lucro líquido por galão.

Probabilidade de ser vendida por C_1 :

$$P\left(\frac{1}{3} < X < \frac{2}{3}\right) = F\left(\frac{2}{3}\right) - F\left(\frac{1}{3}\right)$$

$$F\left(\frac{1}{3}\right) = 5 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 - 4 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^5 \to 5 \cdot \frac{1}{81} - 4 \cdot \frac{1}{243} \to \frac{15 - 4}{243} \to \frac{11}{243}$$

$$P\left(\frac{1}{3} < X < \frac{2}{3}\right) = \frac{112 - 11}{243} \to \frac{101}{243} \to 0,4156$$

Sendo assim, a probabilidade de ser vendida por C_2 é:

$$1 - P\left(\frac{1}{3} < X < \frac{2}{3}\right) = 1 - \frac{101}{243} \to \frac{142}{243} \to 0,5843$$

Considerando L como a variável que representa o lucro, temos que:

$$L = \begin{cases} C_1 - C_3 & \frac{1}{3} < X < \frac{2}{3} \\ C_2 - C_3 & cc. \end{cases}$$

L	$C_1 - C_3$	$C_2 - C_3$
$P(L=\ell)$	0,4156	0,5843

Modelos de Probabilidade Contínuos

- 1. Dada a v.a. X, uniforme em [5,10], calcule as probabilidades abaixo:
 - a) P(X < 7).
 - b) P(8 < X < 9).
 - c) P(X > 8,5).
 - d) P(|X-7,5| > 2).
- 3. Suponha que a duração de uma componente eletrônica possui distribuição exponencial com parâmetro $\lambda=1$, calcule:
 - a) A probabilidade de que a duração seja menor a 10.
 - b) A probabilidade de que a duração esteja entre 5 e 15.
 - c) O valor t tal que a probabilidade de que a duração seja maior a t assuma o valor 0.01.
- 4. As alturas de 10:000 alunos de um colégio têm distribuição aproximadamente normal, com média 170*cm* e desvio padrão 5*cm*. Qual o número esperado de alunos com altura superior a 165*cm*?
- 11. O saldo médio dos clientes de um banco é uma v.a. normal com média *R*\$2.000,00 e desvio padrão *R*\$250,00. Os clientes com os 10% maiores saldos médios recebem tratamento VIP, enquanto aqueles com os 5% menores saldos médios receberão propaganda extra para estimular maior movimentação da conta.
 - a) Quanto você precisa de saldo médio para se tornar um cliente VIP?
 - b) Abaixo de qual saldo médio o cliente receberá a propaganda extra?

Referências Bibliográficas

- [1] MEYER, P.L. *Probabilidade: Aplicações à Estatística*. 2 ed. Rio de Janeiro: Livros Técnicos e Científicos, 1983.
- [2] BUSSAB, W.; Morettin, P. Estatística básica. 5.ed. São Paulo: Saraiva, 2006. ISBN 9788502034979.