

Força Bruta - BackTracking

Prof. Leandro Israel Pinto

Força Bruta

- Abordagem mais direta para resolver um problema
- Se baseia na tentativa de encontrar uma solução simplesmente testando todas as possibilidades
- Depende do poder computacional e não da inteligência na modelagem do algoritmo

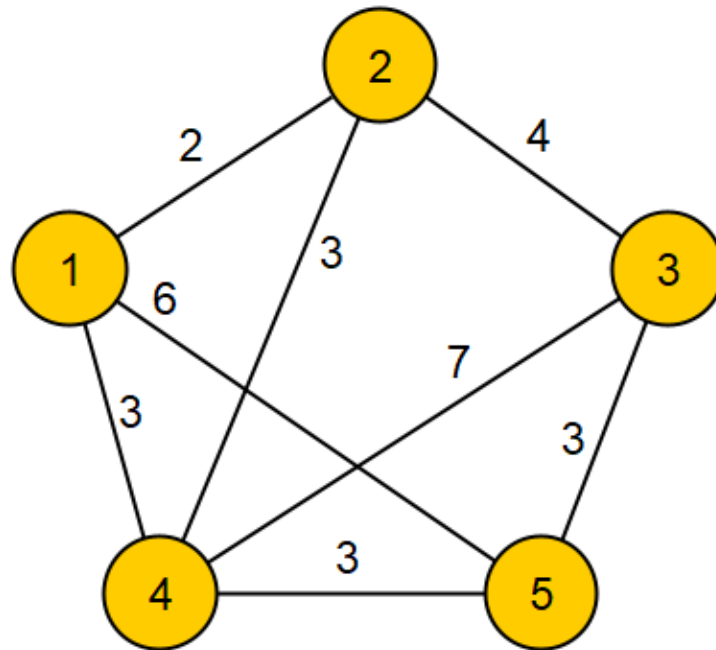
Força Bruta

Exemplos:

- Busca Sequecial
- Multiplicação de Matrizes
- Bubble Sort

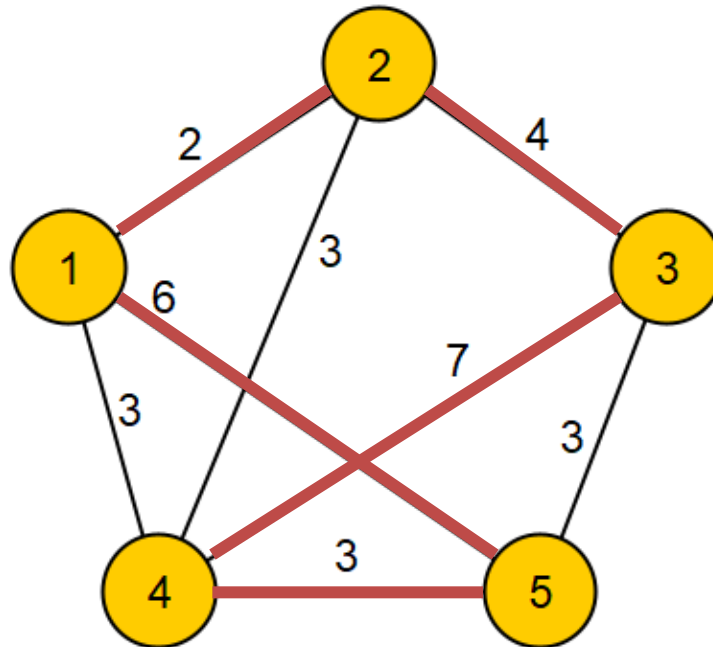
Força Bruta

- Problema do caixeiro viajante
 - Passar por cada cidade uma única vez e voltar à origem, considerando o custo mínimo



Força Bruta

- Problema do caixeiro viajante
 - Passar por cada cidade uma única vez e voltar à origem, considerando o custo mínimo
 - $[1, 2, 3, 4, 5, 1] = \text{Custo } 22$



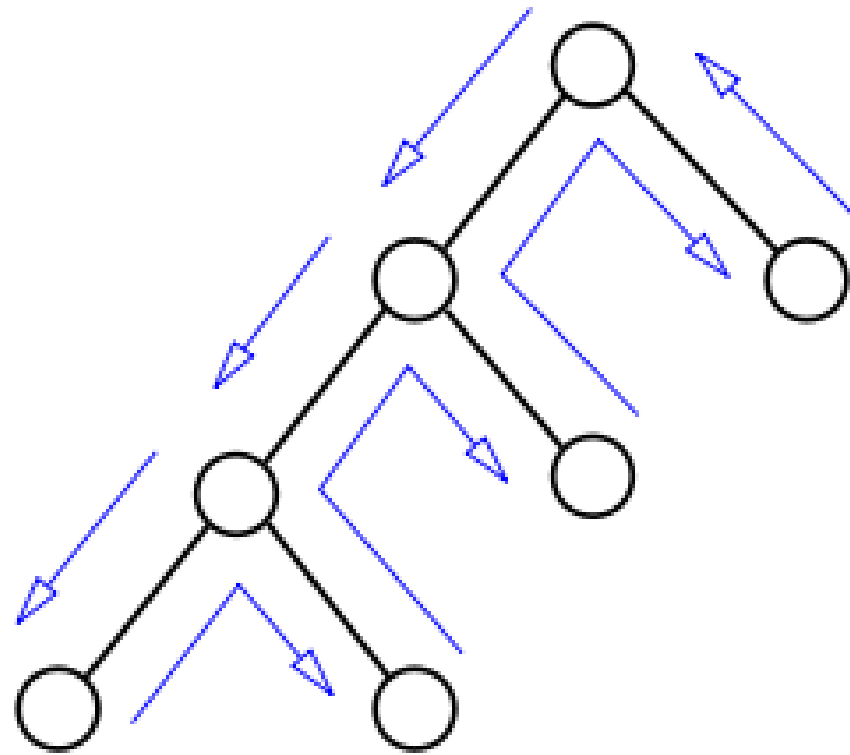
Força Bruta

- Existem muitos problemas que são difíceis de resolver
 - Difícil de propor um algoritmo eficiente
- Existem duas técnicas de projeto de algoritmo para tentar diminuir o espaço de busca
 - Mas, no pior caso, ainda enfrentam a explosão exponencial da busca exaustiva

- Para melhorar a busca exaustiva há duas técnicas:
 - Backtracking
 - Recuar e Retroceder
 - Branch-and-bound
 - Ramificar e limitar
- Baseadas na construção de uma árvore de estados
 - Os nós refletem uma escolha feita em direção a uma solução

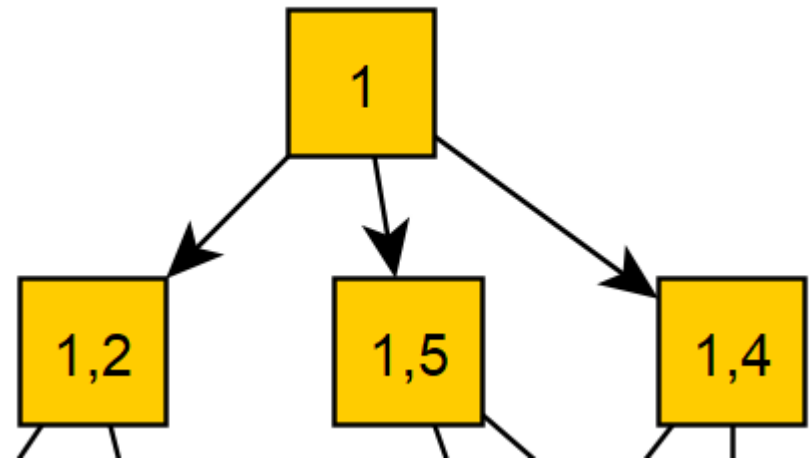
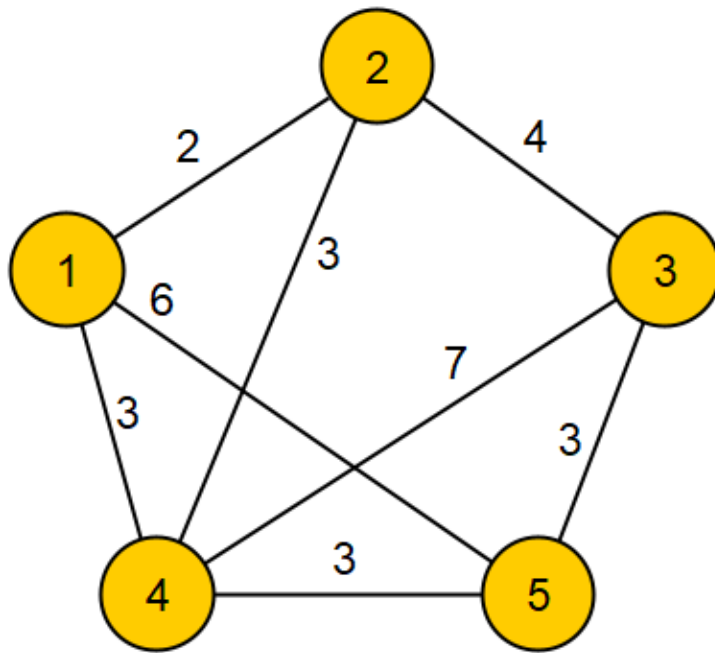
Backtracking

- Dado um estado inicial, a cada passo em direção a solução cria-se um novo nó
 - Retrocede sempre que a sequência de passos não atingiu uma solução
 - Ou, quando se deseja continuar procurando por uma solução melhor
 - Branch-and-Bound



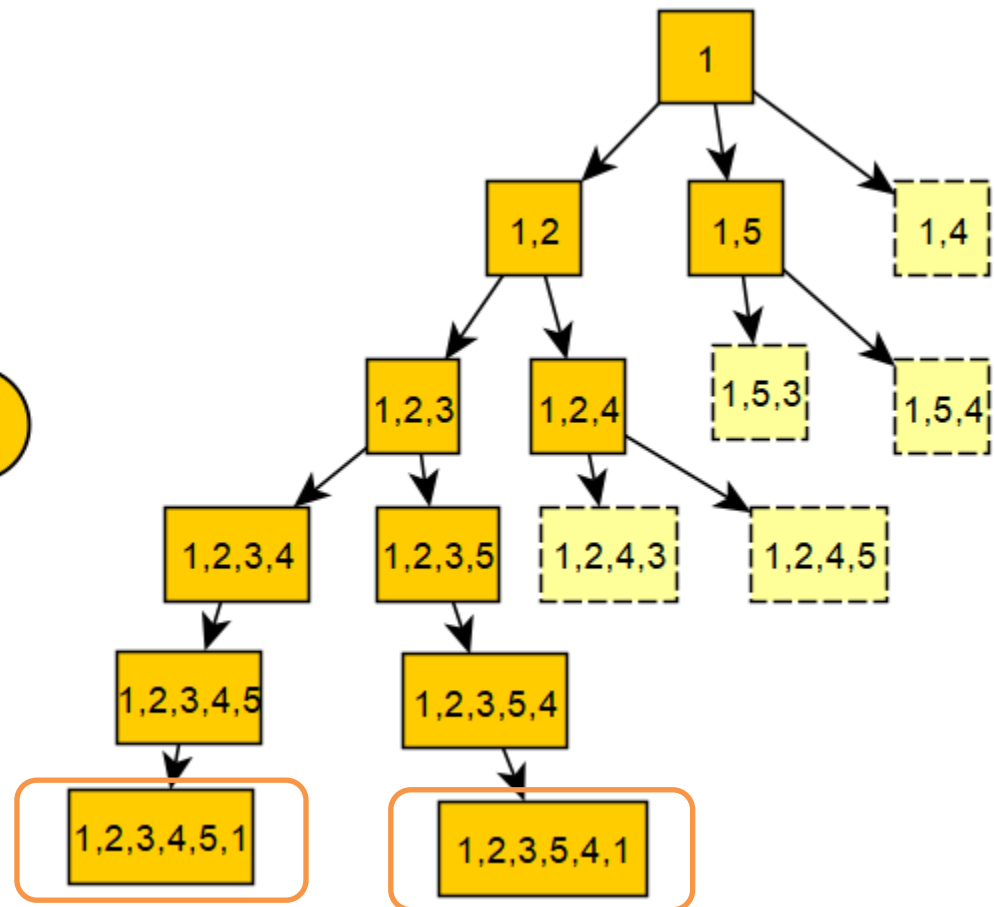
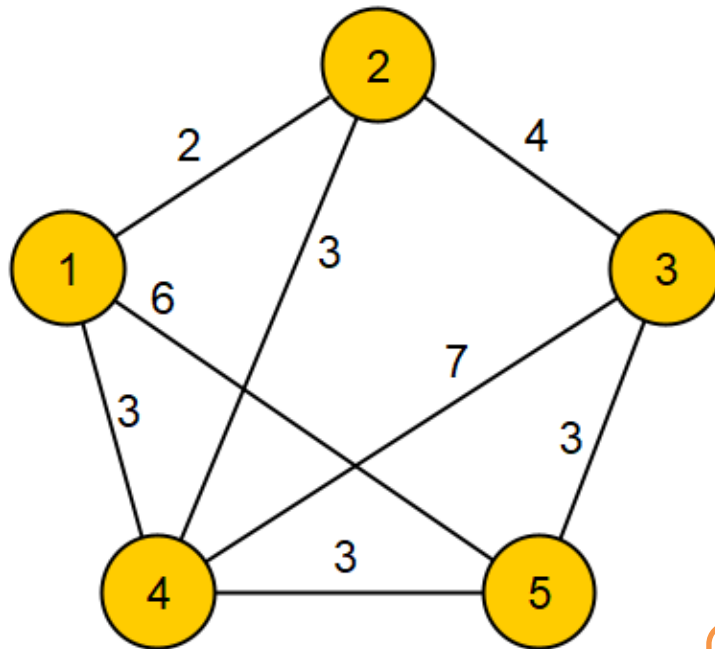
Backtracking

- Exemplo: Iniciando em 1, são possíveis 3 passos. De 1 para 2 de 1 para 5 ou de 1 para 4



Backtracking

- Exercício: encontre uma solução a partir do nó [1,4] e um caminho na árvore que não leve a uma solução.



Exercício

- Listar outros 3 problemas que podem ser resolvidos por backtracking
- Para cada um
 - Apresentar o que cada nó e/ou aresta da árvore representa
 - Mostrar a árvore gerada para resolver um problema pequeno



Isso vale nota

Backtracking em Jogos

- Algoritmos backtracking podem ser utilizados para resolver vários jogos
- Caracterizados pela necessidade de explorar uma faixa de possibilidades a cada ponto de escolha
- BT simplifica os dados. A cada nível de recursão considera-se uma escolha. O histórico de quais escolhas foram feitas é mantida na pilha de execução

Backtracking em Jogos

- Jogos solitários
 - Testa todas as possibilidades
 - Labirinto, Torre de Hanoi, Sudoku, Resta 1, Arranjo
 - E muitos outros:
<https://www.mathsisfun.com/games/puzzle-games.html>

	5						4
		3		6	2		8
			1			5	3
	3	4				6	8
				3	9	6	
6	1					3	5
1	9	8			3		
	4		8	5		1	
3							9

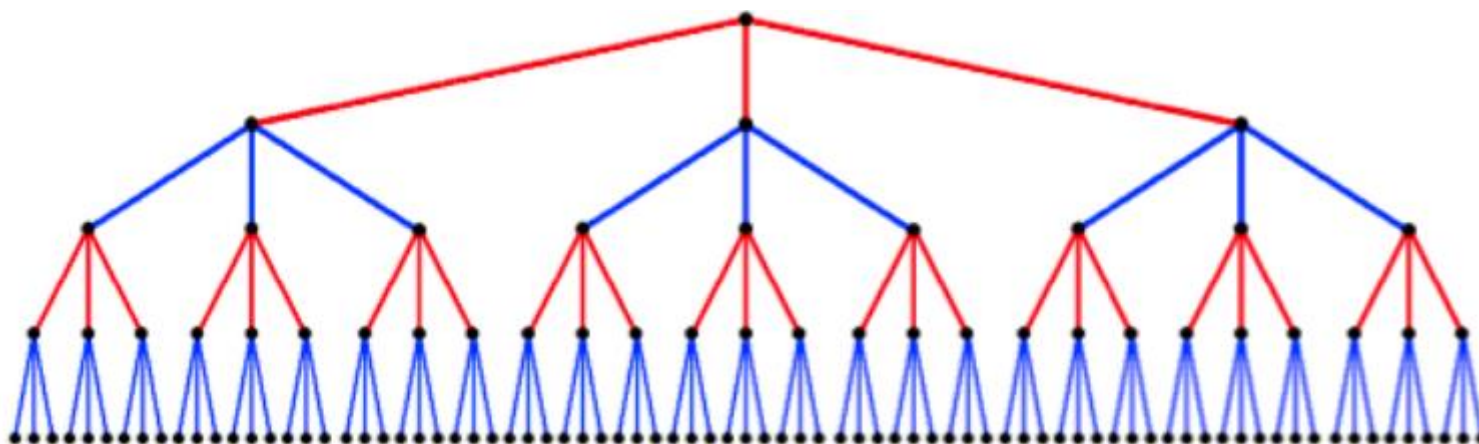
7	6	10	11
13		14	12
9	15	4	3
1	5	2	8

Backtracking em Jogos

- Em jogos de duplas
 - O algoritmo backtracking é utilizado para gerar todas as possíveis jogadas do computador e da pessoa;
 - O objetivo é seguir pelas jogadas que deixem o oponente com menos opções

Backtracking em Jogos

- Claude Shannon observou que a maioria dos jogos de 2 jogadores tem a mesma forma básica.
- Cada nível da árvore representa a jogada de um dos jogadores.



Exemplo

- O jogo Nim consiste numa pilha de moedas.
- Cada jogador pode pegar até 3.
- Aquele que ficar com a última perde.

```
Tem 11 moedas. Quantas voce quer? :3
Vou pegar 3.
Tem 5 moedas. Quantas voce quer? :1
Vou pegar 3.
Sobrou 1.
** Voce Perdeu! **
```


Exercício

- Implemente um jogo Nim que permita o jogador jogar contra o PC.
 - Analise a árvore de recursão, mostre o parâmetro e o retorno em cada nó
 - Descubra como o computador sabe a melhor jogada a se fazer

```
int findBestMove2(int nCoins) {  
    int nTaken;  
    int limit = (nCoins < MAX_MOVE) ? nCoins : MAX_MOVE;  
    for(nTaken = 1; nTaken <= limit; nTaken++) {  
        if(nCoins-nTaken == 1) return nTaken;  
        if(findBestMove2(nCoins-nTaken)==-1) return nTaken;  
    }  
    return -1;  
}
```