

Praktikumsbericht Physik 3

Stern-Gerlach

Modul:

PHY131

Assistent:

Ruth Bründler

Studenten:

Manuel Sommerhalder, Stefan Hochrein, Ruben Beynon

Datum des Versuchs:

22.01.2017



Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung1.1 Überlegungen zum Versuch	3 3	
2	Messdaten2.1 Datentabelle		
3	Resultate		
4	Datenanalyse		
5	Fehlerrechnung	10	



1 Einleitung

Das Stern-Gerlach Experiment ist eine anschauliche Demonstration der Richtungsquantelung des magnetischen Moments aufgrund des Elektronenspins. Dazu wird ein einwertiges Metall (in unserem Fall Kalium) verdampft. Mit einer Blende entsteht ein Atomstrahl mit rechteckigem Querschnitt, der durch ein inhomogenes Magnetfeld senkrecht zu dessen Feldlinien verläuft.

Da das Kalium über abgeschlossenen inneren Schalen ein Aussenelektron hat und das magnetische Bahnmoment null im Grundzustand null ist, ist das magnetische Moment des Atoms alleine auf das magnetische Spinmoment des Aussenelektrons zurückzuführen. Die Richtungsquantelung des magnetischen Moments resultiert während der Durchquerung des inhomogenen Magnetfeldes in einer symmetrischen Aufspaltung des Atomstrahls in zwei gleich grosse Teilstrahlen. Ziel des Versuchs ist es, das magnetische Moment $m_{s,z}$ anhand des Betrags der Aufspaltung, dem Gradienten des magnetischen Feldes senkrecht zur Strahlrichtung und der Geometriedaten zu bestimmen.

Da zum Zeitpunkt unserer Versuchsdurchführung der Detektor defekt war, konnten wir die Messung leider nicht selbst durchführen. Daher verwendeten wir die Messdaten einer anderen Gruppe.

1.1 Überlegungen zum Versuch

Vor der Versuchsdurchführung waren folgende Fragen zu beantworten:

1. Stern und Gerlach haben 1921 in ihrem Experiment Silber verwendet. Warum funktioniert der Versuch auch mit Kalium?

Sowohl Silber, als auch Kalium verfügen über ein einzelnes Aussenelektron über abgeschlossenen inneren Schalen und haben im Grundzustand kein magnetisches Bahnmoment, wodurch das magnetische Moment alleine durch das magnetische Spinmoment des Aussenelektrons zustande kommt.

2. Welche Vor- und Nachteile hat die Verwendung von Kalium gegenüber von Silber?

Der Vorteil von Kalium gegenüber Silber liegt in der viel geringeren Temperatur, die zur Verdampfung nötig ist. Die Temperatur, die für Silber notwendig wäre, bedürfte einerseits einer aufwendigeren Beheizung und wäre andererseits entscheidend schwieriger konstant zu halten. Der Nachteil von Kalium liegt hingegen in der heftigen Reaktionsfreudigkeit. Würde kein Hochvakuum in der Apparatur bestehen, würden sofort stark exotherme Oxidationen stattfinden.



3. Welche weiteren Elemente könnten theoretisch verwendet werden?

Theoretisch sollte der Versuch mit allen Elementen der ersten und elften Gruppe des Periodensystems durchführbar sein, da diese die bei Frage 1 diskutierten Kriterien erfüllen. in der Praxis sind diese Elemente jedoch unterschiedlich gut geeignet, beispielsweise wäre von der Verwendung des radioaktiven Elements Roentgenium abzuraten.

4. Warum funktioniert dieser Versuch nicht mit einem Elektronenstrahl?

Im Gegensatz zu den verwendeten Atomen hat das Elektron eine negative Ladung, aufgrund derer es sogleich aufgrund der Lorentz-Kraft im magnetischen Feld abgelenkt würde.

5. Warum funktioniert dieser Versuch nicht mit einem homogenen Magnetfeld?

Bei Verwendung einer homogenen Magnetfeldes würde das magnetische Moment sich lediglich beim Eintritt in das Feld ausrichten und sich dann geradlinig weiterbewegen. Für eine konstante Kraft während des ganzen Aufenthalts im Feld ist ein konstanter Feldgradient vonnöten, der nur in einem inhomogenen Magnetfeld bestehen kann.

1.2 Versuchsaufbau und Methodik

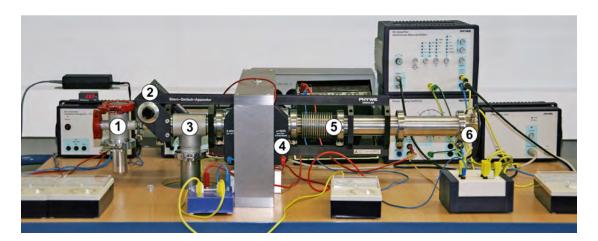


Abbildung 1: Versuchsanordnung

Abbildung 1 gibt einen Überblick über die wichtigsten Elemente des Versuchsaufbaus. Um eine Oxidierung des Kaliums zu verhindern, wird die Apparatur durch den Pumpenanschluss (3) evakuiert (unter 5·10⁻⁶ mbar). Der Ofen (1) wird auf eine ca 460 K aufgeheizt. Da die Temperatur Schwankungen unterliegt, wird diese bei jeder Messung



University of Zurich^{∪z}

Stern-Gerlach Einleitung

an der Messanzeige abgelesen und notiert. Der Strom auf den magnetischen Analysator (4) wird bei jeder Messung aufwärts variiert, um den Einfluss verschiedener Feldstärken beobachten zu können. Das Atomstrahlrohr (5) ist an der lamellierten Stelle nach dem Analysator biegbar, wodurch der Langmuir-Taylor-Detektor (6) per Schritttmotor (2) bewegt werden kann. Dadurch kann der Detektor per Computerprogramm gesteuert innerhalb eines Intervalls bei gleichmässiger Geschwindigkeit alle Positionen u durchlaufen und die entsprechende Teilchenstromdichte J(u) messen.

Mit Hilfe des vorgegebenen Matlab-Tools wird dann mit dem Levenberg-Marquardt-Algorithmus ein Fit durch die Messdaten gelegt, dessen Form einer Überlagerung der in der Versuchsanleitung hergeleiteten theoretischen Verteilung und der des Nullfeldes entspricht. Diese Kurve verfügt über zwei lokalen Maxima, deren Abstand q für die Berechnung des magnetischen Moments $m_{s,z}$ verwendet wird.



2 Messdaten

2.1 Datentabelle

In Tabelle 1 sind die wichtigsten Resultate der Messungen zusammengefasst, und zwar der Strom I durch die Magnetspulen, die Magnetfeldstärke B, die der jeweiligen Stromstärke I entspricht (bestimmt anhand der Magnetfeld-Eichkurve in der Versuchsanleitung), die abgelesene Temperatur T des Ofens und der Abstand q zwischen den lokalen Maxima des Fits. Wir beschränken uns an dieser Stelle auf diese zusammengefasste Darstellung der Daten, da die Originalmessdaten pro Messung mehrere tausend Messpunkte umfassen.

I [mA]	B [T]	T [K]	q [mm]
402 ± 5	0.320 ± 0.010	457.3 ± 0.1	2.2452 ± 0.0015
600 ± 5	0.485 ± 0.010	459.5 ± 0.1	3.5437 ± 0.0025
700 ± 5	0.560 ± 0.010	459.7 ± 0.1	4.2096 ± 0.0029
800 ± 5	0.635 ± 0.010	459.7 ± 0.1	4.7810 ± 0.0032
900 ± 5	0.695 ± 0.010	459.9 ± 0.1	5.3034 ± 0.0032
1000 ± 5	0.750 ± 0.010	460.7 ± 0.1	5.7311 ± 0.0041

Tabelle 1: Zusammenfassung der Daten

Für die Berechnung des magnetischen Moments des Elektrons haben wir ausserdem die folgenden im Datenblatt der Versuchsanleitung gegebenen Konstanten verwendet:

Länge der Pole: $L = (70.0\pm0.5)$ mm

Radius des konvexen Pols: $a = (2.5\pm0.2)$ mm

Distanz Magnetfeldeintritt-Detektor: $l = (0.455 \pm 0.001)$ m

Proportionalitätsfaktor zwischen dem Magnetfeld und seiner Änderung in z-Richtung: $\epsilon = 0.953 \pm 0.0026$



2.2 Fehlerabschätzung

Der Fehler auf den Strom m_I ist anhand der Anzeigegenauigkeit des Messgerätes abgeschätzt und fliesst nur indirekt in die Fehlerrechnung. Der Fehler auf die magnetische Induktion m_B setzt sich zusammen aus dem Fehler auf dem Strom m_I und der Ungenauigkeit des Ablesens aus der Kurve. Der Fehler auf der Temperatur wurde höher abgeschätzt als die Ungenauigkeit des Messgerätes, da die Temperatur trotz aller Bemühungen zur Konstanthaltung während einer Messung dennoch leicht variieren konnte. Der Fehler auf den Abstand der lokalen Maxima m_q ergibt sich aus dem Algorithmus der Fit-Methode.

Die Fehler auf den Längen L, l und a haben wir anhand ihrer Grösse und der Schwierigkeit der Durchführung der Messung abgeschätzt. Der Fehler auf ϵ ist aus den Praktikumsunterlagen bekannt.



3 Resultate

In der Folgenden Tabelle sind unsere berechneten Werte für das magnetische Moment des Elektrons $m_{s,z}$ zu verschieden starken Ablenkungen. Dabei ist Augenfällig, dass unser Wert mit stärkerer Ablenkung steigt.

$m_{s,z}$ [J \cdot T $^{-1}$]					
$-7.904 \pm 0.679 \cdot 10^{-24}$					
-8.271 \pm 0.684 \cdot 10^{-24}					
$-8.513 \pm 0.699 \cdot 10^{-24}$					
$-8.526 \pm 0.696 \cdot 10^{-24}$					
-8.645 \pm 0.703 \cdot 10^{-24}					
$-8.672 \pm 0.704 \cdot 10^{-24}$					

Der daraus errechnete Mittelwert ist:

$$\overline{m}_{s,z}$$
 = -8.422 \pm 0.694 \cdot 10^{-24} J·T $^{-1}$

Wenn wir dies mit dem Literaturen vergleichen $m_{s,z}$ = -9.285 · 10^{-24} J·T $^{-1}$ (Quelle: [https://en.wikipedia.org]) so sehen wir, dass der Literaturwert knapp nicht in der Fehlergrenze unseres Wertes liegt. Mögliche Fehlerquellen sehen wir in der unstetigen Temperatur des Ofens und durch eventuell schlecht kalibrierte Geräte. Nichts desto trotz hat sich im Experiment die Aufspaltung in zwei Maxima gezeigt und somit die zweimöglichen Spinneinstellungen gezeigt.



4 Datenanalyse

Aus Überlegungen zum geometrischen Aufbau der Versuchsanlage und der Kraft eines räumlich variierenden Magnetfeldes auf ein magnetisches Moment $\vec{\mu}$ ergibt sich Formel (4.1), welche wir aus der Versuchsanleitung übernommen haben. Dabei sind u_e die wahrscheinlichsten Aufprallpunkte der Atome und q ist der Abstand der beiden Maxima, die sich aus den zwei Spinneinstellungen ergeben.

$$u_e = \pm \frac{q}{3} = \frac{lL(1 - \frac{L}{2l})m_{s,z}\frac{\partial B}{\partial z}}{6k_B T}$$

$$\tag{4.1}$$

Die Veränderung des Magnetfeld in z-Richtung ergibt sich aus der Geometrie der Polschuhe, dabei ist der Aufbau des Magneten so gewählt, dass sich ein möglichst konstanter Gradient in z-Richtung entlang des Atomstrahls ergibt. Aufgrund der Tatsache, dass der Gradient eines Magnetfeld schwer zu messen ist wurde die Annahme getroffen, dass $\frac{\partial B}{\partial z}$ proportional zu B ist für kleine Auslenkungen in z. Daraus ergibt sich der Proportionalitätsfaktor ϵ .

$$\frac{\partial B}{\partial z} = \frac{\epsilon B}{a} \tag{4.2}$$

Daraus ergibt sich folgende Formel zur Berechnung des magnetischen Moments des Elektrons $m_{s,z}$:

$$m_{s,z} = \frac{2k_B Tqa}{lL(1 - \frac{L}{2l})\epsilon B} \tag{4.3}$$



5 Fehlerrechnung

Die Fehlerfortpflanzung wurde nach der Gaussschen Formel (5.1) ausgeführt. Dabei haben wir nur die Fehler auf $q, a, \epsilon \& B$ in unsere Berechnung einbezogen. Die Fehler auf der Temperatur T und den Aufbaukonstanten L & l haben wir vernachlässigt, dies weil eine Verdoppelung des Fehlers nur eine Veränderung in der dritten Nachkommastelle des Gesammtfehlers zur Folge hatte.

$$m_{m_{s,z}} = \sqrt{\left(\frac{\partial m}{\partial q} \cdot m_q\right)^2 + \left(\frac{\partial m}{\partial a} \cdot m_a\right)^2 + \left(\frac{\partial m}{\partial \epsilon} \cdot m_\epsilon\right)^2 + \left(\frac{\partial m}{\partial B} \cdot m_B\right)^2}$$
 (5.1)

Die folgenden vier Gleichungen sind die Partiellen Ableitungen der Gleichung (4.1), welche wir zur Berechnung des Gesamtfehlers auf $m_{s,z}$ benötigt haben.

$$\frac{\partial m}{\partial q} = \frac{2k_B T a}{lL(1 - \frac{L}{2l})\epsilon B} \tag{5.2}$$

$$\frac{\partial m}{\partial a} = \frac{2k_B T q}{lL(1 - \frac{L}{2l})\epsilon B} \tag{5.3}$$

$$\frac{\partial m}{\partial \epsilon} = \frac{-2k_B T a q}{lL(1 - \frac{L}{2l})\epsilon^2 B} \tag{5.4}$$

$$\frac{\partial m}{\partial B} = \frac{-2k_B T a q}{lL(1 - \frac{L}{2l})\epsilon B^2} \tag{5.5}$$