## https://www.luogu.com.cn/problem/P5666

给定一树,求删掉每条边之后分裂成的两棵树的重心编号之和 以树的重心为根

断边(u,v), 会将树分为v的子树和剩余部分

v子树的重心为内重心,剩余部分的重心为外重心,考虑如何分别求出两类重心

先考虑x的内重心:已知所有son[x]的内重心,求x的内重心。

考虑一个"合并"的过程:一开始只有x,依次将每个儿子"合并"进来,每次"合并"是由原先的树与新的子树合并,显然新的重心在两者中更重的一者内部,只需要从这一者原先的重心向上跳若干步即可

这样的复杂度是O(n)的,考虑每次都会往上跳,所以每条边只会被跳一次

再考虑x的外重心:已知所有son[x]的外重心,求x的外重心。

因为根节点是整棵树的重心,而x的子树被砍掉,所以外重心不可能在被砍掉x的子树的这边,所有son[x]的外重心在根节点向下的某一条链上,x的外重心也在这条链上,且是最深的一个点

所以我们找到son[x]中深度最深的外重心,继承这个点,并尝试向下移动即可找到x的外重心;向下移动只可能进入重儿子,预处理一下;一种特殊情况是继承了根节点并且x就在其重儿子里,这时我们只能尝试向次重儿子移动

## 复杂度同上

```
//大体思路是以整棵树重心为根 对每个点求内重心和外重心
//内重心考虑一个一个子树合并 合并后重心一定是原来两重心的连线 所
以一定是较大子树重心向上直到now
//因为整棵树重心为根 外重心一定在根的另一棵子树中 目k几个儿子的
外重心一定在一条链上(不断向重儿子方向跑 否则重儿子会变得更大) 则
k的重心在该链下面
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <cstring>
#define int long long
using namespace std;
const int MAX=3e5+5;
struct edge{
   int next, to;
}h[MAX<<1];
int head[MAX],cnt;
void add(int x,int y){
   h[++cnt]=edge{head[x],y};
   head[x]=cnt;
   h[++cnt]=edge{head[y],x};
   head[y]=cnt;
```

```
}
int t,n,ans,tmp;
int root, amax[MAX], siz[MAX], in[MAX][2], out[MAX]
[2],fa[MAX]; //可能有两个重心 都对答案有贡献
int ci,que[MAX]; //root的次大儿子 求外重心的可能链
void getroot(int now,int father){
    siz[now]=1, amax[now]=0;
    for(int aim, i=head[now]; i; i=h[i].next){
        aim=h[i].to;
        if(aim!=father){
            getroot(aim, now);
            siz[now]+=siz[aim];
            amax[now]=max(amax[now],siz[aim]);
        }
    }
    amax[now]=max(amax[now],n-siz[now]);
    if(amax[root]>amax[now])root=now;
}
void dfs1(int now,int father){
    in[now][0]=in[now][1]=now, siz[now]=1, amax[now]=0;
    //内重心;子树大小;重儿子
    fa[now]=father;
    for(int aim, i=head[now]; i; i=h[i].next){
        aim=h[i].to;
        if(aim!=father) {
            dfs1(aim, now);
            if(siz[aim]>siz[amax[now]]){
                if(now==root)ci=amax[now];
                amax[now]=aim;
            }else if(now==root &&
siz[aim]>siz[ci])ci=aim;
```

```
if(siz[now]==siz[aim])in[now]
[0]=now,in[now][1]=aim,siz[now]+=siz[aim];
            else{
                 if(siz[aim]>siz[now])in[now]
[0]=in[now][1]=in[aim][0];
                 siz[now]+=siz[aim];
                 while(in[now][0]!=now && siz[now]-
siz[in[now][0]]>siz[now]/2)in[now][0]=fa[in[now][0]];
                 in[now][1]=in[now][0];
                 if(in[now][1]!=now &&
siz[amax[fa[in[now][1]]]] \le siz[now]/2)in[now]
[1]=fa[in[now][1]];
        }
    }
}
void dfs2(int now,int father){
    out[now][0]=out[now][1]=1;
    for(int aim, i=head[now]; i; i=h[i].next){
        aim=h[i].to;
        if(aim!=father){
            dfs2(aim, now);
            if(out[aim][0]>out[now][0])out[now]
[0]=out[now][1]=out[aim][0];
        }
    }
    while(out[now][0]+1<=que[0] && siz[que[out[now]</pre>
[0]+1]]>(n-siz[now])/2)out[now][0]++;
    out[now][1]=out[now][0];
```

```
if(out[now][1]+1<=que[0] && n-siz[que[out[now]</pre>
[1]+1]]-siz[now] \le (n-siz[now])/2)out[now][1]++;
    ans+=que[out[now][0]];
    if(out[now][1]!=out[now][0])ans+=que[out[now][1]];
}
signed main(){
    scanf("%lld",&t);
    while(t--) {
        memset(head, 0, sizeof(head));
        cnt = root=0;
        scanf("%lld", &n);
        for (int x, y, i = 1; i < n; i++)scanf("%lld
%11d", &x, &y), add(x, y);
        amax[0] = inf;
        getroot(1, 1);
        amax[0] = ans = ci = 0;
        dfs1(root, root);
        for (int aim, i = head[root]; i; i =
h[i].next) {
            aim = h[i].to;
            if (aim == amax[root]) {
                que[0] = 0, que[++que[0]] = root,
que[++que[0]] = ci;
                while (amax[que[que[0]]] != 0) {
                     tmp = amax[que[que[0]]];
                     que[++que[0]] = tmp;
                }
                dfs2(aim, root);
            } else {
```

```
que[0] = 0, que[++que[0]] = root,
que[++que[0]] = amax[root];
                while (amax[que[que[0]]] != 0) {
                    tmp = amax[que[que[0]]];
                    que[++que[0]] = tmp;
                }
                dfs2(aim, root);
            }
        }
        for (int i = 1; i \le n; i++) {
            if (i != root) {
                if (in[i][0] == in[i][1])ans += in[i]
[0];
                else ans += in[i][1] + in[i][0];
            }
        }
        printf("%lld\n", ans);
    }
    return 0;
}
```