Problem A

http://zhengruioi.com/contest/745/problem/1670

长度为n初始全0的序列,两人轮流在上面选择连续的一段长度不超过k的0变成一段1,如无法选择则输,问先手是否必胜

 $1 \le k \le n \le 1e9$

hint:这是problem A

如果先手能从中间选择一段把序列分成两段相等长度的,则只需要跟对手镜像走一定可以获胜; $k \geq 2$ 一定可以,否则只有奇数可以

Problem B

http://zhengruioi.com/contest/716/problem/1593

给定两个字符串s,t,取s的一个前缀接上t的一个后缀构成新字符串(可以为空串),求有多少种不同的新字符串

$$1 \leq |S|, |T| \leq 1e7$$

假设已经选定 s[1,i]作为前缀,那么 t[j,n]以前不能有 s[1,i]的后缀,而只要限定 t[j-1]!=s[i]就一定满足条件,否则这一组贡献一定被计算过

Problem C

http://zhengruioi.com/contest/719/problem/1612

给定一字符串8,求最多可以选出多少子串(连续)使得他们彼此不是后缀

 $|S| \leq 1e6$

以i为最后一个点最多只能贡献1,所以我们只要看它能不能贡献,考虑如果j < i且以两者为终点无论怎么选都会冲突,一定有s[1,j]是s[1,i]的后缀,而且为了后面考虑我们舍弃j保留i; 否则一定存在一种起点的选法使两串不冲突;所以我们KMP的时候每次把nxt[i]的位置标成false,最后统计没有被标的位置的个数就是答案

Problem D

http://zhengruioi.com/contest/754/problem/1674

给定一字符串8, 求有多少长度为6的子序列满足相等/不相等关系形如114514

 $|s| \leq 5e5$

枚举5的位置,我们需要知道前缀114的数量和后缀14的数量,通过dp

dp0[i][x]表示[1,i]中x的个数,dp0[i][x] = dp0[i-1][x] + [a[i] == x]

dp1[i][x]表示[1,i]中xx的个数,dp1[i][x]=dp1[i-1][x]+[a[i]==x] imes dp0[i-1][x]

dp2[i][x][y]表示[1,i]中xxy的个数,

$$dp2[i][x][y] = dp2[i-1][x][y] + [a[i] == y] \times dp1[i-1][x]$$

dp3[i][x][y]表示[i,n]中xy的个数,

$$dp3[i][x][y] = dp3[i+1][x][y] + [a[i] == x] \times (dp0[n][y] - dp0[i][y])$$

卡了空间,不能开这么多数组,先把i==1时dp3[x][y]算出来,这样向后推的时候四个式子都能动态维护省掉第一维

Problem E