

Электронный учебно-методический комплекс по учебной

"Теория вероятностей и математическая статистика" для специальности:

В задачах 7.1-7.3 дискретная случайная величина Х принимает 3 возможных значения X_1, X_2, X_3 с вероятностями p_1, p_2, p_3 - Известно M[x]. Найти D[x].

7.1.
$$x_1 = 7$$
, $x_2 = 8$, $x_3 = ?$; $p_1 = 0.4$, $p_2 = 0.5$, $p_3 = ?$; $M[x] = 8.7$.

7.2.
$$x_1 = 3$$
, $x_2 = ?$, $x_3 = 4$; $p_1 = 0.2$, $p_2 = 0.3$, $p_3 = ?$; $M[x] = 4.3$.

7.3.
$$x_1 = ?$$
, $x_2 = 6$, $x_3 = 7$; $p_1 = ?$, $p_2 = 0.4$, $p_3 = 0.4$; $M[x] = 6.8$.

В задачах 7.4-7.15 найти дисперсию случайной величины X, заданной функцией распределения.

7.4.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \sin x, & 0 \le x \le \pi/2 \\ 1, & x > \pi/2 \end{cases}$$
 7.5.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x^2}{4}, & 0 \le x \le 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

7.5.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x^2}{4}, & 0 \le x \le 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x^2}{9}, & 0 \le x \le 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

$$7.7. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{4}, & 0 \le x \le 4 \\ 1, & x > 4 \end{cases}$$

7.7.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{4}, & 0 \le x \le 4 \\ 1, & x > 4 \end{cases}$$

7.8.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < -\pi/2 \\ \cos x, & -\pi/2 \le x \le 0 \\ 1, & x > 0 \end{cases}$$
 7.9.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 2ax, & 0 \le x \le 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

7.9.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 2ax, & 0 \le x \le 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

7.10.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ x + \frac{\sin x}{2}, & x \in [0, \frac{\pi}{2}] \\ 1, & x > \pi/2 \end{cases}$$
 7.11.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{3}, & 0 \le x \le 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

7.11.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{3}, & 0 \le x \le 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

7.12.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ x^2, & 0 \le x \le 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

7.13.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < -1 \\ \frac{x+1}{2}, & -1 \le x \le 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{4}, & 0 \le x \le 4 \\ 1, & x > 4 \end{cases}$$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{4}, & 0 \le x \le 4 \\ 1, & x > 4 \end{cases}$$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \le -2 \\ \frac{x}{4} + \frac{1}{2}, & -2 < x \le 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$$

В задачах 7.16-7.30 найти дисперсию случайной величины X по заданной плотности

7.16.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{a}{2}(1 - \frac{|x|}{2}), & -2 \le x \le 2\\ 0, & |x| > 2 \end{cases}$$

$$|x| > 2$$
7.17.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{a}{2e}, & |x - a| \le e\\ 0, & |x - a| > e \end{cases}$$

7.17.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{a}{2e}, & |x - a| \le e \\ 0, & |x - a| > e \end{cases}$$

7.18.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{a}{\ell} (1 - \frac{|x|}{\ell}), & |x| \le \ell \\ 0, & |x| > \ell \end{cases}$$
 7.19.
$$f(x) = \begin{cases} axe^{x^2}, & x \ge 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

7.19.
$$f(x) = \begin{cases} axe^{x^2}, & x \ge 0\\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

7.20.
$$f(x) = \begin{cases} ax^2, & 0 \le x \le 1 \\ 0, & x \notin [0,1] \end{cases}$$

7.21.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{3ax^2}{8}, & 0 \le x \le 2\\ 0, & x \notin [0,2] \end{cases}$$

7.22.
$$f(x) = \begin{cases} a\sin 2x, & 0 \le x \le \pi/2 \\ 0, & x \in [0, \pi/2] \end{cases}$$
 7.23.
$$f(x) = \begin{cases} 2ae^{-2x}, & x \ge 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} 2ae^{-2x}, & x \ge 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

7.24.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{2a}{\ell} (1 - \frac{x}{\ell}), & 0 \le x \le \ell \\ 0, & x \notin [0, \ell] \end{cases}$$
7.25.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\pi \sqrt{4 - x^2}}, & |x| \le 2 \end{cases}$$
7.26.
$$f(x) = \frac{1}{2} \ell^{-|x|}$$
7.27.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\pi \sqrt{a^2 - x^2}}, & |x| < a \\ 0, & |x| \ge a \end{cases}$$
7.28.
$$f(x) = \begin{cases} 2x, & 0 < x \le 3 \\ 9, & x \notin [0, 3] \end{cases}$$
7.29.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{2}, & 0 \le x \le 2 \\ 0, & x \notin [0, 2] \end{cases}$$
7.30.
$$f(x) = \begin{cases} \frac{3ax^2}{2}, & 0 \le x \le 2 \\ 0, & x \notin [0, 2] \end{cases}$$

© БГУИР