Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ Профильный уровень

Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 18 заданий. Часть 1 содержит 11 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–11 записываются по приведённому ниже <u>образцу</u> в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите их в бланк ответов № 1.

KNM

Ответ: **-0,8**

0-0,8

Бланк

При выполнении заданий 12–18 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой или капиллярной ручки.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

После завершения работы проверьте, что ответ на каждое задание в бланках ответов №1 и №2 записан под правильным номером.

Желаем успеха!

Справочные материалы

$$\sin^{2}\alpha + \cos^{2}\alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^{2}\alpha - \sin^{2}\alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cdot \cos\beta + \cos\alpha \cdot \sin\beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cdot \cos\beta - \sin\alpha \cdot \sin\beta$$

Ответом к заданиям 1–11 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Часть 1

1 Найдите корень уравнения

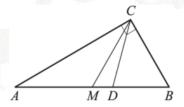
 $7^{-6-x} = 343$.

Ответ:

Вероятность того, что на тестировании по математике учащийся А. верно решит больше 9 задач, равна 0,63. Вероятность того, что А. верно решит больше 8 задач, равна 0,75. Найдите вероятность того, что А. верно решит ровно 9 задач.

Ответ:

3 Острый угол *В* прямоугольного треугольника равен 66°. Найдите угол между биссектрисой *CD* и медианой *CM*, проведёнными из вершины прямого угла. Ответ дайте в градусах.



Ответ: ______.



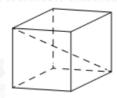


4 Найдите значение выражения

 $3\sqrt{2}\cos^2\frac{9\pi}{8} - 3\sqrt{2}\sin^2\frac{9\pi}{8}.$

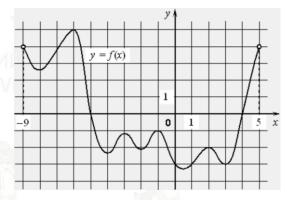
Ответ:

5 Диагональ куба равна $\sqrt{12}$. Найдите его объем.



Ответ:

6 На рисунке изображён график функции y = f(x), определённой на интервале (-9; 5). Найдите количество точек, в которых производная функции f(x) равна 0.



Ответ:

7 Мяч бросили под углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Время полёта мяча (в секундах) определяется по формуле $t=\frac{2v_0\sin\alpha}{g}$. При каком наименьшем значении угла α (в градусах) время полёта будет не меньше 2,1 секунды, если мяч бросают с начальной скоростью $v_0=21$ м/с? Считайте, что ускорение свободного падения g=10 м/с².

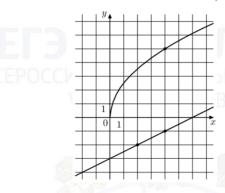
Ответ:

8 На изготовление 540 деталей первый рабочий затрачивает на 12 часов меньше, чем второй рабочий на изготовление 600 деталей. Известно, что первый рабочий за час делает на 10 деталей больше, чем второй. Сколько деталей в час делает первый рабочий?

Ответ: _____

vk.com/ege100ballov

9 На рисунке изображены графики функций $f(x) = a\sqrt{x}$ и g(x) = kx + b, которые пересекаются в точке A. Найдите абсциссу точки A.



Ответ: ______.

Ковбой Джон попадает в муху на стене с вероятностью 0,8, если стреляет из пристрелянного револьвера. Если Джон стреляет из непристрелянного револьвера, то он попадает в муху с вероятностью 0,2. На столе лежит 10 револьверов, из них только 2 пристрелянные. Ковбой Джон видит на стене муху, наудачу хватает первый попавшийся револьвер и стреляет в муху. Найдите вероятность того, что Джон промахнётся.

Ответ: _______.

11 Найдите наименьшее значение функции

$$y = (x - 9)^2(x + 4) - 4$$
 на отрезке [7; 16].

Ответ:

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов \mathcal{N}_2 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 12—18 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (12, 13 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

12 а) Решите уравнение

$$\log_2^2(x^2) - 16\log_2(2x) + 31 = 0.$$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку [3; 6].

В пирамиде *SABC* известны длины рёбер: $AB = AC = \sqrt{29}$, $BC = SA = 2\sqrt{5}$, $SB = SC = \sqrt{13}$.

- а) Докажите, что прямая SA перпендикулярна прямой BC.
- б) Найдите угол между прямой SA и плоскостью SBC.
- 14 Решите неравенство

$$\log_7(2x^2 + 12) - \log_7(x^2 - x + 12) \ge \log_7\left(2 - \frac{1}{x}\right).$$

- 15-го января был взят в банке кредит на 1 000 000 рублей на (n+1) месяц. Условия его возврата таковы:
 - -1-го числа каждого месяца долг возрастает на r% по сравнению с концом предыдущего месяца;
 - со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;
 - 15-го числа каждого месяца с 1-го по *n*-й долг должен быть на 40 тысяч рублей меньше долга на 15-е число предыдущего месяца;
 - − 15-го числа *n*-го месяца долг составит 200 тысяч рублей;
 - к 15-му числу (n+1)-го месяца кредит должен быть полностью погашен.

Найдите r, если общая сумма выплат после его полного погашения составила 1 378 000 рублей.



- Дана трапеция *ABCD* с основаниями *AD* и *BC*. Диагональ *BD* разбивает её на два равнобедренных треугольника с основаниями *AD* и *CD*.
 - а) Докажите, что луч AC биссектриса угла BAD.
 - б) Найдите CD, если известны диагонали трапеции: AC = 12 и BD = 6.5.
- **17** Найдите все значения a, при каждом из которых неравенство

$$|x^2 - 4x + a - 5| \le 10$$

выполняется для всех $x \in [a - 5; a]$.

- На доске написаны числа 1, 2, 3, ..., 30. За один ход разрешается стереть произвольные три числа, сумма которых меньше 35 и отлична от каждой из сумм троек чисел, стёртых на предыдущих ходах.
 - а) Приведите пример последовательных 5 ходов.
 - б) Можно ли сделать 10 ходов?
 - в) Какое наибольшее число ходов можно сделать?

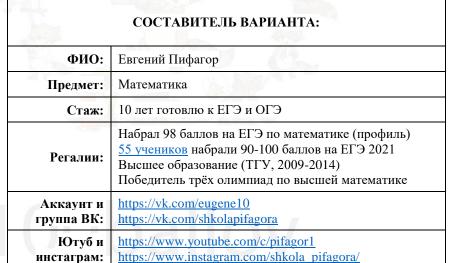
Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.

О проекте «Пробный ЕГЭ каждую неделю»

Данный ким составлен командой всероссийского волонтёрского проекта «ЕГЭ 100 баллов» https://vk.com/ege100ballov и безвозмездно распространяется для любых некоммерческих образовательных целей.

Нашли ошибку в варианте?

Напишите нам, пожалуйста, и мы обязательно её исправим! Для замечаний и пожеланий: https://vk.com/topic-10175642 47937899 (также доступны другие варианты для скачивания)





Единый государственный экзамен. 2022 г.

Система оценивания экзаменационной работы по математике (профильный уровень)

Каждое из заданий 1-11 считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Верный ответ на каждое задание оценивается 1 баллом.

Номер задания	Правильный ответ	Видео решение	ощие треоования к выполнению з решение должно быть математически гра случаи должны быть рассмотрены. Мето д
1	-9		формы записи ответа могут быть раз
2	0,12		обоснованно получен правильный отво
3	21		количество баллов. Правильный ответ
4	3		оценивается в 0 баллов.
5	8		Эксперты проверяют только представленного решения, а особенност
6	9		При выполнении задания могут испо
7	30		ссылок любые математические факты, сод
8	30		пособиях, входящих в Федеральный переч
9	36		использованию при реализации имеющих
10	0,68		образовательных программ среднего обще
11	BA (uncreased 4		
12	a) $2\sqrt{2}$; $4\sqrt{2}$ 6) $4\sqrt{2}$		
13	$\arccos \frac{1}{2\sqrt{10}}$		
14	$\left(\frac{1}{2},\frac{4}{3}\right] \cup [3;+\infty)$		
15	3		
16	5		
17	$3; \frac{3+\sqrt{69}}{2}$		
10	а) например, стереть числа: (1; 6; 11); (2; 7; 12); (3; 8; 13); (4; 9; 14); (5; 10; 15)		
18	б) нет	/	
	в) б		

Решения и критерии оценивания выполнения заданий с развёрнутым ответом

Количество баллов, выставленных за выполнение заданий 12-18, зависит от полноты решения и правильности ответа.

Общие требования к выполнению заданий с развёрнутым ответом: решение должно быть математически грамотным, полным, все возможные случаи должны быть рассмотрены. Методы решения, формы его записи и формы записи ответа могут быть разными. За решение, в котором обоснованно получен правильный ответ, выставляется максимальное количество баллов. Правильный ответ при отсутствии текста решения оценивается в 0 баллов.

Эксперты проверяют только математическое содержание представленного решения, а особенности записи не учитывают.

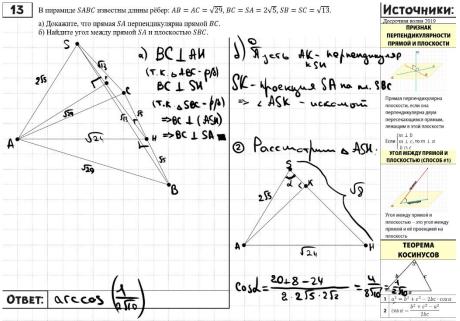
При выполнении задания могут использоваться без доказательства и ссылок любые математические факты, содержащиеся в учебниках и учебных пособиях, входящих в Федеральный перечень учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ среднего общего образования.





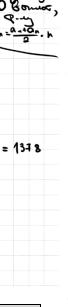


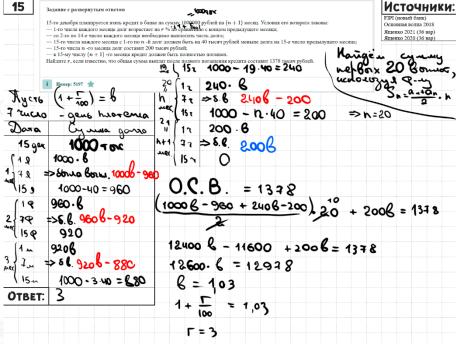
Содержание критерия		
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах		
Обоснованно получен верный ответ в пункте a ИЛИ получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта a и пункта b	1	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0	
Максимальный балл	2	



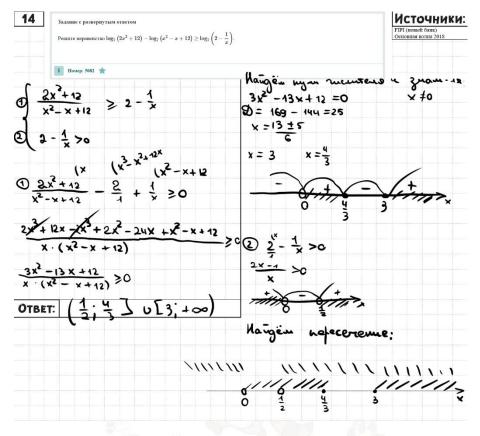
ны верные ответы в обоих пунктах	2	Содержание критерия	Баллы	
верный ответ в пункте а		Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и обоснованно получен верный ответ в пункте δ		
ответы из-за вычислительной ошибки, но верная последовательность всех шагов ов: пункта a и пункта b	1	Получен обоснованный ответ в пункте δ ИЛИ имеется верное доказательство утверждения пункта a , и при	2	
етствует ни одному из критериев,	0	обоснованном решении пункта δ получен неверный ответ из-за арифметической ошибки		
Максимальный балл	2	Имеется верное доказательство утверждения пункта a , ИЛИ		
		при обоснованном решении пункта δ получен неверный ответ из-за арифметической ошибки, ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте δ с использованием утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	1	
		Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0	
		Максимальный балл	3	





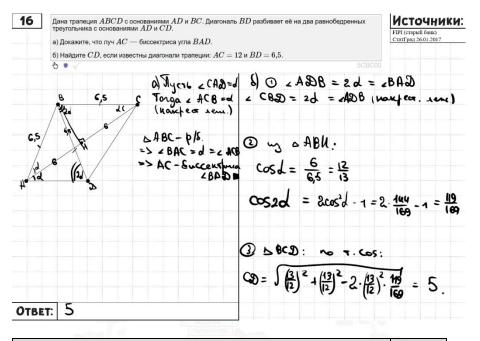


Содержание критерия		
Обоснованно получен верный ответ	2	
Верно построена математическая модель	1	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0	
Максимальный балл	2	

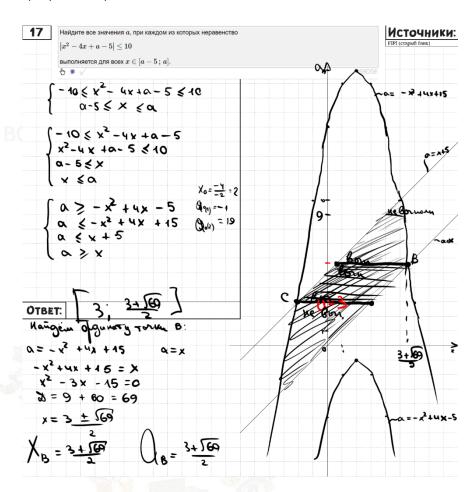


Содержание критерия			
Обоснованно получен верный ответ			
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением / включением граничных точек ИЛИ получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения	1		
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0		
Максимальный балл	2		





Содержание критерия				
Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и обоснованно получен верный ответ в пункте δ	3			
Получен обоснованный ответ в пункте δ ИЛИ имеется верное доказательство утверждения пункта a , и при обоснованном решении пункта δ получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2			
Имеется верное доказательство утверждения пункта a , ИЛИ при обоснованном решении пункта δ получен неверный ответ из-за арифметической ошибки, ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте δ с использованием утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	1			
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0			
Максимальный балл	3			



Содержание критерия		
Обоснованно получен верн	ый ответ	4
	ассуждения получено множество от искомого конечным числом точек	3
С помощью верного рассточки искомого множества	уждения получены все граничные значений а	2
Верно получена хотя бы множества значений а	одна граничная точка искомого	1
Решение не соответств перечисленных выше	ует ни одному из критериев,	0
	Максимальный балл	4

a) 34 33 2-14-20 32 3-10-19 34 4-9-18 30 5-8-17	FED (costal dass) FED (costal dass) FED (costal dass) Cottonia Botta 2016 132 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 R. NOS CTÉ pur boreme, rem NOC SOLLO, reo nelloguorene Gouceu 6-oi xoo l'upegonneum Junto a) 6-7-13
a) Kanoe наибольшее число ходов можно страть? 2 2 4 5 6 7 8 5 10 11 12 13 14 15 46 T. 33 2 1-42-21 34 2 - 14-20 35 3-10-19 36 5-5-17 30 50 5-5-17 30 30 10 xonol 64085 cret to 3 30=	13. 18 10 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 R. MOR CTE pun Eoneme, Tem MOC Source, 270 Relognore MC
2 2 4 5 6 3 8 5 10 11 12 (13) 14 15 16 T. 33 2 - 14 - 20 31 32 3-10-19 31 4-9-18 30 5-8-17 30 30 10 10 10 10 10 10 10 10	Conser Goixo & who were the
a) 34 1-42-21 y 33 2-44-20 32 3-40-19 34 4-9-18 30 5-8-17 30 10 xmol 64985 cretro 3 30-	Conserre C-0_x0 & nhodornomer.
a) 34 1-42-21 y 33 2-44-20 32 3-40-19 34 4-9-18 30 5-8-17 30 10 xmol 64985 cretro 3 30-	Conserre C-0_x0 & nhodornomer.
a) 34 33 2-14-20 32 3-10-19 34 4-9-18 30 5-8-17	Geroen G-on x00 & whogonneum
33 2-14-20 32 3-10-19 34 4-9-18 30 5-8-17 (5)	Geroen G-on x00 & whogonneum
32 3-10-19 31 4-9-18 30 5-8-17 (2)	Govern 6-02 x00 & whosomerm
31 4-0-18 6) 30 5-8-17 1230 30=	
31 4-0-18 6) 30 5-8-17 1230 30=	
3a 10 rocal super cretro 2 30=	
3a 10 rocal super cretro 2 30=	6 - 7 - 13
3 30 10 xopol syges cretro 2 30=	
907 9	Monero un copusoro 7 xogob?
30 10 your titu was some com	0
30 10 x0000 Thom wount 66776 cregging. 34 33 32 31 30 29.23 27 2625 € => 84000 CTépto € 34225.10:285 (3) Northeam	There I would sup main it
31 35 32 31 30 23 23 24 26 C	nous vago and sereptoet
=> Eyget CTELTO < 34+25.10 -205 30	1 33 32 34 30 30 38
OTBET: So xer	CTEL-TONE 7 T PORK < 341281
₿ €.	CTEPTINE 27 PORCE 211
0	Mocre 7 xoople mon crépu 7 4 poex
1+21	
.2	1 < CTE FEBR 2 Those
	S CTEPTOLE 7 TOOCK
=> 2316 CTOPTIONE & IPO	er < 217 -
750- 400	
, TTO ne bornomus => 7 v conce xog	
⇒7 v douce xoo	of 36.76 he manes

Содержание критерия			
Верно получены все перечисленные (см. критерий на 1 балл)			
результаты	4		
Верно получены три из перечисленных (см. критерий на 1 балл)			
результатов	3		
Верно получены два из перечисленных (см. критерий на 1 балл)	2		
результатов	2		
Верно получен один из следующих результатов:	/		
– обоснованное решение пункта <i>a</i> ;			
– обоснованное решение пункта δ ;	/ 1		
искомая оценка в пункте в;			

– пример в пункте в, обеспечивающий точность предыдущей							
оценки							
Решение	не	соответствует	ни	одному	ИЗ	критериев,	0
перечисле	нных	выше					O
Максимальный балл							4

В соответствии с Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам среднего общего образования (приказ Минпросвещения России и Рособрнадзора от 07.11.2018 № 190/1512, зарегистрирован Минюстом России 10.12.2018 № 52952)

«82. <...> По результатам первой и второй проверок эксперты независимо друг от друга выставляют баллы за каждый ответ на задания экзаменационной работы ЕГЭ с развернутым ответом. <...>

В случае существенного расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами, назначается третья проверка. Существенное расхождение в баллах определено в критериях оценивания по соответствующему учебному предмету.

Эксперту, осуществляющему третью проверку, предоставляется информация о баллах, выставленных экспертами, ранее проверявшими экзаменационную работу».

Существенными считаются следующие расхождения:

- 1) расхождение в баллах, выставленных двумя экспертами за выполнение любого из заданий 12–18, составляет 2 или более балла. В этом случае третий эксперт проверяет только ответ на то задание, который был оценен двумя экспертами со столь существенным расхождением;
- 2) расхождения экспертов при оценивании ответов на хотя бы два из заданий 12-18. В этом случае третий эксперт проверяет ответы на все задания работы.



