Formes d'ondes circulaires par bloc et égalisation fréquentielle

C. Poulliat

25 novembre 2020



1/58

- OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références

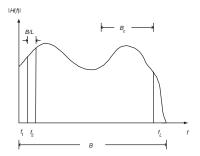


- OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- 2 Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
- Egalisation et Analyse

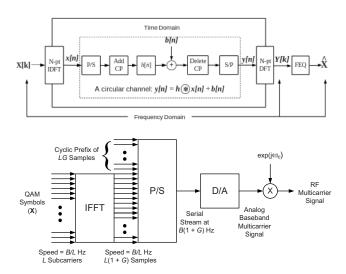
Principe de base, rappels

Orthogonal Frequency Division Multiplexing

- Introduit pour traiter efficacement les interférences entre symboles pour les canaux fortement dispersifs,
- Principe: transformer un canal large bande en un certains nombre de canaux bande étroite de largeur plus petite que la bande de cohérence du canal.
 - ⇒ flat fading sur chaque canal



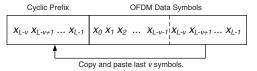
structure émetteur-récepteur en mono-utilisateur



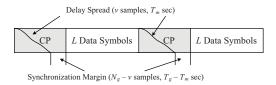
Principe du préfixe cyclique



Intervales de garde \Rightarrow pas d'IES inter-symboles OFDM



Préfixe cyclique : rendre la convolution avec le canal circulaire



Ajout Préfixe cyclique : plus IES intra symbole OFDM

Modélisation, notations

TFD:

$$X[k] = TFD(x[n]) = \sum_{n=0}^{N-1} x[n]e^{-i\frac{2\pi}{N}kn}, \ \forall k = 1: N-1$$

TFD inverse :

$$X[n] = TFD^{-1}(X[k]) = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} X[k] e^{+i\frac{2\pi}{N}nk}, \ \forall k = 1 : N-1$$

Convolution circulaire :

TD:
$$y[n] \triangleq h \circledast x[n]$$

= $\sum_{m=0}^{N-1} x[m]h[< n-m>_N], \ \forall n=0: N-1$

 $FD: Y[k] = H[k]X[k], \ \forall k = 0: N-1$



Modélisation récepteur, domaine temporel

- Soit un bloc de N symboles modulés noté $X[k] \in \mathcal{X} \subset \mathbb{C}, \forall k = 0 \cdots N 1$.
- Après passage par le bloc de TFD inverse, on obtient un bloc de symboles

$$x[n] = TFD^{-1}(X[k]), \forall n = 0 \cdots N - 1.$$

Après ajout d'un préfixe cyclique, on obtient le vecteur

$$\tilde{\mathbf{x}} = [\tilde{x}[0]\tilde{x}[1] \cdots \tilde{x}[N + N_{cp} - 1]] = [x[N - N_{cp}] \cdots x[N - 1]|x[0] \cdots x[N - 1]].$$

Après transmission sur le canal, on a

$$y[n] = h * \tilde{x}[n] + b[n]$$

Après retrait du CP, on a

$$y[n] = h \circledast x[n] + b[n]$$



C. Poulliat Formes d'ondes circulaires 25 novembre 2020

Modélisation récepteur, domaine fréquentiel

• Par propriété de la transformée de Fourier discrète, on a $\forall k = 0 \cdots N - 1$

$$Y[k] = TFD(y[n]) = H[k]X[k] + B[k]$$

où
$$H[k] = TFD(h[n])$$
 et $B[k] = TFD(b[n])$

⇒ on a donc transformé un canal sélectif en fréquence en canal sélectif en temps/à évanouissements temporels

⇒ Par propriétés de la transformée de Fourier, le bruit est toujours blanc Gaussien

□ ト 4 個 ト 4 重 ト 4 重 ト 9 へ (で)

Modélisation récepteur, aspect récepteur

• Il est souvent présenté une "égalisation" des canaux avant décision. On "filtre" les données par un filtre "one-tap" W[k] chaque sous canaux (ie; $\forall k = 1 \cdots N - 1$). On obtient alors un symbole estimé

$$\hat{X}[k] = W[k]Y[k] = W[k]H[k]X[k] + W[k]B[k] = \alpha_k X[k] + B[k]$$

- Deux types de critère :
 - Oritère Zero-forcing :

$$W[k] = \frac{1}{H[k]}$$

Oritère MMSE :

$$W[k] = \frac{H^*[k]}{|H[k]|^2 + N_0}$$

⇒ le modèle étant un modèle à évanouissements scalaires, cette étape n'est pas nécessaire si on considère un système OFDM codé.

4□ > 4ⓓ > 4를 > 4를 > 를 ∽9

Modélisation récepteur, aspect récepteur

 Détection par maximum de vraisemblance : en utilisant le modèle discret équivalent il vient directement :

$$\hat{X}[k] = \arg\max_{X \in \mathcal{X}} P(Y[k]|X[k], H[k])$$

où dans le cas Gaussien on a

$$P(Y[k]|X[k], H[k]) \propto exp(-\frac{||Y[k] - H[k]X[k]||^2}{N_0})$$

 Détection MAP bit pour schéma codé à bits entrelacés : Les vecteurs binaires X_b[n] = [X₁[n]···X_m[n]] sont "mappés" sur des symboles X[n] ∈ X.

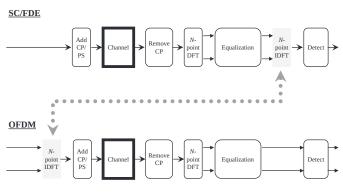
$$L(x_i[n]) = \log \left(\frac{P(x_i[n] = 0 | Y[n])}{P(x_i[n] = 1 | Y[n])} \right) = \log \left(\frac{\sum_{X[n] \in \mathcal{X}_0^i} P(Y[n] | X[n], H[n])}{\sum_{X[n] \in \mathcal{X}_1^i} P(Y[n] | H[n], X[n])} \right)$$

- 🕦 OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références



SC-FDE

Egalisation Monoporteuse dans le domaine fréquentiel : SC-FDE vs OFDM

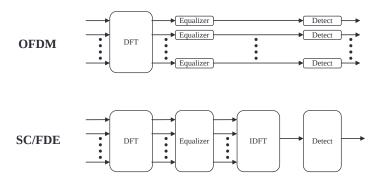


^{*} CP: Cyclic Prefix, PS: Pulse Shaping

C. Poulliat

OFDM et SC-FDE

SC-FDE vs OFDM: récepteurs

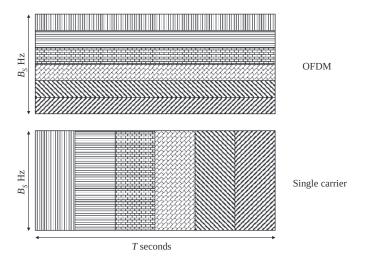


C. Poulliat

14/58

OFDM et SC-FDE

SC-FDE vs OFDM : interprétation dans le plan temps-fréquence



C. Poulliat

SC-FDE

Modélisation récepteur, domaine temporel

- Soit un bloc de N symboles modulés noté $x[n] \in \mathcal{X} \subset \mathbb{C}, \forall n = 0 \cdots N 1$.
- Après ajout d'un préfixe cyclique, on obtient le vecteur

$$\tilde{\mathbf{x}} = [\tilde{x}[0]\tilde{x}[1]\cdots\tilde{x}[N+N_{cp}-1]] = [x[N-N_{cp}]\cdots x[N-1]|x[0]\cdots x[N-1]].$$

Après transmission sur le canal, on a

$$y[n] = h * \tilde{x}[n] + b[n]$$

Après retrait du CP, on a

$$y[n] = h \circledast x[n] + b[n]$$

< ロ > < 個 > < 重 > < 重 > 、 重 の Q (~)

SC-FDE, Modèle du signal en réception

Après TFD, on applique un filtre W[k] sur chaque sous-bande

Domaine fréquentiel :

$$Y[k] = H[k]X[k] + B[k], \ \forall k = 1: N-1$$

$$Y_e[k] = W[k]Y[K]$$

= $W[k]H[k]X[k] + W[k]B[k], \forall k = 1: N-1$

Domaine temporel :

$$\hat{x}[n] = TFD^{-1}(Y_{e}[k]), \ \forall n = 1 : N - 1$$

$$= \underbrace{\tilde{w} \circledast x[n]}_{\text{signal utile}} + \underbrace{w \circledast x[n]}_{\text{bruit filtre}} = \underbrace{x_{u}[n] + x_{i}[n]}_{\hat{x}_{t}[n]} + \hat{b}[n]$$
interference entre symbole (1)

avec
$$\tilde{w} = TFD^{-1}(\tilde{W}[k]) = TFD^{-1}(W[k]H[k])$$

17/58

C. Poulliat Formes d'ondes circulaires 25 novembre 2020

Egalisation

Cas MMSE

$$W[k] = \frac{\gamma H[k]^*}{\gamma |H[k]|^2 + 1}$$

$$\gamma = \frac{\sigma_X^2}{\sigma_B^2}$$
(2)

$$\gamma = \frac{\sigma_X^2}{\sigma_P^2} \tag{3}$$

Cas ZF

$$W[k] = \frac{H[k]^*}{|H[k]|^2}$$
 (5)

Détection

Détection

Si on prend le modèle du signal après égalisation, on aura

$$\hat{\mathbf{x}}[\mathbf{n}] = \alpha \mathbf{x}[\mathbf{n}] + \mathbf{x}_i[\mathbf{n}] + \hat{\mathbf{b}}[\mathbf{n}]$$
 (6)

$$= \alpha x[n] + b'[n] \tag{7}$$

On pourra donc faire une détection en faisant une approximation Gaussienne sur b'[n] et ainsi appliquer les mêmes détecteur que le cas OFDM.

- OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références



C. Poulliat

- OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références



C. Poulliat

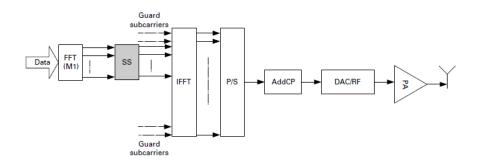
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple



22/58

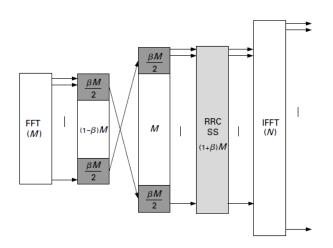
C. Poulliat Formes d'ondes circulaires 25 novembre 2020

Shaping fréquentiel : cas générale

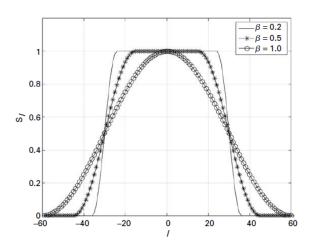


C. Poulliat

Shaping fréquentiel : cas mono-utilisateur



Shaping fréquentiel : exemples



Implémentations

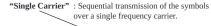
- Le cas mono-utilisateur est connu sos le nom Extented-Weighted SC-OFDM,
- Un filtrage de type filtrage rectangulaire est utilisé dans le cadre du standard DVB-NGH sous l'accronyme SC-OFDM,
- la version multi-utilisateurs est connue sous le sigle SC-FDMA et considère un filtre rectangulaire étendu.

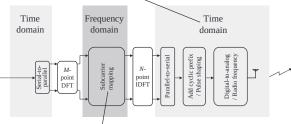
ロト・自・・意・・意・・意・のなで

- OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références

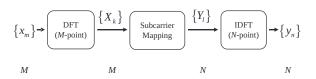


Principe générale





"FDMA": User multiplexing in the frequency domain.

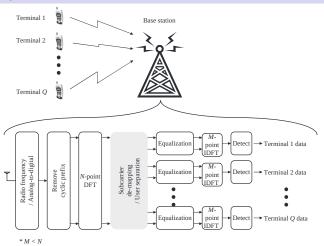


*M, N: number of data symbols

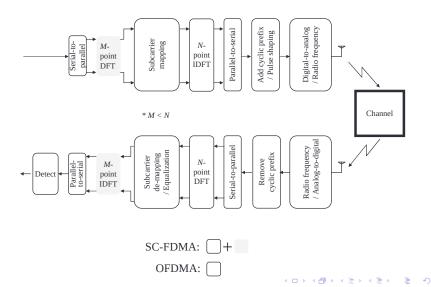
4ロト4回ト4回ト4回ト ヨーツへで

C. Poulliat Formes d'ondes circulaires 25 novembre 2020 28/58

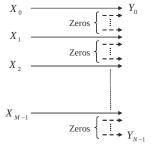
Architecture récepteur

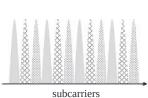


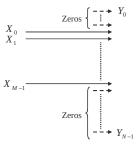
Comparaison OFDMA vs SC-FDMA: structure

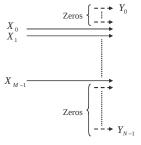


Allocation de sous-porteuses





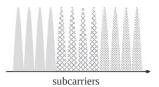






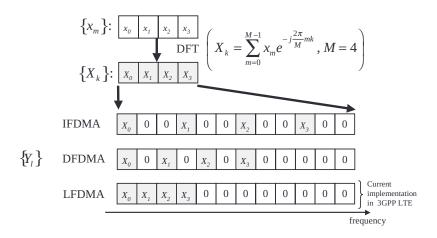






OFDMA et SC-FDMA

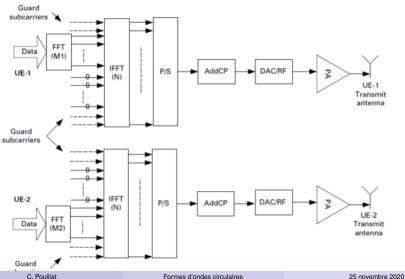
SC-FDMA: allocation de sous-porteuses



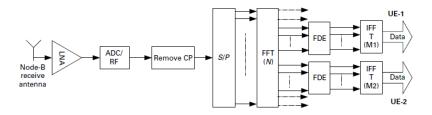
ロ ト 4 **週** ト 4 差 ト 4 差 ト 1 差 1 り 9 (で)

C. Poulliat

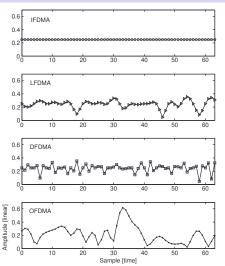
Cas multi-utilisateurs - émetteurs



Cas multi-utilisateurs - récepteurs



Dynamique des signaux : SC-FDMA vs OFDMA

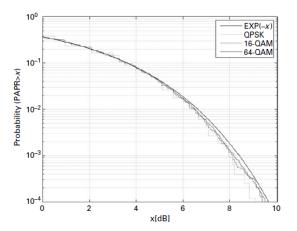




C. Poulliat

Dynamique des signaux : SC-FDMA vs OFDMA

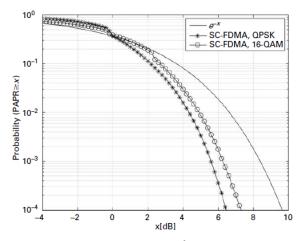
$$PAPR = \frac{|s(t)|^2}{\mathbb{E}(|s(t)|^2)}$$



PAPR pour OFDM avec 16 canaux @ > 4 = > 4

SC-FDMA

SC-FDMA vs OFDMA



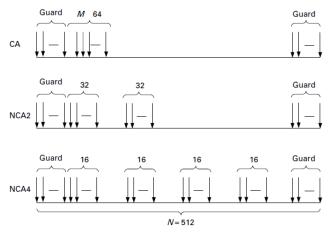
PAPR pour SC-FDMA localisé M = 64, N = 512

□ ▶ ◆□ ▶ ◆□ ▶ ◆□ ▶ ◆□ ▶ ◆□ ▶ ◆□

C. Poulliat

SC-FDMA

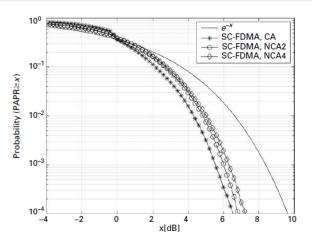
Dynamique des signaux : SC-FDMA vs OFDMA



PAPR pour SC-FDMAs

SC-FDMA

Dynamique des signaux : SC-FDMA vs OFDMA



PAPR pour SC-FDMAs



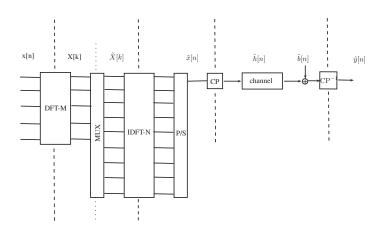
C. Poulliat

Plan

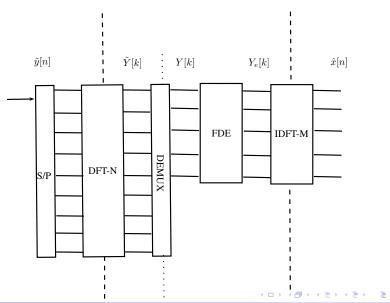
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références



Emetteur



Récepteur



Principales notations et définitions

TFD :

$$X[k] = TFD(x[n]) = \sum_{n=0}^{N-1} x[n]e^{-i\frac{2\pi}{N}kn}, \ \forall k = 1: N-1$$

TFD inverse :

$$x[n] = TFD^{-1}(x[n]) = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} X[k] e^{+i\frac{2\pi}{N}nk}, \ \forall k = 1: N-1$$

Convolution circulaire :

TD:
$$y[n] \triangleq h \circledast x[n]$$

= $\sum_{m=0}^{N-1} x[m]h[< n-m>_N], \ \forall n=0: N-1$
FD: $Y[k] = H[k]X[k], \ \forall k=0: N-1$

Plan

- OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - D'((
 - Références



Modèle du signal en réception

Domaine fréquentiel :

$$Y[k] = H[k]X[k] + B[k], \ \forall k = 1: N-1$$

$$Y_e[k] = W[k]Y[K]$$

= $W[k]H[k]X[k] + W[k]B[k], \forall k = 1: M-1$

Domaine temporel:

$$\hat{x}[n] = TFD^{-1}(Y_e[k]), \ \forall n = 1 : M - 1$$

$$= \underbrace{\tilde{w} \circledast x[n]}_{\text{signal utile}} + \underbrace{w \circledast x[n]}_{\text{bruit filtre}} = \underbrace{x_u[n] + x_i[n]}_{\hat{x}_t[n]} + \hat{b}[n]$$

$$\stackrel{+}{\underset{\text{interference}}{\underset{\text{entre symbole}}{\overset{+}{\underset{\text{entre symbole}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{+}}{\underset{\text{one}}}}{\overset{one}}}{\overset{\bullet{}}}{\overset{\bullet{one}}}{\overset{\bullet{}}}{\overset{\bullet{one}}}}{\overset{\bullet{}}}{\overset{\bullet{one}}$$

avec
$$\tilde{w} = TFD^{-1}(\tilde{W}[k]) = TFD^{-1}(W[k]H[k])$$

45/58

C. Poulliat Formes d'ondes circulaires 25 novembre 2020

Puissance de bruit 1/3

Domaine temporel :

$$\hat{b}[n] = TFD^{-1}(W[k]B[k]), \forall n = 1 : M - 1$$
 (9)

$$= \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} W[k]B[k]e^{-i\frac{2\pi}{M}nk}$$
 (10)

Variance du bruit, cas générale :

$$\sigma_{\hat{b}}^2 \triangleq \mathbb{E}(|\hat{b}[n]|^2)$$

$$= \frac{\sigma_{\hat{b}}^2}{M} \times \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} |W[k]|^2$$

$$= \sigma_{\tilde{b}_M}^2 \sum_{n=0}^{M-1} |w[n]|^2$$

avec $\tilde{b}_M[n] = TFD^{-1}(B[k])$ et $w[n] = TFD^{-1}(W[k])$

C. Poulliat Formes d'ondes circulaires 25 novembre 2020 46/58

Puissance de bruit 2/3

Cas MMSE

$$W[k] = \frac{\gamma H[k]^*}{\gamma |H[k]|^2 + 1}$$
 (11)

$$\gamma = \frac{\sigma_X^2}{\sigma_B^2} \tag{12}$$

$$\gamma_k = |H[k]|^2 \gamma \tag{13}$$

$$\sigma_{\hat{b}}^2 = \frac{\sigma_B^2}{M^2} \sum_{k=0}^{M-1} \frac{\gamma^2 |H[k]|^2}{(\gamma |H[k]|^2 + 1)^2}$$
 (14)

<ロ > < 個 > < 量 > < 量 > 、 量 > のQ (~)

Puissance de bruit 3/3

Cas ZF:

$$W[k] = \frac{\gamma H[k]^*}{\gamma |H[k]|^2} \tag{15}$$

$$\sigma_{\hat{b}}^2 = \frac{\sigma_B^2}{M^2} \sum_{k=0}^{M-1} \frac{1}{\gamma |H[k]|^2}$$
 (16)

Puissance terme utile

Signal utile en sortie de IDFT :

$$\hat{x}_{u}[n] = \tilde{w}[0]x[n] = x[n] \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} W[k]H[k]$$
 (17)

• Variance de $\hat{x}_u[n]$:

$$\sigma_{\chi_{u}}^{2} = \sigma_{\chi}^{2} \left| \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} W[k] H[k] \right|^{2}$$
 (18)

Puissance terme interférence entre symbole

• Variance de $\hat{x}_i[n]$:

$$\sigma_{\chi_i}^2 = \sigma_{\chi_t}^2 - \sigma_{\chi_u}^2 \tag{19}$$

avec

$$\sigma_{x_t}^2 = \sigma_x^2 \sum_{m=0}^{M-1} |\tilde{W}[< n - m>_M]|^2$$

$$= \sigma_x^2 \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} |\tilde{W}[k]|^2$$

$$= \sigma_x^2 \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} |W[k]H[k]|^2$$



50/58

C. Poulliat Formes d'ondes circulaires 25 novembre 2020

Rapport signal à bruit en sortie de DFT

Cas général :

$$SNR = \frac{\sigma_{x_u}^2}{\sigma_{x_t}^2 - \sigma_{x_u}^2 + \sigma_{\hat{b}}^2}$$

$$= \frac{|\alpha|^2}{\frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} (|H[k]|^2 + \gamma^{-1})|W[k]|^2 - |\alpha|^2}$$
(20)

avec

$$\alpha = \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} W[k]H[k]$$



Rapport signal à bruit en sortie de DFT

Cas MMSE :

$$SNR = \frac{\beta}{1 - \beta} \tag{21}$$

avec

$$\beta = \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} \frac{\gamma_k}{\gamma_k + 1}$$

Cas ZF:

$$SNR = \frac{1}{\beta} \tag{22}$$

avec

$$\beta = \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} \frac{1}{\gamma_k}$$

C. Poulliat

Plan

- OFDM : un exemple forme d'onde circulaire
- Forme d'ondes mono-porteuse circulaire
 - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA: extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références



Modèle du signal en réception

Modèle domaine fréquentiel

Domaine fréquentiel sans combinaison :

$$Y_e[k] = W_0[k]Y[k]$$

= $W_0[k]\tilde{H}[k]X[k] + W_0[k]B[k], \ \forall k \in I_1$

Domaine fréquenciel avec combinaison :

$$Y_{e}[k] = W_{1}[k]Y_{1}[k] + W_{2}[k]Y_{2}[k], \forall k \in I_{2}$$

$$= (W_{1}[k]\tilde{H}_{1}[k] + W_{2}[k]\tilde{H}_{2}[k])X[k] + W_{1}[k]B_{1}[k] + W_{2}[k]B_{2}[k]$$

avec $\tilde{H}[k]$ canal en réception + weighting

<ロト < 個ト < 重ト < 重ト < 重 とのへで

Modèle du signal en réception

Modèle équivalent

$$Y_{e}[k] = \begin{cases} \tilde{W}[k]X[k] + W_{0}[k]B[k] &, \forall k \in I_{1} \\ \tilde{W}[k]X[k] + W_{1}[k]B_{1}[k] + W_{2}[k]B_{2}[k] &, \forall k \in I_{2} \end{cases}$$

avec

$$\tilde{W}[k] = \begin{cases} W[k]\tilde{H}[k] &, \forall k \in I_1 \\ W_1[k]\tilde{H}_1[k] + W_2[k]\tilde{H}_2[k] &, \forall k \in I_2 \end{cases}$$

Rapport signal à bruit en sortie de DFT

Cas général :

$$SNR = \frac{|\alpha|^2}{\frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} (|\tilde{W}[k]|^2 + \gamma^{-1} |W[k]|^2) - |\alpha|^2}$$
(23)

avec

$$\alpha = \frac{1}{M} \sum_{k=0}^{M-1} \tilde{W}[k]$$

et

$$|W[k]|^2 = \begin{cases} |W_0[k]|^2 &, \forall k \in I_1 \\ |W_1[k]|^2 + |W_2[k]|^2 &, \forall k \in I_2 \end{cases}$$

⇒ valable pour tout type de combinaison

C. Poulliat

56/58

Plan

- - SC-FDE
 - SC-FDE avec mise en forme fréquentielle
 - Spectral Shaping
 - SC-FDMA : extension pour l'accès multiple
- Egalisation et Analyse
 - Modélisation SC-FDMA
 - Modélisation EW-SC-FDMA
 - Références



57/58

Bibliographie

- [SESIA11] S Sesia et al., LTE The UMTS Long Term Evolution, Wiley, 2011
- [KHAN09] F. KHAN, LTE for 4G Mobile Broadband Air Interface Technologies and Performance, Cambridge University Press, 2009.
- [3GPP1] 3GPP R1-051335, "Simulation Methodology of IFDMA and DFT DFT-Spread-OFDMA," Nov. 2005.
- [3GPP2] 3GPP R1-051352, "Simulation methodology for EUTRA uplink: SC-FDMA and OFDMA," Nov. 2005.



Formes d'ondes circulaires