### Reaktionsnetzwerke II

Jonas Pleyer

27. Mai 2022

## Table of Contents

1. Wiederholung

### Table of Contents

- 1. Wiederholung
- 1.1 Lösen von ODEs
- 1.2 Zugehöriges Reaktionsnetzwerk
- 1.3 Michaelis-Menten kinetics

3/11

### Lösen von ODEs

Die folgende ODE beschreibt Protein-Synthese mit Degradation.

$$\dot{x} = f(x, t) = \alpha - \beta x$$

Hier sind  $\alpha$  die Synthetisierungsrate und  $\beta$  die Degradationsrate. Fragen:

- Welche Einheiten haben  $\alpha, \beta$
- Was erwarten wir für ein Verhalten? Warum?
- Wie gehen die Anfangswerte ein?
- 4 Gibt es einen Gleichgewichtszustand? Ist er positiv?

```
from scipy.integrate import odeint
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
def f(x, t, a, b):
    return a - b*x
if name == " main ":
    tstart = 0.0
    tend = 10.0
    y0 = 0.0
    a = 0.1
    b = 10.0
    t = np.linspace(tstart, tend)
    results = odeint(f, y0, (a, b))
    plt.plot(t, results, label="Ergebnisse der gelösen ODE")
    plt.legend()
    plt.show()
```

# Zugehöriges Reaktionsnetzwerk

Welche Reaktionen laufen in der eben gelösten ODE ab?

$$\dot{x} = f(x, t) = \alpha - \beta x$$

Erstellung von neuem Protein

$$\xrightarrow{\alpha} Y$$

Degradation von Protein

$$Y \xrightarrow{\beta} \emptyset$$

Insgesamt:

$$\xrightarrow{\alpha} \mathbf{Y} \xrightarrow{\beta} \emptyset$$

Wie lautet eine ODE zu einem gegebenenen Reaktionsnetzwerk?

$$A + A \xrightarrow{\psi} B \tag{1}$$

$$B + C \xrightarrow{\phi} \emptyset \tag{2}$$

• Wie viele Komponenten haben wir?

 $\Rightarrow$  3 Stück: A, B, C

- Betrachte zunächst Gleichung 2. Was passiert hier?  $\Rightarrow$  B und C reagieren und werden vernichtet. Die konzentration von B und C muss also kleiner werden.
- Mit welcher Rate passiert das?

$$\dot{B} = -\phi BC \tag{3}$$

$$\dot{C} = -\phi BC \tag{4}$$

$$\dot{C} = -\phi BC \tag{4}$$

Wie lautet eine ODE zu einem gegebenenen Reaktionsnetzwerk?

$$A + A \xrightarrow{\psi} B \tag{5}$$

$$B + C \xrightarrow{\phi} \emptyset \tag{6}$$

Bisher haben wir:

$$\dot{B} = -\phi BC \tag{7}$$

$$\dot{C} = -\phi BC \tag{8}$$

- Betrachte jetzt noch Gleichung 1
   2x Stoff A wird umgewandelt zu B
- Wie lautet die Reaktions gleichung?

$$\dot{A} = -2\psi A^2 \tag{9}$$

$$\dot{B} = +2\psi A^2 \tag{10}$$

• Wie kombiniere ich nun diese Gleichungen?

Jonas Pleyer Reaktionsnetzwerke II

Einzelne Komponenten aufaddieren und dann alles zusammenschreiben

$$\dot{A} = -2\psi A^2 \tag{11}$$

$$\dot{B} = +2\psi A^2 - \phi BC \tag{12}$$

$$\dot{C} = -\phi BC \tag{13}$$

```
from scipy.integrate import odeint
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
def f(y, t, k1, km1, k2):
    return (-2*k1*y[0]**2, 2*k1*y[0]**2 - k2*y[1]*y[2], - k2*y[1]*y[2])
if name == " main ":
    tstart = 0.0
    tend = 10.0
    y0 = (1.0, 0.0, 0.5)
    k1 = 0.3
    k2 = 0.5
    t = np.linspace(tstart, tend)
    results = odeint(f, y0, t, (k1, k2))
    for i in range(results.shape[1]):
        plt.plot(t, results[:,i], label="Komponente " + str(i))
    plt.legend()
    plt.show()
```

### Michaelis-Menten kinetics

### Model findet weitläufig Verwendung:

- Antigen–Antibody Binding
- DNA-DNA Hybridization
- Protein-Protein Interaction

$$A + B \xrightarrow[k_{-1}]{k_{-1}} C \tag{14}$$

$$C \xrightarrow{k_2} A + D \tag{15}$$

#### Zugehörige ODEs:

$$\dot{A} = -k_1 A B + k_{-1} C + k_2 C \tag{16}$$

$$\dot{B} = -k_1 A B + k_{-1} C \tag{17}$$

$$\dot{C} = +2k_1AB - 2k_{-1}C - 2k_2C \tag{18}$$

$$\dot{D} = +k_2C \tag{19}$$

Jonas Pleyer