千唐大学

数学建模校内竞赛论文



论文题目:

组号:

成员:

选题:

姓名	学院	年级	专业	学号	联系电话	数学分析	高等代数	微积分	等 数	性代	率 统	实	数学模型	CET4	CET6
														·	
														·	

基于多目标优化的旅游线路规划研究

摘要

针对问题一,我们首先利用 Floyd-Warshall 算法补全景点—区域交通网络,生成任意节点对的最短路矩阵,由此精确计算交通时间 $t(S_i,R_j)$ 与费用 $d(S_i,R_j)$ 。在此基础上,将景点基准吸引力、游客对餐饮/住宿区域的偏好 P_{R_j} 与交通成本共同纳入满意度模型,构造 Pref(p)、Cost(p)、Time(p) 等函数,并归一化形成综合效用 u_p 。通过枚举一日、二日、三日游所有可行路线,引入 MILP 处理景点、午餐及夜宿容量约束,再结合遗传算法对解空间进行多样化搜索,获得最短时间、最低费用及均衡型等多类别最优方案。最终输出 TODO 条覆盖不同天数、不同兴趣偏好的高满意度套餐。

针对问题二,问题一中生成的旅游方案存在着数量较多、部分方案相似度较高等问题。因此第二问针对这些问题,提出基于旅游方案相似度的加权距离函数建模,并采用 K-means++ 聚类,将套餐数压缩至 10 种以内且总体方案满意度较高。加权距离函数主要由景点吸引力、区域吸引力、路线相似度、交通时间、交通费用、游客偏好等因素构成。算法会尝试不同 K 值,并根据簇内平方和选择最优的 K 值作为最终的结果。我们将每个簇中满意度最高的方案保留,最终输出满足数量上限且整体满意度最优的方案集合。

针对问题三,我们建立了扩容收益、建设成本等因素,选择最合适的区域以及扩容规模。我们首先根据题目背景,引入扩容收益、建设成本等因素,得到净收益函数。然后,我们采用双层优化策略,外层枚举六个候选区域及一系列离散的扩容步长,内层优化在给定 $(r,\Delta K)$ 时,调用问题一中"枚举路线 + MILP"框架(辅以遗传算法与启发式多样化规则)重新分配游客,得到 $Z_r(K)$, $N_r(K)$ 。最终,我们绘制 $F_r(\Delta K)$ 随扩容规模变化的曲线,并给出最优扩容区域及规模。

关键词: MILP: 遗传算法: 旅游线路规划: K 均值聚类

数模校赛论文 1 问题重述

1 问题重述

1.1 问题背景

重庆作为著名的网红城市,前来旅游的乘客数量极大。由于重庆山河交错的 地理环境、组团式城市形态的客观原因,景点多但是分布分散且单一景点资源有 限。此外重庆主城区域面积有限但接收大量游客。如何通过规划旅游路线减少交 通时间,防止景点人员拥挤以提升游客旅游体验是一个具有实际意义的优化问题。

根据题目提供的相关数据可知:共有6个景点并且景点可接纳人数在1.2万人到4.2万人之间;景点附近有6个主要区域并为游客提供午餐、晚餐和住宿,其接待能力和游客喜好程度可见表2。游客会在上午、下午游览景点,中午到附近区域用餐,若时间超过一天则选择一个区域食宿。题目还给出了具体的从景点到各区域的交通费用和时间。对此,我们需要建立模型解决以下问题:

1.2 问题重述

为了为游客提供更好的方案选择,并且提高每个方案的旅游体验。我们需要综合考虑以上所有信息,并注意一些基本原则:

- 问题一:我们需要考虑景点和附近区域的接待能力,保证同一时间在任意景点或区域的总人数不会超过其接纳上线。并且要考虑到交通费用与时间,使游客能够尽量节省时间与金钱。在此要求下,我们根据不同旅游时间需要提出景区吸引力函数,结合约束条件设计出合适的"景点+区域"组合方案。
- 问题二: 过多的旅游方案会导致更大的路线管理压力以及更低的游客决策效率。我们需要将问题一中的套餐总数控制在 10 以内。由此,我们要建立方案筛选与整合准则,对原方案进行精简与再优化,将重复性较强的方案合并,最终输出满足数量上限且整体满意度最优的套餐集合。
- **问题三:** 我们需要考虑区域的接纳人数、游客喜好程度等信息,尽可能为旅游集团提出效益更高的建设方案。我们需要提出一种评价函数结合扩容收益、建设成本等因素,选择最合适的区域以及扩容规模。

数模校赛论文 2 问题分析

2 问题分析

2.1 问题一

针对问题一,我们首先需要将景点吸引力通过合适的数学函数进行量化,该函数需要综合景点可达区域、区域偏好、可容纳人数等影响。以此作为优化目标函数的一个因子。此外我们还需要考虑到不同景点、区域选择会带来不同的时间、交通成本,应当为其增加约束条件并作为优化函数的另一个因子。由于不同旅游天数会对问题产生较大的影响。一日游在晚上不必前往旅馆,而二日游、三日游都需要前往旅馆。因此我们需要额外考虑不同天数下的交通问题。

对于表 3 中空白的区域,我们假设可以通过中转的方式到达。对此,我们应当采用 Floyd-Warshall 算法计算不可直达的两景区之间的最短距离。在此基础上,采用混合整数线性优化方法得到最优方案。

我们提出一种结合景点吸引力、游客偏好、时间与空间约束的旅游路线规划模型。

2.2 问题二

在问题二中,当旅游套餐总数被限定在10种以内时,原先追求满意度极大化的模型必须在游客体验与管理简化之间做出权衡。为此1,我们提出了基于旅游路线的 K 均值算法。该算法采用多种因素加权的距离函数判断两个旅游路线之间的相似度。该函数综合考虑到方案间的景点、路线、区域等相似度,将重复性较强的方案合并。

通过这种方法,我们可以得到5-6个聚类中心,而每个聚类中心包含的方案数量在2-5个之间。再根据满意度排序,舍弃满意度较低的几个方案,最终将总数控制到10以内。通过K均值算法,我们可以很好地保证方案总体满意度较高的同时,满足多样化需求,满足方案总数的限制。

2.3 问题三

在问题三中,我们的目标是为旅游集团确定最优的**住宿扩容区域以及扩容规** 模,以在满足游客需求的同时最大化经济效益。与问题一、二侧重于既有容量条 件下的线路设计不同,问题三需要在**提升接待能力**与**追加建设成本**之间进行权衡。

首先,根据**模型假设**(见3),景区夜宿容量可以通过追加投资进行扩容,且 扩容成本呈现规模报酬递减特征。结合题目背景,我们应当引入如下两类关键因 素:扩容收益与扩容成本。扩容收益由扩容后游客满意度增量与额外可接待的游 数模校赛论文 2 问题分析

客数量增量组成。扩容成本采用经验函数 $C(\Delta K) = c_1(\Delta K)^{\gamma}$,体现越大规模扩建边际成本递增的现实规律。

为了求解最优 $(r^*, \Delta K^*)$, 我们可以采用**双层优化策略**:

- **外层枚举** 六个候选区域及一系列离散的扩容步长 $\Delta \mathcal{K}$ (如 0, 0.5, 1, ...)。
- **内层优化** 在给定 $(r, \Delta K)$ 时,调用问题一中"枚举路线 + MILP"框架(辅以遗传算法与启发式多样化规则)重新分配游客,得到 $Z_r(K)$, $N_r(K)$ 。

将外层搜索与内层分配结合,即可计算所有候选方案的净收益 $F_r(\Delta K)$,从而选出

$$(r^*, \Delta K^*) = \arg \max_{r, \Delta K} F_r(\Delta K).$$

最后,绘制 $F_r(\Delta K)$ 随扩容规模变化的曲线,并给出最优扩容区域及规模。这不仅为政府和企业提供了量化的建设决策依据,也直观展示了不同投入水平下的成本-收益权衡。

数模校赛论文 3 模型假设

3 模型假设

本文针对重庆市旅游方案规划以及区域扩建规模与选址问题建立的数学模型 基于以下核心假设:

- **假设 1:** 表 3 中留空即为不可直达。例如,景点六只可直达区域六,但可以通过其他区域中转到达其他景点。
- **假设 2:** 从各景点到各区域酒店或餐厅的交通时间固定,不考虑现实中例如交通拥堵、车辆故障等意外情况导致的时间延长。
- **假设 3:** 基于现实情况,本文假设从景区到区域的去程、返程交通费用与时间相等。
- **假设 4:** 景区容量的约束在现实中不可能取决于一家旅行社的游客,因为还有可能有其他来源的若干游客,为了建模简单,把容量按元素 ×0.6 进行折减。
- **假设 5:** 我们假设一日游、二日游和三日游三种旅行方案相互分离,且三者在时间上并不有重叠。此时,我们只需考虑一种方案不同路线在容量上的冲突情况。
- **假设 6:** 我们假设游客只按照对景点的喜好选择套餐,那么各个路线的人数应 当假定为均等的而进行优化。

数模校赛论文 4 符号说明

4 符号说明

符号	说明
S_i	第 i 个景点, $i=1,2,\ldots,6$
R_j	第 j 个餐饮 / 住宿区域, $j=1,2,\ldots,6$
C_{S_i}	景点 S_i 容量(万人 / 半天)
L_{R_j}	区域 R_j 午餐接待容量(万人次 / 日中)
H_{R_j}	区域 R_j 晚餐 + 住宿容量(万人次 / 夜)
P_{R_j}	区域 R_j 游客喜好度评分
$d(S_i, R_j)$	景点 S_i 至区域 R_j 交通费用(元)
$t(S_i, R_j)$	景点 S_i 至区域 R_j 交通时间(分钟)
$T_{ m max}$	半天可用于交通的最大时间(三种 $T_{ m max}$)
$\mathcal{P}_{1,2,3}$	一/二/三日游套餐候选集合
\mathcal{P}	全部可行套餐集合, $\mathcal{P}=\mathcal{P}_1\cup\mathcal{P}_2\cup\mathcal{P}_3$
x_p	选择套餐 p 的游客人数 (万人)
$\operatorname{Pref}(p)$	套餐 p 的偏好
$w_{\mathrm{cost}}, w_{\mathrm{time}}$	费用与时间权重系数
Cost(p), Time(p)	套餐 p 总交通费用和时间开销
Q_i	景点 i 基础吸引力评分
U_p	套餐 p 单位游客满意度
$ ilde{C}_i$	容量归一化, $C_i/\max_j C_j$
$ ilde{R}_i$	服务保障度, $\min(1, \frac{\min(L_{R_i}, H_{R_i})}{C_i})$
$ ilde{S}_i$	喜好度归一化, $S_i/10$
$\delta_{p,i,t}$	若套餐 p 在时段 t 安排景点 S_i 则为 1 ,否则 0
$ heta_{p,j,d}$	套餐 p 第 d 天中午选择区域 R_j 用餐的 0 -1 变量
$\phi_{p,j,d}$	套餐 p 第 d 天夜晚选择区域 R_j 住宿的 0 -1 变量
$Simu_{p_i,p_j,S}$	套餐 p_i 与 p_j 在景点方面的相似度
$D(p_1, p_2)$	套餐 p_1 与 p_2 的距离
$C(\Delta K)$	扩容成本 $c_1(\Delta K)^{\gamma}, \ 1 < \gamma \le 1.2$
ΔK	新增接待能力(万人次)
c_1	扩容成本参数, $c_1 \approx 0.0007$ 亿元
γ	扩容指数, $\gamma \approx 1.09$
$F(\Delta K)$	净收益 $B(\Delta K) - C(\Delta K)$
$B(\Delta K)$	收益 $v_s[Z(K) - Z(K_0)] + v_p[N(K) - N(K_0)]$
Z(K), N(K)	容量为 K 时的最优满意度 / 游客量
v_s, v_p	单位满意度价值 / 单位游客利润
K^0, K	原容量/扩容后容量

5 模型建立与求解

5.1 问题一: 路旅游方案设计

5.1.1 模型建立与求解

对于此问题,我们首先通过 Floyd-Warshall 算法补全邻接矩阵,得到任意两点之间的最短距离。这样我们就可以得到任意区域到任意景点的交通费用和交通时间。以此为基础,我们进行以下建模:

景点收益: 由于缺乏具体景点评分数据,我们假设每个景点具有相近的吸引力价值,即此处不加入游客对景点的偏好因素。 P_{max} 表示某一类型的方案的最大满意度(即总是选择游客喜好程度最高的区域 3)。

$$\operatorname{Pref}_{max}^{(d_p)}(type) = \begin{cases} 9 \times 1 + 2 = 11, & (1 \; \exists \;) \\ 9 \times 3 + 4 = 31, & (2 \; \exists \;) \\ 9 \times 5 + 6 = 51, & (3 \; \exists \;) \end{cases}$$
 (5.1)

以上方程为景区最大收益函数。为了减少数值对模型计算的影响,我们对三 种收益进行归一化处理。

区域收益: 套餐 p 涉及到的区域的用餐以及住宿体验。根据题目数据,我们将区域喜好度评分 P_{R_j} 作为游客在该区域用餐/住宿获得的满意度。如果套餐跨多日,可能涉及多个不同的区域,则将相应区域的偏好分累计。若在同一天中午和晚上都在同一 R_j 区域,则游客在该天对区域 R_j 的体验包括午餐和晚餐 + 住宿,为方便建模并突出问题的重心,我们采用叠加的方式计算区域满意度。

交通的时间与费用成本: 每套旅游方案中的交通费用和时间开销会降低满意度。我们采用函数 Cost(p) 来评价一个方案中的所有交通费用,用 Time(p) 来表示所有时间开销。此外我们为其增加了权重 w_{cost}, w_{time} ,以此代表不同套餐的倾向,用以区分经济优先还是时间优先。

$$Cost(p) = \sum_{(S_i, R_j) \in p} d(S_i, R_j)$$
(5.2)

$$\operatorname{Time}(p) = \sum_{(S_i, R_j) \in p} t(S_i, R_j) \tag{5.3}$$

总的某方案 p 的满意度函数如下:

$$u_{p} = w_{\text{pref}} \frac{\text{Pref}(p)}{\text{Pref}_{\text{max}}^{(d_{p})}} - w_{\text{cost}} \frac{\text{Cost}(p)}{\max\{\text{Cost}(q) : q \in \mathcal{P}\}} - w_{\text{time}} \frac{\text{Time}(p)}{\max\{\text{Time}(q) : q \in \mathcal{P}\}},$$
(5.4)

最大化函数:

$$Z = \sum_{p \in \mathcal{P}} u_p \cdot x_p. \tag{5.5}$$

约束条件如下:

1. 景点接待容量限制: 各景点在各个半天时段的接待总人数不得超限。由于早午两段和最多 3 天行程共有 6 个半天时段,模型将假设景点容量可在不同时段重复利用。对每个景点 $i \in S$ 有:

$$\sum_{p \in \mathcal{P}} \delta_{i,p} \cdot x_p \le 6 \, C_{S_i}, \quad i = 1, 2 \dots, 6,$$
(5.6)

其中 $\delta_{i,p} = 1$ 当路线 p 包含景点 i (即游客在某一时段游览了景点 i),否则 $\delta_{i,p} = 0$ 。 **2. 午餐餐厅容量约束:** 每个区域的午餐接待能力(每天中午)也限制了路线分配。 类似地,如果认为最多 3 个中午时段可复用,则对每个区域 $j \in R$:

$$\sum_{p \in \mathcal{P}} \theta_{j,p} \cdot x_p \le 3 L_{R_j}, \quad j = 1, 2, \dots, 6,$$
(5.7)

其中 $theta_{j,p}$ 代表路线 p 在中午曾安排于区域 j 就餐次数(一日游有 1 次午餐、三日游有 3 次午餐机会,但可能某些路线会重复去某一区域)。代码中简化为每个区域午餐总游客 $\leq C_j^{lunch}$,相当假定所有行程共用一个中午时段容量,这在行程跨多日的情况下略趋保守。

3. 晚餐及住宿容量约束: 每个区域用于晚餐和住宿的容量在不同夜晚也可重复利用。三日游行程最多涉及 2 晚,故每区域最多 2 个夜晚可安排住宿。对每个区域 $j \in R$:

$$\sum_{p \in \mathcal{P}} \phi_{j,p} \cdot x_p \leq 2 C_j^{\text{night}}, \quad j = 1, \dots, 6,$$
(5.8)

其中 $\phi_{j,p}$ 为路线 p 在夜晚留宿于区域 j 的次数(二日游路线有 1 晚、三日游有 2 晚,一般假定同一线路不重复入住同一酒店区域)。

4. 游客总数约束: 根据预期需求,分别规定各类行程分配的总游客数。例如,设定选择一日游的游客总数为 N_1 人、二日游 N_2 人、三日游 N_3 人。则对每一种行程类型分别有:

$$\sum_{p \in P_{1\text{day}}} x_p = N_1, \qquad \sum_{p \in P_{2\text{day}}} x_p = N_2, \qquad \sum_{p \in P_{3\text{day}}} x_p = N_3.$$
 (5.9)

代码实现中分别令一日游、二日游总游客数为30,000,三日游为20,000。

约束处理完成后,我们将采用枚举的方式得到一日游、二日游等的所有可能方案。再将其加入到 MILP 模型中。结合遗传算法选择高质量路线,并采用启发式规则进行路线多样化拓展。最终得到最合适的旅游路线。

5.1.2 问题一结果分析

根据 w_{cost} TODO,我们可以设置不同权重,得到不同侧重点的旅游方案。本论文设置了三种情况。

均衡型:

经济型:

时间节约型:

5.2 问题二: 方案优化

5.2.1 问题分析与建模目标

根据问题分析,我们设计了如下的距离函数,综合考虑了方案间的景点、路线、区域等相似度,将重复性较强的方案合并。由于景点和区域皆为符号度量,因此二者都采用了 Jaccard 相似度。类型相似度用以判断旅游天数是否相同,可以保证同一聚类中心皆为同一天数。余下的偏好相似度、成本相似度和时间相似度都采用了欧氏距离,成本相似度采用了欧氏距离。

1. 景点相似度:

$$\operatorname{Simu}_{p_{i},p_{j},S} = \frac{\left| \bigcup\limits_{S \in p_{i}} \bigcap\limits_{S \in p_{j}} \right|}{\left| \bigcup\limits_{S \in p_{i}} \bigcup\limits_{S \in p_{i}} \right|}$$
(5.10)

2. 类型相似度:

$$Simu_{p_{i},p_{j},Day} = \begin{cases} 1, & 若d_{p_{i}} = d_{p_{j}} \\ 0, & 否则 \end{cases}$$
 (5.11)

3. 区域相似度:

$$\operatorname{Simu}_{p_{i},p_{j},R} = \frac{\left| \bigcup_{R \in p_{i}} \cap \bigcup_{R \in p_{j}} \right|}{\left| \bigcup_{R \in p_{i}} \cup \bigcup_{R \in p_{i}} \right|}$$
(5.12)

4. 偏好相似度:

$$\operatorname{Simu}_{p_i, p_j, P} = 1 - \frac{|\operatorname{Pref}(p_i) - \operatorname{Pref}(p_j)|}{\max(\operatorname{Pref}(p_i), \operatorname{Pref}(p_j))}$$
(5.13)

5. 成本相似度:

$$\operatorname{Simu}_{p_i, p_j, C} = 1 - \frac{|\operatorname{Cost}(p_i) - \operatorname{Cost}(p_j)|}{\max(\operatorname{Cost}(p_i), \operatorname{Cost}(p_j))}$$
(5.14)

6. 时间相似度:

$$\operatorname{Simu}_{p_i, p_j, T} = 1 - \frac{|\operatorname{Time}(p_i) - \operatorname{Time}(p_j)|}{\max(\operatorname{Time}(p_i), \operatorname{Time}(p_i))}$$
(5.15)

定义好以上相似度后,就可以计算两个方案之间的加权距离。

$$D(p_i, p_j) = \sum_{k \in \text{Temp}}^6 w_k \cdot \text{Simu}_{p_i, p_j, k}, \quad \text{Temp} = \{S, Day, R, P, C, T\}$$
 (5.16)

在完成"旅游方案相似度"加权距离函数的数学建模后,下一步便可对所有候选路线实施 K-means 聚类。具体流程如下: 首先,以距离函数 $D(\cdot,\cdot)$ 为度量,对给定的 K 值(簇数)运行多次随机初始化的 K-means++,获得每个 k 下的最小簇内平方和。随后,将 k 在预设范围 $3, \ldots, 6$ 内逐一取值。最终选择使指标综合最优的 K。确定 K 后,以其为簇数重新运行 K-means,并选取每个簇中净收益最高或代表性最强的方案,形成至多 10 种、覆盖多样化场景且经济效益最优的扩容套餐。

5.2.2 模型求解和结果分析

5.3 问题三: 旅馆建设规模与位置选择

5.3.1 模型建立流程

本模型旨在分析重庆旅游景区的住宿扩容问题,基于游客需求、交通成本、时间消耗和景区容量等因素,通过构建优化模型对扩容方案进行评估。

首先,模型采用了基于规模报酬递减的扩容成本函数:

$$C(\Delta K) = c_1(\Delta K)^{\gamma}, \quad c_1 = 7 \times 10^{-4} (\langle \vec{L} \vec{\pi}) \rangle, \quad \gamma = 1.09$$
 (5.17)

此扩容成本函数是采用来自网络的数据统计,并进行处理后得到的。

并定义了经济收益函数 $B(\Delta K)$:

$$B(\Delta K) = v_s[Z(K) - Z(K^0)] + v_p[N(K) - N(K^0)]$$
(5.18)

其中考虑了扩容后满意度增量和游客接待量的增量。满意度增量通过扩容后 游客对旅游线路的偏好变化进行计算,接待量增量则基于实际可接待游客人数与 扩容前的差异。

扩容决策的目标是最大化净收益:

$$\max_{r,\Delta K \ge 0} F_r(\Delta K) = B_r(\Delta K) - C(\Delta K)$$
(5.19)

即通过选择最优区域和扩容规模 ΔK ,使得总的经济效益最大。模型通过枚举不同区域和容量增量,计算每种方案的经济收益,并结合遗传算法和线性规划 (MILP) 对扩容后的最优游客分配进行求解。最终,选出净收益最大的扩容方案,并提供详细的扩容规模及其对应的效益曲线。

该模型不仅帮助政府和企业做出最优的扩容决策,还能评估不同扩容方案的 经济影响,为旅游业的长期规划提供支持。

5.3.2 模型求解

模型的求解采用"双层结构"。外层离散搜索扩容区域 r 与规模 ΔK ,内层维持既有的"枚举路线结合 MILP"的流程:

外层:

$$\max_{r,\Delta K \ge 0} F_r(\Delta K) \tag{5.20}$$

内层:

$$Z(K), N(K) = arg \max_{x} \sum_{i} s_{i}x_{i}$$
 (5.21) $s.t.$ 容量约束 K

具体算法如下所示:

数模校赛论文 5 模型建立与求解

算法 5.1: 旅游景区扩容优化算法

```
Input: 原始夜宿容量 K_0 = (K_1^0, ..., K_6^0); 扩容步长集合
           \Delta \mathcal{K} = \{0, 0.5, 1, ..., \Delta K_{\text{max}}\};  游客需求 T^0
   Output: 最优扩容区域 r^*、规模 \Delta K^* 及最大净收益 F^*
1 步骤 1: 基准求解;
2 base_results \leftarrow optimizer.run_optimization(K_0);
3 取 Z(K^0), N(K^0);
4 步骤 2: 区域与扩容规模枚举;
5 for r \leftarrow 1 to 6 do
       for \Delta K \in \Delta \mathcal{K} do
            K_r \leftarrow K_r^0 + \Delta K;
                                                                               // 修改容量上限
 7
            cur \leftarrow optimizer.run\_optimization(K_r);
            取 Z(K), N(K);
 9
           B = v_s [Z(K) - Z(K^0)] + v_p [N(K) - N(K^0)];
10
            C = 0.0007 (\Delta K)^{1.09};
           F(r, \Delta K) = B - C;
13 步骤 3: 选择最优方案;
14 (r^*, \Delta K^*) = \arg \max_{r, \Delta K} F(r, \Delta K);
15 F^* \leftarrow F(r^*, \Delta K^*);
```

5.3.3 结果分析

16 步骤 4: 绘制净收益曲线;

17 绘制 $F(r, \Delta K)$ 随 ΔK 变化的曲线,并标注 $(r^*, \Delta K^*)$;

6 模型评价与推广

- 6.1 主要结论
- (1) BT.2020 到 sRGB 颜色空间转换模型
- (2) 多通道颜色空间转换神经网络模型
- (3) LED 显示器颜色校正优化模型
- 6.2 模型优点
- (1) 理论基础扎实:
- (2) 技术方法先进:
- (3) 实用价值突出:
- 6.3 不足与改进方向
- (1) 主要局限
- (2) 改进方向

参考文献

- [1] Poynton C. Digital video and hd: algorithms and interfaces[J]. Elsevier, 2012.
- [2] Sugawara M, Choi S Y, Wood D. Ultra-high-definition television (rec. itu-r bt.2020): A generational leap in the evolution of television [standards in a nutshell][J/OL]. IEEE Signal Processing Magazine, 2014, 31(3): 170-174. DOI: 10.1109/MSP.2014.2302331.
- [3] Fairman H S, Brill M H, Hemmendinger H. How the cie 1931 color-matching functions were derived from wright-guild data[J]. Color Research & Application: Endorsed by Inter-Society Color Council, The Colour Group (Great Britain), Canadian Society for Color, Color Science Association of Japan, Dutch Society for the Study of Color, The Swedish Colour Centre Foundation, Colour Society of Australia, Centre Français de la Couleur, 1997, 22(1): 11-23.
- [4] Hunter R S. Photoelectric color difference meter[J]. Journal of the Optical Society of America, 1958, 48(12): 985-995.
- [5] 郑元林刘士伟. 最新色差公式:CIEDE2000[J]. 印刷质量与标准化, 2004(07): 34-37.
- [6] Gonzalez R C, Woods R E. Gamma correction in digital image processing[J]. Digital Image Processing, 2018: 156-189.
- [7] Price K, Storn R M, Lampinen J A. Differential evolution: a handbook for global permutation-based combinatorial optimization[J]. Springer Science & Business Media, 2013.
- [8] 王广志. 基于 ColorNet 架构的比色传感器阵列用于猪肉新鲜度检测[D]. 东北电力大学, 2024.

附 录

A. 支撑材料总览

本论文的所有支撑材料组织在 MathModel_Code/目录下,具体分类和说明如表A.1所示:

表 A.1 支撑材料分类说明。

Table A.1 Classification of Supporting Materials.

材料类型	文件路径	说明						
	B/p1/p1.py	问题 1: BT.2020 到 sRGB 色域映射优化						
实现代码	B/p2/p2.py	问题 2: 四通道到五通道神经网络转换						
	B/p3/p3.py	问题 3: LED 显示器颜色校正算法						
	data/origin/xlsx/B 题附	题目提供的原始 RGB 数值						
原始数据	件: RGB 数值.xlsx							
J尔 外口 女人 1/h	data/preprocess/	预处理后的红色基图数据						
	RedPicture.xlsx							
	data/preprocess/	预处理后的绿色基图数据						
	GreenPicture.xlsx							
	data/preprocess/	预处理后的蓝色基图数据						
	BluePicture.xlsx							
	$\rm results/p1/DE2000.png$	问题 1:50 次优化 ΔE_{00} 分布						
	results/p1/色度.png	问题 1: CIE1931 色度图对比						
	results/p1/面积 Loss.png	问题 1: 色域面积差异分析						
	results/p2/	问题 2: 神经网络训练损失曲线						
结果图像	${\bf Training_Loss_Curve.png}$							
	results/p2/	问题 2: 色差误差分布直方图						
	Δ E2000_Error_Histogram.p	9						
	results/p2/CDF.png	问题 2: 误差累积分布函数						
	results/p2/Sample.png	问题 2: 样本预测效果展示						
	results/p2/色度图.png	问题 2: 多基色色域可视化						
	$results/p3/{R,G,B}.pdf$	问题 3: RGB 三原色校正对比图						
环境配置	env.txt	Python 依赖包列表						
小児癿且	$math model_env.yaml$	Conda 环境配置文件						
说明文档	README.md	项目使用说明和运行指南						

B. 优化函数

- 1 import numpy as np
- 2 import itertools
- 3 from scipy.optimize import linprog
- 4 import random

```
5
        from deap import base, creator, tools, algorithms
6
        import matplotlib.pyplot as plt
7
        import pandas as pd
8
        from typing import List, Tuple, Dict
9
        import warnings
        warnings.filterwarnings('ignore')
10
11
       # 定义适应度函数和个体(如果未定义)
12
13
        try:
14
            creator.create("FitnessMax", base.Fitness, weights=(1.0,))
15
            creator.create("Individual", list, fitness=creator.FitnessMax)
16
        except Exception as e:
            # 避免重复定义
17
18
            pass
19
20
        class TourismOptimizer:
2.1
            def ___init___(self):
22
                #基础数据
23
                self.num\_spots = 6
                self.num\_regions = 6
24
25
26
                # 容量数据 (按0.6折减)
                self.spot\_cap = np.array([12000, 36000, 20000, 42000, 38000,
27
                    \hookrightarrow 30000]) * 0.6
28
                self.night_cap_original = np.array([19000, 32000, 11000, 36000,
                    \hookrightarrow 23000, 22000]) * 0.6
                self.night_cap = np.copy(self.night_cap_original) # 用于修改的容量
29
                self.lunch\_cap = np.array([23000, 39000, 13000, 45000, 31000,
30
                    \hookrightarrow 28000]) * 0.6
31
                # 区域偏好度
32
33
                self.region\_prefer = np.array([7, 8, 9, 8, 6, 7])
34
35
                # 原始费用和时间矩阵
36
                self.cost_mat_raw = np.array([
37
                    [10, 25, 30, 18, 40, 25],
                    [np.inf, 10, 16, 24, 28, 18],
38
39
                     [np.inf, np.inf, 10, 24, 20, 15],
                     [np.inf, np.inf, np.inf, 10, 24, 16],
40
                    [np.inf, np.inf, np.inf, np.inf, 10, 22],
41
                    [np.inf, np.inf, np.inf, np.inf, np.inf, 10]
42
                ])
43
44
45
                self.time_mat_raw = np.array([
                     [30, 50, 60, 35, 70, 40],
46
47
                     [\text{np.inf}, 30, 25, 30, 40, 30],
                     [np.inf, np.inf, 15, 35, 30, 30],
48
49
                     [np.inf, np.inf, np.inf, 15, 35, 25],
```

```
50
                   [np.inf, np.inf, np.inf, np.inf, 20, 35],
51
                   [np.inf, np.inf, np.inf, np.inf, np.inf, 25]
               ])
52
53
               # 处理后的完整矩阵
54
55
               self.cost\_mat = None
56
               self.time\_mat = None
57
58
               # 路线相关
59
               self.routes_1day = []
60
               self.routes_2day = []
61
               self.routes_3day_candidates = []
62
           def preprocess_matrices(self, cost_weight=0.5, time_weight=0.5):
63
64
               """使用加权综合Floyd-Warshall算法补全费用和时间矩阵
65
               Args:
66
                   cost_weight: 费用权重 (默认0.5)
67
                   time_weight: 时间权重 (默认0.5)
68
               ,, ,, ,,
69
               # print(f"正在预处理交通矩阵(加权方案:费用权重={cost_weight},时
70

→ 间权重={time_weight}) ...") # 避免过多打印
71
72
               # 创建邻接矩阵 (景点-区域双向图)
73
               n = self.num_spots + self.num_regions # 总节点数
74
75
               # 初始化矩阵
76
               combined\_full = np.full((n, n), np.inf)
77
               cost_full = np. full((n, n), np. inf)
78
               time\_full = np.full((n, n), np.inf)
79
               #对角线为0
80
               np.fill_diagonal(combined_full, 0)
81
82
               np.fill_diagonal(cost_full, 0)
83
               np.fill_diagonal(time_full, 0)
84
               # 计算归一化常数
85
               finite_costs = self.cost_mat_raw[np.isfinite(self.cost_mat_raw)]
86
87
               finite_times = self.time_mat_raw[np.isfinite(self.time_mat_raw)]
               cost_max = np.max(finite_costs) if len(finite_costs) > 0 else 100
88
               time\_max = np.max(finite\_times) \ if \ len(finite\_times) > 0 \ else \ 100
89
90
               # 填入已知的景点到区域的连接
91
92
               for r in range (self.num_regions):
                   for s in range(self.num_spots):
93
                       if not np.isinf(self.cost_mat_raw[r, s]):
94
95
                           cost = self.cost\_mat\_raw[r, s]
96
                           time = self.time_mat_raw[r, s]
```

```
97
                             # 归一化
98
99
                             cost_normalized = cost / cost_max
100
                             time_normalized = time / time_max
101
                             # 加权综合成本
102
103
                             combined\_cost = cost\_weight * cost\_normalized +
                                 104
105
                             # 景点s到区域r
106
                             combined_full[s, self.num_spots + r] = combined_cost
107
                             cost_full[s, self.num_spots + r] = cost
108
                             time_full[s, self.num_spots + r] = time
109
110
                             # 区域r到景点s (假设双向相等)
111
                             combined_full[self.num_spots + r, s] = combined_cost
                             cost\_full[self.num\_spots + r, s] = cost
112
113
                             time_full[self.num_spots + r, s] = time
114
                # 使用综合成本运行Floyd-Warshall算法
115
116
                for k in range(n):
                     for i in range(n):
117
118
                         for j in range(n):
119
                             if combined_full[i, k] + combined_full[k, j] <
                                 \hookrightarrow combined_full[i, j]:
                                 combined_full[i, j] = combined_full[i, k] +
120
                                     \hookrightarrow combined_full[k, j]
                                 # 同时更新对应的实际费用和时间
121
122
                                 cost_full[i, j] = cost_full[i, k] + cost_full[k, j]
123
                                 time\_full\,[\,i\,\,,\,\,\,j\,\,]\,\,=\,\,time\_full\,[\,i\,\,,\,\,\,k\,]\,\,+\,\,time\_full\,[\,k\,,\,\,\,j\,\,]
                                     \hookrightarrow
124
125
                # 提取景点到区域的部分
126
                 self.cost_mat = cost_full[:self.num_spots, self.num_spots:]
127
                 self.time_mat = time_full[:self.num_spots, self.num_spots:]
128
129
                # print ("矩阵预处理完成") # 避免过多打印
130
            def generate_1day_routes(self):
131
                """生成所有一日游路线: S -> R -> S"""
132
                # print ("生成一日游路线...") # 避免过多打印
133
134
                 self.routes\_1day = []
135
                 for s1 in range(self.num_spots):
136
                     for r in range(self.num_regions):
137
138
                         for s2 in range(self.num_spots):
139
                             if s1 != s2: # 避免重复访问同一景点
```

```
140
                                  route = {
141
                                       'type': '1day',
                                       , path \, ; \quad [\, s1 \, , \quad r \, , \quad s2 \, ] \; ,
142
143
                                       'spots': [s1, s2],
144
                                       'regions': [r],
145
                                       'lunch_regions': [r],
146
                                       'night_regions': [],
147
                                       'cost': self.cost_mat[s1, r] + self.cost_mat[
                                           \hookrightarrow s2, r],
148
                                       'time': self.time_mat[s1, r] + self.time_mat[
                                           \hookrightarrow s2, r],
                                       'preference': sum([self.region_prefer[r]]) + 2
149
                                          → #景点基础偏好
150
                                  }
151
                                  self.routes_1day.append(route)
152
153
                 # print(f" - 日游路线数量: {len(self.routes_1day)}") # 避免过多打印
154
155
             def generate_2day_routes(self, max_routes=10000):
156
                 """生成二日游路线: S-> R-> S-> R-> S"""
                 # print("生成二日游路线...") # 避免过多打印
157
                 self.routes_2day = []
158
159
                 count = 0
160
161
                 for s1 in range(self.num_spots):
                      for r1 in range(self.num_regions):
162
                          for s2 in range(self.num_spots):
163
                              for r2 in range(self.num_regions):
164
165
                                  for s3 in range(self.num_spots):
166
                                       for r3 in range(self.num_regions):
167
                                           for s4 in range(self.num_spots):
                                               if len(set([s1, s2, s3, s4])) == 4: #
168
                                                   → 所有景点不重复
169
                                                    if count >= max_routes:
170
                                                        break
171
172
                                                   route = {
173
                                                        'type': '2day',
174
                                                        'path': [s1, r1, s2, r2, s3,
                                                            \hookrightarrow r3, s4],
175
                                                        'spots': [s1, s2, s3, s4],
176
                                                        'regions': [r1, r2, r3],
                                                        'lunch_regions': [r1, r3], #
177
                                                            → 第1天午餐r1, 第2天午餐r3
                                                        'night_regions': [r2], # 第1
178
                                                           → 天住宿r2
                                                        'cost': (self.cost_mat[s1, r1]
179
                                                            \hookrightarrow + self.cost_mat[s2, r1]
```

```
180
                                                                                           self.cost\_mat[s2, r2]
                                                                                                \hookrightarrow \ + \ self.
                                                                                                \hookrightarrow \ cost\_mat \, [\, s3 \, , \ r2 \,
                                                                                                \hookrightarrow ] +
181
                                                                                           self.cost\_mat[s3, r3]
                                                                                                \hookrightarrow \ + \ self \, .
                                                                                                \hookrightarrow \text{cost\_mat} [s4, r3]
                                                                                                \hookrightarrow ]),
182
                                                                              'time': (self.time_mat[s1, r1]
                                                                                   \hookrightarrow + self.time_mat[s2, r1]
                                                                                   \hookrightarrow +
183
                                                                                           self.time_mat[s2, r2]
                                                                                                \hookrightarrow + self.
                                                                                                \hookrightarrow \text{ time\_mat} [s3, r2]
                                                                                                \hookrightarrow ] +
184
                                                                                           self.time_mat[s3, r3]
                                                                                                \hookrightarrow + self.
                                                                                                \hookrightarrow \ time\_mat \, [\, s4 \; , \; \; r3
                                                                                                \hookrightarrow ]),
185
                                                                              'preference': sum([self.
                                                                                   \hookrightarrow region_prefer[r1], self.
                                                                                   \hookrightarrow region_prefer[r2],
186
                                                                                                          \operatorname{self}.

→ region_prefer

                                                                                                               \hookrightarrow [r3
                                                                                                               \hookrightarrow ]]) +
                                                                                                                   4
187
                                                                        }
188
                                                                        self.routes_2day.append(route)
189
                                                                       \operatorname{count} \; +\!\!\!= 1
190
                                                                  if count >= max_routes:
191
                                                                        break
192
                                                            if count >= max_routes:
193
                                                                  break
194
                                                      if count >= max_routes:
                                                           break
195
                                                if count >= max_routes:
196
197
                                                      break
198
                                          if count >= max_routes:
199
                                                break
200
                                    if count >= max_routes:
201
                                          break
                              if count >= max\_routes:
202
203
                                    break
204
205
                        # print(f"二日游路线数量: {len(self.routes_2day)}") # 避免过多打印
206
```

```
207
             def generate_3day_candidates_ga(self, population_size=1000,
                \rightarrow generations=50, candidate_size=5000):
                 """使用遗传算法生成三日游候选路线"""
208
                # print ("使用遗传算法生成三日游候选路线...") # 避免过多打印
209
210
                # 定义适应度函数 (已在类外部处理,确保只创建一次)
211
212
213
                 toolbox = base. Toolbox()
214
215
                 def create_individual():
216
                     """创建一个个体 (三日游路线)"""
                     # 随机选择6个不同的景点
217
218
                     spots = random.sample(range(self.num_spots), 6)
219
                     # 随机选择5个区域
220
                     regions = [random.randint(0, self.num_regions-1) for _ in
                        \hookrightarrow range (5)
221
                     return spots + regions
222
223
                 def evaluate (individual):
224
                     """评估个体的适应度"""
225
                     spots = individual [:6]
226
                     regions = individual [6:]
227
228
                     # 验证景点不重复
229
                     if len(set(spots)) != 6:
                         return (-1000,) # 惩罚重复景点路线
230
231
232
                     # 计算路线: S1->R1->S2->R2->S3->R3->S4->R4->S5->R5->S6
233
                     try:
234
                         cost = 0
235
                         time = 0
236
                         # Day 1: S1->R1->S2->R2 (Overnight in R2)
237
238
                         cost += self.cost_mat[spots[0], regions[0]] + self.
                             \hookrightarrow \text{cost\_mat}[\text{spots}[1], \text{regions}[0]]
239
                         cost += self.cost_mat[spots[1], regions[1]] # Travel from
                             \hookrightarrow S2 to R2 for overnight
240
                         time += self.time_mat[spots[0], regions[0]] + self.
                             \hookrightarrow time_mat[spots[1], regions[0]]
                         time += self.time_mat[spots[1], regions[1]]
241
242
243
                         # Day 2: S2->R2->S3->R3->S4->R4 (Overnight in R4)
244
                         # Travel from R2 to S3 (already at R2)
245
                         cost += self.cost_mat[spots[2], regions[2]]
                         cost += self.cost_mat[spots[3], regions[2]]
246
247
                         cost += self.cost_mat[spots[3], regions[3]] # Travel from
                             \hookrightarrow S4 to R4 for overnight
248
                         time += self.time_mat[spots[2], regions[2]]
```

```
249
                         time += self.time_mat[spots[3], regions[2]]
250
                        time += self.time_mat[spots[3], regions[3]]
251
252
                        # Day 3: S4->R4->S5->R5->S6 (End trip)
253
                        # Travel from R4 to S5 (already at R4)
254
                        cost += self.cost_mat[spots[4], regions[4]]
255
                        cost += self.cost_mat[spots[5], regions[4]]
256
                        time += self.time_mat[spots[4], regions[4]]
257
                        time += self.time_mat[spots[5], regions[4]]
258
259
                         preference = sum([self.region_prefer[r] for r in regions])
                            \hookrightarrow + 6 # 6 unique spots contribute to base preference
260
                        # 归一化计算 (与MILP保持一致)
261
262
                        max_preference_3day = 9 * 5 + 6 # 理论最大偏好度
263
                        #估计的最大成本和时间,用于遗传算法的归一化,不必非常精
                            → 确,只要能大致区分好坏
264
                        max_cost_estimate = 100 * 10 # 粗略估计
                        max_time_estimate = 150 * 10 # 粗略估计
265
266
267
                        pref_normalized = preference / max_preference_3day
268
                         cost_normalized = cost / max_cost_estimate
269
                        time_normalized = time / max_time_estimate
270
271
                        # 加权综合评分 (权重与MILP一致)
272
                        w_{pref}, w_{cost}, w_{time} = 0.6, 0.2, 0.2
273
                         fitness = w_pref * pref_normalized - w_cost *
                            \hookrightarrow \ cost\_normalized \ \text{--} \ w\_time \ \text{*-} \ time\_normalized
274
275
                        return (fitness,)
276
                    except:
                        return (-1000,) # 无效路径惩罚
277
278
279
                 toolbox.register("individual", tools.initIterate, creator.

→ Individual, create_individual)

280
                 toolbox.register("population", tools.initRepeat, list, toolbox.

    individual)

281
                 toolbox.register("evaluate", evaluate)
282
                def crossover_individual(ind1, ind2):
283
                    """自定义交叉函数,确保景点不重复"""
284
                    # 对景点部分使用顺序交叉(OX)
285
286
                    spots1, spots2 = ind1[:6], ind2[:6]
287
                    regions1, regions2 = ind1[6:], ind2[6:]
288
289
                    # 顺序交叉(Order Crossover)
290
                    def order_crossover(parent1, parent2):
291
                        size = len(parent1)
```

```
292
                         start, end = sorted(random.sample(range(size), 2))
293
294
                         child = [-1] * size
295
                        # 复制中间段
296
                         child[start:end] = parent1[start:end]
297
298
                         # 从 parent 2 中 按 顺 序 填 充 剩 余 位 置
299
                         pointer = end
300
                         for item in parent2 [end:] + parent2 [:end]:
301
                             if item not in child:
302
                                 while child [pointer] != -1: # Find next empty spot
303
                                     pointer = (pointer + 1) \% size
304
                                 child [pointer] = item
305
                                 pointer = (pointer + 1) % size \# Move pointer for
                                     \hookrightarrow next item
306
307
                         return child
308
309
                    # 对景点使用顺序交叉
                     new_spots1 = order_crossover(spots1, spots2)
310
311
                     new_spots2 = order_crossover(spots2, spots1)
312
                    # 对区域使用简单的两点交叉
313
314
                     if len(regions1) > 1:
315
                         cx_point = random.randint(1, len(regions1)-1)
316
                         new_regions1 = regions1 [:cx_point] + regions2 [cx_point:]
317
                         new_regions2 = regions2 [:cx_point] + regions1 [cx_point:]
318
                     else:
319
                         new_regions1, new_regions2 = regions1[:], regions2[:]
320
                    # 重新组合
321
322
                    ind1[:] = new_spots1 + new_regions1
323
                     ind2[:] = new_spots2 + new_regions2
324
325
                     return ind1, ind2
326
                 toolbox.register("mate", crossover_individual)
327
328
329
                 def mutate_individual(individual):
                     """自定义变异函数"""
330
                     if random.random() < 0.1: # 变异概率
331
332
                        #变异景点部分(前6个位置)-使用交换确保不重复
333
                         pos1, pos2 = random.sample(range(6), 2)
334
                         individual [pos1], individual [pos2] = individual [pos2],
                            \hookrightarrow individual [pos1]
                     if random.random() < 0.1: # 变异概率
335
                        #变异区域部分(后5个位置)
336
337
                         pos = random.randint(6, 10)
```

```
338
                          individual [pos] = random.randint(0, self.num_regions-1)
339
                      return individual,
340
341
                 toolbox.register("mutate", mutate_individual)
                 toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
342
343
344
                 #运行遗传算法
345
                 population = toolbox.population(n=population_size)
346
347
348
                 fitnesses = list (map(toolbox.evaluate, population))
                 for ind, fit in zip(population, fitnesses):
349
                      ind.fitness.values = fit
350
351
352
                 for gen in range (generations):
353
                     # 选择
354
                      offspring = toolbox.select(population, len(population))
355
                      offspring = list (map(toolbox.clone, offspring))
356
357
                     # 交叉和变异
                      for child1, child2 in zip(offspring[::2], offspring[1::2]):
358
359
                          if random.random() < 0.5:
                              toolbox.mate(child1, child2)
360
361
                              del child1.fitness.values
362
                              del child2.fitness.values
363
364
                      for mutant in offspring:
365
                          if random () < 0.2:
366
                              toolbox.mutate(mutant)
367
                              del mutant.fitness.values
368
                     # 评估无效个体
369
                      invalid_ind = [ind for ind in offspring if not ind.fitness.
370
                         \hookrightarrow valid]
371
                      fitnesses = map(toolbox.evaluate, invalid_ind)
372
                      for ind, fit in zip(invalid_ind, fitnesses):
373
                          ind.fitness.values = fit
374
375
                      population [:] = offspring # Update population with new
                         \hookrightarrow generation
376
377
                     # if gen % 10 == 0: # 避免过多打印
378
                            fits = [ind.fitness.values[0] for ind in population if
                         \hookrightarrow ind. fitness. valid
379
                            if fits:
                     #
                                print (f"Generation {gen}: Max={max(fits):.2f}, Avg={
380
                         \hookrightarrow np.mean(fits):.2 f}")
381
```

```
382
                 # 提取最优个体作为候选路线, 保证多样性
383
                 population.sort(key=lambda x: x.fitness.values[0], reverse=True)
384
385
                 self.routes_3day_candidates = []
                 used_route_keys = set()
386
387
388
                 for ind in population:
389
                     spots = ind[:6]
390
                     regions = ind [6:]
391
392
                     # 验证景点不重复
393
                     if len(set(spots)) != 6:
394
                          continue # 跳过有重复景点的个体
395
396
                     # 创建路线唯一标识
397
                     route_key = tuple(spots + regions)
398
399
                     # 只选择独特的路线
400
                     if route_key not in used_route_keys and len(self.

→ routes_3day_candidates) < candidate_size:</p>
401
                         used_route_keys.add(route_key)
402
403
                         route = {
404
                              'type': '3day',
405
                              'path': [spots[0], regions[0], spots[1], regions[1],
                                  \hookrightarrow spots [2], regions [2],
406
                                       spots [3], regions [3], spots [4], regions [4],
                                           \hookrightarrow spots [5]],
407
                              'spots': spots,
408
                              'regions': regions,
409
                              'lunch_regions': [regions[0], regions[2], regions[4]],
                                      #3天的午餐
410
                              'night_regions': [regions[1], regions[3]], # 前2天的
                                  → 住宿
411
                              'cost': 0, # 需要重新计算
412
                              'time': 0, # 需要重新计算
413
                              'preference': 0, #需要重新计算
414
                              'fitness': ind.fitness.values[0]
415
                         }
416
                         # 重新精确计算成本、时间、偏好
417
418
                         try:
419
                              cost = (self.cost\_mat[spots[0], regions[0]] + self.
                                 \hookrightarrow \text{cost\_mat}[\text{spots}[1], \text{regions}[0]] +
                                     self.cost_mat[spots[1], regions[1]] + self.
420
                                         \hookrightarrow cost_mat[spots[2], regions[1]] +
                                     self.cost_mat[spots[2], regions[2]] + self.
421
                                         \hookrightarrow cost_mat[spots[3], regions[2]] +
```

```
422
                                      self.cost_mat[spots[3], regions[3]] + self.
                                          \hookrightarrow cost_mat[spots[4], regions[3]] +
                                      self.cost\_mat[spots[4], regions[4]] + self.
423
                                          \hookrightarrow \text{cost\_mat}[\text{spots}[5], \text{regions}[4]])
424
425
                              time = (self.time_mat[spots[0], regions[0]] + self.
                                  \hookrightarrow time_mat[spots[1], regions[0]] +
426
                                      self.time\_mat[spots[1], regions[1]] + self.
                                          \hookrightarrow time_mat[spots[2], regions[1]] +
427
                                      self.time_mat[spots[2], regions[2]] + self.
                                          \hookrightarrow time_mat[spots[3], regions[2]] +
428
                                      self.time_mat[spots[3], regions[3]] + self.
                                          \hookrightarrow time_mat[spots[4], regions[3]] +
429
                                      self.time\_mat[spots[4], regions[4]] + self.
                                          \hookrightarrow \text{ time\_mat}[\text{spots}[5], \text{ regions}[4]])
430
431
                              preference = sum([self.region_prefer[r] for r in
                                  \hookrightarrow regions]) + 6
432
433
                              route['cost'] = cost
434
                              route['time'] = time
435
                              route ['preference'] = preference
436
437
                              self.routes_3day_candidates.append(route)
438
                          except:
439
                              continue
440
441
                 # print(f"三日游候选路线数量: {len(self.routes_3day_candidates)}")
                     → # 避免过多打印
442
443
             def generate_3day_routes_hybrid(self, target_routes=5000):
                 """混合方法生成三日游路线:遗传算法 + 启发式规则"""
444
445
                 print ("使用混合方法生成三日游路线...")
446
447
                  self.routes_3day_candidates = []
448
449
                 #1. 先用遗传算法生成高质量路线
450
                 print ("步骤1: 遗传算法生成高质量路线...")
451
                  self.generate_3day_candidates_ga(candidate_size=int(target_routes
                     \hookrightarrow * 0.1), population_size=1000, generations=50) # 減少GA生成的
                     →比例
452
                 ga_routes_count = len(self.routes_3day_candidates)
453
                  print(f"遗传算法生成: {ga_routes_count}条路线")
454
                 # 2. 启发式生成多样化路线
455
                  print ("步骤2: 启发式生成多样化路线...")
456
457
                 used_route_keys = set()
458
                  for route in self.routes_3day_candidates:
```

```
459
                    route_key = tuple(route['spots'] + route['regions'])
460
                    used_route_keys.add(route_key)
461
                # 为每个区域组合生成路线
462
                #考虑更系统地生成,而不是固定组合
463
                # 随机生成区域组合,增加多样性
464
465
466
                num_heuristic_routes = target_routes - ga_routes_count
467
468
                # 尝试生成更多样化的区域组合
469
                for _ in range(num_heuristic_routes * 2): # 尝试生成更多, 因为会有
                    → 重复或无效
470
                    if len(self.routes_3day_candidates) >= target_routes:
471
472
473
                    # 随机选择5个区域, 可以重复
474
                    region_combo = [random.randint(0, self.num_regions - 1) for _
                        \hookrightarrow in range (5)
475
476
                    # 为该区域组合生成多种景点排列 (随机选择部分)
477
                    spot_permutations = list(itertools.permutations(range(self.
                        \hookrightarrow num_spots)))
478
                    selected\_perms = random.sample(spot\_permutations, min(2, len(
                        → spot_permutations))) # 减少每个区域组合的景点排列数
479
480
                    for spots in selected_perms:
481
                         if len(self.routes_3day_candidates) >= target_routes:
482
                             break
483
484
                        route_key = tuple(list(spots) + region_combo)
485
                         if route_key not in used_route_keys:
                             used_route_keys.add(route_key)
486
487
488
                            route = {
489
                                 'type': '3day',
490
                                 'path': [spots[0], region_combo[0], spots[1],
                                    \hookrightarrow region_combo[1], spots[2], region_combo[2],
491
                                          spots[3], region_combo[3], spots[4],
                                             \hookrightarrow region_combo[4], spots[5]],
492
                                 'spots': list(spots),
493
                                 'regions': region_combo,
494
                                 'lunch_regions': [region_combo[0], region_combo
                                    \hookrightarrow [2], region_combo[4]],
495
                                 'night_regions': [region_combo[1], region_combo
                                    \hookrightarrow [3]],
496
                            }
497
498
                            # 计算成本、时间、偏好
```

```
499
                                  try:
500
                                      cost = (self.cost_mat[spots[0], region_combo[0]] +
                                           \hookrightarrow self.cost_mat[spots[1], region_combo[0]] +
501
                                               self.cost_mat[spots[1], region_combo[1]] +
                                                   \hookrightarrow self.cost_mat[spots[2], region_combo
                                                   \hookrightarrow [1]] +
502
                                               self.cost_mat[spots[2], region_combo[2]] +
                                                   \hookrightarrow self.cost_mat[spots[3], region_combo
                                                   \hookrightarrow [2]] +
503
                                               self.cost_mat[spots[3], region_combo[3]] +
                                                   \hookrightarrow self.cost_mat[spots[4], region_combo
                                                   \hookrightarrow [3]] +
504
                                               self.cost_mat[spots[4], region_combo[4]] +
                                                   \hookrightarrow self.cost_mat[spots[5], region_combo
                                                   \hookrightarrow [4]])
505
506
                                      time = (self.time_mat[spots[0], region_combo[0]] +
                                           \hookrightarrow self.time_mat[spots[1], region_combo[0]] +
507
                                               self.time_mat[spots[1], region_combo[1]] +
                                                   \hookrightarrow self.time_mat[spots[2], region_combo
                                                   \hookrightarrow [1]] +
508
                                               self.time_mat[spots[2], region_combo[2]] +
                                                   \hookrightarrow self.time_mat[spots[3], region_combo
                                                   \hookrightarrow [2]] +
509
                                               self.time_mat[spots[3], region_combo[3]] +
                                                   \hookrightarrow self.time_mat[spots[4], region_combo
                                                   \hookrightarrow [3]] +
                                               self.time_mat[spots[4], region_combo[4]] +
510
                                                   \hookrightarrow self.time_mat[spots[5], region_combo
511
512
                                      preference = sum([self.region_prefer[r] for r in
                                           \hookrightarrow region_combo]) + 6
513
514
                                      route['cost'] = cost
515
                                      route['time'] = time
                                      route['preference'] = preference
516
517
518
                                       self.routes_3day_candidates.append(route)
519
                                 except:
520
                                      continue
521
522
                   print(f"混合方法总共生成: {len(self.routes_3day_candidates)}条路线
                        \hookrightarrow ")
                   print(f"其中遗传算法: {ga_routes_count}条, 启发式: {len(self.
523

    routes_3day_candidates) - ga_routes_count } 条")
524
525
              def solve_milp(self, routes, total_tourists=10000, weights=(0.6, 0.2,
```

```
\hookrightarrow 0.2)):
526
               """使用混合整数线性规划求解路线分配"""
               # print(f"求解MILP, 路线数量: {len(routes)}") # 避免过多打印
527
528
529
                if not routes:
                    return {'solution': [], 'total_satisfaction': 0, '
530
                       → total_tourists': 0} # 返回包含总满意度和总游客数的字典
531
532
               n_routes = len(routes)
533
               w_pref, w_cost, w_time = weights
534
               # 计算归一化的理论最大值
535
               max\_preference\_1day = 9 * 1 + 2 # 1  区域 + 2 个景点
536
               max_preference_2day = 9 * 3 + 4 # 3个区域 + 4个景点
537
538
               max\_preference\_3day = 9 * 5 + 6 # 5  区域 + 6 个景点
539
540
               # 成本和时间:从所有路线中找最大值作为归一化基准
               max_cost = max([route['cost'] for route in routes]) if routes else
541
               max_time = max([route['time'] for route in routes]) if routes else
542
                   \hookrightarrow 1
543
544
               # 根据路线类型确定偏好度最大值
545
                def get_max_preference(route_type):
546
                    if route_type == 'lday':
                       return max_preference_1day
547
548
                    elif route_type = '2day':
549
                       return max_preference_2day
550
                    else: # 3day
551
                       return max_preference_3day
552
               # 构建目标函数系数 (最大化满意度 = 最大化偏好 - 最小化成本和时间)
553
554
               c = []
555
                for route in routes:
556
                   # 归一化各项指标到[0,1]范围
557
                   pref_normalized = route['preference'] / get_max_preference(

    route['type'])

558
                   cost_normalized = route['cost'] / max_cost
559
                   time_normalized = route['time'] / max_time
560
                   # 加权计算满意度
561
                    satisfaction = w_pref * pref_normalized - w_cost *
562
                       \hookrightarrow \ cost\_normalized \ - \ w\_time \ * \ time\_normalized
                   c.append(-satisfaction) # linprog求最小值, 所以取负
563
564
               # 约束矩阵
565
566
               A_ub = []
567
               b_ub = []
```

```
568
569
               #景点容量约束 - 按时段分别约束
               570
               max_time_slots = max_days * 2 # 每天上午+下午 (粗略估计,实际应更
571
                   → 精细, 但为了简化模型, 保持原逻辑)
572
573
               for s in range(self.num_spots):
574
                   constraint = []
575
                   for route in routes:
576
                      # 计算该路线中景点s被访问的次数
577
                       visit_count = route['spots'].count(s)
578
                       constraint.append(visit_count)
579
                   A_ub.append(constraint)
                   # 景点在多个时段可复用, 总容量 = 单时段容量 × 时段数
580
581
                   total_capacity = self.spot_cap[s] * max_time_slots
582
                   b_ub.append(total_capacity)
583
               # 午餐容量约束
584
585
               for r in range (self.num_regions):
                   constraint = []
586
                   for route in routes:
587
                       count = route['lunch_regions'].count(r)
588
589
                       constraint.append(count)
590
                   A_ub.append(constraint)
591
                   b_ub.append(self.lunch_cap[r])
592
               #住宿容量约束 - 按夜晚时段复用
593
               max_nights = max_days - 1 # 最大夜晚数 (3日游需要2晚)
594
595
596
               for r in range (self.num_regions):
597
                   constraint = []
598
                   for route in routes:
599
                       count = route['night_regions'].count(r)
600
                       constraint.append(count)
601
                   A ub.append(constraint)
602
                   # 住宿容量可以在不同夜晚复用
603
                   total_night_capacity = self.night_cap[r] * max_nights # 使用
                      \hookrightarrow self.night_cap
604
                   b_ub.append(total_night_capacity)
605
606
               # 等式约束: 总游客数
607
               A_eq = [[1] * n_routes]
608
               b_eq = [total_tourists]
609
610
               # 变量边界
611
               bounds = [(0, total_tourists) for _ in range(n_routes)]
612
613
               try:
```

```
614
                    # 求解
615
                     result = linprog(c, A_ub=A_ub, b_ub=b_ub, A_eq=A_eq, b_eq=b_eq
616
                                      bounds=bounds, method='highs')
617
618
                     if result.success:
619
                         solution = []
620
                         total_s = 0
621
                         total_t = 0
622
                         for i, x in enumerate(result.x):
623
                             if x > 0.1: # 过滤掉很小的值
                                 num_tourists = int(round(x))
624
625
                                 route_info = routes[i].copy()
626
                                 route_info['tourists'] = num_tourists
627
                                 # 重新计算归一化满意度用于显示
628
                                 pref_normalized = route_info['preference'] /

    get_max_preference(route_info['type'])

629
                                 cost_normalized = route_info['cost'] / max_cost
630
                                 time_normalized = route_info['time'] / max_time
631
                                 route_info['satisfaction'] = w_pref *
                                     \hookrightarrow \texttt{pref\_normalized - w\_cost * cost\_normalized -}
                                     \hookrightarrow w_time * time_normalized
632
                                 solution.append(route_info)
633
                                 total_s += num_tourists * route_info['satisfaction
                                     \hookrightarrow '
634
                                 total_t += num_tourists
635
                         return {'solution': solution, 'total_satisfaction':
636

    total_s, 'total_tourists': total_t}

637
                     else:
                        # print ("MILP求解失败") # 避免过多打印
638
639
                         return {'solution': [], 'total_satisfaction': 0, '
                            \hookrightarrow total_tourists': 0}
640
                 except Exception as e:
                    # print(f"MILP求解出错: {e}") # 避免过多打印
641
642
                     return {'solution': [], 'total_satisfaction': 0, '

    total_tourists ': 0}

643
            def run_optimization(self, cost_weight=0.5, time_weight=0.5,
644

→ tourists_1day=30000, tourists_2day=30000, tourists_3day=20000):

645
                """运行完整的优化流程
646
647
                 Args:
648
                     cost_weight: 费用权重,用于路径预处理 (默认0.5)
                     time_weight: 时间权重, 用于路径预处理 (默认0.5)
649
                     tourists_1day: 一日游总游客数
650
                     tourists_2day: 二日游总游客数
651
652
                     tourists_3day: 三日游总游客数
```

```
653
654
              # print ("开始旅游路线优化...") # 避免过多打印
              # print(f"使用权重配置: 费用权重={cost_weight}, 时间权重={
655

    time_weight }")

656
657
              # 1. 数据预处理
658
              self.preprocess_matrices(cost_weight, time_weight)
659
660
              # 2. 生成路线
661
              self.generate_1day_routes()
662
              self.generate_2day_routes(max_routes=5000) #限制二日游路线数量
663
              self.generate_3day_routes_hybrid(target_routes=5000) # 使用混合方
                 → 法生成三日游路线
664
665
              #3. 分别求解三种旅游方案
666
              results = \{\}
667
              # 一日游
668
              # print ("\n=== 求解一日游方案 ====")
669
670
              solution_1day_res = self.solve_milp(self.routes_1day,

→ total_tourists=tourists_1day)

              results['1day'] = solution_1day_res['solution']
671
              results \left[ \ '1day\_metrics \ ' \right] \ = \ \left\{ \ 'total\_satisfaction \ ' \colon \ solution\_1day\_res \right.
672
                 673
              # 二日游
674
675
              # print ("\n=== 求解二日游方案 ====")
676
              solution_2day_res = self.solve_milp(self.routes_2day,

→ total_tourists=tourists_2day)

              results ['2day'] = solution_2day_res['solution']
677
678
              results ['2day_metrics'] = {'total_satisfaction': solution_2day_res
                 679
              # 三日游
680
              # print ("\n=== 求解三日游方案 ====")
681
682
              solution_3day_res = self.solve_milp(self.routes_3day_candidates,

→ total_tourists=tourists_3day)
              results ['3day'] = solution_3day_res['solution']
683
              results ['3day_metrics'] = {'total_satisfaction': solution_3day_res
684
                 \hookrightarrow \ 'total\_tourists']\}
685
686
              return results
687
           def get_aggregated_metrics(self, results):
688
              """从优化结果中聚合总满意度和总游客数"""
689
```

```
690
                total_satisfaction_all_types = 0
691
                total_tourists_all_types = 0
692
693
                for day_type in ['1day', '2day', '3day']:
694
                    if f'{day_type}_metrics' in results:
695
                        total_satisfaction_all_types += results[f'{day_type}}

    _metrics']['total_satisfaction']

696
                        total_tourists_all_types += results[f'{day_type}_metrics'
                            697
698
                return total_satisfaction_all_types, total_tourists_all_types
699
            def print_results(self, results):
700
                """打印优化结果"""
701
702
                for day_type, solution in results.items():
703
                    if not isinstance(solution, list): # 过滤掉 metrics 字典
704
                        continue
705
706
                    print(f"\n{'='*50}")
707
                    print(f"{day_type.upper()} 旅游方案结果")
                    print(f"{'='*50}")
708
709
710
                    if not solution:
711
                        print("无可行解")
712
                        continue
713
714
                    total_tourists = sum([route['tourists'] for route in solution
                        \hookrightarrow 1)
715
                    total_cost = sum([route['tourists'] * route['cost'] for route
                        \hookrightarrow in solution])
                    total_time = sum([route['tourists'] * route['time'] for route
716
                        \hookrightarrow in solution ])
                    total_satisfaction = sum([route['tourists'] * route['
717
                        718
719
                    print(f"路线类型数量: {len(solution)}")
                    print(f"总游客数: {total_tourists}")
720
721
                    print(f"总交通成本: {total_cost:.0f} 元")
722
                    print(f"总交通时间: {total_time:.0f} 分钟")
723
                    print(f"总满意度: {total_satisfaction:.2f}")
                    print(f"平均满意度: {total_satisfaction/total_tourists:.2f}")
724
725
726
                    print ("\n具体路线分配:")
727
                    for i, route in enumerate(solution[:10]): # 只显示前10个
                        spots\_str = "->".join([f"S{s+1}" for s in route['spots']])
728
                        regions_str = "->".join([f"R\{r+1\}" for r in route['regions
729
                            \hookrightarrow ']])
730
                        print(f"路线{i+1}: {route['tourists']}人")
```

```
731
                       print (f"
                                 景点路径: {spots_str}")
732
                       print (f"
                                 区域路径: {regions_str}")
                                 成本: {route['cost']:.1f}元, 时间: {route['time
733
                       print (f"
                          → ']:.1f}分钟,偏好: {route['preference']}")
734
                       print()
735
736
       # 扩容成本函数
737
        def expansion_cost(delta_K: float) -> float:
738
739
           扩容成本函数
740
           Args:
741
               delta_K:新增接待能力(万人次)
742
           Returns:
               扩容成本 (亿元)
743
744
745
           c1 = 0.0007 # 亿元
746
           gamma = 1.09
747
           return c1 * (delta_K ** gamma)
748
749
       #净收益评价函数 (在主脚本中调用)
       \# B(delta_K) = vs * [Z(K) - Z(K0)] + vp * [N(K) - N(K0)]
750
751
       \# F(delta_K) = B(delta_K) - C(delta_K)
```

C. 聚类函数

```
1
       #!/usr/bin/env python3
2
       # -*- coding: utf-8 -*-
3
       旅游方案K均值聚类算法
4
5
       使用自定义距离函数来衡量旅游方案之间的相似度
6
7
8
       import numpy as np
9
       import matplotlib.pyplot as plt
10
       import random
       from typing import List, Dict, Tuple, Any
11
       from collections import defaultdict
12
13
       import warnings
14
       warnings.filterwarnings('ignore')
15
       class TourismKMeans:
16
           def __init__(self, k: int = 3, max_iterations: int = 100, tolerance:
17
               \hookrightarrow float = 1e-4):
18
19
               初始化K均值聚类器
20
21
               Args:
22
                   k: 聚类数量
```

```
23
                   max_iterations: 最大迭代次数
24
                   tolerance: 收敛阈值
25
                self.k = k
26
                self.max_iterations = max_iterations
2.7
28
                self.tolerance = tolerance
29
                self.centroids = None
30
                self.labels = None
                self.inertia_ = None
31
32
33
           def custom_distance(self, route1: Dict, route2: Dict) -> float:
34
                自定义距离函数: 计算两个旅游方案之间的相似度距离
35
36
37
               Args:
38
                   route1: 第一个旅游方案
39
                   route2: 第二个旅游方案
40
               Returns:
41
                   float: 距离值(越小表示越相似)
42
               ,, ,, ,,
43
               #1. 景点相似度(Jaccard相似度)
44
               spots1 = set(route1.get('spots', []))
45
               spots2 = set(route2.get('spots', []))
46
47
                if len(spots1.union(spots2)) == 0:
                   spots\_similarity = 0
48
49
                else:
50
                   spots_similarity = len(spots1.intersection(spots2)) / len(
                       \hookrightarrow spots1.union(spots2))
51
               #2. 区域相似度(Jaccard相似度)
52
               regions1 = set(route1.get('regions', []))
53
               regions2 = set(route2.get('regions', []))
54
55
                if len(regions1.union(regions2)) == 0:
56
                   regions\_similarity = 0
                else:
57
58
                   regions_similarity = len(regions1.intersection(regions2)) /

    len(regions1.union(regions2))
59
               #3. 路线类型相似度
60
               type1 = route1.get('type', '')
61
               type2 = route2.get('type', '')
62
                type_similarity = 1.0 if type1 == type2 else 0.0
63
64
               #4. 成本相似度(归一化欧几里得距离)
65
               cost1 = route1.get('cost', 0)
66
67
               cost2 = route2.get('cost', 0)
68
               \max_{cost} = \max(cost1, cost2) if \max(cost1, cost2) > 0 else 1
```

```
69
                cost_similarity = 1 - abs(cost1 - cost2) / max_cost
70
               #5. 时间相似度(归一化欧几里得距离)
71
72
                time1 = route1.get('time', 0)
73
                time2 = route2.get('time', 0)
74
               \max_{time} = \max(time1, time2) if \max(time1, time2) > 0 else 1
75
                time_similarity = 1 - abs(time1 - time2) / max_time
76
77
               #6.偏好相似度(归一化欧几里得距离)
78
                pref1 = route1.get('preference', 0)
79
                pref2 = route2.get('preference', 0)
               max\_pref = max(pref1, pref2) if max(pref1, pref2) > 0 else 1
80
                pref_similarity = 1 - abs(pref1 - pref2) / max_pref
81
82
               # 加权综合距离 (转换为距离, 越小越相似)
83
84
                weights = {
85
                    'spots': 0.25,
                                      # 景点权重
                    'regions': 0.25,
                                      # 区域权重
86
                    'type': 0.15,
                                      # 类型权重
87
                    'cost': 0.15,
                                      # 成本权重
88
                    'time': 0.10,
                                      # 时间权重
89
                    'preference': 0.10 # 偏好权重
90
               }
91
92
93
                total_distance = (
                    weights['spots'] * (1 - spots_similarity) +
94
95
                    weights['regions'] * (1 - regions_similarity) +
                    weights['type'] * (1 - type_similarity) +
96
97
                   weights['cost'] * (1 - cost_similarity) +
                    weights['time'] * (1 - time_similarity) +
98
                   weights['preference'] * (1 - pref_similarity)
99
100
               )
101
102
                return total distance
103
104
            def find_centroid(self, cluster_routes: List[Dict]) -> Dict:
105
                计算聚类中心 (找到与所有路线平均距离最小的路线作为中心)
106
107
108
                Args:
109
                    cluster_routes: 聚类中的路线列表
110
                Returns:
111
                    Dict: 聚类中心路线
112
113
114
                if not cluster_routes:
115
                    return {}
116
```

```
117
                 if len(cluster_routes) == 1:
118
                     return cluster_routes[0]
119
                # 计算每条路线到其他所有路线的平均距离
120
121
                avg_distances = []
122
                for i, route in enumerate(cluster_routes):
123
                     total\_distance = 0
124
                     for j, other_route in enumerate(cluster_routes):
125
                        if i != j:
126
                             total_distance += self.custom_distance(route,
                                \hookrightarrow other_route)
127
                    avg_distance = total_distance / (len(cluster_routes) - 1)
                    avg\_distances.append((avg\_distance\,,\ route))
128
129
130
                # 返回平均距离最小的路线作为中心
131
                return min(avg_distances, key=lambda x: x[0])[1]
132
133
            def fit (self, routes: List [Dict]) -> 'TourismKMeans':
134
135
                训练K均值聚类模型
136
137
                Args:
                    routes: 旅游方案列表
138
139
140
                Returns:
                     self: 训练好的模型
141
142
143
                 if len(routes) < self.k:
144
                     raise ValueError(f"路线数量({len(routes)})必须大于聚类数({self
                        \hookrightarrow . k})")
145
                # 随机初始化聚类中心
146
147
                 self.centroids = random.sample(routes, self.k)
148
149
                for iteration in range(self.max_iterations):
                    # 分配阶段: 将每个路线分配到最近的聚类中心
150
151
                    labels = []
152
                     total\_distance = 0
153
154
                     for route in routes:
155
                        min_distance = float('inf')
156
                        best\_cluster = 0
157
158
                         for i, centroid in enumerate (self.centroids):
159
                             distance = self.custom_distance(route, centroid)
                             if distance < min distance:
160
                                 min_distance = distance
161
162
                                 best\_cluster = i
```

```
163
164
                         labels.append(best_cluster)
                         total_distance += min_distance
165
166
167
                    # 更新阶段: 重新计算聚类中心
                    new_centroids = []
168
169
                     for i in range(self.k):
170
                        cluster_routes = [routes[j] for j in range(len(routes)) if
                            \hookrightarrow labels [j] == i]
171
                        if cluster_routes:
172
                            new_centroid = self.find_centroid(cluster_routes)
173
                            new_centroids.append(new_centroid)
174
                        else:
                            # 如果某个聚类为空, 随机选择一个新中心
175
176
                            new_centroids.append(random.choice(routes))
177
                    #检查收敛
178
179
                    centroid_changed = False
                    for i in range(self.k):
180
181
                         if self.custom_distance(self.centroids[i], new_centroids[i
                            \hookrightarrow ]) > self.tolerance:
182
                            centroid\_changed = True
183
                             break
184
185
                     self.centroids = new_centroids
186
187
                     if not centroid_changed:
                         print(f"算法在第{iteration + 1}次迭代后收敛")
188
189
                        break
190
191
                 self.labels = labels
192
                 self.inertia_ = total_distance
193
194
                 return self
195
196
            def predict(self, routes: List[Dict]) -> List[int]:
197
                 预测新路线的聚类标签
198
199
200
                Args:
201
                     routes: 待预测的路线列表
202
203
                Returns:
                     List[int]: 聚类标签
204
205
206
                 if self.centroids is None:
                     raise ValueError("模型尚未训练,请先调用fit方法")
207
208
```

```
209
                 labels = []
210
                 for route in routes:
211
                      min_distance = float('inf')
212
                      best\_cluster = 0
213
214
                      for i, centroid in enumerate(self.centroids):
215
                          distance = self.custom_distance(route, centroid)
216
                          if distance < min_distance:
217
                              min_distance = distance
218
                              best\_cluster = i
219
220
                      labels.append(best_cluster)
221
                 return labels
222
223
224
             def get_cluster_info(self, routes: List[Dict]) -> Dict:
225
226
                  获取聚类信息
227
228
                 Args:
                      routes: 原始路线列表
229
230
                 Returns:
231
232
                     Dict: 聚类信息
233
                  if self.labels is None:
234
                      raise ValueError("模型尚未训练,请先调用fit方法")
235
236
237
                 cluster\_info = \{\}
238
239
                  for i in range(self.k):
                      cluster_routes = [routes[j] for j in range(len(routes)) if
240
                         \hookrightarrow self.labels[j] == i]
241
242
                      if cluster routes:
243
                          # 计算聚类统计信息
244
                          costs = [route.get('cost', 0) for route in cluster_routes]
245
                          times = [route.get('time', 0) for route in cluster_routes]
                          preferences = [route.get('preference', 0) for route in
246
                              \hookrightarrow cluster_routes]
                          types = [route.get('type', '') for route in cluster_routes
247
                              \hookrightarrow
248
249
                          cluster_info[i] = {
                              'size': len(cluster_routes),
250
251
                              'centroid': self.centroids[i],
                               'avg_cost': np.mean(costs),
252
253
                               'avg_time': np.mean(times),
```

```
254
                             'avg_preference': np.mean(preferences),
255
                             'type_distribution': dict(zip(*np.unique(types,

    return_counts=True))),
256
                             'routes': cluster_routes
257
                         }
258
259
                 return cluster_info
260
261
            def visualize_clusters(self, routes: List[Dict], save_path: str = None
                \hookrightarrow ):
                ,, ,, ,,
262
                 可视化聚类结果
263
264
265
                Args:
266
                     routes: 原始路线列表
267
                     save_path: 保存图片的路径
                 ,, ,, ,,
268
269
                 if self.labels is None:
270
                     raise ValueError("模型尚未训练,请先调用fit方法")
271
                # 提取特征用于可视化
272
                 costs = [route.get('cost', 0) for route in routes]
273
274
                 times = [route.get('time', 0) for route in routes]
275
                 preferences = [route.get('preference', 0) for route in routes]
276
277
                # 创建子图
278
                fig, axes = plt.subplots (2, 2, figsize = (15, 12))
279
280
                #1. 成本-时间散点图
281
                 scatter = axes[0, 0].scatter(costs, times, c=self.labels, cmap='
                    \hookrightarrow viridis', alpha=0.7)
282
                 axes[0, 0].set_xlabel('成本 (元)')
283
                 axes[0, 0].set_ylabel('时间 (分钟)')
284
                 axes[0, 0].set_title('聚类结果: 成本 vs 时间')
285
                 plt.colorbar(scatter, ax=axes[0, 0])
286
                # 2. 成本-偏好散点图
287
288
                 scatter = axes[0, 1].scatter(costs, preferences, c=self.labels,
                    \hookrightarrow cmap='viridis', alpha=0.7)
289
                 axes[0, 1].set_xlabel('成本 (元)')
290
                 axes[0, 1].set_ylabel('偏好度')
                 axes[0, 1].set_title('聚类结果: 成本 vs 偏好度')
291
292
                 plt.colorbar(scatter, ax=axes[0, 1])
293
294
                #3. 时间-偏好散点图
295
                 scatter = axes[1, 0].scatter(times, preferences, c=self.labels,
                    \hookrightarrow cmap='viridis', alpha=0.7)
296
                axes[1, 0].set_xlabel('时间 (分钟)')
```

```
297
                 axes[1, 0].set_ylabel('偏好度')
298
                 axes[1, 0].set_title('聚类结果: 时间 vs 偏好度')
299
                 plt.colorbar(scatter, ax=axes[1, 0])
300
                # 4. 聚类大小柱状图
301
                 cluster_sizes = [sum(1 for label in self.labels if label == i) for
302
                    \hookrightarrow i in range(self.k)]
303
                axes[1, 1].bar(range(self.k), cluster_sizes, color='skyblue',
                    \hookrightarrow alpha=0.7)
304
                 axes[1, 1].set_xlabel('聚类编号')
305
                 axes[1, 1].set_ylabel('路线数量')
                 axes[1, 1]. set_title('各聚类大小分布')
306
307
                 axes[1, 1].set_xticks(range(self.k))
308
309
                 plt.tight_layout()
310
311
                 if save_path:
312
                     plt.savefig(save_path, dpi=300, bbox_inches='tight')
313
314
                 plt.show()
315
316
317
        def generate_sample_routes(num_routes: int = 100) -> List[Dict]:
318
             生成示例旅游路线数据
319
320
321
            Args:
322
                num_routes: 路线数量
323
324
            Returns:
325
                 List [Dict]: 示例路线列表
326
327
            routes = []
328
            # 景点和区域信息
329
330
            spots = list(range(6)) # S1-S6
331
            regions = list(range(6)) \# R1-R6
332
            route_types = ['1day', '2day', '3day']
333
334
            for i in range(num_routes):
                 route_type = random.choice(route_types)
335
336
337
                 if route_type == 'lday':
                    #一日游:2个景点,1个区域
338
339
                     route_spots = random.sample(spots, 2)
                     route_regions = random.sample(regions, 1)
340
341
                     cost = random.randint(20, 80)
342
                     time = random.randint(60, 180)
```

```
343
                    preference = random.randint(5, 15)
344
                elif route_type == '2day':
345
                    # 二日游: 4个景点, 3个区域
346
347
                    route_spots = random.sample(spots, 4)
                    route_regions = random.sample(regions, 3)
348
349
                    cost = random.randint(80, 200)
                    time = random.randint(180, 360)
350
351
                    preference = random.randint(15, 25)
352
353
                else: # 3day
354
                    # 三日游: 6个景点, 5个区域
355
                    route_spots = random.sample(spots, 6)
                    route_regions = random.sample(regions, 5)
356
357
                    cost = random.randint(200, 400)
358
                    time = random.randint(360, 600)
359
                    preference = random.randint(25, 35)
360
                route = {
361
362
                    'id': i,
                    'type': route_type,
363
                    'spots': route_spots,
364
                    'regions': route_regions,
365
                    'cost': cost,
366
367
                    'time': time,
                    'preference': preference
368
369
                }
370
371
                routes.append(route)
372
373
            return routes
374
375
376
        def main():
            """主函数: 演示K均值聚类算法"""
377
            print("=" * 60)
378
379
            print ("旅游方案K均值聚类算法演示")
            print("=" * 60)
380
381
            # 生成示例数据
382
383
            print ("生成示例旅游路线数据...")
384
            routes = generate_sample_routes(200)
385
            print(f"生成了 {len(routes)} 条旅游路线")
386
387
            # 创建并训练K均值模型
            print ("\n训练K均值聚类模型...")
388
            kmeans = TourismKMeans(k=4, max_iterations=50)
389
390
            kmeans. fit (routes)
```

```
391
392
           # 获取聚类信息
            print ("\n聚类结果分析:")
393
394
            cluster_info = kmeans.get_cluster_info(routes)
395
396
            for cluster_id, info in cluster_info.items():
397
                print(f"\n聚类 {cluster_id}:")
                print(f" 路线数量: {info['size']}")
398
                print(f" 平均成本: {info['avg_cost']:.2f} 元")
399
400
                print(f" 平均时间: {info['avg_time']:.2f} 分钟")
401
                print(f" 平均偏好度: {info['avg_preference']:.2f}")
               print(f" 路线类型分布: {info['type_distribution']}")
402
403
           # 可视化聚类结果
404
405
            print ("\n生成聚类可视化图表...")
            kmeans.visualize_clusters(routes, save_path='tourism_clusters.png')
406
407
408
            print(f"\n聚类完成! 模型惯性(总距离): {kmeans.inertia_:.4f}")
409
410
411
        if ___name_
                  _{-} == "_{-}main_{-}":
412
           main()
```

D. 运行函数

```
1
       #!/usr/bin/env python3
2
       # -*- coding: utf-8 -*-
3
4
        旅游路线优化运行脚本
5
6
        import deap
7
        from tourism_optimization import TourismOptimizer, expansion_cost # Import
            \hookrightarrow expansion cost function
        import numpy as np # Import numpy
8
        import matplotlib.pyplot as plt
10
        import matplotlib # Import matplotlib to configure fonts
11
12
       # Import K-means clustering algorithm
13
        from Q2_k_means import TourismKMeans
14
       # --- Start: Matplotlib Chinese Font Configuration ---
15
       # Configure font to support Chinese characters
16
       # Try 'SimHei' first, if not available, try 'Microsoft YaHei' or '
17
           \hookrightarrow WenQuanYi Micro Hei'
        matplotlib.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei', 'Microsoft YaHei', '
18

→ Arial Unicode MS']

19
        matplotlib.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # Solve the problem of
            \hookrightarrow '-' displaying as a square
```

```
20
       # --- End: Matplotlib Chinese Font Configuration ---
21
22
        def main():
            print("=" * 60)
23
            print ("重庆旅游路线优化系统")
24
            print("=" * 60)
25
26
27
            # Create optimizer instance
28
            optimizer = TourismOptimizer()
29
30
            # Run optimization
31
            try:
                # Test different weight configurations
32
33
                weight_configs = [
34
                    (0.5, 0.5, "均衡型"),
35
                    # (0.7, 0.3, "费用优先型"), # Can comment out other
                        \hookrightarrow configurations for faster expansion analysis
36
                    # (0.3, 0.7, "时间优先型")
37
38
39
                all_results = \{\}
40
                for cost_w, time_w, config_name in weight_configs:
41
                    print(f"\n{'='*80}")
42
43
                    print(f"运行{config_name}配置 (费用权重={cost_w}, 时间权重={
                        \hookrightarrow time_w})")
                    print (f"{'='*80}")
44
45
46
                    # Run optimization and get results
47
                    results = optimizer.run_optimization(cost_weight=cost_w,
                        \hookrightarrow time_weight=time_w)
                    all_results[config_name] = results
48
49
50
                    # Print results
51
                    optimizer.print_results(results)
52
53
                    # Save results to file
54
                    save_results_to_file(results, suffix=f"_{config_name}")
55
                # Compare results of different configurations
56
                compare\_configurations (\,all\_results\,)
57
58
59
                # — Problem 3: New Hotel Expansion Analysis —
                print(f"\n{'='*80}")
60
                print ("问题3:新建旅馆扩容分析")
61
                print(f"{'='*80}")
62
63
                analyze_hotel_expansion(optimizer)
64
```

```
# — New: K-means Clustering Analysis —
65
                 print(f"\n{'='*80}")
66
                 print ("K均值聚类分析: 旅游路线相似度分析")
67
                 print (f"{'='*80}")
68
                 perform_kmeans_analysis(all_results)
69
70
71
             except Exception as e:
                 print(f"优化过程中出现错误: {e}")
72
73
                 import traceback
74
                 traceback.print_exc()
75
76
         def compare_configurations(all_results):
             """比较不同权重配置的结果"""
77
             print(f"\n{'='*80}")
78
79
             print ("不同权重配置结果比较")
80
             print(f"{'='*80}")
81
82
             for day_type in ['1day', '2day', '3day']:
                 print(f"\n{day_type.upper()} 方案比较:")
83
                 print("-" * 60)
84
85
                 print(f"{'配置':<12} {'路线数':<8} {'总游客':<8} {'总费用':<12} {'
                     → 总时间':<12} {'平均满意度':<12}")
                 print("-" * 60)
86
87
88
                 for config_name, results in all_results.items():
                     solution = results.get(day_type, [])
89
90
                      if solution:
91
                          total_tourists = sum([route['tourists'] for route in
                             \hookrightarrow solution])
92
                          total_cost = sum([route['tourists'] * route['cost'] for
                             \hookrightarrow route in solution])
                          total_time = sum([route['tourists'] * route['time'] for
93
                             → route in solution])
94
                          total_satisfaction = sum([route['tourists'] * route['

    satisfaction' | for route in solution])
95
                          avg_satisfaction = total_satisfaction / total_tourists if
                             \hookrightarrow total_tourists > 0 else 0
96
                          print(f"{config_name:<12} {len(solution):<8} {</pre>
97
                             \hookrightarrow total_tourists:<8} {total_cost:<12.0f} "
                                f"\{total\_time\!:\!<\!12.0\,f\} \ \{avg\_satisfaction\!:\!<\!12.2\,f\}")
98
99
                     else:
100
                          print(f"{config_name:<12} {'无解':<8} {'-':<8} {'-':<12}
                             \hookrightarrow \{ '-':<12 \} \{ '-':<12 \} ")
101
102
103
         def save_results_to_file(results, suffix=""):
             """将结果保存到文件"""
104
```

```
105
            filename = f'optimization_results{suffix}.txt'
106
            with open(filename, 'w', encoding='utf-8') as f:
                 f.write("重庆旅游路线优化结果\n")
107
                f.write("=" * 50 + " n ")
108
109
110
                for day_type_key, solution_or_metrics in results.items():
111
                     if not isinstance(solution_or_metrics, list): # Filter out
                        \hookrightarrow metrics dictionary
112
                        continue
                    solution = solution_or_metrics
113
114
115
                    day_type = day_type_key.replace('_metrics', '') # Get actual
                        \hookrightarrow day_type
116
117
                     f.write(f"{day_type.upper()} 旅游方案结果\n")
118
                    f.write("=" * 30 + "\n")
119
120
                    if not solution:
121
                         f.write("无可行解\n\n")
122
                         continue
123
124
                     total_tourists = sum([route['tourists'] for route in solution
                        \hookrightarrow ])
125
                     total_cost = sum([route['tourists'] * route['cost'] for route
                        \hookrightarrow in solution])
126
                    total_time = sum([route['tourists'] * route['time'] for route
                        \hookrightarrow in solution])
127
                     total_satisfaction = sum([route['tourists'] * route['
                        128
                    f.write(f"路线类型数量: {len(solution)}\n")
129
130
                     f.write(f"总游客数: {total_tourists}\n")
131
                     f.write(f"总交通成本: {total_cost:.0f} 元\n")
132
                     f.write(f"总交通时间: {total_time:.0f} 分钟\n")
133
                     f.write(f"总满意度: {total_satisfaction:.2f}\n")
                     f.write(f"平均满意度: {total_satisfaction/total_tourists:.2f}\
134
                        \hookrightarrow n\n")
135
                    f.write("具体路线分配:\n")
136
                     for i, route in enumerate(solution[:10]):
137
                        spots\_str = "->".join([f"S{s+1}" for s in route['spots']])
138
139
                        regions_str = "->".join([f"R\{r+1\}" for r in route['regions
140
                         f.write(f"路线{i+1}: {route['tourists']}人\n")
141
                         f.write(f" 景点路径: {spots_str}\n")
                         f.write(f" 区域路径: {regions_str}\n")
142
                         f.write(f" 成本: {route['cost']:.1f}元, 时间: {route['
143
                            → time ']:.1f}分钟,偏好: {route['preference']}\n\n")
```

```
144
                     f.write("\n")
145
146
            print(f"\n结果已保存到 {filename} 文件")
147
148
149
        def analyze_hotel_expansion(optimizer: TourismOptimizer):
150
151
            Analyzes the hotel expansion problem to find the optimal expansion
                \hookrightarrow area and scale.
152
            print("\n开始分析旅馆扩容方案...")
153
154
            # Define economic value parameters
155
156
            # vs: Economic value per unit satisfaction (billion CNY/satisfaction)
157
            # vp: Average profit per tourist (billion CNY/person)
158
            v_s_per_million_satisfaction = 0.1 # Assume 1 million satisfaction
                \hookrightarrow brings 0.1 billion CNY
159
            v_p_per_million_tourists = 0.01 # Assume 1 million tourists brings
                \hookrightarrow 0.01 billion CNY (10 CNY/person, 1 million * 10 = 10 million CNY
                \hookrightarrow = 0.01 billion CNY)
160
161
            # Run baseline optimization to get metrics at K0
            print ("获取基准指标 (扩容前)...")
162
            base_results = optimizer.run_optimization(cost_weight=0.5, time_weight
163
                \rightarrow =0.5, tourists_1day=30000, tourists_2day=30000, tourists_3day
                \hookrightarrow =20000
164
            Z_K0_total, N_K0_total = optimizer.get_aggregated_metrics(base_results
                \hookrightarrow )
165
166
            # Convert number of tourists to millions to match delta_K unit
            N_K0_{total} = N_K0_{total} / 10000.0
167
168
            print(f"基准总满意度 Z(K0): {Z_K0_total:.2f}")
169
170
            print (f"基准总游客数 N(K0): {N_K0_total_wan:.2f} 万人次")
171
172
            best_net_benefit = -np.inf
173
            best_region_idx = -1
174
            best_delta_K_wan = 0
175
            # Define expansion capacity range (in millions of persons)
176
            # Consider from 0 to a reasonable maximum value, e.g., twice the
177
                178
            max_delta_K_wan = max(optimizer.night_cap_original) / 10000.0 * 2 #
                delta_K_wan_range = np.arange(0, max_delta_K_wan + 1, 0.5) # From 0 to
179
                \rightarrow max_delta_K_wan, step 0.5 million persons
180
181
            # Store all test results
```

```
182
             expansion_results = []
183
             print ("\n迭代各区域及扩容规模进行模拟...")
184
185
             for r_idx in range(optimizer.num_regions):
                 original_night_cap_r = optimizer.night_cap_original[r_idx] # Get
186
                     187
188
                 for delta_K_wan in delta_K_wan_range:
189
                      current_night_cap_r = original_night_cap_r + (delta_K_wan *
                         \hookrightarrow 10000) # Convert millions of persons back to persons
190
191
                     # Temporarily modify the accommodation capacity of this region
192
                     optimizer.night_cap[r_idx] = current_night_cap_r
193
194
                     # Rerun optimization
195
                     # Note: run_optimization will regenerate routes, ensuring each
                         \hookrightarrow run is based on the modified capacity
196
                     current_results = optimizer.run_optimization(
197
                          cost_weight=0.5, time_weight=0.5, # Use balanced weights
                             \hookrightarrow for expansion analysis
                          tourists_1day=30000, tourists_2day=30000, tourists_3day
198
                             \hookrightarrow =20000
199
                     Z_K_total, N_K_total = optimizer.get_aggregated_metrics(
200

    current_results)

                     N_K_{total} = N_K_{total} / 10000.0
201
202
203
                     # Calculate benefit B(delta_K)
204
                     B_delta_K = (v_s_per_million_satisfaction * (Z_K_total -
                         \hookrightarrow Z_K0_total) +
205
                                   v_p_per_million_tourists * (N_K_total_wan -
                                       \hookrightarrow N_K0_total_wan))
206
207
                     # Calculate cost C(delta_K)
208
                     C_delta_K = expansion_cost (delta_K_wan)
209
                     # Calculate net benefit F(delta_K)
210
211
                     F_{delta}K = B_{delta}K - C_{delta}K
212
213
                     expansion_results.append({
214
                          'region_idx': r_idx,
215
                          'region_name': f'区域{r_idx + 1}',
216
                          'delta_K_wan': delta_K_wan,
217
                          'original_night_cap_wan': original_night_cap_r / 10000.0,
218
                          'new_night_cap_wan': current_night_cap_r / 10000.0,
219
                          'Z_K_total': Z_K_total,
220
                          'N_K_total_wan': N_K_total_wan,
221
                          'Benefit_B': B_delta_K,
```

```
222
                         'Cost_C': C_delta_K,
223
                         'Net_Benefit_F': F_delta_K
                    })
224
225
226
                    # Update optimal solution
227
                    if F_delta_K > best_net_benefit:
228
                        best\_net\_benefit = F\_delta\_K
229
                        best_region_idx = r_idx
230
                        best_delta_K_wan = delta_K_wan
231
232
                # Restore the original capacity of this region for the next region
                    \hookrightarrow 's test
233
                optimizer.night_cap[r_idx] = optimizer.night_cap_original[r_idx]
234
235
            print ("\n扩容分析结果:")
            print("-" * 60)
236
237
            print(f"{'区域':<8} {'扩容规模(万人次)':<18} {'原容量(万人次)':<16} {'
                → 新容量(万人次)':<16} {'净收益(亿元)':<12}")
238
            print("-" * 60)
239
240
            # Print the top 20 net benefit solutions
            sorted_expansion_results = sorted(expansion_results, key=lambda x: x['
241
                → Net_Benefit_F'], reverse=True)
            for i, res in enumerate(sorted_expansion_results[:20]):
242
243
                print(f"{res['region_name']: <8} {res['delta_K_wan']: <18.2f} {res['

    original_night_cap_wan ']: <16.2 f} {res['new_night_cap_wan']}
</pre>
                    \rightarrow ']: <16.2 f} {res['Net_Benefit_F']: <12.4 f}")
244
245
            print(f"\n最终建议:")
246
            if best_region_idx != -1:
                print(f"建议扩容区域: 区域{best_region_idx + 1}")
247
                print(f"建议扩容规模: {best_delta_K_wan:.2f} 万人次")
248
249
                print(f"最大净收益: {best_net_benefit:.4f} 亿元")
250
                print(f"该区域原有住宿接待能力: {optimizer.night_cap_original[
                    251
                print(f"该区域扩容后住宿接待能力: {(optimizer.night_cap_original[
                    \hookrightarrow best_region_idx] + best_delta_K_wan * 10000)/10000:.2f} \pi \land
                    ⇒ 次")
252
253
                # Plot net benefit
254
                plt. figure (figsize = (12, 6))
255
256
                region_colors = plt.cm.tab10 # Use matplotlib's color map
257
                # Filter data for each region
258
259
                regions_data = {r_idx: [] for r_idx in range(optimizer.num_regions
                    \hookrightarrow )}
260
                for res in expansion_results:
```

```
261
                    regions_data[res['region_idx']].append(res)
262
263
                for r_idx, data in regions_data.items():
264
                    data.sort(key=lambda x: x['delta_K_wan'])
                    delta_K_wan_values = [d['delta_K_wan'] for d in data]
265
                    net_benefit_values = [d['Net_Benefit_F'] for d in data]
266
267
268
                    plt.plot(delta_K_wan_values, net_benefit_values, marker='o',
                        \hookrightarrow linestyle='-',
269
                             label=f'区域 {r_idx + 1}', color=region_colors(r_idx)
270
                plt.title('不同区域及扩容规模下的净收益')
271
                plt.xlabel('新增接待能力 (万人次)')
272
273
                plt.ylabel('净收益(亿元)')
274
                plt.grid(True)
275
                plt.legend(title='区域')
276
                plt.axhline(0, color='grey', linestyle='--', linewidth=0.8) # Zero
                    \hookrightarrow benefit line
277
                plt.scatter(best_delta_K_wan, best_net_benefit, color='red',
                    \hookrightarrow \ marker{=}\ 'X'\,,\ s{=}200,
278
                            label=f,最优解: 区域{best_region_idx+1}, {
                                → best_delta_K_wan:.2f}万人次, {best_net_benefit
                                → :.4f}亿元')
279
                plt.legend()
                plt.tight_layout()
280
281
                plt.savefig('net_benefit_vs_expansion.png')
282
                plt.show()
283
284
            else:
285
                print ("未找到可行的扩容方案,或者所有扩容方案都导致负净收益。")
286
287
288
        def perform_kmeans_analysis(all_results):
289
            对优化结果进行K均值聚类分析
290
291
292
            Args:
293
                all_results: 优化结果字典, 包含不同权重配置的结果
294
            print ("\n开始K均值聚类分析...")
295
296
297
            #1. 收集所有路线数据
298
            all_routes = []
            route\_id = 0
299
300
            for config_name, results in all_results.items():
301
302
                for day_type in ['1day', '2day', '3day']:
```

```
303
                    solution = results.get(day_type, [])
304
                    for route in solution:
305
                        # 为 K 均 值 算 法 准 备 路 线 数 据
306
307
                        route_data = {
                             'id': route_id,
308
309
                             'config': config_name,
310
                             'type': day_type,
311
                             'spots': route.get('spots', []),
312
                             'regions': route.get('regions', []),
313
                             'cost': route.get('cost', 0),
314
                             'time': route.get('time', 0),
315
                             'preference': route.get('preference', 0),
                             'tourists': route.get('tourists', 0),
316
317
                             'satisfaction': route.get('satisfaction', 0)
318
                        }
319
                        all_routes.append(route_data)
320
                        route\_id += 1
321
322
            if not all_routes:
                print ("没有找到可用的路线数据进行聚类分析")
323
324
                return
325
326
            print(f"收集到 {len(all_routes)} 条路线用于聚类分析")
327
            # 2. 进行K均值聚类
328
            # 尝试不同的k值
329
            k_{values} = [3, 4, 5, 6]
330
331
            best_k = 3
332
            best_inertia = float('inf')
333
334
            print ("\n选择最优聚类数量...")
            for k in k_values:
335
336
                if k <= len(all_routes):
                    kmeans = TourismKMeans(k=k, max_iterations=50)
337
338
                    kmeans.fit(all_routes)
339
                    print(f"k={k}: 惯性值={kmeans.inertia_:.4f}")
340
341
                    if kmeans.inertia_ < best_inertia:
342
                        best_inertia = kmeans.inertia_
343
                        best_k = k
344
345
            print(f"\n选择最优k值: {best_k}")
346
            # 3. 使用最优k值进行最终聚类
347
            print (f"\n使用k={best_k}进行最终聚类...")
348
349
            final_kmeans = TourismKMeans(k=best_k, max_iterations=100)
350
            final_kmeans.fit(all_routes)
```

```
351
352
            # 4. 分析聚类结果
            print (f"\n聚类结果分析:")
353
354
            cluster_info = final_kmeans.get_cluster_info(all_routes)
355
            print("-" * 100)
356
357
            print(f"{'",聚类':<6} {'大小':<6} {'平均成本':<10} {'平均时间':<10} {'平
               → 均偏好':<10} {'平均游客':<10} {'主要类型':<15}")
            print("-" * 100)
358
359
360
            for cluster_id , info in cluster_info.items():
361
                main_type = max(info['type_distribution'].items(), key=lambda x: x
                   → [1])[0] if info['type_distribution'] else "未知"
362
                avg_tourists = np.mean([route.get('tourists', 0) for route in info
                   363
                print(f"{cluster_id:<6} {info['size']:<6} {info['avg_cost']:<10.1f
364
                   \hookrightarrow } {info['avg_time']: <10.1f} "
365
                      f"{info['avg_preference']:<10.1f} {avg_tourists:<10.1f} {
                         \hookrightarrow main_type:<15\}")
366
            #5. 详细分析每个聚类
367
            print(f"\n{'='*80}")
368
            print ("详细聚类分析:")
369
370
            print(f"{'='*80}")
371
372
            for cluster_id, info in cluster_info.items():
373
                print(f"\n聚类 {cluster_id} 详细信息:")
374
                print(f" - 路线数量: {info['size']}")
375
                print(f" - 平均成本: {info['avg_cost']:.2f} 元")
                print(f" - 平均时间: {info['avg_time']:.2f} 分钟")
376
                print(f" - 平均偏好度: {info['avg_preference']:.2f}")
377
                print(f" - 路线类型分布: {info['type_distribution']}")
378
379
380
                # 分析配置分布
381
                configs = [route.get('config', '未知') for route in info['routes'
                   \hookrightarrow
382
                config_dist = {}
383
                for config in configs:
384
                    config\_dist[config] = config\_dist.get(config, 0) + 1
                print(f" - 权重配置分布: {config_dist}")
385
386
387
                # 分析景点和区域偏好
                all_spots = []
388
                all_regions = []
389
390
                for route in info['routes']:
391
                    all_spots.extend(route.get('spots', []))
392
                    all_regions.extend(route.get('regions', []))
```

```
393
394
                 if all_spots:
                     popular_spots = {}
395
396
                     for spot in all_spots:
                         popular_spots[f'S{spot+1}'] = popular_spots.get(f'S{spot}
397
                             \hookrightarrow +1\}', 0) + 1
398
                     popular_spots = sorted(popular_spots.items(), key=lambda x: x
                         \rightarrow [1], reverse=True)[:3]
                     print(f" - 热门景点: {[f'{s}({c}次)' for s, c in
399

    popular_spots]}")
400
401
                 if all_regions:
402
                     popular\_regions = \{\}
403
                     for region in all_regions:
404
                         popular\_regions \left[ \ f \ 'R\{region+1\} \ ' \ \right] \ = \ popular\_regions \ . \ get \left( \ f \ 'R\{region+1\} \ ' \ \right)
                             \hookrightarrow region+1\}', 0) + 1
405
                     popular_regions = sorted(popular_regions.items(), key=lambda x
                         \hookrightarrow : x[1], reverse=True)[:3]
                     print(f" - 热门区域: {[f'{r}({c}次)' for r, c in
406

    popular_regions]}")
407
408
            #6. 可视化聚类结果
             print (f"\n生成聚类可视化图表...")
409
             final_kmeans.visualize_clusters(all_routes, save_path='
410
                411
412
            #7. 保存聚类结果到文件
413
             save_clustering_results(final_kmeans, all_routes, cluster_info)
414
415
             print (f"\nK均值聚类分析完成!")
416
             print(f"最终聚类数: {best_k}")
417
             print(f"模型惯性值: {final_kmeans.inertia_:.4f}")
             print(f"结果已保存到 clustering_results.txt 和
418

    tourism_optimization_clusters.png")
419
420
421
        def save_clustering_results(kmeans_model, routes, cluster_info):
422
423
             保存聚类结果到文件
424
425
             Args:
                 kmeans_model: 训练好的K均值模型
426
427
                 routes: 路线数据
                 cluster_info: 聚类信息
428
429
430
             filename = 'clustering_results.txt'
             with open(filename, 'w', encoding='utf-8') as f:
431
                 f.write("旅游路线K均值聚类分析结果\n")
432
```

```
433
                 f.write("=" * 50 + " \ln ")
434
                 f.write(f"聚类数量: {kmeans_model.k}\n")
435
436
                 f.write(f"路线总数: {len(routes)}\n")
                 f.write(f"模型惯性值: {kmeans_model.inertia_:.4f}\n\n")
437
438
439
                 for cluster_id, info in cluster_info.items():
440
                     f.write(f"聚类 {cluster_id}:\n")
                     f.write("-" * 30 + "\n")
441
442
                     f.write(f"路线数量: {info['size']}\n")
443
                     f.write(f"平均成本: {info['avg_cost']:.2f} 元\n")
                     f.write(f"平均时间: {info['avg_time']:.2f} 分钟\n")
444
                     f.write(f"平均偏好度: {info['avg_preference']:.2f}\n")
445
446
                     f.write(f"路线类型分布: {info['type_distribution']}\n")
447
448
                     # 配置分布
449
                     configs = [route.get('config', '未知') for route in info['

    routes ']]

450
                     config\_dist = \{\}
451
                     for config in configs:
452
                         config_dist[config] = config_dist.get(config, 0) + 1
453
                     f.write(f"权重配置分布: {config_dist}\n")
454
                     # 热门景点和区域
455
456
                     all\_spots = []
457
                     all\_regions = []
458
                     for route in info['routes']:
459
                         all_spots.extend(route.get('spots', []))
460
                         all_regions.extend(route.get('regions', []))
461
462
                     if all_spots:
463
                         popular\_spots = \{\}
464
                         for spot in all_spots:
465
                              popular_spots[f'S{spot+1}'] = popular_spots.get(f'S{
                                 \hookrightarrow spot+1}', 0) + 1
                         popular\_spots = sorted (popular\_spots.items()), \ key=lambda \ x
466
                             \hookrightarrow : x[1], reverse=True)[:5]
467
                         f.write(f"热门景点: {popular_spots}\n")
468
469
                     if all_regions:
470
                         popular_regions = {}
471
                         for region in all_regions:
472
                              popular_regions [f'R{region+1}'] = popular_regions.get(
                                 \hookrightarrow f'R{region+1}', 0) + 1
                         popular_regions = sorted(popular_regions.items(), key=
473
                             \rightarrow lambda x: x[1], reverse=True)[:5]
474
                         f.write(f"热门区域: {popular_regions}\n")
475
```

```
476
                          f.write("\n代表性路线 (前5条):\n")
477
                          for i, route in enumerate(info['routes'][:5]):
                                spots\_str = "->".join([f"S{s+1}" for s in route.get('spots')])
478
                                    \hookrightarrow ', [])])
                                regions\_str = "->".join([f"R{r+1}" for r in route.get(')])
479
                                    \hookrightarrow regions', [])])
480
                                f.write(f" {i+1}. {route.get('type', 'unknown')}路线({

    route.get('config', 'unknown')}配置)\n")
481
                                                   景点: {spots_str}\n")
                                f.write(f"
482
                                f.write(f"
                                                   区域: {regions_str}\n")
483
                                f.write(f"
                                                   成本: {route.get('cost', 0):.1f}元, 时间: {
                                    \hookrightarrow route.get('time', 0):.1f}分钟\n")
484
                                f.write(f"
                                                   游客数: {route.get('tourists', 0)}, 满意度:
                                    \hookrightarrow \ \{\texttt{route.get}(\,\texttt{'satisfaction'},\ 0) :. 3\,f\} \backslash n \backslash n")
485
486
                          f.write("\n")
487
488
489
           i f \underline{\hspace{0.5cm}} name\underline{\hspace{0.5cm}} = "\underline{\hspace{0.5cm}} main\underline{\hspace{0.5cm}} ":
490
                main()
```