

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

# Отчет по лабораторной работе №6 по курсу "Анализ алгоритмов"

Студент Богаченко А.Е.
Группа <u>ИУ7-56Б</u>
Оценка (баллы)
Преподаватели Волкова Л.Л., Строганов Ю.В.

Тема Муравьиный алгоритм

## Оглавление

Введение			3
1	Аналитическая часть		
	1.1	Задача коммивояжера	4
	1.2	Решение полным перебором	4
	1.3	Муравьиные алгоритмы	4
2	Конструкторская часть		
	2.1	Требования к программе	7
	2.2	Схемы алгоритмов	7
	Выв	од	10
3	Технологическая часть		
	3.1	Требования к ПО	11
	3.2	Структура ПО	11
	3.3	Средства реализации	11
	3.4	Листинг кода	12
4	Исследовательская часть		
	4.1	Пример работы	16
	4.2	Технические характеристики	16
	4.3	Время выполнения алгоритмов	17
Зг	клю	рчение	19
Д1	Литература		

### Введение

В современной теории алгоритмов существует ряд задач, получение точного ответа в которых возможно только полным перебором всевозможных вариантов множества решений (т.н. NP-полные задачи). Однако зачастую в подобных задачах оптимизации допустимо получение ответа, приближенного к идеальному. В этих целях используются алгоритмы, работающие за приемлемое полиномиальное время, такие как генетические и муравьиные алгоритмы.

Муравьиный алгоритм — один из эффективных полиномиальных алгоритмов для нахождения приближенных решений задачи коммивояжёра, а также решения аналогичных задач поиска маршрутов на графах.

В ходе лабораторной работы предстоит:

- рассмотреть муравьиный алгоритм и алгоритм полного перебора в задаче коммивояжера;
- реализовать алгоритмы;
- сравнить временную эффективность алгоритмов.

#### 1 Аналитическая часть

#### 1.1 Задача коммивояжера

Коммивояжёр (фр. commis voyageur) — бродячий торговец. Задача коммивояжёра — важная задача транспортной логистики, отрасли, занимающейся планированием транспортных перевозок. Коммивояжёру, чтобы распродать нужные и не очень нужные в хозяйстве товары, следует объехать п пунктов и в конце концов вернуться в исходный пункт. Требуется определить наиболее выгодный маршрут объезда. В качестве меры выгодности маршрута (точнее говоря, невыгодности) может служить суммарное время в пути, суммарная стоимость дороги, или, в простейшем случае, длина маршрута [1].

#### 1.2 Решение полным перебором

Наиболее идейно простым алгоритмом решения задачи коммивояжера [2] является полный перебор решений с выбором кратчайшего из полученных путей. Очевидным недостатком данного алгоритма является необходимость перебора значительного числа комбинаций, которое с ростом числа городов быстро выходит за рамки вычислительных мощностей современных компьютеров. Трудоёмкость алгоритма полного перебора – O(n!).

### 1.3 Муравьиные алгоритмы

Идея муравьиного алгоритма – моделирование поведения муравьев, связанное с их способностью быстро находить кратчайшие пути и адаптироваться к изменяющимся условиям, т.е. искать новые кратчайшие пути [3]. При своём движении муравей метит свой путь феромоном, и эта информация используется прочими для выбора пути. Таким образом, более короткие пути будут сильнее обогащаться феромоном и станут более предпочтительны для всей колонии. С помощью моделирования испарение феромона,

т.е. отрицательной обратной связи, гарантируется, что найденное локально оптимальное решение не будет единственным – будут предприняты попытки поиска других путей.

Опишем правила поведения муравья применительно к решению задачи коммивояжера [4]:

- муравьи имеют 'память' запоминают уже посещенные города, чтобы избегать повторений: обозначим через  $J_{i,k}$  список городов, которые необходимо пройти муравью k, находящемуся в городе i;
- муравьи обладают 'зрением' видимость есть эвристическое желание посетить город j, если муравей находится в городе i. Уместно считать видимость обратно пропорциональной расстоянию между соответствующими городами  $\eta_{i,j} = 1/D_{i,j}$ ;
- муравьи обладают 'обонянием' могут улавливать след феромона, подтверждающий желание посетить город j из города i на основании опыта других муравьев. Обозначим количество феромона на ребре (i,j) в момент времени t через  $\tau_{i,j}(t)$ .

Вероятность перехода из вершины i в вершину j определяется по следующей формуле 1.1

$$p_{i,j} = \frac{(\tau_{i,j}^{\alpha})(\eta_{i,j}^{\beta})}{\sum (\tau_{i,j}^{\alpha})(\eta_{i,j}^{\beta})}$$
(1.1)

где  $au_{i,j}$ — количество феромонов на ребре і до j;

 $\eta_{i,j}-$  эвристическое расстояние от і до j;

lpha— параметр влияния феромона;

 $\beta$ — параметр влияния расстояния.

Пройдя ребро (i,j), муравей откладывает на нём некоторое количество феромона, которое должно быть связано с оптимальностью сделанного выбора. Пусть  $T_k(t)$  есть маршрут, пройденный муравьём k к моменту времени t,  $L_k(t)$  - длина этого маршрута, а Q - параметр, имеющий значение порядка длины оптимального пути. Тогда откладываемое количество феромона может быть задано в виде:

$$\Delta au_{i,j}^k = \begin{cases} Q/L_k & \text{Если k-ый мурваей прошел по ребру ij;} \\ 0 & \text{Иначе} \end{cases}$$
 (1.2)

где  $\, {
m Q} \,$  - количество феромона, переносимого муравьём; Тогда

$$\Delta \tau_{i,j} = \tau_{i,j}^0 + \tau_{i,j}^1 + \dots + \tau_{i,j}^k \tag{1.3}$$

На основе приведённого выше описания алгоритма можно оценить его трудоемкость:  $O(t_{max} \cdot m \cdot n^2)$ , где  $t_{max}$  - число итераций алгоритма ('время жизни колонии'), m - число муравьёв, n - число городов.

#### Вывод

В данном разделе были рассмотрены общие принципы муравьиного алгоритма и применение его к задаче коммивояжёра.

# 2 Конструкторская часть

#### 2.1 Требования к программе

#### Требования к вводу:

• У ориентированного графа должно быть хотя бы 2 вершины.

#### Требования к программе:

• Алгоритм полного перебора должен возвращать кратчайший путь в графе.

Входные данные - матрица смежности графа.

Выходные данные - самый выгодный путь.

#### 2.2 Схемы алгоритмов

В данном разделе будут приведены схемы алгоритмов для решения задачи коммивояжора: полный перебор 2.1 и муравьиный 2.2



Рисунок 2.1 – Схема алгоритма полного перебора



Рисунок 2.2 – Схема муравьиного алгоритма

# Вывод

В данном разделе были рассмотрены требования к программе и схемы алгоритмов.

#### 3 Технологическая часть

В данном разделе приведены требования к программному обеспечению, средства реализации и листинги кода.

#### 3.1 Требования к ПО

К программе предъявляется ряд требований:

• корректная сортировка.

#### 3.2 Структура ПО

В данном разделе будет рассмотрена структура ПО 3.1.



Рисунок 3.1 – Структура ПО

#### 3.3 Средства реализации

В качестве языка программирования для реализации данной лабораторной работы был выбран многопоточный язык GO [5]. Данный выбор обусловлен моим желанием расширить свои знания в области применения данного язкыа. Так же данный язык предоставляет средства тестирования разработанного ПО.

Время работы алгоритмов было замерено с помощью функции Now() из библиотеки Time [6].

#### 3.4 Листинг кода

В листингах 3.1 – 3.2 приведены реализации алгоритма полного перебора всех решений и муравьиного алгоритма.

Листинг 3.1 – Алгоритм перебора всех возможных вариантов

```
// Brute - brute
2 func Brute(f string) []int {
      weight := getWeights(f)
      path := make([]int, 0)
      res := make([]int, len(weight))
      // for every node
      for k := 0; k < len(weight); k++ {</pre>
          ways := make([][]int, 0)
          _ = getRoutes(k, weight, path, &ways)
          sum := 1000
10
          curr := 0
11
          ind := 0
12
          for i := 0; i < len(ways); i++ {</pre>
13
              curr = 0
14
              for j := 0; j < len(ways[i])-1; j++ {</pre>
15
                   curr += weight[ways[i][j]][ways[i][j+1]]
16
17
              if curr < sum {</pre>
18
                  sum = curr
19
                  ind = i
20
              }
21
          }
          res[k] = sum
23
          ind = 0
24
          _{-} = ind
26
      return res
27
28
29
  func contains(s []int, e int) bool {
30
      for _, a := range s {
31
          if a == e {
32
              return true
33
          }
35
      return false
36
37 }
38
39 // getRoutes - find all ways
40 func getRoutes(pos int, weight [][]int, path []int, routes *[][]int) []int {
```

```
path = append(path, pos)
41
      if len(path) < len(weight) {</pre>
42
           for i := 0; i < len(weight); i++ {</pre>
               if !(contains(path, i)) {
44
                   _ = getRoutes(i, weight, path, routes)
45
               }
46
           }
47
      } else {
48
           *routes = append(*routes, path)
50
      return path
51
52 }
```

#### Листинг 3.2 – Муравьиный алгоритм

```
// getProbability - probability of path being choosen
  func (ant *Ant) getProbability() []float64 {
      p := make([]float64, 0)
      var sum float64
      for i, 1 := range ant.visited[ant.position] {
          if 1 != 0 {
              d := math.Pow((float64(1)/float64(1)), ant.env.alpha) *
                  math.Pow(ant.env.pheromon[ant.position][i], ant.env.betta)
              p = append(p, d)
              sum += d
          } else {
10
              p = append(p, 0)
11
          }
12
13
      for _, 1 := range p {
          1 = 1 / sum
15
16
      return p
17
  }
18
19
  // pickWay - choose way with probability
  func pickWay(p []float64) int {
      var sum float64
22
      for _, j := range p {
23
          sum += j
24
25
      r := rand.New(rand.NewSource(time.Now().UnixNano()))
26
      rn := r.Float64() * sum
      sum = 0
28
      for i, j := range p {
29
          if rn > sum && rn < sum+j {</pre>
              return i
31
          }
32
          sum += j
33
```

```
34
      return -1
35
36 }
37
  // renewPheromon - renew pheromon after move
38
  func (ant *Ant) renewPheromon() {
      var delta float64
40
      delta = 0
41
      for k := 0; k < len(ant.env.pheromon); k++ {</pre>
          for i, j := range ant.env.pheromon[k] {
43
              if ant.env.weight[k][i] != 0 {
44
                  if ant.been[k][i] {
45
                      delta = ant.env.q / float64(ant.env.weight[k][i])
46
                  } else {
47
                      delta = 0
48
                  }
49
                  ant.env.pheromon[k][i] = (1 - ant.env.p) * (float64(j) + delta)
50
              if ant.env.pheromon[k][i] <= 0 {</pre>
52
                  ant.env.pheromon[k][i] = 0.1
53
              }
          }
55
      }
56
  }
57
58
  // moveWay - perform move
59
  func (ant *Ant) moveWay(path int) {
      for i := range ant.visited {
61
          ant.visited[i][ant.position] = 0
62
63
      ant.been[ant.position][path] = true
      ant.position = path
65
66 }
  // moveAnt - start moving
68
  func (ant *Ant) moveAnt() {
      for {
70
          prob := ant.getProbability()
71
          way := pickWay(prob)
72
          if way == -1 {
73
              break
74
          }
75
          ant.moveWay(way)
          ant.renewPheromon()
77
78
  }
79
80
81 // getDistance - distance travelled
```

```
82 func (ant *Ant) getDistance() int {
       var distance int
83
       for i, j := range ant.been {
84
           for k, z := range j {
85
               if z {
                   distance += ant.env.weight[i][k]
87
88
           }
89
       return distance
91
92 }
93
   // StartAnt - ant
94
   func StartAnt(env *Env, days int) []int {
95
       short := make([]int, len(env.weight))
       for n := 0; n < days; n++ \{
97
           for i := 0; i < len(env.weight); i++ {</pre>
98
               ant := env.newAnt(i)
               ant.moveAnt()
100
               cur := ant.getDistance()
101
               if (short[i] == 0) || (cur < short[i]) {</pre>
                   short[i] = cur
103
               }
104
           }
105
106
       return short
107
108 }
```

#### Вывод

В данном разделе была рассмотрена структура ПО и листинги кода программы.

# 4 Исследовательская часть

#### 4.1 Пример работы

Пример работы программы представлен на рисунке 4.1.

```
(root 
NebuchadnezzaR) - [~/bmstu-aa/lab6]
 -# make run
go run src/main.go
Ants algotithm time
2 5.919423ms
3 12.74296ms
4 21.433888ms
5 32.738059ms
6 48.873248ms
7 65.166686ms
8 84.574658ms
9 108.836777ms
10 137.112196ms
Brute force time
2 31.362µs
3 56.991µs
4 51.541µs
5 86.012µs
6 222.15µs
  1.113063ms
8 9.230584ms
9 158.413497ms
10 1.381581908s
```

Рисунок 4.1 – Демонстрация работы алгоритмов

#### 4.2 Технические характеристики

Технические характеристики устройства, на котором выполнялось тестирование:

- Операционная система: Kali [7] Linux [8] 5.9.0-kali1-amd64.
- Память: 8 GB.
- Процессор: Intel® Core™ i5-8250U [9] CPU @ 1.60GHz
- Количество логических потоков: 8

Тестирование проводилось на ноутбуке при включённом режиме производительности. Во время тестирования ноутбук был нагружен только системными процессами.

#### 4.3 Время выполнения алгоритмов

В листинге 4.1 пример реализации функции тестирования.

Листинг 4.1 – Функция тестирования

```
BenchAll - benchmark
  func BenchAll() {
      ants := make([]time.Duration, 0)
      Brutes := make([]time.Duration, 0)
      for i := 2; i < 11; i++ {
          _ = os.Remove("data.txt")
          GenData(i)
          env := newEnv("data.txt")
          start := time.Now()
          shortest := StartAnt(env, 100) //fmt.Print(shortest, " ")
          end := time.Now()
11
          ants = append(ants, end.Sub(start))
12
13
          start = time.Now()
14
          shortest = Brute("data.txt") //fmt.Print(shortest, "\n")
15
          end = time.Now()
16
          Brutes = append(Brutes, end.Sub(start))
17
          _ = shortest
18
      }
19
      fmt.Println("Ants_algotithm_time")
21
      for j := 0; j < len(ants); j++ {</pre>
22
          fmt.Println(j+2, ants[j])
24
      fmt.Println("Brute_force_time")
25
      for j := 0; j < len(ants); j++ {</pre>
          fmt.Println(j+2, Brutes[j])
27
      }
28
```

На рисунках 4.2 приведён график сравнения производительности конвейеров.

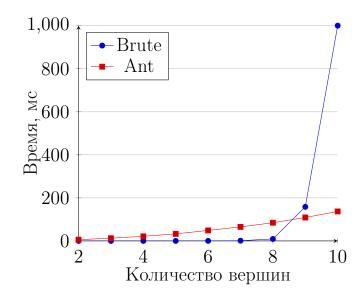


Рисунок 4.2 – Сравнение алгоритмов.

### Вывод

Была исследована зависимость времени работы реализованных алгоритмов от размера матрицы смежности графа. По результатам эксперимента на малых размерах графа полный перебор значительно выигрывает муравьиных алгоритм в скорости, однако на размера графа больше 8 сложность полного перебора растет очень быстро, а так как муравьиный алгоритм обладает полиноминальной сложностью, он работает быстрее перебора.

## Заключение

В ходе лабораторной работы были изучены и реализованы алгоритмы решения задачи коммивояжера - полный перебор и муравьиный алгоритм.

Было проведено тестирование разработанных алгоритмов, выполнены замеры времени и проведён сравнительный анализ временной эффективности алгоритмов.

Экспериментально были установлены преимущества использования муравьиного алгоритма на графах размерности свыше 8.

## Литература

- [1] Товстик Т.М. Жукова Е.В. Алгоритм приближенного решения задачи коммивояжера. 1970.
- [2] Perl problems Commis Voyageur [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://mech.math.msu.su/~shvetz/54/inf/perl-problems/chCommisVoyageur.xhtml (дата обращения: 12.12.2020).
- [3] Муравьиные алгоритмы [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://www.machinelearning.ru/wiki/index.php?title=%D0%9C%D1% 83%D1%80%D0%B0%D0%B2%D1%8C%D0%B8%D0%BD%D1%8B%D0%B5\_%D0%B0%D0% BB%D0%B3%D0%BE%D1%80%D0%B8%D1%82%D0%BC%D1%8B (дата обращения: 12.12.2020).
- [4] С.Д. Штовба. Муравьиные алгоритмы. 1970.
- [5] The Go Programming Language [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://golang.org/ (дата обращения: 09.09.2020).
- [6] testing Package time [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://golang.org/pkg/time/ (дата обращения: 18.11.2020).
- [7] Our Most Advanced Penetration Testing Distribution, Ever. [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://kali.org/ (дата обращения: 12.09.2020).
- [8] Linux Википедия [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://ru.wikipedia.org/wiki/Linux (дата обращения: 12.09.2020).
- [9] Intel Processors [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.intel.com/content/www/us/en/products/processors/core/i5-processors.html (дата обращения: 12.09.2020).