# 第07讲向量空间课堂互动答案

作者: 欧新宇 (Xinyu OU)

本文档所展示的测试结果,均运行于: Intel Core i7-7700K CPU 4.2GHz

### 【课堂互动一】 向量与向量组

- 1. 下列符号中可以用来表示 n 维向量的是()。
- A. 小写正体英文字母
- B. 小写加粗斜体英文字母
- C. 小写斜体英文字母
- D. 大写加粗斜体英文字母
- E. 大写斜体英文字母

答案及解析: B

- 2. 把 n 个无序的数排列在一起形成一个集合,这个集合就称为 n 维向量。
- A. प्रा
- B. 错

**答案及解析**: B

- 3. 在计算机领域,默认情况下,向量 a 表示一个 ()。
- A. 行向量
- B. 列向量
- C. 以上都可以
- D. 以上都不对

答案及解析: B

- 4. 向量  $u^T$  通常用来表示一个()。
- A. 行向量
- B. 列向量
- C. 若无特殊说明,以上均可以
- D. 一般不用来表示向量

答案及解析: A

5. 所有的 n 维向量都可以理解为 ( ) 张量。

A. 零阶

#### B. 一阶

C. 二阶

D. n 阶

**答案及解析**: B

# 【课堂互动二】向量空间和子空间

1. 在n维空间 $V_n$ 中,如果存在一个超平面,那么该超平面的维度为()。

#### A. n-1

- B. n
- C. n+1
- D. 无法确定

答案及解析: A

- 2. 若V为一向量空间,则它满足加法和标量乘法的完备性,这意味着以下()公理是成立的。
- A. x+y=y+x
- B. (x+y)+z=x+(y+z)
- C. (a+b)x=ax+bx
- D. x+(-x)=0

答案及解析: ABCD

- 3. 若空间S是空间V的子空间,则()。
- A. 标量乘法运算是封闭的
- B. 乘法运算是封闭的
- C. 除法运算时封闭的
- D. 加法运算是封闭的

答案及解析: AD

# 【课堂互动三】线性相关性

- 1. 假设存在向量组  $B=b_1,b_2,\ldots,b_m$ ,请问B中各向量是线性无关的的条件是什么?
- A. 由向量组B所形成的矩阵的秩 < 向量组B中向量的个数
- B. 由向量组B所形成的矩阵的秩 = 向量组B中向量的个数
- C. 由向量组B所形成的矩阵的秩 > 向量组B中向量的个数
- D. 无法判断向量组的线性无关

**答案及解析**: B

2. 向量组中的两个向量,如果他们是线性相关的,那么在空间中,它们将确定()。

A. 一个点(即两个向量的交点)

#### B. 一条直线

C. 一个平面

D. 一个三维空间

**答案及解析**: B

3. 当方程组中的某个方程式可以由其他方程式通过线性组合得到,那么可以说这个方程式是多余的。

#### A. 对

B. 错

答案及解析: A

4. 如果一个向量组包含5个列向量,那么我们将这5个列向量排成一行所组成的矩阵,可以被称为矩阵的 行向量组。

A. 对

B. 错

**答案及解析**: B

5. 下列表达式,可以用来表达一个 n 维向量空间的是 ( ) 。

A. 
$$\pi = \{x = (x_1, x_2, \ldots, x_n)^T | a_1 x_1 + a_2 x_2 + \ldots + a_n x_n = b \}$$

B. 
$$b = \lambda_1 a_1 + \lambda_2 a_2 + \ldots + \lambda_m a_m$$

**C.** 
$$R_n = \{x = (x_1, x_2, \dots, x_n)^T | x_1, x_2, \dots, x_n \in R\}$$

D. 
$$k_1 a_1 + k_2 a_2 + \ldots + k_m a_m = 0$$

E. 
$$A: a_1, a_2, \ldots, a_m$$

答案及解析: 0

选项A表示平面,

## 【课堂互动四】空间的张成

1. 判断如下向量所张成的空间的形态()。

$$u_1 = \left[egin{array}{c} 1 \ 1.5 \end{array}
ight], u_2 = \left[egin{array}{c} 0.5 \ 1 \end{array}
ight]$$

A. 一条直线

### B. 一个平面

C. 整个三维空间

D. 无法张成空间

**答案及解析**: B

2. 判断如下向量所张成的空间的形态 ()。

$$u_1 = egin{bmatrix} 1 \ 2 \ 1 \end{bmatrix}, u_2 = egin{bmatrix} 1 \ 2 \ 3 \end{bmatrix}$$

- A. 一条直线
- B. 一个平面
- C. 整个三维空间
- D. 无法张成空间
- **答案及解析**: B
- 3. 判断如下向量所张成的空间的形态 ()。

$$u_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}, u_2 = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \\ -2 \end{bmatrix}, u_2 = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \\ 3 \end{bmatrix}$$

- A. 一条直线
- B. 一个平面
- C. 整个三维空间
- D. 无法张成空间
- 答案及解析: A
- 4. 判断如下向量所张成的空间的形态()。

$$u_1 = egin{bmatrix} 1 \ 3 \ 5 \end{bmatrix}, u_2 = egin{bmatrix} 2 \ 1 \ 5 \end{bmatrix}, u_3 = egin{bmatrix} 4 \ 3 \ 2 \end{bmatrix}, u_4 = egin{bmatrix} 4 \ 2 \ 10 \end{bmatrix}$$

- A. 一条直线
- B. 一个平面
- C. 整个三维空间
- D. 整个四维空间
- E. 无法张成空间
- **答案及解析**: C
- 5. 判断如下向量所张成的空间的形态()。

$$u_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}, u_2 = \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

- A. 一条直线
- B. 一个平面
- C. 整个三维空间
- D. 无法张成空间
- 答案及解析: A