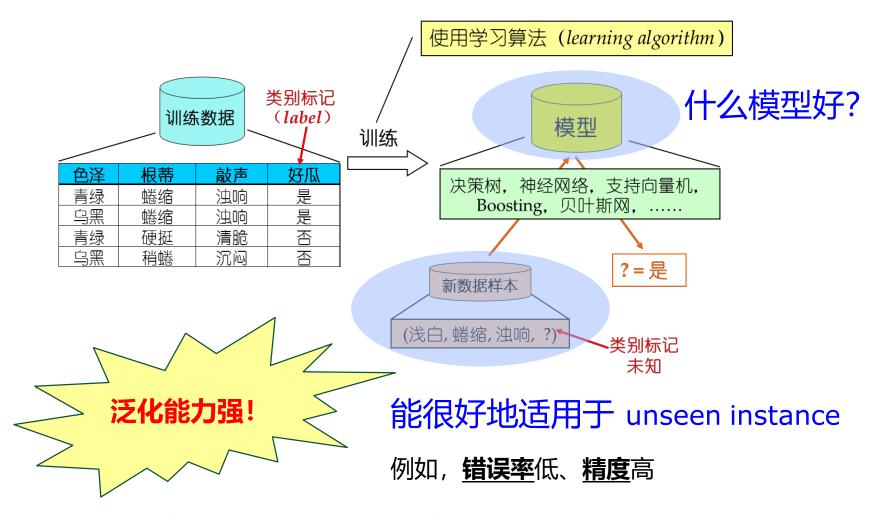
# 第1.2讲模型评估与选择

主讲教师: 欧新宇

February 21, 2020

### 典型的机器学习过程



然而,我们手上没有 unseen instance,

### 泛化误差 vs. 经验误差

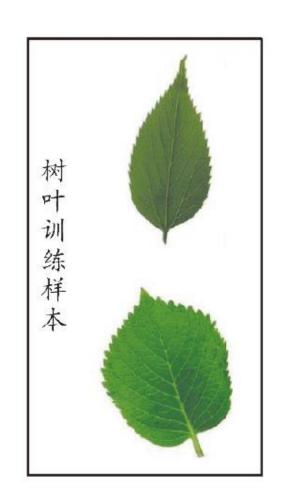
泛化误差: 在"未来"样本上的误差

经验误差: 在训练集上的误差, 亦称"训练误差"

- □ 泛化误差越小越好
- □ 经验误差是否越小越好?

NO! 因为会出现"过拟合"(overfitting)

# 过拟合 (overfitting) vs. 欠拟合 (underfitting)





过拟合、欠拟合直观对比

### 模型选择 (model selection)

### 三个关键问题:

- □ 如何获得测试结果?
- □〉评估方法

- □ 如何评估性能优劣?
- - 性能度量

□ 如何判断实质差别?



比较检验

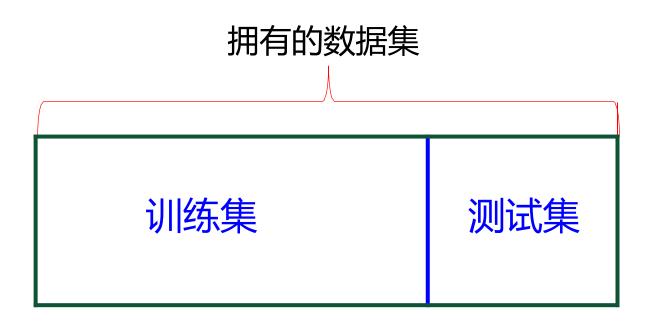
### 评估方法

**关键:** 怎么获得"测试集"(test set)?

测试集应该与训练集"互斥"

### 常见方法:

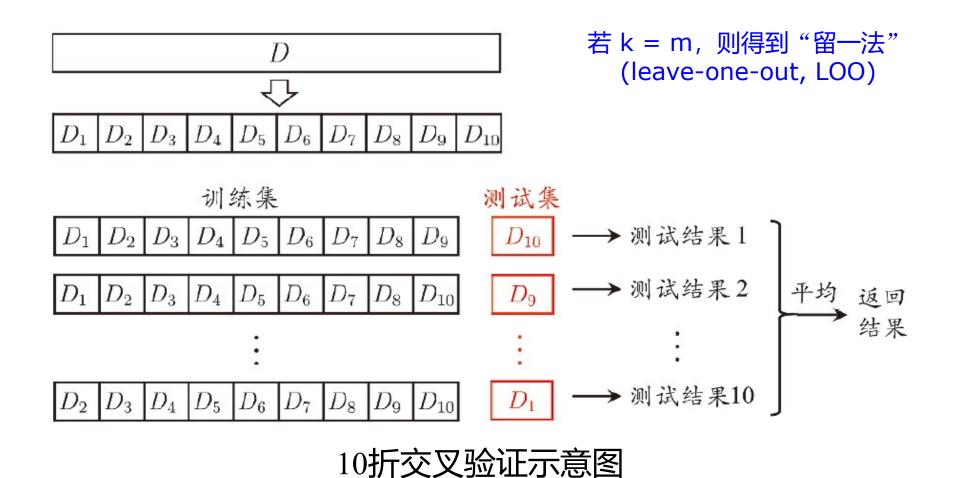
- □ 留出法 (hold-out)
- □ 交叉验证法 (cross validation)
- □ 自助法 (bootstrap)



#### 注意:

- ➤ 保持数据分布一致性 (例如:分层采样)
- > 多次重复划分 (例如: 100次随机划分)
- ➢ 测试集不能太大、不能太小 (例如: 1/5~1/3)

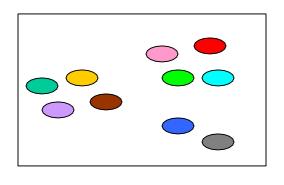
### k-折交叉验证法

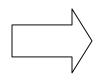


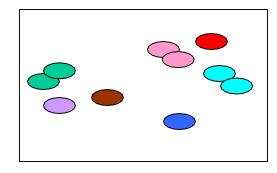
### 自助法

### 基于"自助采样" (bootsrap sampling)

亦称"有放回采样"、"可重复采样"







约有 36.8% 的样本不出现

$$\lim_{m \to \infty} \left( 1 - \frac{1}{m} \right)^m \mapsto \frac{1}{e} \approx 0.368$$

- ▶训练集与原样本集同规模
- > 数据分布有所改变

"包外估计" (out-of-bag estimation)

### "调参"与最终模型

**算法的参数:** 一般由人工设定,亦称"超参数"

模型的参数:一般由算法在学习过程中确定

调参过程相似:先产生若干模型,然后基于某种评估 方法进行选择

参数调得好不好对性能往往对最终性能有关键影响

区别:训练集 vs. 测试集 vs. 验证集 (validation set)

算法参数选定后,要用"训练集+验证集"重新训练最终模型

### 模型选择 (model selection)

### 三个关键问题:

- □ 如何获得测试结果?
- 一 评估方法

- □ 如何评估性能优劣?
- **性能度量**

□ 如何判断实质差别?



比较检验

### 性能度量

性能度量(performance measure)是衡量模型泛化能力的评价标准,反映了任务需求。

使用不同的性能度量往往会导致不同的评判结果

什么样的模型是"好"的,不仅取决于**算法**和**数据**, 还取决于**任务**需求

□ 回归(regression) 任务常用均方误差:

$$E(f; D) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (f(\boldsymbol{x}_i) - y_i)^2$$

### 错误率 vs. 精度

□ 错误率:

$$E(f;D) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \mathbb{I} \left( f\left(\boldsymbol{x}_{i}\right) \neq y_{i} \right)$$

□ 精度:

$$acc(f; D) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \mathbb{I}(f(\boldsymbol{x}_i) = y_i)$$
$$= 1 - E(f; D).$$

### 查准率 vs. 查全率

### 分类结果混淆矩阵

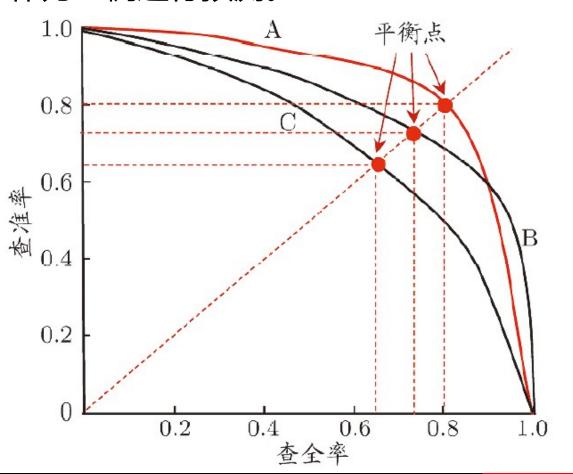
真实情况	预测结果		
	正例	反例	
正例	TP (真正例)	FN (假反例)	
反例	FP (假正例)	TN (真反例)	

□ 查准率: 
$$P = \frac{TP}{TP + FP}$$

□ 查全率: 
$$R = \frac{TP}{TP + FN}$$

### PR图, BEP

根据学习器的预测结果**按正例可能 性大小对样例进行排序**,并逐个把样本 作为正例进行预测。



#### PR图:

- ・ 学习器 A 优于 学习器 C
- 学习器 B 优于 学习器 C
- 学习器 A ?? 学习器 B

#### BEP:

- ・ 学习器 A 优于 学习器 B
- 学习器 A 优于 学习器 C
- 学习器 B 优于 学习器 C

### F1-Score

● 比 BEP 更常用的 F1 度量:

$$F1 = \frac{2 \times P \times R}{P + R} = \frac{2 \times TP}{$$
 样例总数 + TP - TN

● 若对查准率/查全率有不同偏好:

$$F_{\beta} = \frac{(1+\beta^2) \times P \times R}{(\beta^2 \times P) + R}$$

 $\beta > 1$  时查全率有更大影响;  $\beta < 1$  时查准率有更大影响

### 宏xx vs. 微xx

#### 若能得到多个混淆矩阵:

(例如多次训练/测试的结果,多分类的两两混淆矩阵)

#### 宏(macro-)查准率、查全率、F1

$$macro-P = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} P_i ,$$

$$macro-R = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} R_i ,$$

$$\text{macro-}F1 = \frac{2 \times \text{macro-}P \times \text{macro-}R}{\text{macro-}P + \text{macro-}R} \ .$$

#### 微(micro-)查准率、查全率、F1

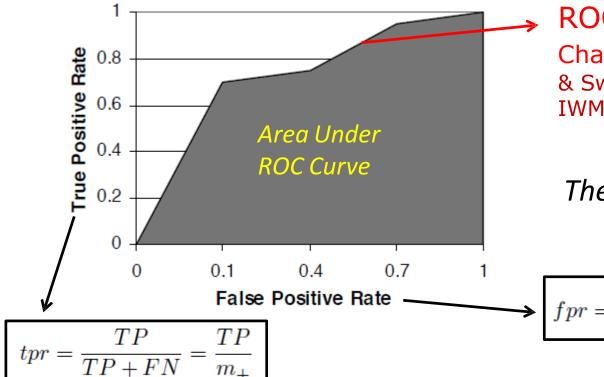
$$\text{micro-}P = \frac{\overline{TP}}{\overline{TP} + \overline{FP}} ,$$

$$micro-R = \frac{\overline{TP}}{\overline{TP} + \overline{FN}} ,$$

$$micro-F1 = \frac{2 \times micro-P \times micro-R}{micro-P + micro-R}$$

### ROC, AUC

#### AUC: Area Under the ROC Curve



ROC (Receiver Operating Characteristic) Curve [Green & Swets, Book 66; Spackman, IWML'89]

The bigger, the better

$$fpr = \frac{FP}{FP + TN} = \frac{FP}{m_{-}}$$

$$AUC = 1 - \frac{1}{m^+m^-} \sum_{x^+ \in D^+} \sum_{x^- \in D^-} \left( \mathbb{I}\left(f(x^+) < f(x^-)\right) + \frac{1}{2} \mathbb{I}\left(f(x^+) = f(x^-)\right) \right)$$

### 非均等代价

### 犯不同的错误往往会造成不同的损失

二分类代价矩阵

此时需考虑"非均等代价" (unequal cost)

真实类别	预测类别	
共大大州	第 0 类	第1类
第 0 类	0	$cost_{01}$
第1类	$cost_{10}$	0

□ 代价敏感(cost-sensitive)错误率:

$$E(f; D; cost) = \frac{1}{m} \left( \sum_{\boldsymbol{x}_i \in D^+} \mathbb{I} \left( f\left(\boldsymbol{x}_i\right) \neq y_i \right) \times cost_{01} \right) + \sum_{\boldsymbol{x}_i \in D^-} \mathbb{I} \left( f\left(\boldsymbol{x}_i\right) \neq y_i \right) \times cost_{10} \right)$$

### 模型选择 (model selection)

### 三个关键问题:

- □ 如何获得测试结果?
- 评估方法

- □ 如何评估性能优劣?
- 一〉 悄

性能度量

□ 如何判断实质差别?

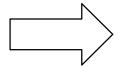


比较检验

在某种度量下取得评估结果后,是否可以直接比较以评判优劣?

因为: NO!

- 测试性能不等于泛化性能
- 测试性能随着测试集的变化而变化
- 很多机器学习算法本身有一定的随机性



机器学习 微率近似正确"

### 机器学习的理论基础

# 计算学习理论

Computational learning theory



learning model

[Valiant, 1984]

$$P(|f(\boldsymbol{x}) - y| \le \epsilon) \ge 1 - \delta$$



Leslie Valiant (**莱斯利 维利昂特**) (1949- ) 2010年图灵奖

### 常用方法

统计假设检验 (hypothesis test) 为学习器性能比较提供了

重要依据

#### 口两学习器比较

> 交叉验证 t 检验 (基于成对 t 检验)

k 折交叉验证; 5x2交叉验证

➤ McNemar 检验 (基于列联表,卡方检验)

#### 口多学习器比较

- Friedman + Nemenyi
  - Friedman检验 (基于序值,F检验; 判断"是否都相同")
  - Nemenyi 后续检验 (基于序值, 进一步判断两两差别)

### Friedman 检验图

横轴为平均序值,每个算法圆点为其平均序值,线段为临界阈值的大小

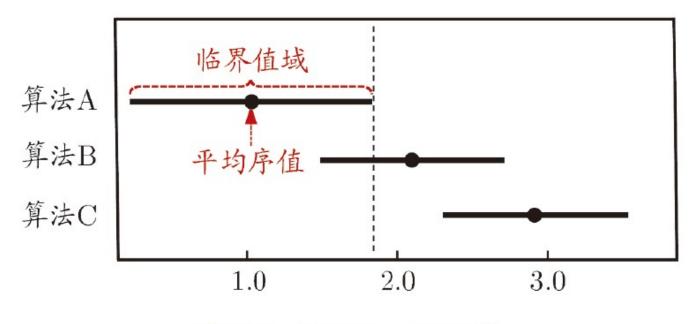


图 2.8 Friedman 检验图

若两个算法有交叠 (A 和 B),则说明没有显著差别; 否则有显著差别 (A 和 C),算法 A 显著优于算法 C

### What is "Error"?

"误差"包含了哪些因素?

换言之,从机器学习的角度看, "误差"从何而来?

## 偏差-方差分解 (bias-variance decomposition)

对回归任务, 泛化误差可通过"偏差-方差分解"拆解为:

$$E(f; D) = \underbrace{bias^{2}(\mathbf{x}) + var(\mathbf{x}) + \varepsilon^{2}}_{bias^{2}(\mathbf{x}) = (\bar{f}(\mathbf{x}) - y)^{2}}$$
$$var(\mathbf{x}) = \mathbb{E}_{D} \left[ (f(\mathbf{x}; D) - \bar{f}(\mathbf{x}))^{2} \right]$$

同样大小的训练集 的变动,所导致的 性能变化

期望输出与真实

输出的差别

表达了当前任务上任何学习算法 所能达到的期望泛化误差下界

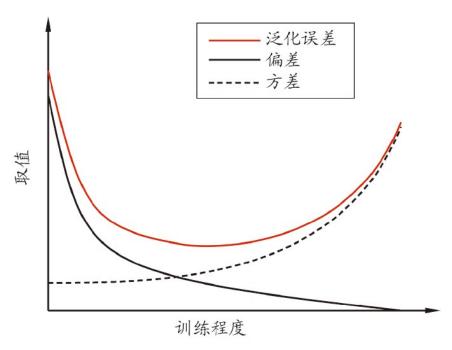
$$\varepsilon^2 = \mathbb{E}_D \left[ (y_D - y)^2 \right]$$

**泛化性能**是由学习算法的能力、数据的充分性以及学习任务本身的难度共同决定

## 偏差-方差窘境 (bias-variance dillema)

### 一般而言,偏差与方差存在冲突:

- □训练不足时,学习器拟合能力不强,偏差主导
- □随着训练程度加深,学习器 拟合能力逐渐增强,方差逐 渐主导
- □训练充足后,学习器的拟合能力很强,方差主导



泛化误差与偏差、方差关系示意图

# 欧老师的联系方式

## 读万卷书 行万里路 只为最好的修炼

QQ: 14777591 (宇宙骑士)

Email: ouxinyu@alumni.hust.edu.cn

Tel: 18687840023