第08讲维数、基底与坐标课堂互动

作者: 欧新宇 (Xinyu OU)

本文档所展示的测试结果,均运行于: Intel Core i7-7700K CPU 4.2GHz

【课堂互动一】 维数、基底与坐标

- 1. 若一个线性空间V中存在一个包含10个元素的基底,那么我们可以说这个线性空间V的维数为10。
- A. মা
- B. 错
- 2. 若向量组 a_1,a_2,\ldots,a_n 是线性空间V的一组基底,则要求该向量组必须()。
- A. 线性无关
- B. 线性相关
- C. 存在不为0的元素
- D. 不存在为0的元素
- 3. 设二维向量u在标准基环境中的坐标是(3,4),则在新基底 $E_x = [0.5, 0], E_y = [0, 2]$ 中,向量u的坐标为()。
- A.(3,4)
- B. (6, 2)
- C. (1.5, 8)
- D. (6, 8)
- E. (1.5, 2)
- 4. 以下矩阵能够作为标准基的是()。

A.
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$
B.
$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$
C.
$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$
D.
$$\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}$$

5. 设 a_1,a_2,\ldots,a_n 是线性空间 V_n 的一个基,对于任意元素 $a\in V_n$,总有且仅有一组有序数 x_1,x_2,\ldots,x_n ,使 $a=x_1a_1+x_2a_2+\ldots+x_na_n$ 。则()称为元素a在空间 V_n 中的坐标。

- A. 有序数1, 2, ..., n
- B. 有序数 $x_1, x_2, ..., x_n$
- C. 有序向量组 a_1, a_2, \ldots, a_n
- D. 有序线性组合 $x_1a_1, x_2a_2, \ldots, x_na_n$

【课堂互动二】构成基底的条件

- 1. 任何向量组都可以作为基底。
- A. 对
- B. 错
- 2. 给定一共2维空间 V_2 ,如果存在向量组 $a=([1,1]^T,[2,2]^T)$,请问向量组a是否能成为这个二维空间的基底?
- A. 不可以, 因为它违背了向量完备性的要求
- B. 不可以, 因为它违背了线性无关的要求
- C. 不可以, 因为它违背了线性相关的要求
- D. 可以作为这个二维空间的基底
- 3. 在判断一个向量组是否能成为基底的条件时,有一个充分必要条件是空间中的任意一个向量都可以由向量组a的线性组合构成,并且这种组合具有唯一性。那么请问,唯一性等价于什么?
- A. 向量组 a 线性相关
- B. 向量组 a 线性无关
- C. 向量组 a 数量完备
- D. 向量组 a 维数完备
- 4. 给定两个向量 $a,b \neq 0$ 和标量 $i,j \in R$,它们的线性组合 i*a+j*b 可能存在以下哪种情况?
- A. 确定一个点
- B. 确定一条直线
- C. 确定一个平面
- D. 确定一个三维空间
- 5. 给定两个向量 $u,v,w \neq 0$ 和标量 $a,b,c \in R$,它们的线性组合 au+bv+cw 可能存在以下哪种情况?
- A. 确定一个点
- B. 确定一条直线
- C. 确定一个平面
- D. 确定一个三维空间