第9讲数据预处理、降维、

特征提取及聚类

主讲教师: 欧新宇

February 21, 2020

Outlines

数据预处理

- StandardScaler
- MinMaxScaler
- MaxAbsScaler
- RobustScaler
- Normalizer
- Binarizer
- 数据降维
 - PCA主成分分析

特征提取

- **▶ PCA特征提取**
- NMF非负矩阵分解
- 聚类
 - **K-Means**
 - 凝聚聚类
 - DBSCAN

场景一:

我们正在通过一台高清电视而非现场看世界杯足球赛,在电视 的纯平显示器上有一个漂亮的足球。在4K的显示器上大概包含了 880万像素,而足球则可能是由较少的像素组成,比如说只有1000 个像素。在大部分的体育比赛中,我们关注的是给定时刻球的位置。 人的大脑想要了解比赛的进展,就需要了解球在运动场中的位置。 对于人来说,这一切显得十分的自然,甚至不需要做任何的思考。 在这个场景中,人们的大脑会自动地将显示器上数百万的像素转换 为一个三维的图像,球就落在这个三维图像的中心,而且其他的区 域会被大脑自然虚化,甚至隐藏(这就是传说中的绝技:我的眼里只 有你)。该图像给出了运动场上球的位置。

在这个过程中,人的大脑已经自动地将数据从一百万维降至了

三维(x,y,z三个轴方向)

场景一:

在上述比赛的例子中,人们面对的原本是百万像素的数据,但是只有球的三维位置才是最重要的,这就称为<mark>降维(Dimensional Reduction)。</mark>

降维的目的是为了简化计算。

和人一样,对于计算机来说,更简单的数据更便于计算.

场景二:

假设我们正在玩一款游戏,比如:王者荣耀或者暗黑破坏神III. 你的人物是一个70级的魔法师,你的血量是56000点,魔法值: 54800, 力量780, 敏捷890, 火焰抗性: 56%, 雷电抗性: 21%, 身 上全套橙色塔拉夏套装,镶嵌了5个红色宝石,3个绿色宝石,4个 紫色宝石,最后有一个70级的圣殿骑士的护卫。那么,如果你有一 个对手, 他是69级的猎魔师, 血量是60000点, 魔法值: 14480, 敏 捷19040, 力量3400, 火焰抗性: 26%, 雷电抗性: 45%, 身上全套 橙色掠夺套装,镶嵌了4个红色宝石,2个绿色宝石,9个紫色宝石, 最后有一个70级的魔女护卫。

好了,请问你和这个对手进行PK,你的胜率是多少?

惨了,基本上没法进行进行比较,除非连续打几场,是吧?

场景二:

设想一下,如果我们将所有属性都转换为 {0-1} 之间的一个数 值,并将每个属性按照重要程度给定一个权重值。这样,我们可以 将每个人的能力用线性公式来表示:

$$f(x)=w[0]*x[0]+w[1]*x[1]+...+w[n]*x[n]$$

如此,双方的能力就可以用数值计算出来。也就是说,可以直 接对比双方的能力了。

Maybe还要加上一个(或若干个)**约束项**,用来表示双方的操 控能力,不过这不在本节课的讨论范围中,我们暂时将其省略。

在这个例子中,我们将不同参照系的数值进行了调整,将它们 约束到同一个维度上来进行比较和计算,这种方法称为归一化、正 则化(Normalization)。归一化的目的是为了让无法计算和比较 的特征可以被计算。

数据集的**标准化**对大多数机器学习算法来说是常见的要求。如果个别特征或多或少看起来不是很像标准正态分布(具有零均值和单位方差),那么它们的表现力**可能**会较差。

事实上,不仅仅是机器学习,在各种深度学习的算法中,零均

- 值和单位方差也能有效提高整体系统的性能。
 - StandardScaler (Ch0901StandardScaler.py)
 - MinMaxScaler (Ch0902MinMaxScaler.py)
 - MaxAbsScaler (Ch0903MaxAbsScaler.py)
 - RobustScaler (Ch0904RobustScaler.py)
 - Normalizer (Ch0905Normalizer.py)
 - Binarizer

数据预处理 - StandardScaler

StandardScaler 提供了一种将数据进行归一化和标准化的操作,它能够按照输入数据构建一个均值为0,方差为1的归一化器,并用这个归一化器实现对训练集数据和测试集数据的归一化处理。这种归一化操作,我们通常称之为Z-Score。

具体而言,它会对每个特征/按列分别进行处理,先**去均值**,再**除以方差**。最后生成的数据都会**聚集在0附近,方差为**1。归一化后的数据可正可负,但一般绝对值都不会太大。

StandardScaler方法可以公式化为:

$$X = (x-\mu)/\sigma$$

其中, μ 表示某一列特征的均值 $mean(x_n)$, σ 表示这一列特征的方差。

数据预处理 - MinMaxScaler

利用MinMaxScaler进行的归一化是一种线性归一化方法,通常不会对数据分布产生影响,它们将特征缩放到给定的最小值和最大值之间。对于 MinMaxScaler 来说,通常有两种处理方法:

- 》将特征规范化到0和1之间,即将特征的最大绝对值定义为单位大小,其他特征值以单位大小进行缩放。
- 》将特征规范化到min和max之间,即将特征的最大值定义为max,特征的最小值定义为min,其他特征值以单位大小进行缩放。

数据预处理 - MinMaxScaler

如果最大值或最小值不稳定的话,经过MinMaxScaler处理的数据结果可能会因此而变得不稳定。但是,对于图像数据,由于像素值范围是[0,255],因此MinMaxScaler类通常在图像处理上比较有效。

默认情况下,我们可以使用 MinMaxScaler(X) 将特征约束到 [0,1]之间。当给 MinMaxScaler 提供一个明确的 feature_range = (min, max)时,即: scaler = MinMaxScaler(feature_range=(min, max)),

它完整的数学表达是:

事实上,对于默认约束到[0, 1]的操作,我们可以定义: MinMaxScaler(feature range=(0, 1)).

数据预处理 - MaxAbsScaler

MaxAbsScaler 与 MinMaxScaler 的操作非常相似,也是将数据落入一定区间,不同的是MaxAbsScaler会将特征缩放到[-1, 1]的范围内,即将特征**绝对值**最大的特征定义为单位大小(1或-1),其他特征按照比例进行缩放。MinMaxScaler 也具有不破坏原有数据分布结构的特点,因此也可以用于稀疏数据,或者稀疏的CSR或CSC矩阵。

这意味着, 训练数据应该是已经零中心化或者是稀疏数据。

假设原转换的数据为x,转换后的新数据为x',那么存在:

$$x' = \frac{x}{|max|}$$
, 其中 max 为 x 所在列的最大值。

数据预处理 - RobustScaler

某些情况下,假如数据集中有**离群点**,我们可以使用Z-Score进行标准化,但是简单的去均值后的数据并不理想,因为异常点的特征往往在标准化之后容易失去离群特征。同样,我们也可以采用Max-Min标准化来进行处理,但是会发生更严重的问题,如果离群点偏离较大时,当将离群点规范到单位长度时,其他数据点可能会被缩放到接近0,从而失去特征的显著性,致使模型的学习失效。

基于这些原因,我们可以使用RobustScaler针对离群点做标准化处理,该方法对数据中心化和数据的缩放鲁棒性有更强的参数控制。

数据预处理 - Normalizer

Normalizer是一个相对特殊的正则化方法,它将每个样本特征缩放到单位范数(即每个样本的范数为1)。此时,所有样本的特征向量的欧式距离 $D_{Euclidean} = 1$ 。换句话说,数据分布变成一个半径为 1 的圆(2维空间),或者是一个球(3维空间)。

Normalizer只保留了数据特征向量的方向,而忽略了向量的大小,这对于后面要使用二次型(点积)或其他核方法计算样本相似性的应用会非常有用,比如:文本分类、检索和聚类应用。例如,在检索中对两个TF-IDF倒排检索的特征向量的L2-Norm进行点积,求特征间的余弦相似性。

数据预处理 - Normalizer

Normalizer 的主要思想是对每个样本计算其 p-范数,然后对 该样本中每个元素除以该范数,这样的结果是使得每个处理后的样 本的p-范数等于1,该类正则化可以公式化为:

$$||x||_p == (|x_1|^p + |x_2|^p + \dots + |x_n|^p)^{1/p}$$

在sklearn库中,Normalizer的参数p-norm有三种取值,分 别是 1, 2, ∞ ,相当于将Normalizer置于三种*最简形*:

- norm='l1': 1-范数, $||x||_1 = (|x_1| + |x_2| + \cdots + |x_n|)$
- norm='12': 2-范数, $||x||_2 == (|x_1|^2 + |x_2|^2 + \cdots + |x_n|^2)^{1/2}$
- norm='max': ∞ -范数, $||x||_{\infty} = max(|x_1|, |x_2|, ..., |x_n|)$

数据预处理 - Binarizer

特征二值化是 将数值特征用阈值过滤得到布尔值 的过程。这对于下游的概率型模型是有用的,它们假设输入数据是多值 伯努利分布(Bernoulli distribution)。

Binarizer 可以实现将所有特征按照阈值进行二次赋值,大于等于阈值的特征设置为1,小于等于阈值的特征设置为0。

这个过程可以公式化为:

$$f(x) = \begin{cases} 1 & x > threshold \\ 0 & x \le threshold \end{cases}$$

数据预处理 -通过数据预处理提高模型准确率

数据预处理的目的是让模型能够学到更具判别性的特征,从而提高模型的识别能力。因此,数据预处理通常会作为模型训练的前置工作。

训练模型前的数据处理一般包含两个步骤,

- **数据清洗**:让数据更干净,噪声数据更少(但不绝对)
- **数据预处理**: 让数据特征更具显著性,更容易被模型学 到数据集内在的知识和信息。

数据降维

数据简化的作用:

- ▶方便可视化
- 使得数据集更易使用
- 降低更多算法的计算开销
- 去除噪声
- 使得结果易懂

数据降维 - 常见的数据降维方法

成分分析 (Principal Component Analysis, PCA)

在PCA中数据从原来的坐标系转换到了新的坐标系,新坐标系的选择是由数据本身决定。

- 第一个新坐标轴选择的是原始数据中方差最大的方向,
- 第二个新坐标轴的选择和第一个坐标轴正交且具有最大方差的方向。
- 该过程一直重复, 重复次数为原始数据中特征的数目。

我们会发现,大部分方差都包含在<mark>最前面</mark>的几个坐标轴中。因

此,我们可以**忽略余下的坐标轴**,即实现对数据进行**降维**处理。

数据降维

■ 因子分析 (Factor Analysis)

在因子分析中,我们假设在观察数据的生成中有一些观察不到的隐变量(latent variable)。假设观察数据是这些隐变量和某些噪声的线性组合。那么隐变量的数据可能比观察数据特征的数目少,也就是说通过找到隐变量就可以实现数据的降维。因子分析被广泛应用在社会科学、金融和其他领域。

M立成分分析 (Independent Component Analysis, ICA)

ICA假设数据是从N个数据源生成的,这一点和因子分析有点相似。假设数据为多个数据源的混合观察结果,这些数据源之间在统计上是相互独立的,而在PCA中之假设数据是不相关的。同因子分析一样,如果数据源的数量少于观察数据特征的数量,则可以实现降维过程。

数据降维 - PCA主成分分析

● 优点:

减低数据的复杂性,识别最重要的多个特征。

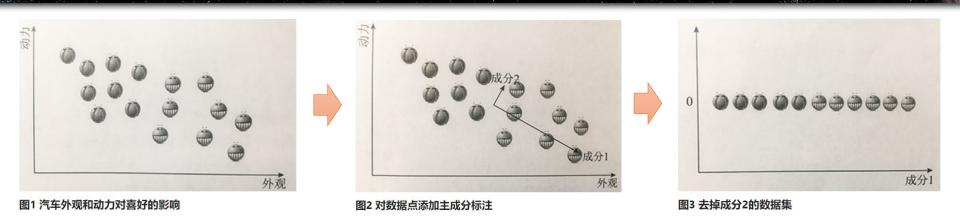
缺点:

不一定需要,且可能损失有用信息。(需要丢弃一些方差不

大的特征)

适用数据类型:数值型数据。

数据降维 - PCA主成分分析 – Example1



PCA降维的基本过程

- ▶ 将数据点分布最长的方向标注为成分1
- ▶ 与成分1垂直的方向标注为成分2
- ▶ 设成分2的取值 = 0 , 成分1作为横坐标

可以看出,表情散点从一个平面变成了一条直线。也就是说, 二维的特征变成了一维。特征的维度降低了——降维。

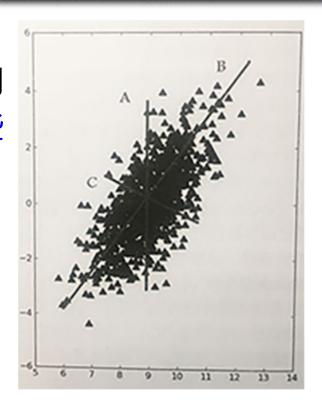
数据降维 - PCA主成分分析 - Example2

选择主成分

考虑图中的大量数据点。如果要求我们画出一条直线,这条直线要尽可能覆盖这些点,那么最长的线可能是哪一条?

直线B

(在PCA中,我们需要对数据坐标进行旋转, 旋转的过程与方向**取决于数据**本身→→我们 需要将第一条坐标轴旋转到覆盖数据的<mark>最大</mark> 方差位置)



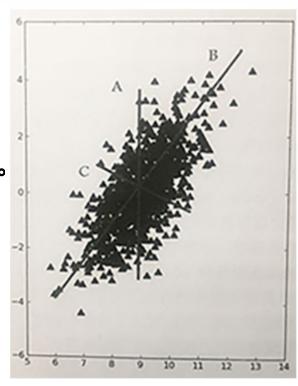
数据的最大方差给出了数据最重要的信息。

数据降维 - PCA主成分分析 - Example2

● 选择主成分

- 1. 选择覆盖数据最大差异性的坐标轴
- 2. 选择第二条坐标轴,该坐标轴与第一条坐标轴垂直,即覆盖数据次大差异性的坐标轴。 更严谨的说法就是正交 (orthogonal)。

在二维平面下,垂直和正交是一回事。 直线C就是第二条坐标轴,即和第一条坐标 轴正交的坐标轴。

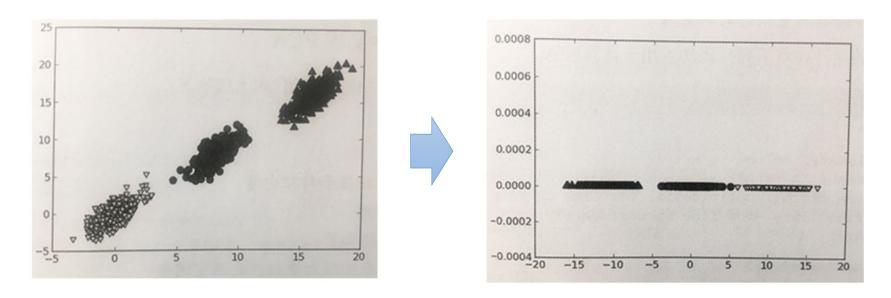


不难想象,如果主成分不只2个的话,那么我们还需要继续选择第三条坐标轴,第四条坐标轴。只不过第三条、第四条坐标轴需要在高维空间中进行选择。这需要一点空间想象力。

PCA将数据坐标轴旋转到数据角度上的那些最重要的方向。

数据降维 - PCA主成分分析 – Example2

降维



从左图到右图,数据从二维降低到了一维,决策面变得简单而且准确。在右图中,我们也只需要一维信息即可,因为另一维信息 只是对分类缺乏贡献的噪声数据。

特征提取

特征表达 (Feature Representation):

为了便于处理,将原始数据进行一定的变换,转换为易于处理的数据格式。

如何实现比较良好的数据表达?

特征提取 (Feature Extraction)

在机器学习中,特征提取是非常重要的一个过程,选择合适的特征直接关系到后续分类器的判决能力。

值得注意的是,在深度学习中,一个非常重要的区别是: **特征** 选择是由模型来完成。

特征提取

● 非负矩阵分解(Nonnegative Matrix Factorization, NMF)

由Lee和Seung于1999年在自然(Nature)杂志上提出的一种矩 阵分解方法,它使分解后的所有分量均为非负值(要求纯加性的描 述),并且同时实现非线性的维数约减。NMF的心理学和生理学构 造依据是对整体的感知由对组成整体的部分的感知构成的(纯加性 的), 这也符合直观的理解: 整体是由部分组成的, 因此它在某种意 义上抓住了智能数据描述的本质。此外,这种非负性的限制导致了 相应描述在一定程度上的稀疏性,稀疏性的表述已被证明是介于完 全分布式的描述和单一活跃分量的描述之间的一种有效数据描述形 式。

特征提取

相对而言,PCA降维中的主成分的数量 N,是按照方差最大原则进行排序后选择 TopN 获得,选择不同数量的主成分,只需要调整Top中的N即可,不需要重复计算;选择不同数量的NMF

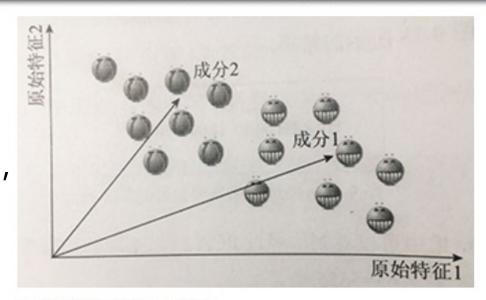


图7 非负矩阵分解NMF

的分量时,都需要重新计算。此外,NMF中的成分没有顺序关系,不像PCA中的成分是按照方差大小顺序排列。

聚类 (Clustering): 根据在数据中发现的描述对象及其关系的信 息,将数据对象分组(簇)。聚类的目标是,让组内的对象相互之间 尽量相似,而不同组中的对象尽量不同。同一组内相似性越大,组 间差别越大, 聚类就越好。

下面简要介绍三种聚类算法:

- 1. K均值聚类 (K-Means): 基于原型的,划分的聚类技术,试图 从全部数据对象中发现用户指定个数的簇。
- 2. 凝聚层次聚类: 开始每个点各成一簇, 然后重复的合并两个最 近的簇,直到指定的簇个数。
- 3. DBSCAN: 一种基于密度的聚类算法。

聚类 - K均值聚类算法 (K-Means)

K-means 算法是一种聚类算法,所谓聚类,即根据相似性原则,

- 将具有较高相似度的数据对象划分至同一类簇;
- 将具有较高相异度的数据对象划分至不同类簇。

聚类与分类最大的区别在于:

- **聚类**, 无监督(没有标签 y)过程, 待处理数据对象没有任何先验知识;
- 分类, 有监督过程 (有标签 y) , 存在有先验知识的训练数据集。

聚类 - K均值聚类算法 (K-Means)

K-means算法中的 *k* 代表类簇个数,means 代表类簇内数据对象的均值(这种均值是一种对类簇中心的描述),因此,k-means算法又称为*k-均值* 算法。k-means算法是一种基于划分的聚类算法,以距离作为数据对象间相似性度量的标准,即数据对象间的距离越小,则它们的相似性越高,它们越有可能在同一个类簇。

数据对象间距离的计算有很多种,k-means算法通常采用**欧氏距 离**来计算数据对象间的距离。算法详细的流程描述如下:

- 1. 随机选定n个聚类中心
- 2. 计算每个样本与这n个聚类中心的距离
- 3. 将样本划分至最近的聚类中心所在的类
- 4. 更新所有聚类中心,并计算误差
- 5. 重新**迭代**执行2-4

聚类 - K均值聚类算法 (K-Means)

k-means算法优缺点分析

- **优点**: 算法简单易实现;
- 缺点:
 - 需要用户事先指定类簇个数;
 - 聚类结果对初始类簇中心的选取较为敏感;
 - ▼ 容易陷入局部最优;
 - 在大规模数据集上收敛较慢

聚类 - 凝聚聚类算法

凝聚: 算法初始时,将每个点作为一个簇,每一步合并两个最接近的簇。另外即使到最后,对于噪音点或是离群点也往往还是各占一簇的,除非过度合并。对于这里的最接近,有下面三种定义:

- 单链(MIN): 定义簇的邻近度为不同两个簇的两个最近的点之间的 距离。
- 全链(MAX):定义簇的邻近度为不同两个簇的两个最远的点之间的 距离。
- **组平均**: 定义簇的邻近度为取自两个不同簇的所有点对邻近度的平均值。

聚类 - DBSCAN算法

DBSCAN: 全称基于密度的有噪声应用空间聚类 (Density-Based Sppatial Clustering of Applications with Noise),它是一种简单的、 基于密度的聚类算法。DBSCAN使用基于中心的方法,每个数据点 的密度通过对以"该点为中心,以边长为2eps"的网格(邻域)内的 其他数据点的个数来度量。

简单的说,它会通过对特征空间内的密度进行检测,密度大的 地方, DBSCAN认为是一个类; 而密度相对较小的区域会认为存在 一个分界线。基于这样的工作机制,DBSCAN不需要像K-Means和 凝聚聚类算法一样,一开始指定聚类的数量n clusters, 而是根据算 法的执行 (依据密度参数eps和min samples)自动确定类别的数量。

聚类 - DBSCAN算法

DBSCAN根据密度的不同,将数据点分为三类:

- 核心点:该点在邻域内的密度超过给定的阀值MinPs。
- **边界点**:该点不是核心点,但是其邻域内包含至少一个核心点。
- **噪音点**:不是核心点,也不是边界点。

有了以上对数据点的划分,聚合可以这样进行:

各个**核心点**与其**邻域内**的所有核心点放在同一个簇中,把边界点跟其邻域内的某个核心点放在同一个簇中。

欧老师的联系方式

读万卷书 行万里路 只为最好的修炼

QQ: 14777591 (宇宙骑士)

Email: ouxinyu@alumni.hust.edu.cn

Tel: 18687840023