

# Programska potpora komunikacijskim sustavima

• Izv. prof. dr. sc. Marin Šilić

## Programski jezik Python – Tipovi Podataka



# Sadržaj predavanja

- Liste
- N-torke
- Skupovi
- Mape

# Liste



# Liste

- Lista – apstraktni tip podatka koji podrazumijeva uređenu kolekciju podataka
- Razlika između liste i polja
  - Broj elemenata liste je promjenjiv (nema fiksnu duljinu)
  - Dodavanje i brisanje elemenata liste tijekom izvođenja
- Elementi liste mogu biti različitog tipa
- Liste su slične ArrayList razredu u Javi i C#-u

# Liste

- Stvaranje liste

```
lista = [0, 1, 2, 3, 4]  
lista = list()
```

- Dohvaćanje elemenata liste
  - Dohvaćanje jednog elementa

```
lista[indeks]
```

# Liste

- Negativni indeksi

`lista[indeks]`

- Prvi element liste ima indekse
  - `0`
  - `-(duljina)`
- Zadnji element liste ima indekse
  - `-1`
  - `(duljina-1)`

# Liste

- Dohvaćanje elemenata liste

- Dohvaćanje raspona elementa
- Kao rezultat vraća novu listu

```
raspon = lista[indeks_pocetka: indeks_kraja]
```

- Vraća elemente od `indeks_pocetka` (**uključujući**) do `indeks_kraja` (**isključujući**)

- Ako se `indeks_pocetka` izostavi – `indeks_pocetka` je 0
- Ako se `indeks_kraja` izostavi – `indeks_kraja` je *duljina*
- Oba indeksa se mogu izostaviti – vraća kopiju cijelog polja

# Liste

- **Zadatak**
  - Definirati novu listu sa elementima različitog tipa
  - Dohvatiti elemente liste sa pozitivnim i negativnim indeksima
  - Dohvatiti raspon elemenata



# Liste

- Dodavanje elemenata u listu
  - Konkatenacija više lista
  - Stvara novu listu koja sadrži redom elemente više lista  
`nova_lista = lista1 + lista2 + lista3`
- Metoda `append`
  - Dodaje jedan element na kraj liste (ne stvara novu listu)  
`nova_lista.append(100)`
- Metoda `extend`
  - Dodaje elemente liste na kraj druge liste (ne stvara novu listu)  
`nova_lista.extend([200, 300])`
- Metoda `insert`
  - Ubacuje element na određenu poziciju u listi (ne stvara novu listu)  
`nova_lista.insert(1, 543)`

# Liste

## ▪ Zadatak

- Napraviti praznu listu
- Dodati elemente pomoću metoda `append`, `extend` i `insert`
- Konkatenirati listu sa nekom drugom listom
- Sličnosti/razlike `extend` i `+`

```
l1 = [1, 2, 3]
```

```
l2 = [10, 20, 30]
```

```
l1 + l2
```

```
l1.extend(l2)
```

# Liste

- Broj elemenata liste
  - Ugrađena funkcija `len`, nije metoda objekta!
  - `len([1, 3, 5, 7, 7])`
- Broj pojavljivanja elementa u listi
  - Metoda `count`
  - `[1, 3, 5, 7, 7].count(7)`
- Ispitivanje prisutnosti elementa u listi
  - Operator `in`
  - `4 in [1, 3, 5, 7, 7]`
- Indeks prvog pojavljivanja elementa u listi
  - Metoda `index`
  - `[1, 3, 5, 7, 7].index(7)`

# Liste

- Uklanjanje elemenata iz liste
  - Prema indeksu – operator `del` (nije metoda objekta)
    - Uklanja n-ti element liste, ne stvara novu listu  
`del lista[3]`
  - Prema vrijednosti elementa – `remove` metoda
    - Uklanja prvo pojavljivanje elementa u listi, ne stvara novu listu  
`[1, 3, 5, 7, 7].remove(5)`
  - Prema indeksu ili prvi element s kraja liste – metoda `pop`
    - Uklanja zadnji ili n-ti element, ne stvara novu listu  
`[1, 3, 5, 7, 7].pop()`  
`[1, 3, 5, 7, 7].pop(2)`

# Liste

## ▪ Zadatak

- Napisati funkciju koja vraća listu prvih 10 brojeva koristeći petlju while i funkciju `append`

```
i=0
numbers = []
while i<10:
    ...
```

- Napisati funkciju `rem(x, l)` koja briše element s vrijednosti `x` iz liste (koristiti `index + del`)

- `def rem(x, l): ...`
- Funkcija vraća promijenjenu listu
- Provjeriti tipove argumenata (`x → int, l → list`)!

# Liste

- Plitko i duboko kopiranje

- Pridruživanje liste

- `l1 = [0, 1, 2]`

- `l2 = l1`

- Obje varijable pokazuju na istu listu (istu mem. adresu)

- `print id(l1), id(l2)`

- Promjena se vidi u obje varijable

- `l1[0] = 10`

- `print l2`

# Liste

- Plitko i duboko kopiranje

- Kopiranje liste (plitko)

- ```
l1 = [0, 1, 2]
```

- ```
l2 = l1[:]
```

- Sada imena pokazuju na različite liste

- ```
l1[0] = 10
```

- ```
print l1, l2
```

- ```
[10, 1, 2], [0, 1, 2]
```

- Napomena: ako lista sadrži podliste onda je potrebno duboko kopiranje

- ```
import copy
```

- ```
copy.deepcopy(x)
```

# Liste

- Kopiranje na raspon

- Kopiranje na parcijalni raspon

```
l = [0, 1, 2, 3, 4, 5]
```

```
l[1:5] = [10]
```

```
print l
```

```
[0, 10, 5]
```

- Kopiranje na cijeli raspon (mijenjanje in-place)

```
l[:] = [100]
```

```
print l
```

```
[100]
```



# N-torque



# N-torke

- Nepromjenjiva lista
  - Brže izvođenje operacija nego kod listi
  - Nema uklanjanja, dodavanja ili zamjene elemenata
  - Ne podržava metode `append`, `extend`, `insert`, `remove`, `pop` i `del`
- Podržava ostale metode kao i nad listama
  - Jednak način dohvaćanja elemenata
  - Podržava konkatenciju (jer stvara novu n-torku)
  - Podržava `index`, `count`, `len` i `in`

```
ntorka = ('prvi', 'drugi', 3, 4)
```

# N-torke

- Konverzija između n-torke i liste
  - Pomoću razreda `list` i `tuple`
  - Stvaranje novog objekta razreda uz predaju postojeće liste/ntorke

```
ntorka = tuple([1,2,3])
```

```
lista = list(ntorka)
```

# N-torke

- Pridruživanje više vrijednosti pomoću n-torki

$(x, y, z) = (1, 3, 5)$

- Varijable n-torke s lijeve strane pridruživanja poprimaju vrijednosti elemenata n-torke s desne strane
  - Korisno za vraćanje više vrijednosti iz funkcija!

# N-torke

- Pridruživanje više vrijednosti pomoću n-torki

$(x, y, z) = (1, 3, 5)$

- Varijable n-torke s lijeve strane pridruživanja poprimaju vrijednosti elemenata n-torke s desne strane
  - Korisno za vraćanje više vrijednosti iz funkcija!

# N-torke

- Zadatak
- Napisati funkciju `head_tail(l, n)` koja vraća prvih `n` i krajnjih `n` elemenata liste

```
def head_tail(l, n):  
    ...
```

# Skupovi



# Skupovi

- Neuređeni skupovi jedinstvenih elemenata
  - Nema duplikata!
  - Elementi skupa mogu biti različitog tipa
  - Moguće mijenjati sadržaj skupa
  - Elementi skupa mogu biti samo nepromjenjivi objekti
    - Dopušteno: konstante, n-torke, ...
    - Nije dopušteno: liste, ..
  - Redoslijed nije definiran unaprijed

$s = \{1, (2, 3), '4', 5, 5\}$



# Skupovi

- Zadatak
  - Stvoriti nekoliko skupova
  - Pokušati stvoriti skup koji sadrži listu
  - Ispitati tip nekog skupa (funkcija `type`)

# Skupovi

- Stvaranje skupa

- Prazni skup

- ```
skup = set()
```

- Klasično, definiranjem elemenata

- Pretvorbom iz liste ili n-torke pomoću razreda `set`

```
skup = set( (1, (2, 3), '4', 5, 5) )
```

- Veličina skupa – funkcija `len`

# Skupovi

- Dodavanje elemenata u skup
  - Ako element koji se dodaje već postoji – ne dodaje se
  - Metoda `add`
    - Argument je jedan element
  - Metoda `update`
    - Argument je skup, lista ili n-torka elemenata

```
skup = { 1, 2, 3, 4 }  
skup.add( 4 )  
skup.add( 5 )  
skup.update( { 4, 6 } )  
skup.update( [4, 7] )
```

# Skupovi

- Uklanjanje elemenata iz skupa
  - Metoda `discard`
    - Uklanja element iz skupa, ne izaziva iznimku ako element nije u skupu
  - Metoda `remove`
    - Uklanja element iz skupa, izaziva iznimku ako element nije u skupu
  - Metoda `pop`
    - Uklanja neki element iz skupa, izaziva iznimku ako je skup prazan
- `skup = { 1, '2', 3, 4 }`
- `skup.discard( 4 )`
- `skup.discard( 4 )`
- `skup.remove( '2' )`
- `skup.pop()`

# Skupovi

- Izbacivanje duplikata iz liste

```
l = list(set(l))
```

# Skupovi

- Zadatak
  - Napisati funkciju `dupli(l)` koja ispisuje broj duplih elemenata u listi `l`

```
def dupli(l):  
    # create an empty dictionary to store element counts  
    counts = {}  
  
    # loop over each element in the list and count occurrences  
    for elem in l:  
        if elem in counts:  
            counts[elem] += 1  
        else:  
            counts[elem] = 1  
  
    # count number of elements with counts greater than 1  
    num_duplicates = sum(1 for count in counts.values() if count > 1)  
  
    # print the number of duplicate elements  
    print("Number of duplicates:", num_duplicates)
```

# Skupovi

- Operacije nad skupovima
- Ispitivanje pripadnosti – operator `in`
- Unija skupova – metoda `union (|)`
- Presjek skupova – metoda `intersection (&)`
- Razlika skupova – metoda `difference (-)`
- Jednakost skupova – operator `==`
- Ispitivanje nadskupa – metoda `issuperset`
- Ispitivanje podskupa – metoda `issubset`

# Skupovi

- Zadatak
  - Napisati funkciju `jaccard(a, b)` koja računa jaccardov indeks skupova `a` i `b`

$$J(A, B) = \frac{|A \cap B|}{|A \cup B|}$$

```
jaccard([1, 2, 3], [3, 4, 5])  
0.2
```



# Mape



# Mape

- Neuređen skup parova ključ-vrijednost
  - Ključevi su jedinstveni
  - Vrijednosti ključeva ne moraju biti jedinstveni
- Definiranje elementa mape uključuje dodavanje ključa i istovremeno definiranje vrijednosti za ključ
  - Vrijednost ključa može se obrisati ili promijeniti
  - Vrijednost ključa može se lako dohvatiti

# Mape

- Stvaranje mape
  - Slično skupu, ali elementi su parovi ključ-vrijednost
  - Ključevi su jedinstveni, nema duplikata
  - Vrijednosti različitih ključeva mogu biti različitih i bilo kojih tipova
  - Ključevi mogu imati različite tipove
  - Ali samo neke – znakovni nizovi, brojevi i još neke



```
mapa = { 1: 'prvi', '2': 'drugi', 'treci': [3,2,1] }
```

# Mape

- Stvaranje prazne mape

```
mapa = {}
```

```
mapa = dict()
```

# Mape

- Dohvaćanje elemenata
  - Za zadani ključ dohvaća se vrijednost, slično listama

```
mapa = {'1000' : 1000}  
v1 = mapa['1000']  
v2 = mapa.get('1000')  
v3 = mapa.get('1000', -1)
```

- Definicija, promjena i uklanjanje parova ključ vrijednost
  - Slično listama

```
mapa['10'] = 1001  
del mapa['10']
```

# Mape

- Veličina mape = broj parova ključ-vrijednost – funkcija `len`
- Popis svih ključeva mape – metoda `keys`
- Popis svih vrijednosti – metoda `values`
- Postojanje ključa u mapi – operator `in`

```
len(mapa)
```

```
mapa.keys()    # python3: list(mapa.keys())
```

```
mapa.values()  # python3: list(mapa.values())
```

```
'1000' in mapa
```

# Mape

- Još ugrađenih funkcija

`.items()`

`.pop(x)`

`.update(d)`

# Mape

## ■ Zadatak

### ■ Definirati mapu:

```
CITIES = {  
    'zg': 790000,  
    'st': 167000,  
    'ri': 128000,  
    'os': 84000  
}
```

### ■ Napisati funkcije

- `add_city(cities, name, population)`
  - dodaje grad i broj stanovnika u mapu `cities`
- `remove_city(cities, name)`
  - briše grad iz mape `cities`
- `max_city(cities)`
  - Vraća najveći broj stanovnika (ne ime grada, nego broj stanovnika)
  - Ugrađene funkcije `min(list)`, `max(list)`
- `min_city(cities)`
  - Vraća najmanji broj stanovnika

```
CITIES = {  
    'zg': 1,  
    'st': 2  
}  
  
def add(cities: map, name: str, pop: int):  
    cities[name] = pop  
    return cities  
  
def remove(cities : map, name : str):  
    if name in cities:  
        del cities[name]  
    return cities  
  
a = add(CITIES, "a", 1)  
print(a)  
b = remove(CITIES, "a1")  
print(b)  
  
print(max(CITIES.values()))  
print(min(CITIES.values()))
```



# Mape

- Zadatak

- Napisati funkciju `max_city_name(cities)`

- Vraća ime grada s najvećim broj stanovnika

- Koristiti

- `dict.values()`

- `dict.keys()`

- `list.index(element)`

- `max(list)`

- Napomena: `dict.keys()` i `dict.values()` vraćaju ključeve, odnosno vrijednosti, a njihove pozicije odgovaraju parovima ključ-vrijednost iz mape

# List vs Map (Set)



# List vs Map (Set)

## ■ List

- Kada je potrebno čuvati redoslijed
- Dohvaćanje preko cjelobrojnog indeksa
- Prosječne vremenske složenosti
  - `append: O(1)`
  - `insert: O(n)`
  - `get/set: O(1)`
  - `delete: O(n)`
  - `x in s: O(n)`

## ■ Dict

- Ne osigurava redoslijed
- Dohvaćanje preko proizvoljnog ključa
- Prosječne (amortizirane) vremenske složenosti
  - `get/set: O(1)`
  - `delete: O(1)`
  - `x in s: O(1)`

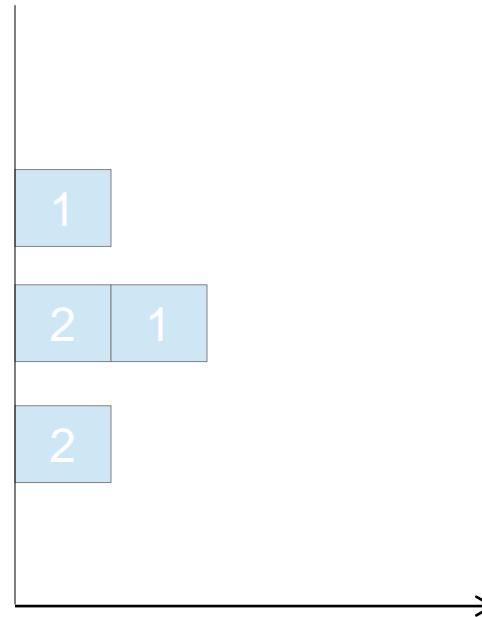
# Red kao List/Deque



# Red kao List/Deque

- Red se može implementirati preko `list`
- Koriste se metode `insert/pop`

```
l = []  
l.insert(0, 1)  
l.insert(0, 2)  
l.pop()  
l.pop()
```



# Red kao List/Deque

- Obična Python lista
  - Operacije uglavnom  $O(n)$
- Ugrađena kolekcija `deque`
  - Vrlo učinkovita, npr. `pop`  $\rightarrow O(1)$

```
from collections import deque  
q = deque()  
q.append(1)  
q.append(2)
```

