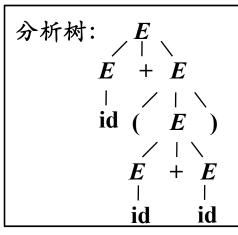


# 自顶向下的分析(Top-Down Parsing)

- > 从分析树的顶部(根节点)向底部(叶节点)方向构造分析树
- ▶ 可以看成是从文法开始符号S推导出词串w的过程



推导过程: 
$$E \Rightarrow E + E$$
  
 $\Rightarrow E + (E)$   
 $\Rightarrow E + (E + E)$   
 $\Rightarrow E + (id + E)$   
 $\Rightarrow id + (id + E)$   
 $\Rightarrow id + (id + id)$ 

- >每一步推导中,都需要做两个选择
  - > 替换当前句型中的哪个非终结符
  - > 用该非终结符的哪个候选式进行替换

## 最左推导(Left-most Derivation)

在最左推导中,总是选择每个句型的最左非终结符进行替换 〉例

文法
$$1E \rightarrow E + E$$

$$2E \rightarrow E * E$$

$$3E \rightarrow (E)$$

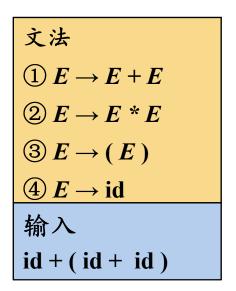
$$4E \rightarrow id$$
输入
$$id + (id + id)$$

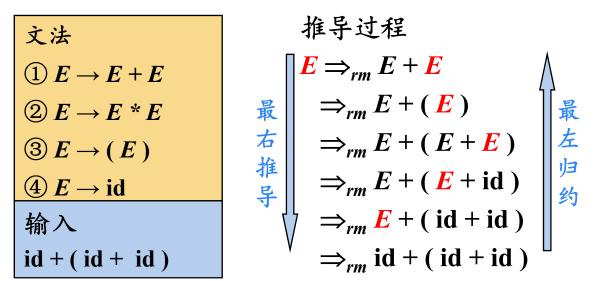
▶如果 $S \Rightarrow^*_{lm} \alpha$ , 则称α是当前文法的最左句型(left-sentential form)

## 最右推导(Right-most Derivation)

在最右推导中,总是选择每个句型的最右非终结符进行替换

>例





> 在自底向上的分析中, 总是采用最左归约的方式, 因此把最左 归约称为规范归约,而最右推导相应地称为规范推导

## 最左推导和最右推导的唯一性

$$E \Rightarrow E + E$$

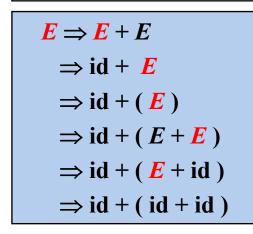
$$\Rightarrow E + (E)$$

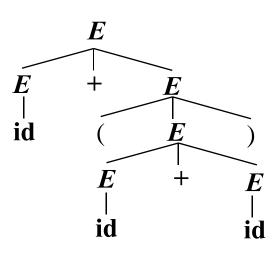
$$\Rightarrow E + (E + E)$$

$$\Rightarrow E + (id + E)$$

$$\Rightarrow id + (id + E)$$

$$\Rightarrow id + (id + id)$$





$$E \Rightarrow_{lm} E + E$$

$$\Rightarrow_{lm} id + E$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (E)$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (E + E)$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (id + E)$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (id + E)$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (id + id)$$

$$E \Rightarrow_{rm} E + E$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E + E)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E + id)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (id + id)$$

$$\Rightarrow_{rm} id + (id + id)$$

## 自顶向下的语法分析采用最左推导方式

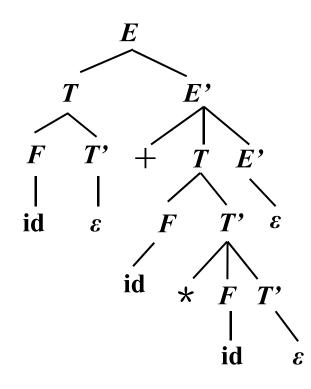
- ▶总是选择每个句型的最左非终结符进行替换
- ▶根据输入流中的下一个终结符,选择最左非终结 符的一个候选式

## 例

#### 户文法

- ①  $E \rightarrow TE'$
- ②  $E' \rightarrow + TE' \mid \varepsilon$
- $\textcircled{4} T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
- $\textcircled{5} F \rightarrow (E) \mid id$

#### ▶输入



## 自顶向下语法分析的通用形式

- > 递归下降分析 (Recursive-Descent Parsing)
  - > 由一组过程组成,每个过程对应一个非终结符
  - ▶ 从文法开始符号S对应的过程开始,其中递归调用文法中其它非终结符对应的过程。如果S对应的过程体恰好扫描了整个输入串,则成功完成语法分析

可能需要回溯(backtracking), 导致效率较低

## 预测分析 (Predictive Parsing)

- ➤ 预测分析是递归下降分析技术的一个特例,通过 在输入中向前看固定个数(通常是一个)符号来选 择正确的A-产生式。
  - ▶可以对某些文法构造出向前看k个输入符号的预测分析器,该类文法有时也称为LL(k)文法类
- ▶预测分析不需要回溯,是一种确定的自顶向下分析 方法





## 问题1

#### 〉例

▶ 文法G

同一非终结符的多个候选式存在 共同前缀,将导致回溯现象

$$S \rightarrow aAd \mid aBe$$

$$A \rightarrow c$$

$$B \rightarrow b$$

户输入

abc

#### 问题2

#### 〉例

▶ 文法G

$$E \rightarrow E + T \mid E - T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid T / F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$

#### 左递归文法会使递归下降分析器 陷入无限循环

$$E \Rightarrow E + T$$

$$\Rightarrow E + T + T$$

$$\Rightarrow E + T + T + T$$

$$\Rightarrow \dots$$

▶输入

$$id + id * id$$

含有 $A \rightarrow A\alpha$ 形式产生式的文法称为是直接左递归的 (immediate left recursive)

如果一个文法中有一个非终结符A使得对某个串 $\alpha$ 存在一个推导 $A \Rightarrow ^+ A\alpha$ ,那么这个文法就是左递归的

经过两步或两步以上推导产生的左递归称为是间接左递归的

## 消除直接左递归

$$A \Rightarrow Aa$$
 $A \Rightarrow Aa$ 
 $A \Rightarrow Aa$ 

#### 消除直接左递归的一般形式

$$A o A \alpha_1 |A \alpha_2| \dots |A \alpha_n| \beta_1 |\beta_2| \dots |\beta_m|$$
  $(\alpha_i \neq \varepsilon, \beta_j \neq \omega A + \omega)$  
$$A o \beta_1 A' |\beta_2 A'| \dots |\beta_m A'$$
 
$$A' o \alpha_1 A' |\alpha_2 A'| \dots |\alpha_n A'| \varepsilon$$

消除左递归是要付出代价的——引进了一些非终结符和&\_产生式

## 消除间接左递归

▶例 
$$S \rightarrow Aa \mid b$$
  $S \Rightarrow Aa$   $A \rightarrow Ac \mid Sd \mid \epsilon$   $A \rightarrow Ac \mid Sd \mid \epsilon$   $A \rightarrow Ac \mid Aad \mid bd \mid \epsilon$   $A \rightarrow Ac \mid Aad \mid bd \mid \epsilon$   $A \rightarrow bdA' \mid A'$   $A' \rightarrow cA' \mid adA' \mid \epsilon$ 

#### 消除左递归算法

- ▶ 输入: 不含循环推导 (即形如 $A \Rightarrow A$ ) 推导) 和 $\epsilon$ -产生式的文法G
- > 输出: 等价的无左递归文法
- > 方法:

```
1) 按照某个顺序将非终结符号排序为A_1, A_2, ..., A_n.
2) for (从1到n的每个i) {
3) for (从1到i-1的每个i) {
4) 将每个形如A_i \to A_j \gamma的产生式替换为产生式组 A_i \to \delta_1 \gamma \mid \delta_2 \gamma \mid ... \mid \delta_k \gamma, 其中A_j \to \delta_1 \mid \delta_2 \mid ... \mid \delta_k, 是所有的A_j产生式
5) }
6) 消除A_i产生式之间的立即左递归
7) }
```

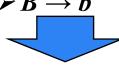
## 提取左公因子(Left Factoring)

#### 〉例

$$\triangleright S \rightarrow aAd \mid aBe$$

$$\triangleright A \rightarrow c$$

$$\triangleright B \rightarrow b$$



▶ 文法G′

$$> S \rightarrow a S'$$

$$> S' \rightarrow Ad \mid Be$$

$$\triangleright A \rightarrow c$$

$$\triangleright B \rightarrow b$$

通过改写产生式来推迟决定, 等读入了足够多的输入, 获得 足够信息后再做出正确的选择

## 提取左公因子算法

▶ 输入: 文法G

> 输出: 等价的提取了左公因子的文法

> 方法:

对于每个非终结符A,找出它的两个或多个选项之间的最长公共前缀 $\alpha$ 。如果 $\alpha \neq \varepsilon$ ,即存在一个非平凡的(nontrivial)公共前缀,那么将所有A-产生式

$$A \rightarrow \alpha \beta_1 | \alpha \beta_2 | \dots | \alpha \beta_n | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_m$$

替换为

$$A \rightarrow \alpha A' | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_m$$
  
 $A' \rightarrow \beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_n$ 

其中, $\gamma_i$ 表示所有不以 $\alpha$ 开头的产生式体;A'是一个新的非终结符。不断应用这个转换,直到每个非终结符的任意两个产生式体都没有公共前缀为止





# S\_文法

#### 假如允许S\_文法包含ε产生式, 将会产生什么问题?

- >预测分析法的工作过程。00
  - ▶从文法开始符号出发,在每一步推导过程中根据当前句型的最左非终结符A和当前输入符号a,选择正确的A-产生式。为保证分析的确定性,选出的候选式必须是唯一的。
- ▶S\_文法 (简单的确定性文法, Korenjak & Hopcroft, 1966)

每个产生式的右部都以终结符开始

同一非终结符的各个候选式的首终结符都不同

 $S_{\dot{}}$ 文法不含 $\varepsilon$ 产生式

## 例

|   | ▶输入 | a d a              | a d e              |
|---|-----|--------------------|--------------------|
|   |     | S                  | S                  |
| $\textcircled{4}  \textbf{\textit{B}} \rightarrow \boldsymbol{\varepsilon}$ | ▶推导 | $\Rightarrow aBC$  | $\Rightarrow aBC$  |
| $\bigcirc$ $C \rightarrow c$  |     | $\Rightarrow adBC$ | $\Rightarrow adBC$ |
|   |     | $\Rightarrow adC$  | $\Rightarrow adC$  |
|   |     | $\Rightarrow ada$  |                    |

可以紧跟 B后面出现的终结符: c、a

- ►什么时候使用ε产生式?
  - ho如果当前某非终结符A与当前输入符a不匹配时,若存在 $A 
    ightarrow \epsilon$ ,可以通过检查a是否可以出现在A的后面,来决定是否使用产生式 $A 
    ightarrow \epsilon$ (若文法中无 $A 
    ightarrow \epsilon$ ,则应报错)

## 非终结符的后继符号集

▶ 非终结符A的后继符号集

 $\triangleright$  可能在某个句型中紧跟在A后边的终结符a的集合,记为FOLLOW(A) $FOLLOW(A) = \{a \mid S \Rightarrow^* \alpha A \alpha \beta, a \in V_T, \alpha, \beta \in (V_T \cup V_N)^*\}$ 例

$$(1) S \rightarrow aBC \qquad \text{ } \qquad$$

$$(2) B \rightarrow bC \qquad b$$

(3) 
$$B \rightarrow dB \underline{\hspace{1cm}} d$$

(4) 
$$B \rightarrow \varepsilon \leftarrow \{a, c\}$$

(5) 
$$C \rightarrow c$$

(6) 
$$C \rightarrow a$$

$$FOLLOW(B) = \{a,c\}$$

(1)  $S \rightarrow aBC$  输入  $D \rightarrow bC$   $D \rightarrow bC$ 

## 产生式的可选集

- $\triangleright$ 产生式 $A \rightarrow \beta$ 的可选集是指可以选用该产生式进行推导时对应的输入符号的集合,记为 $SELECT(A \rightarrow \beta)$ 
  - $\triangleright SELECT(A \rightarrow a\beta) = \{a\}$
  - $\gt SELECT(A \rightarrow \varepsilon) = FOLLOW(A)$
- ▶q\_文法
  - $\triangleright$ 每个产生式的右部或为 $\varepsilon$ , 或以终结符开始
  - ▶具有相同左部的产生式有不相交的可选集

q\_文法不含右部以非终结符打头的产生式

## 串首终结符集

- > 串首终结符
  - > 串首第一个符号,并且是终结符。简称首终结符
- 〉给定一个文法符号串 $\alpha$ , $\alpha$ 的串首终结符集 $FIRST(\alpha)$ 被定义为可以从 $\alpha$ 推导出的所有串首终结符构成的集合。如果 $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ ,那么 $\varepsilon$ 也在 $FIRST(\alpha)$ 中
  - $\nearrow \ \ \, \forall \alpha \in (V_T \cup V_N)^+, FIRST(\alpha) = \{ \ a \mid \alpha \Rightarrow^* a\beta, \ \ a \in V_T, \ \ \beta \in (V_T \cup V_N)^* \};$
  - $\triangleright$  如果  $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ , 那么  $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$
- $\triangleright$ 产生式 $A \rightarrow \alpha$ 的可选集SELECT
  - $\triangleright$  如果  $\varepsilon \notin FIRST(\alpha)$ , 那么 $SELECT(A \rightarrow \alpha) = FIRST(\alpha)$
  - $\triangleright$  如果  $\varepsilon$ ∈ FIRST(α), 那  $\triangle$ SELECT( $A \rightarrow \alpha$ )=( FIRST(α)-{ $\varepsilon$ } )  $\cup$  FOLLOW(A)

# *LL*(1)**文法**

- 》文法G是LL(1)的,当且仅当G的任意两个具有相同左部的产生式 $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ 满足下面的条件:
  - 如果 和 均不能推导出 ,则 FIRST ( α) FIRST ( ) = Φ
  - $\rho$   $\alpha$  和 $\beta$  至多有一个能推导出 $\epsilon$
  - $\triangleright$ 如果 $\beta \Rightarrow^* \varepsilon$ ,则 $FIRST(\alpha) \cap FOLLOW(A) = Φ;$

如果  $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ , 则 *FIRST* (β)  $\cap$  *FOLLOW*(A) = Φ;

同一非终结符的各个产生式的可选集互不相交

可以为LL(1)文法构造预测分析器

## *LL*(1)文法

- 》文法G是LL(1)的,当且仅当G的任意两个具有相同左部的产生式 $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ 满足下面的条件:
  - 如果 和 和 均不能推导出 ,则 FIRST ( α) FIRST ( ) = Φ
  - $\rho$  和 $\rho$  至多有一个能推导出 $\epsilon$
  - ightharpoonup如果 $β \Rightarrow ^* ε$ ,则 $FIRST(α) \cap FOLLOW(A) = Φ$ ; 如果 $α \Rightarrow ^* ε$ ,则 $FIRST(β) \cap FOLLOW(A) = Φ$ ;
- ▶ 第一个 "L"表示从左向右扫描输入
- ▶ 第二个"L"表示产生最左推导
- ▶ "1"表示在每一步中只需要向前看一个输入符号来决定语法分析动作

