Sprawozdanie z Listy 1

Maksymilian Neumann

March 26, 2025

Treść zadania

Dla listy jednokierunkowej definiujemy operację Access(i), która przegląda listę od początku i sprawdza, czy element i jest na liście, a w przypadku jego braku dodaje go na koniec listy. Kosztem operacji jest liczba przeglądniętych elementów. Celem zadania było zbadanie średniego kosztu operacji Access(X), gdzie X jest zmienną losową przyjmującą wartości z przedziału $\{1, \ldots, 100\}$.

Rozważono następujące rozkłady zmiennej X:

- Jednostajny: $P[X=i] = \frac{1}{100}$,
- Harmoniczny: $P[X = i] = \frac{1}{iH_{100}}$
- Dwu-harmoniczny: $P[X=i] = \frac{1}{i^2 H_{100}^{(2)}}$
- Geometryczny: $P[X=i]=\frac{1}{2^i}$ dla $i<100,\,P[X=100]=\frac{1}{2^{99}}.$

Zastosowano następujące metody samoorganizacji listy:

- brak samoorganizacji,
- move-to-front przeniesienie elementu na początek listy,
- transpose przesunięcie elementu o jedną pozycję w górę,
- count sortowanie względem liczby odwołań do elementów.

Eksperyment przeprowadzono dla $n \in \{100, 500, 1000, 5000, 10000, 50000, 100000\}$.

Wyniki eksperymentów

Rozkład jednostajny

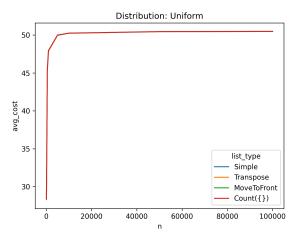


Figure 1: Średni koszt operacji Access(X) dla rozkładu jednostajnego

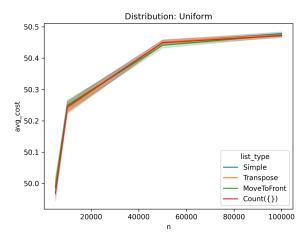


Figure 2: Przybliżenie wyników dla rozkładu jednostajnego (powiększenie)

Dla rozkładu jednostajnego brak wyraźnej przewagi którejkolwiek z metod reorganizacji. Średni koszt operacji oscyluje wokół wartości 50 i jest bardzo zbliżony dla wszystkich metod.

Rozkład harmoniczny

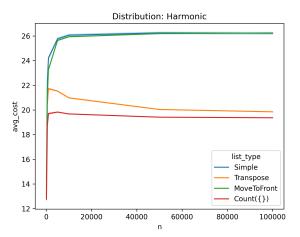


Figure 3: Średni koszt operacji Access(X) dla rozkładu harmonicznego

Przy bardziej równomiernym rozkładzie harmonicznym przewaga count i transpose nad metodami bez reorganizacji jest nadal widoczna, choć nie tak silna jak przy rozkładach bardziej skośnych.

Rozkład dwu-harmoniczny

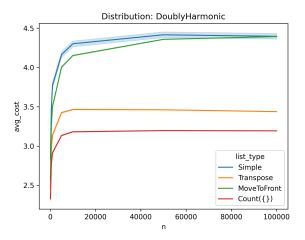


Figure 4: Średni koszt operacji Access(X) dla rozkładu dwu-harmonicznego

Metoda count daje najniższy koszt operacji, wyraźnie wyprzedzając pozostałe podejścia.

Rozkład geometryczny

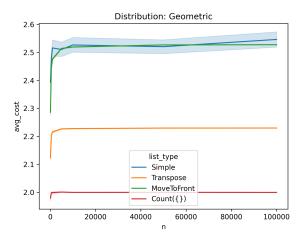


Figure 5: Średni koszt operacji Access(X) dla rozkładu geometrycznego

Dla silnie skośnego rozkładu geometrycznego metoda count ponownie okazuje się najlepsza. Również transpose zachowuje się korzystnie.

Wnioski

Metody reorganizacyjne takie jak count i transpose znacząco zmniejszają średni koszt operacji Access w przypadkach, gdy rozkład prawdopodobieństwa dostępu do elementów jest silnie niesymetryczny. Dla rozkładu jednostajnego nie ma zauważalnych korzyści z reorganizacji.

Najlepszą metodą okazała się metoda count, szczególnie dla rozkładów geometrycznego i dwu-harmonicznego.