

Prediktivno kodiranje medijskih signala

Prof.dr.sc. Davor Petrinović,

09.ožujka 2008.



Primjeri prediktivnog kodiranja govora

prof.dr.sc. Davor Petrinović



- Koder govornog signala sa Vocoder strukturom odbacuje stvarnu informaciju o pobudnom signalu modela vokalnog trakta
 - pobuđen je sintetičkom pobudom koja samo "grubo" oponaša stvarnu (prirodnu) pobudu.
- Logično je očekivati da bi se kodiranjem informacije o stvarnoj pobudi, mogla ostvariti bolja kvaliteta, tj. prirodniji rekonstruirani govor.
- To se može ostvariti:
 - kodiranjem predikcijske pogreške u otvorenoj petlji, ili
 - korištenjem predikcije unutar zatvorene petlje.



- lako se radi sličnim strukturama, ponašanje kodera za ova dva prediktivna postupka kodiranja je prilično različito, pa ga je interesantno detaljnije istražiti.
- Postupak će biti ilustriran na samoglasnicima,
 - ... to su dugotrajni glasovi sa sporo promjenjivim korelacijama, pa se isti prediktor može koristiti za duže segmente signala (cca. 0.5 sekunde)
- Prediktivni postupci kodiranja biti će uspoređeni s direktnom kvantizacijom govornog signala s istom izlaznom entropijom indeksa.



- Za kvantizaciju će u oba prediktivna postupka, kao i za potrebe direktne kvantizacije biti korišten skalarni kvantizator s ograničenom entropijom (ECSQ).
- Korak kvantizatora biti će podešen na način da se za svaku od struktura kodiranja ostvari ista (unaprijed odabrana) izlazna entropija.



- U okviru primjera kvaliteta strukture biti će:
 - objektivno mjerena korištenjem SQNR odnosa,
 - odnosno subjektivno ocjenjena slušanjem signala u pojedinim točkama struktura
- Svi karakteristični signali struktura biti će i grafički prikazani u vremenskoj i frekvencijskoj domeni.



Primjer prediktivnog kodiranja govora u otvorenoj petlji

prof.dr.sc. Davor Petrinović



- Simulacija kodiranja govora u otvorenoj petlji provodi se korištenjem programa:
 - MT04_OLpred_govor.m
- Odabir samoglasnika, reda prediktora, i željene izlazne entropije provodi se izbornicima na početku programa.
- Program provodi slijedeće postupke:
 - izdvaja odabrani samoglasnik,
 - određuje optimalni linearni prediktor za taj glas,
 - određuje signal predikcijske pogreške uz primjenu prediktora u otvorenoj petlji,

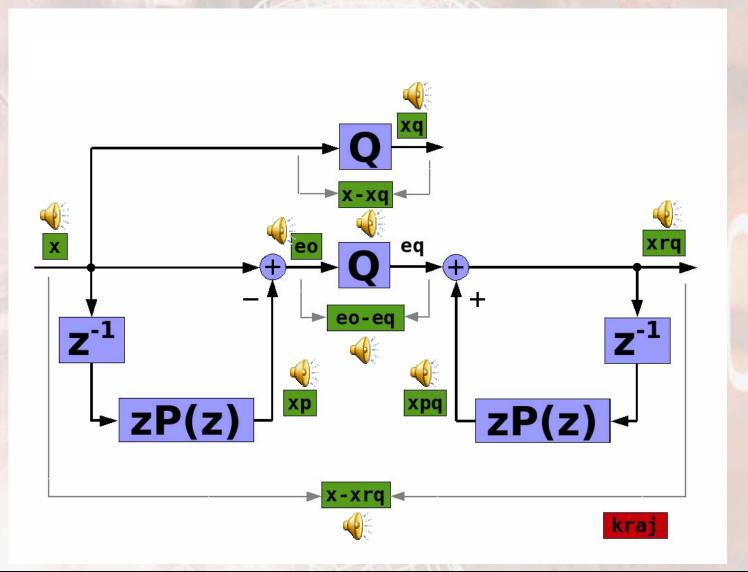


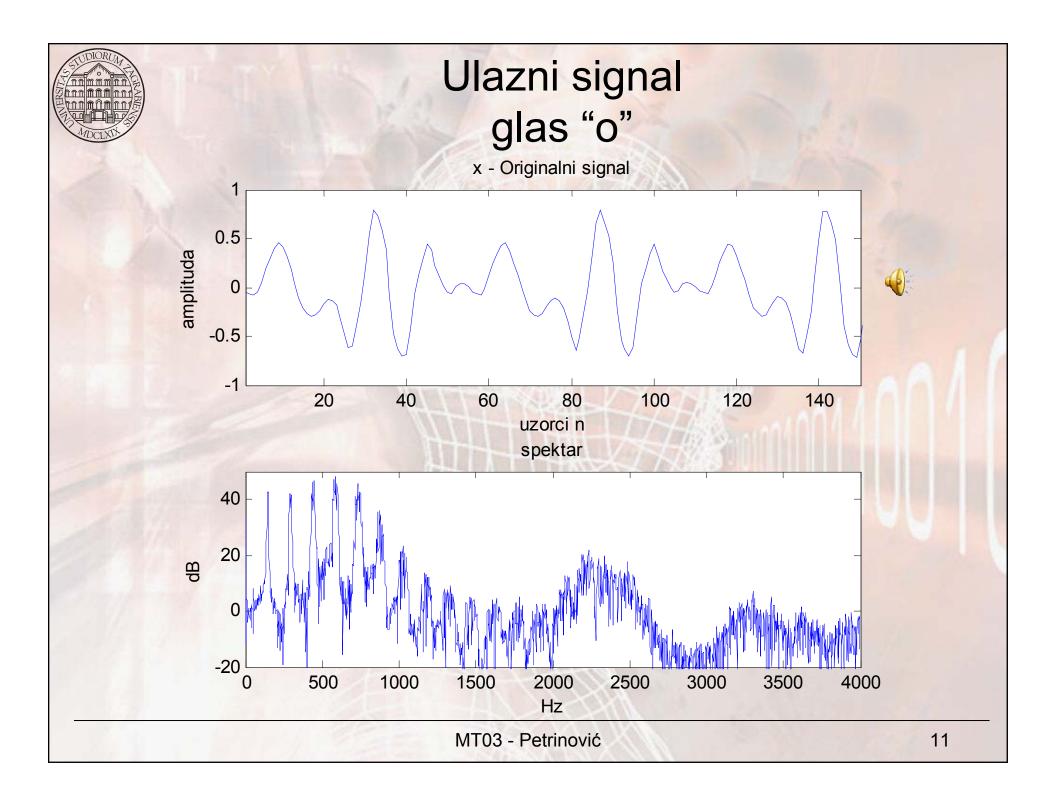
... nastavak:

- određuje diferencijalne entropije ulaznog signala i signala predikcijske pogreške,
- određuje kvantizacijske korake za oba signala kojima se ostvaruje ista željena izlazna entropija,
- provodi skalarnu kvantizaciju uz ograničenu entropiju na oba signala,
- kvantizirani signal predikcijske pogreške propušta kroz sustav za rekonstrukciju,
- računa pogreške direktne i prediktivne kvantizacije i pripadne SQNR odnose, te
- provodi prikaz svih signala.



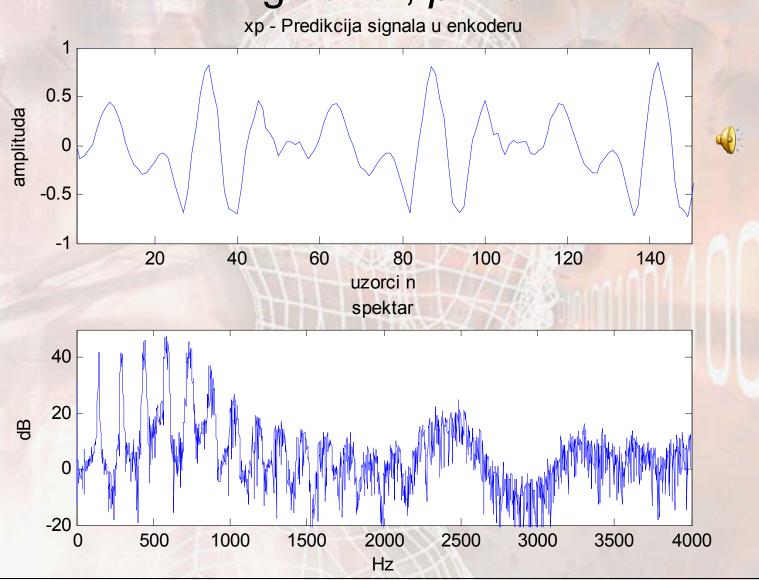
Kodiranje u otvorenoj petlji glas "o" p=10, H(I)=2 bit

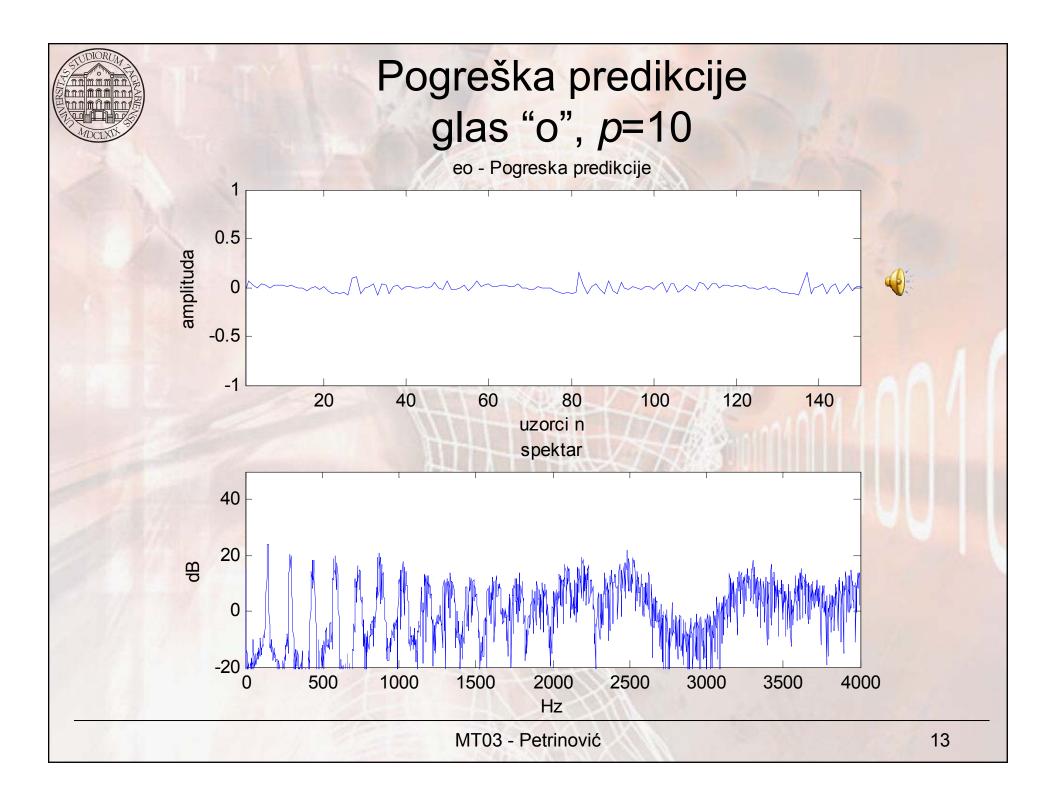






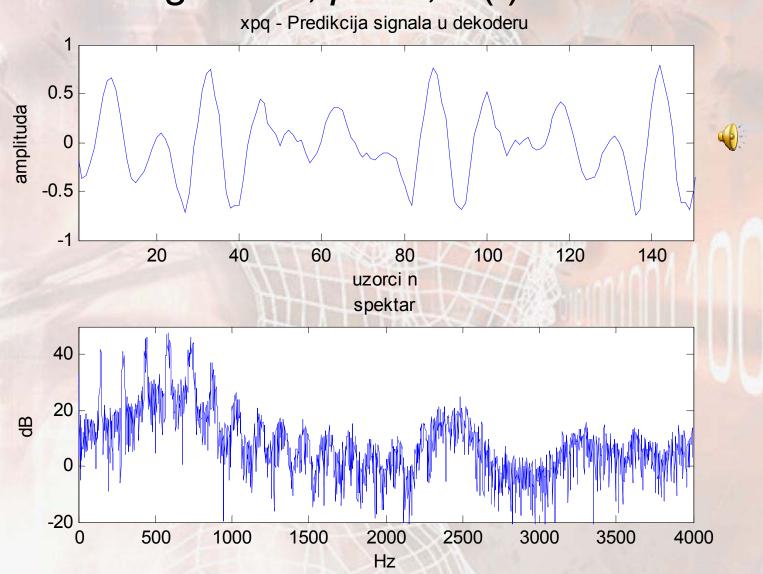
Predikcija na strani kodera (otv. petlja) glas "o", p=10

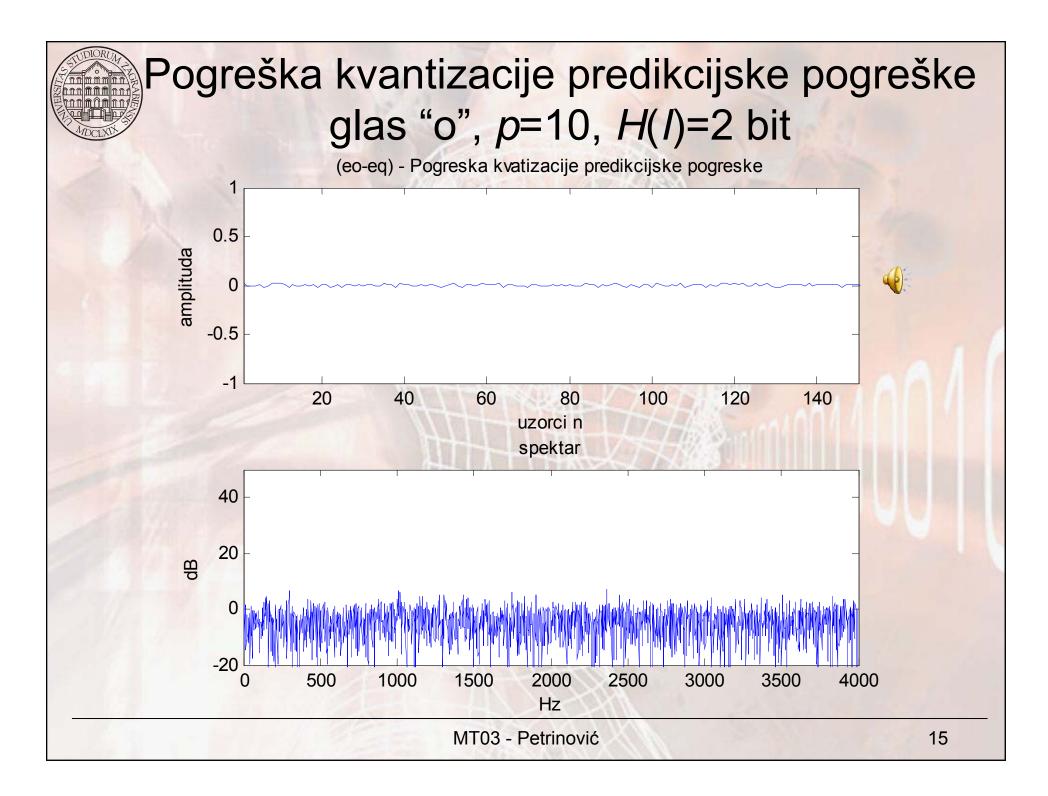






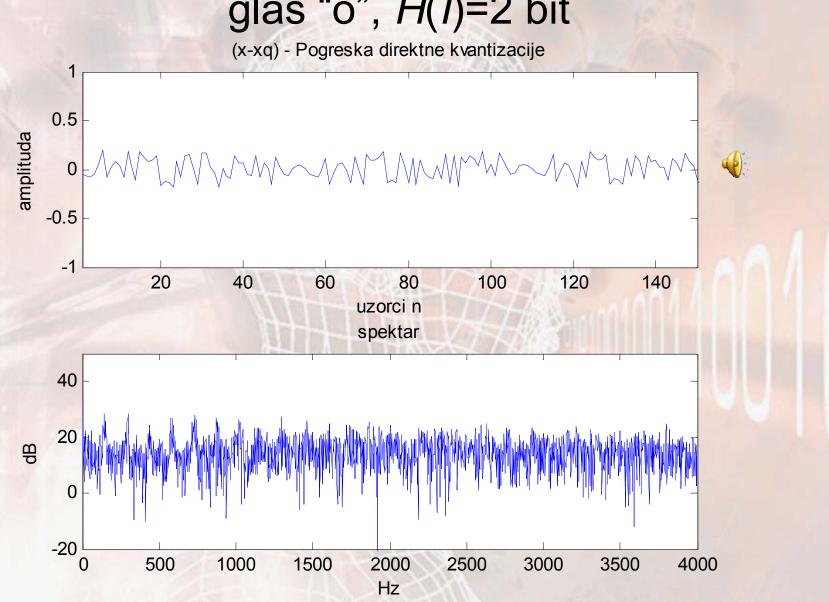
Predikcija na strani dekodera (otv. petlja) glas "o", p=10, H(I)=2 bit





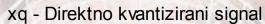


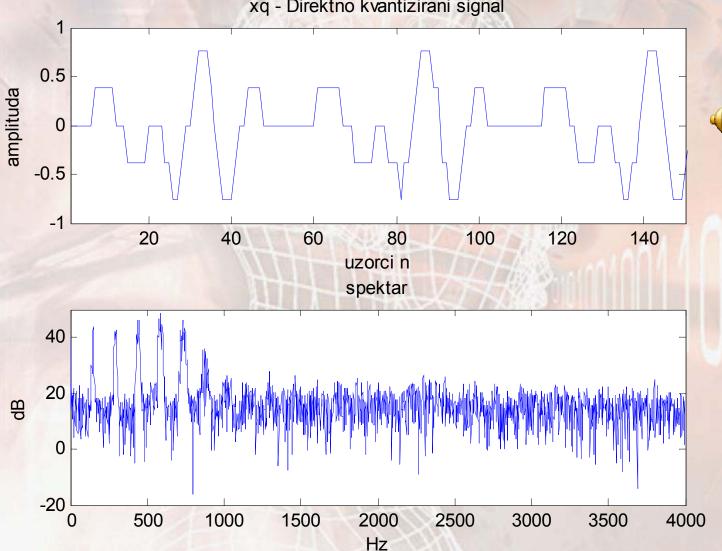
Pogreška direktne kvantizacije signala glas "o", H(I)=2 bit





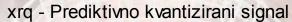
Direktno kvantizirani signal glas "o", H(I)=2 bit

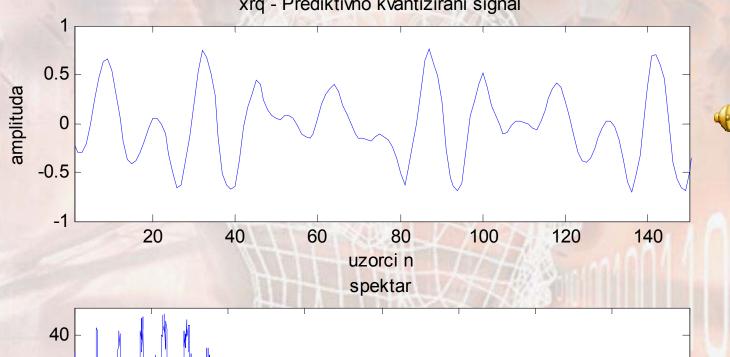


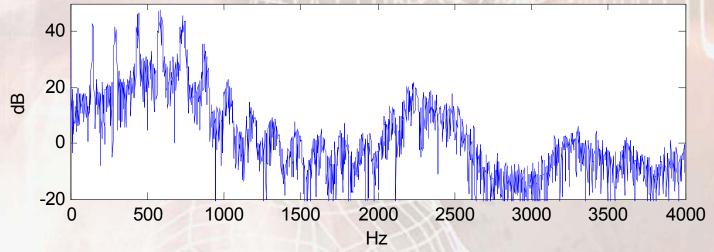




Prediktivno kodirani signal glas "o", p=10, H(I)=2 bit

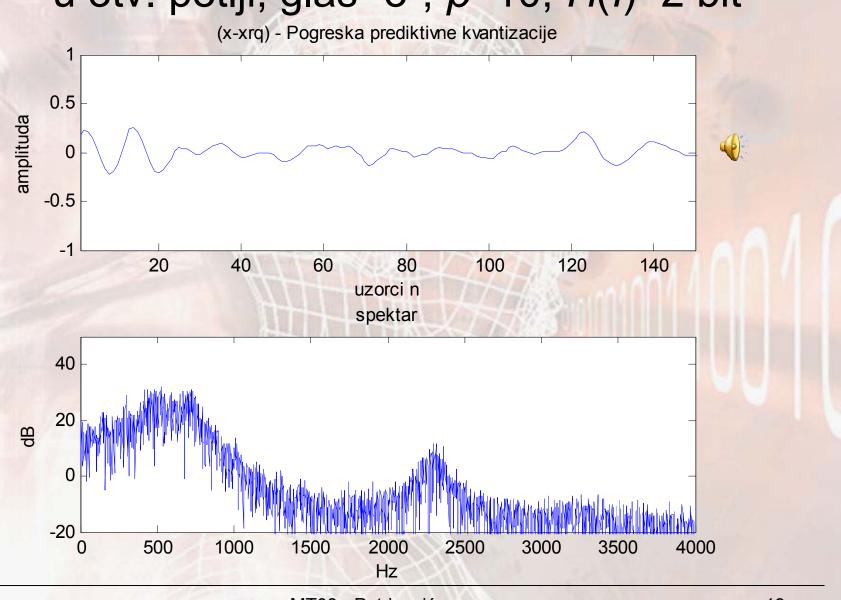








Pogreška prediktivne kvantizacije u otv. petlji, glas "o", *p*=10, *H*(*I*)=2 bit





Određivanje prediktora

 U ovom primjeru linearni prediktor je određen autokorelacijskim postupkom:



Određivanje prediktora

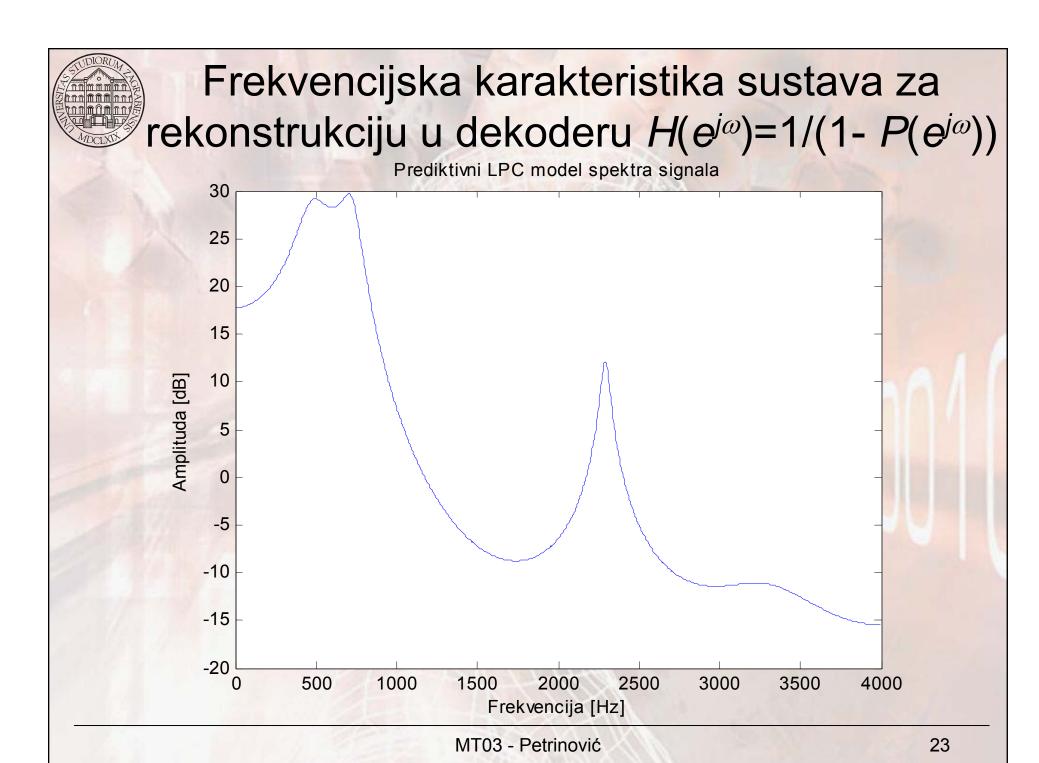
 Koeficijenti optimalnog linearnog prediktora za odabrani samoglasnik 'o' su:

 Prijenosna funkcija sustava za rekonstrukciju ima slijedeći oblik: 1

$$H(z) = \frac{1}{1 - P(z)} = \frac{1}{1 - \sum_{k=1}^{p} \alpha_k z^{-k}}$$



- Varijanca signala predikcijske pogreške značajno je manja od varijance ulaznog signala ...
 - kvantizator koji kvantizira signal predikcijske pogreške eo može imati mnogo manji korak nego kvantizator za direktnu kvantizaciju signala x, a time i manju varijancu pogreške kvantizacije.
- Nažalost, u sklopu rekonstrukcije na strani dekodera, ...
 - pogreška kvantizatora (eo-eq) se pojačava s istim sustavom za rekonstrukciju koji idealni (nekvantizirani) signal predikcijske pogreške eo pretvara u ciljni x.





- · Dakle, ...
 - pogreška rekonstrukcije prediktivnog kodera u otvorenoj petlji (x-xrq) jednaka je kvantizacijskoj pogrešci signala predikcijske pogreške (e-eq) propuštenoj kroz sustav za rekonstrukciju H(z)=1/(1-P(z)).
- Dekoder predikciju izračunava iz prijašnjih rekonstruiranih uzoraka xrq, pa je stoga njegova predikcija xpq različita od predikcije xp koju koristi enkoder.
- Iz sheme strukture je očito da vrijedi slijedeći odnos:

$$(x-xrq)=(eo-eq)+(xp-xpq)$$



- Zaključujemo da se pogreška rekonstrukcije prediktivnog kodera u otvorenoj petlji sastoji od dva izvora:
 - pogreške kvantizacije signala predikcijske pogreške (eo-eq) i
 - razlike između predikcija na strani enkodera i dekodera (xp-xpq).
- Povećanje entropije H(I) smanjuje pogrešku (eo-eq), ali obzirom da time rekonstruirani uzorci postaju točniji, smanjuje ujedno i razliku predikcija (xp-xpq), a time i ukupnu pogrešku reprodukcije (x-xrq).



- Pogreška kvantizacije (eo-eq) ima približno uniformnu gustoću vjerojatnosti na intervalu –Δ/2 do Δ/2, ali ima i amplitudno ravni spektar, tj. ima svojstva bijelog (spektralno neobojenog) šuma, (engl. white noise).
- Prolaskom kroz sustav H(z) dobiva se pogreška rekonstrukcije (x-xrq), koja je spektralno obojena upravo jednako kao i sam signal ...
 - to je ekvivalentno kao da je izvor bijelog šuma pribrojen idealnom pobudnom signalu na ulazu u vokalni trakt, tj. na glasnicama, pa se dobiva malo "hrapaviji" glas!



- Za slučaj samoglasnika, pogreška rekonstrukcije (x-xrq) zvuči vrlo slično kao i originalni glas, ali izgovoren šaptom (bezvučno), tj. bez titranja glasnica.
- Zbog spektralne sličnosti korisnog signala i signala pogreške, pogreška će biti teže čujna i manje nam smeta nego za slučaj direktne kvantizacije kod koje je pogreška (x-xq) sličnija bijelom šumu.
- Ova pojava se naziva "frekvencijskim maskiranjem", (engl. frequency masking).



- Prediktivni koder u otvorenoj petlji zvuči bolje nego direktno kvantizirani signal upravo radi povoljnije spektralne razdiobe kvantizacijske pogreške!
- Obzirom da koder spektralno uobličuje kvantizacijski šum sa ciljem da ga prikrije "iza" spektra signala, takovi postupci se nazivaju engl. noise shaping.



- Interesantno je uočiti da prediktivno kodiranje u otvorenoj petlje u pravilu neće povećati SQNR odnos, već će samo istu energiju pogreške bolje preraspodijeliti.
- Rezultati za primjer glasa "o" sa p=10

```
Stvarne izlazne entropije: H(I_X)=2.001 H(I_E)=2.000
Stvarni izlazni SNR: SNR(X)=10.139 dB SNR(E)=10.742 dB
Stvarni izlazni SNR nakon rekonstrukcije: SNR(Xr)=11.486 dB
Predikcijski dobitak: PGotv =19.305 dB
Povecanje kvalitete: SNR(Xr)-SNR(X)=1.347 dB
```



Što smo naučili

- određivanje prediktora autokorelacijskim postupkom (primjer)
- sustav za rekonstrukciju u dekoderu
- pogreška rekonstrukcije i njeni izvori
- spektralna svojstva pogreške kvantizacije za signal predikcijske pogreške i konačnu rekonstrukciju na strani dekodera
- frekvencijsko maskiranje
- spektralno uobličenje kvantizacijskog šuma
- SQNR odnos kodera u otvorenoj petlji



Primjer prediktivnog kodiranja govora u zatvorenoj petlji

prof.dr.sc. Davor Petrinović



- Kako riješiti problem razlike između predikcija na strani enkodera i dekodera?
- Potrebno je predikciju na obje strane izračunati iz istog signala ...
 - iz prethodnih uzoraka rekonstruiranog signala ...
 - predikcija je lošija nego za otvorenu petlju, ali barem više nema razlike između predikcija!
- Simulacija kodiranja govora u zatvorenoj petlji provodi se korištenjem programa:
 - MT04_ADPCM_govor.m



- Prvi dio programa radi identične postupke kao i koder u otvorenoj petlji:
 - odabire željeni glas, red prediktora i izlaznu entropiju,
 - izdvaja glas i određuje optimalni linearni prediktor za slučaj predikcije u otvorenoj petlji,
 - izračunava signal predikcijske pogreške za slučaj otvorene petlje,
 - određuje diferencijalne entropije ulaznog signala i signala predikcijske pogreške, te
 - određuje inicijalne kvantizacijske korake za oba signala kojima se ostvaruje ista željena izlazna entropija,



- ... u drugom dijelu programa provodi stvarnu kvantizaciju signala u zatvorenoj predikcijskoj petlji (uzorak po uzorak):
 - računa predikciju xp[n] trenutnog uzorka x[n] iz prošlih rekonstruiranih uzoraka xrq[n-i], i=1, 2, ... p,
 - predikciju odbija od uzorka ulaznog signala, čime dobiva pogrešku predikcije ec[n]
 - kvantizira je projektiranim kvantizatorom u ecq[n], te
 - na ecq[n] nazad pribraja predikciju xp[n] čime dobiva rekonstruirani izlazni uzorak xrq[n], a
 - identični postupak provodi i udaljeni dekoder.

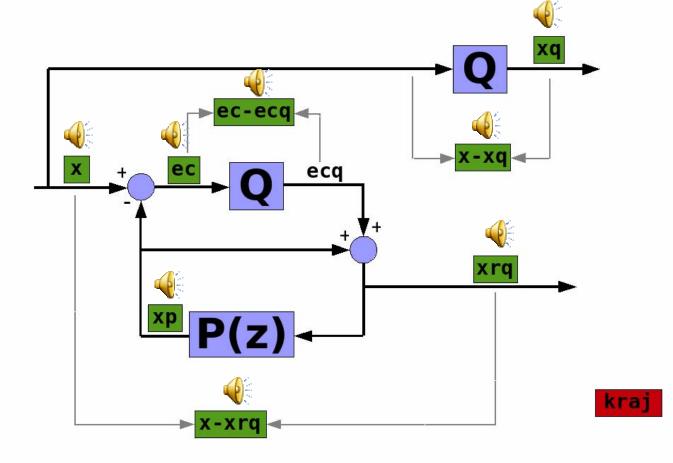


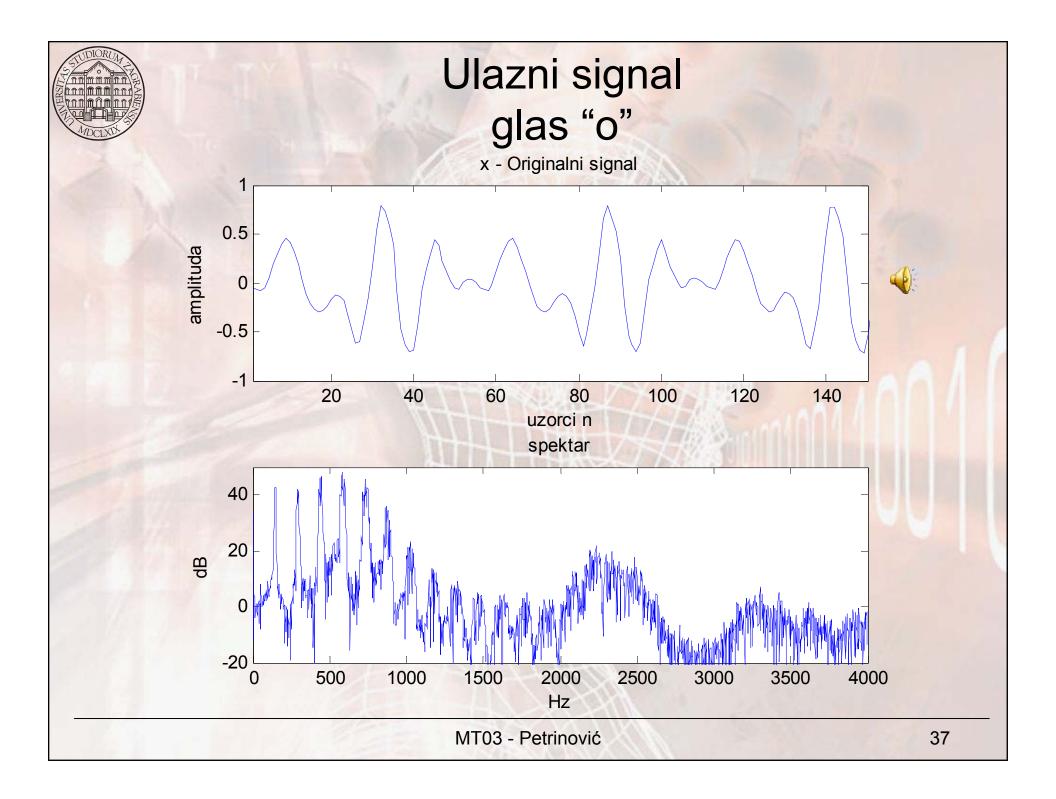
- konačno ...
 - izračunava stvarnu entropiju izlaznih indeksa kvantizatora u zatvorenoj petlji, te ...
 - u slučaju da se razlikuje u odnosu na željenu entropiju, izračunava novi korak ∆ i provodi još jedan kvantizacijski prolaz za cijeli signal, a
 - ako treba ovo ponavlja više puta, ... te
 - na kraju izračunava SQNR odnose u svim karakterističnim točkama strukture:
 - (x-xq), (x-xrq), (ec-ecq).



Kodiranje u zatvorenoj petlji glas "o" p=10, H(I)=3 bit

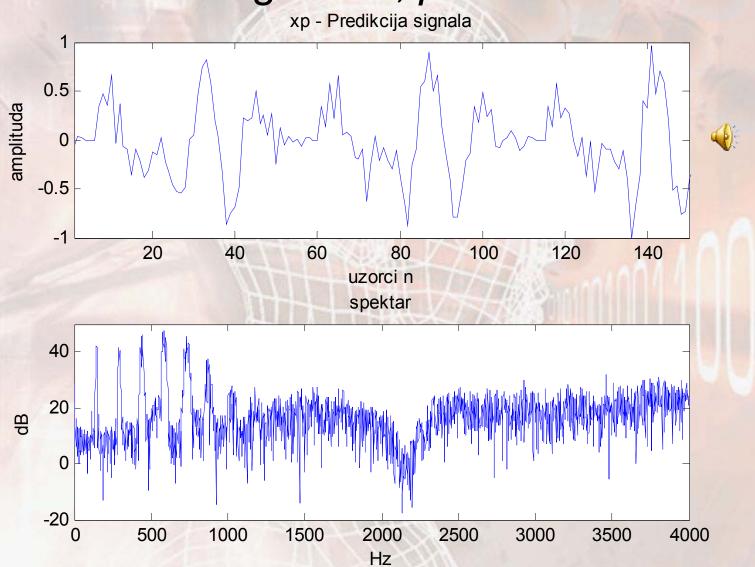
Adaptivna diferencijalna pulsno kodna modulacija





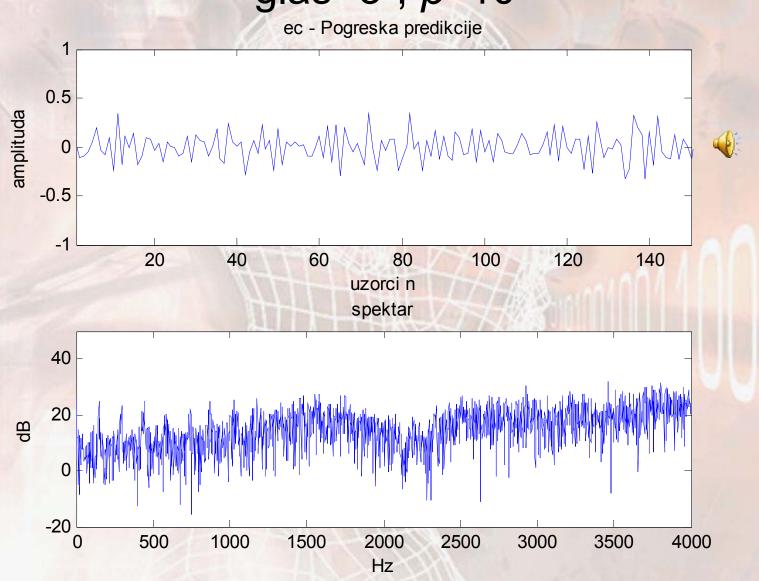


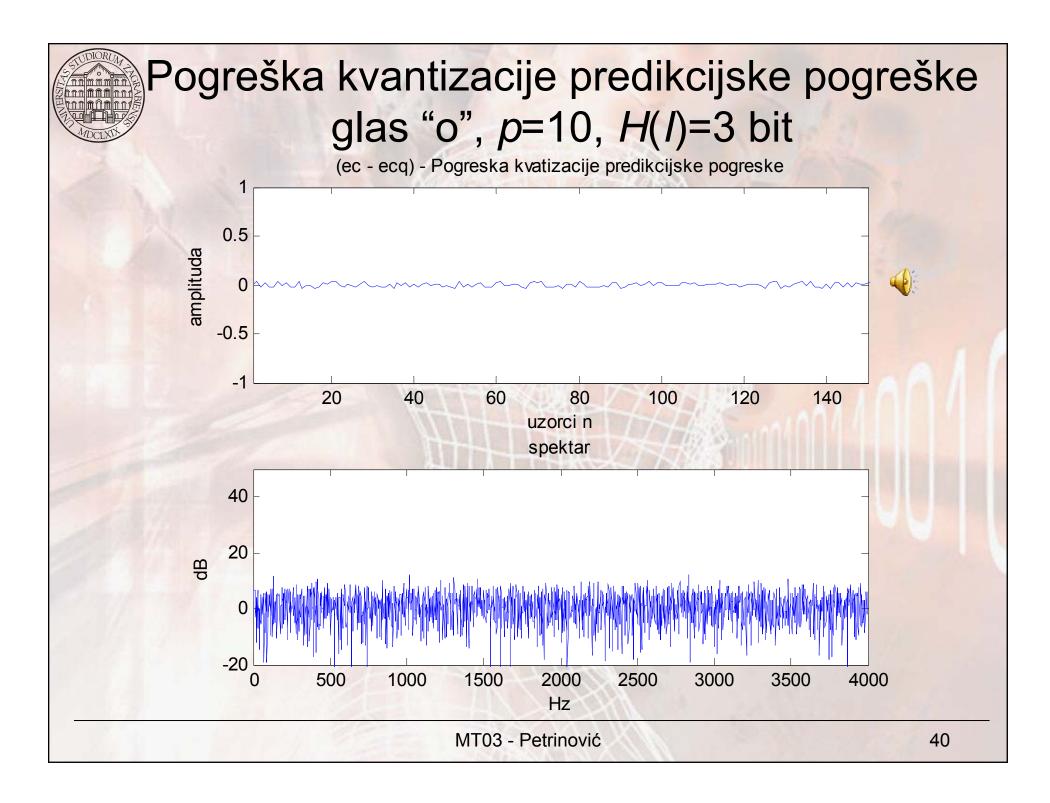
Predikcija na obje strane (zatv. petlja) glas "o", p=10





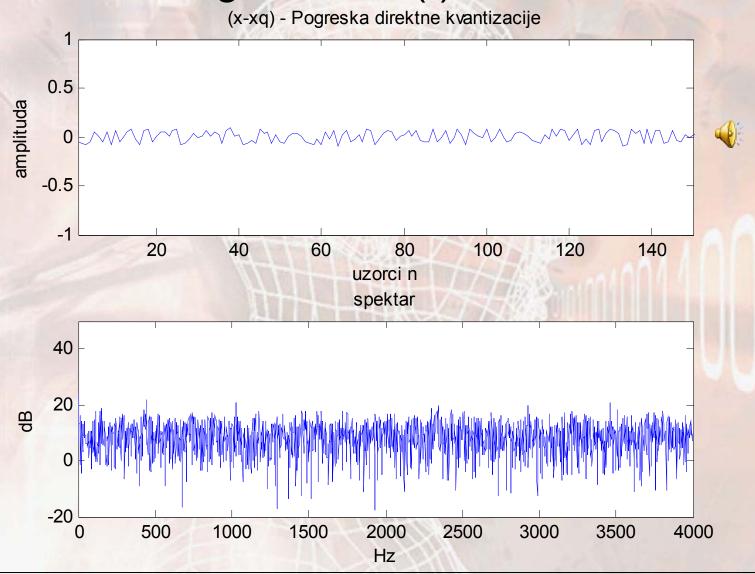
Pogreška predikcije u zatv. petlji glas "o", *p*=10





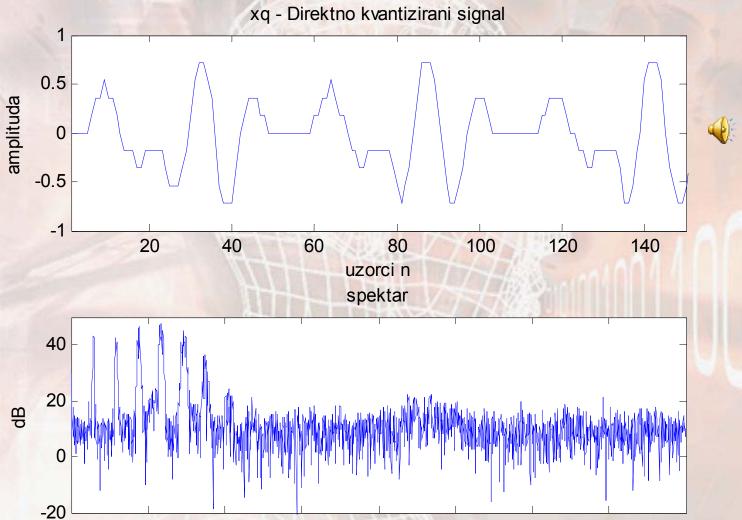


Pogreška direktne kvantizacije signala glas "o", H(I)=3 bit





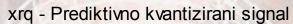
Direktno kvantizirani signal glas "o", H(I)=3 bit

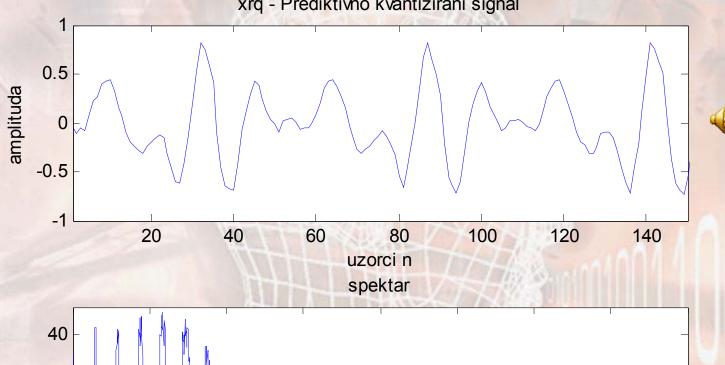


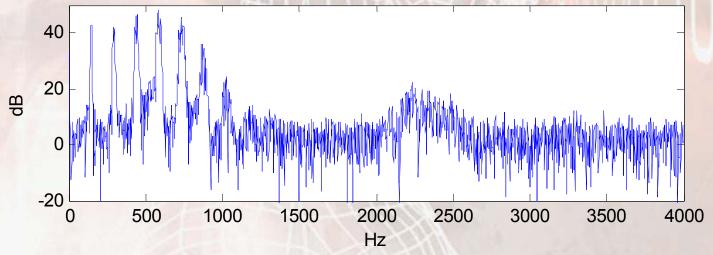
Hz



Prediktivno kodirani signal glas "o", p=10, H(I)=3 bit

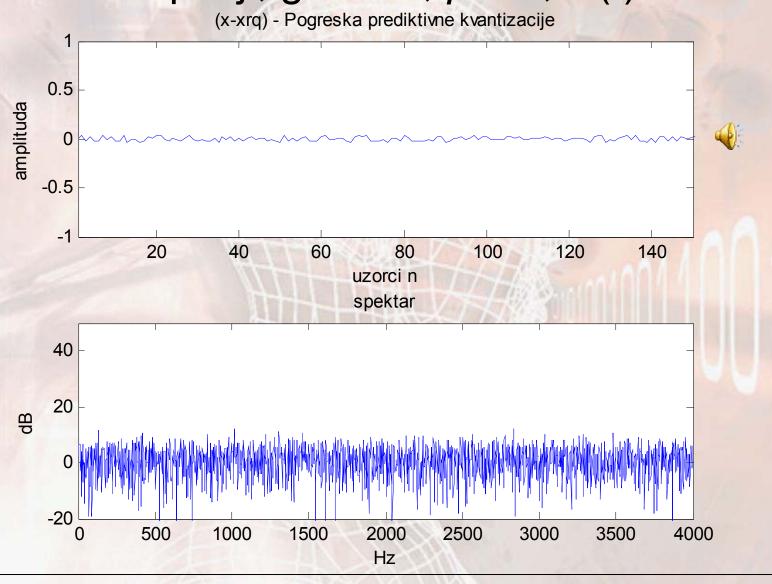








Pogreška prediktivne kvantizacije u zatv. petlji, glas "o", *p*=10, *H*(*I*)=3 bit





Prediktivno kodiranje govora u zatvorenoj petlji ... diskusija

- Analizom blok sheme prediktivnog kodera sa zatvorenom petljom, uočava se važna činjenica:
 - pogreška rekonstrukcije (x-xrq) identična je kvantizacijskoj pogrešci signala predikcijske pogreške (ec-ecq), jer se
 - identična predikcija xp prvo odbija, a zatim nadodaje nakon kvantizacije signala ec!
- Kvantizacija signala ec je jednostavnija nego signala x, jer mu je varijanca manja!
 - dobitak predikcije je to veći što je veća redukcija varijance signala koji se kvantizira ... dokažimo to ...



- Primjer ...
 - ulazni proces X ima Gaussovu razdiobu varijance σ_x^2 , pa ...
 - korak ECSQ kvantizatora direktne kvantizacije (xq)
 mora biti ...

 $\Delta_{xq} = \sqrt{2\pi} \ e \sigma_x^2 \cdot 2^{-H(I)}$

- Za proces predikcijske pogreške zatvorene petlje EC također pretpostavljamo da ima Gaussovu razdiobu, ali varijance $\sigma_{ec}^{\ 2}$, pa
- njegov ECSQ kvantizator za istu izlaznu entropiju ima korak

 $\Delta_{ecq} = \sqrt{2\pi} \; e\sigma_{ec}^2 \cdot 2^{-H(I)}$



- Primjer ... nastavak
 - srednja kvadratna pogreška kvantizacije za direktno kvantizirani proces je:

$$D_{xq} = \frac{1}{12} \Delta_{xq}^2 = \frac{\pi e \sigma_x^2}{6} \cdot 2^{-2H(I)}$$

– a srednja kvadratna pogreška prediktivno kodiranog procesa (x-xrq), D_{xrq} , identična je kvadratnoj pogrešci kvantizacije signala predikcijske pogreške D_{ecq} :

$$D_{xrq} = D_{ecq} = \frac{1}{12} \Delta_{ecq}^2 = \frac{\pi \ e \sigma_{ec}^2}{6} \cdot 2^{-2H(I)}$$



- Primjer ... nastavak
 - uvrštavanjem ovih distorzija u izraze za odnos signala i kvantizacijske pogreške SQNR slijedi:

$$\begin{aligned} SQNR_{xrq} - SQNR_{xq} &= 10 \cdot \log_{10} \frac{\sigma_x^2}{D_{xrq}} - 10 \cdot \log_{10} \frac{\sigma_x^2}{D_{xq}} \\ &= 10 \cdot \log_{10} \frac{D_{xq}}{D_{xrq}} = 10 \cdot \log_{10} \frac{\sigma_x^2}{\sigma_{ec}^2} \end{aligned}$$

 Dobivena razlika SQNR odnosa prediktivne i direktne kvantizacije naziva se predikcijskim dobitkom kodera (engl. prediction gain) i izražava u [dB].



Predikcijski dobitak:

$$PG = 10 \cdot \log_{10} \frac{\sigma_x^2}{\sigma_{ec}^2} \quad [dB]$$

- Izraz pokazuje da je odabir prediktora koji minimizira varijancu predikcijske pogreške sukladan sa maksimizacijom predikcijskog dobitka kodiranja!
- Nažalost, uoči da u izrazu figurira pogreška predikcije zatvorene petlje, koja se ne može odrediti bez prediktora i kvantizatora, jer ...
- da bi našli prediktor moramo imati kvantizator, a da bi projektirali kvantizator moramo imati prediktor.



- Određivanje prediktora ...
 - Da bi se prekinuo ovaj začarani krug, prediktor se prvo izračunava uz pretpostavku idealnog kvantizatora (ecq=ec).
 - To odgovara prediktoru otvorene petlje, jer u slučaju idealne kvantizacije ulaz u prediktor jednak uzorcima ulaznog signala (xrq=x).
 - Stoga, prediktor se optimira da minimizira varijancu predikcijske pogreške otvorene petlje $\sigma_{\rm e}^{\,2}$.



- Određivanje prediktora ... nastavak
 - Može se definirati i pripadni idealni predikcijski dobitak koji se ostvaruje uz beskonačnu entropiju H(I)=∞

$$PG_{\infty} = 10 \cdot \log_{10} \frac{\sigma_{\chi}^{2}}{\sigma_{e}^{2}} \quad [dB]$$

- On se ponekad naziva i predikcijskim dobitkom otvorene petlje (engl. open-loop prediction gain)
- Predikcijski dobitak zatvorene petlje PG, težiti će ovoj vrijednosti PG_{∞} s povećanjem entropije.



Prediktivno kodiranje govora u zatvorenoj petlji ... diskusija

 Rezultati za primjer glasa "o" sa prediktivnim kodiranjem u zatvorenoj petlji sa p=10 i H(I)=3:

```
Stvarne izlazne entropije: H(I_X)=3.001 H(I_E)=3.000
Stvarni izlazni SNR: SNR(X)=16.609 dB SNR(E)=16.467 dB
Stvarni izlazni SNR nakon rekonstrukcije: SNR(Xr)=24.539 dB
Predikcijski dobitak: PGotv =19.305 dB i PGzatv =8.072 dB
Povecanje kvalitete: SNR(Xr)-SNR(X)=7.930 dB
```

 Uoči poklapanje očekivanog predikcijskog dobitka zatvorene petlje (PGzatv) i stvarnog povećanja kvalitete SNR(Xr)-SNR(X).



Prediktivno kodiranje govora u zatvorenoj petlji ... diskusija

- Promotrimo i spektralna svojstva pogreške prediktivne kvantizacije u zatvorenoj petlji:
 - u ovom slučaju kvantizacijska pogreška je spektralno neobojena, tj. ima karakter bijelog šuma, jednako kao i pogreška direktno kvantiziranog signala.
- Dakle za razliku od prediktivnog kodiranja u otvorenoj petlji, ovdje se ne koristi postupak uobličenja spektra kvantizacijske pogreške, već se kvaliteta povećava isključivo smanjenjem energije pogreške.



Primjene prediktivnog kodiranje govora u zatvorenoj petlji

- Opisani postupak prediktivnog kodiranja se koristi kod stvarnih kodera govornog signala.
- Postupak je poznat i pod nazivom "Adaptivna diferencijalna pulsno kodna modulacija", od engl. Adaptive Differential Pulse Code Modulation, ADPCM.
- Koristi se u okviru ITU standarda (*International Telecommunication Union*) oznake G.726 koji je nastao iz starijih inačica G.721 i G.723



ADPCM - G.726

- Najviše se koristi se u digitalnoj žičnoj telefoniji u USA, kućnim digitalnim telefonskim centralama, a također i u DECT telefonima.
- Podržava brzine prijenosa govora od:
 - 16, 24, 32 i 40 kbit/s
- Najčešće korištena brzina je 32kbit/s kojom se ostvaruje dvostruka ušteda u odnosu na G.711 standard koji provodi kvantizaciju bez predikcije.
- Standard ne predviđa korištenje entropijskog kodera, već se indeks kvantizatora kodira kodom fiksne duljine.



Što smo naučili

- pogreška rekonstrukcije i njen odnos prema kvantizacijskoj pogrešci predikcijske pogreške
- dobitak prediktivnog kodiranja u zatvorenoj petlji
- određivanje prediktora
- dobitak otvorene petlje
- spektralna svojstva pogreške rekonstrukcije
- Adaptivna diferencijalna pulsno kodna modulacija
- ADPCM G726



Primjer prediktivnog kodiranja slike u zatvorenoj petlji

prof.dr.sc. Davor Petrinović



Prediktivno kodiranje slike

- Isti principi mogu se primijeniti na kodiranje slike:
 - umjesto vremenskih korelacija uzoraka, kod slike postoje prostorne korelacije susjednih elemenata slike, tj. pixela;
 - vrlo često slike imaju homogene dijelove, unutar kojih su susjedni pixeli vrlo slični (iste ili slične boje i istih ili sličnih intenziteta);
 - logično je pretpostaviti da se svaki pixel može uspješno predvidjeti kao linearna kombinacija svojih prostornih susjeda!



Prediktivno kodiranje slike – problem kauzalnosti

- Predikcija se mora provoditi iz dijela slike koji postoji na obje strane (koderu i dekoderu) i to iz "prethodnih" uzoraka.
- Što su prethodni uzorci?
 - kod slike ne postoji nikakav vremenski slijed
- Moguće je dvodimenzionalni signal slike zamisliti kao da je jednodimenzionalan ...
 - uvođenjem operacije slijednog čitanja elemenata slike.

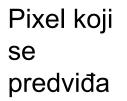


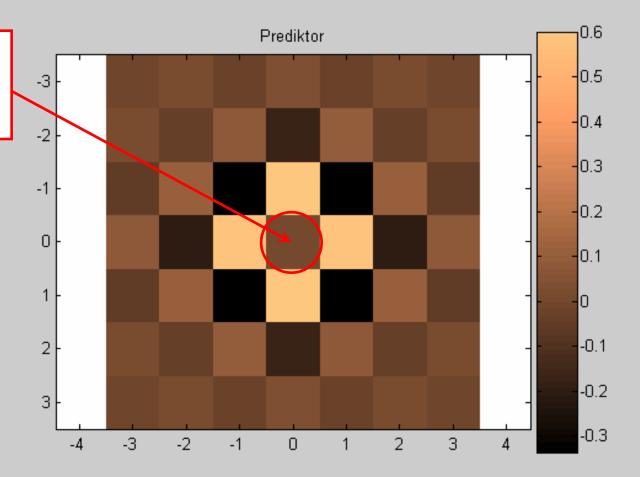
Slijedno čitanje slike

- Slijed čitanja može biti bilo koji, a jedini uvjet je da "obiđe" sve pixele na slici, npr.:
 - čitanje po redcima,
 - čitanje po stupcima,
 - čitanje u obliku zmije koja se dijagonalno zig-zag širi iz jednog ugla slike prema drugom.
- Predikcija se može napraviti neovisno o načinu slijednog čitanja ...
 - dovoljno je kao izvor predikcije koristiti samo uzorke koji su ranije u slijedu čitanja ...
 - za takav prediktor kažemo da je kauzalan.



Nekauzalni prostorni prediktor trećeg reda

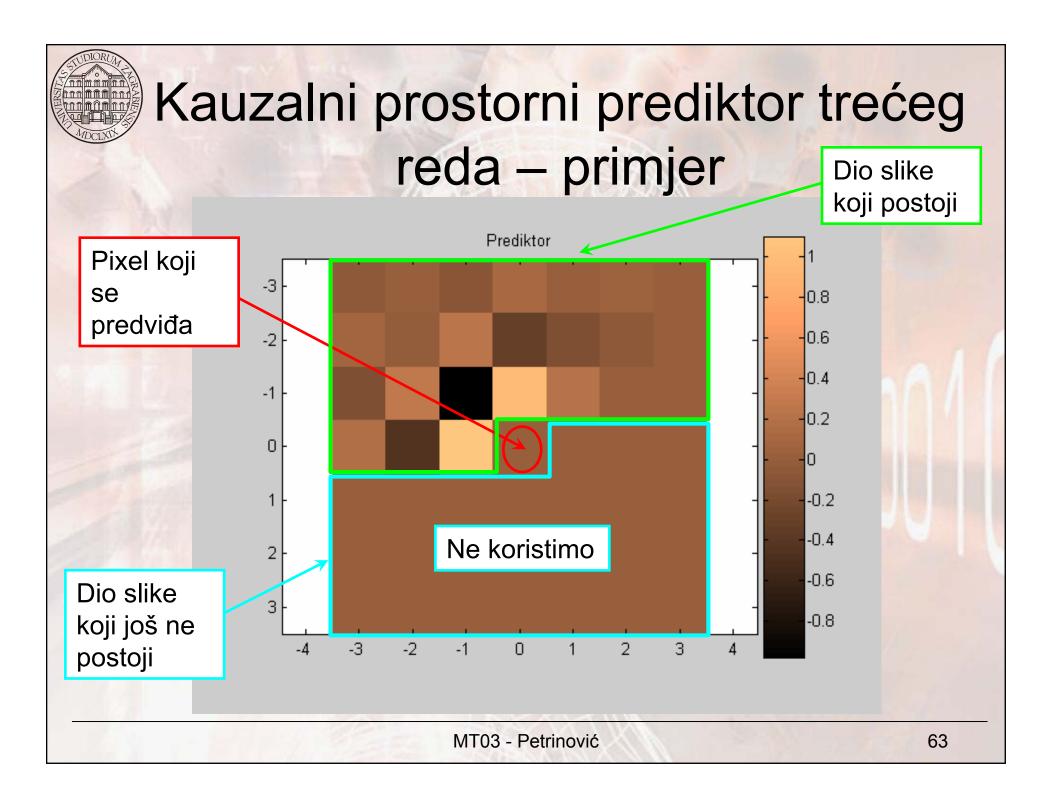






Kauzalni prediktor

- Za slučaj slijednog čitanja po redcima kauzalni prediktor kao izvor predikcije koristi:
 - odabrane pixele iz svih gornjih (prijašnjih redaka) u odnosu na poziciju pixela kojeg predviđamo i
 - odabrane pixele iz istog retka, koji se nalaze lijevo (prije) od pixela kojeg predviđamo.
- Odabrana regija prethodnih susjednih pixela koja se uistinu koristi za predikciju ovisi o tipu prostornih korelacija u slici.





Kauzalni prediktor

- Predikcijski dobitak kauzalnog prediktora je manji nego nekauzalnog prediktora,
 - za slučaj slijednog čitanja po redcima iskorištava samo korelacije iz jednog dijela okoline pixela (lijevo-gore), ali
 - može se koristiti u zatvorenoj ADPCM prediktivnoj petlji!
- Koeficijenti prediktora određuju se ranije opisanim postupcima određivanja optimalnog linearnog prediktora.



Prediktivno kodiranje slike - primjer

- Program za simulaciju prediktivnog kodiranja slike:
 - MT04_ADPCM_slika.m
 - vrlo je sličan programu za kodiranje govora,
 - kodiranje provodi na slici u nijansama sive boje
 - moguće odabrati ulaznu sliku, red prediktora i željenu izlaznu entropiju
 - optimalni linearni prediktor se određuje funkcijom: MT04_impred.m na osnovu učitane slike i njenih korelacijskih svojstava



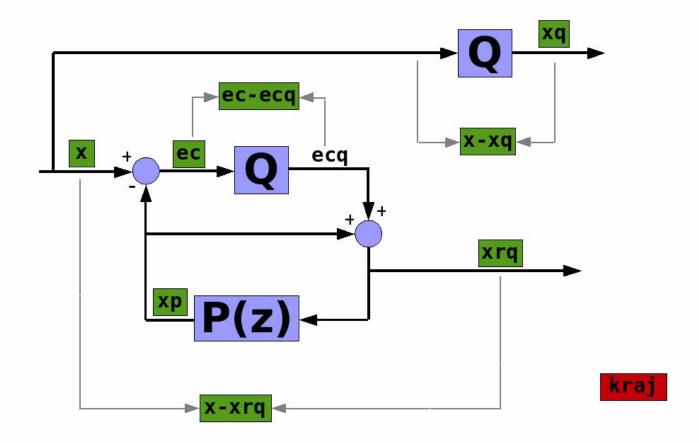
Prediktivno kodiranje slike - primjer

- Prediktivno kodirana slika korištenjem ADPCM strukture uspoređuje se sa postupkom direktne kvantizacije uz istu izlaznu entropiju.
- Kvantizatori su ECSQ tipa za oba kodera, a koraci kvantizacije se prilagođavaju ostvarenju željene izlazne entropije.
- Izlazna kvaliteta se određuje izračunavanjem SQNR odnosa u karakterističnim točkama kodera.
- Program prikazuje slike u svim točkama strukture, kao i pripadne kvantizacijske pogreške, također prikazane u obliku slika korištenjem nijansa sivog.



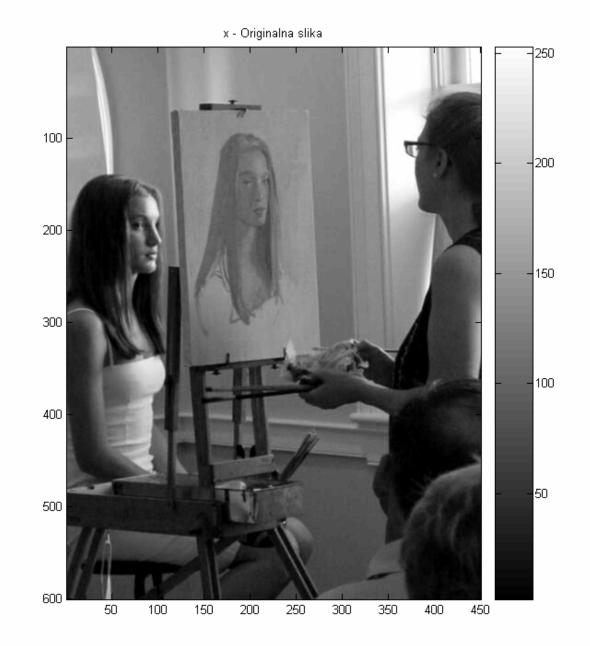
ADPCM struktura za kodiranje slike – jednaka kao i za slučaj govora!

Adaptivna diferencijalna pulsno kodna modulacija





Ulazna slika– "demo1"





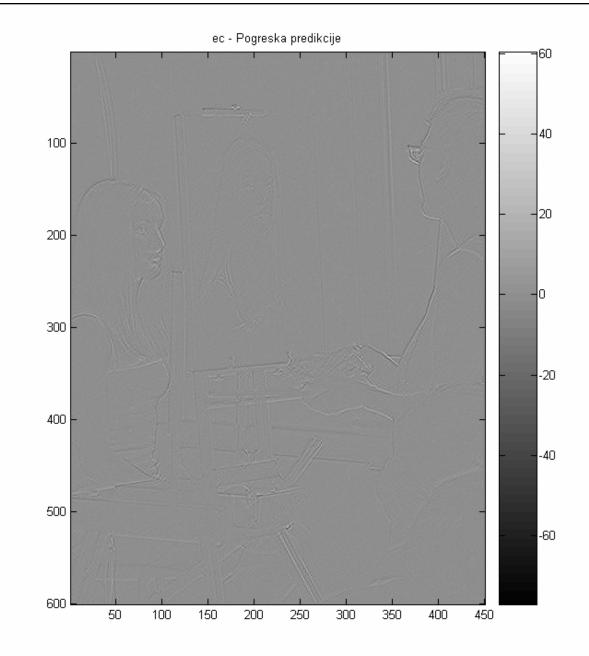
Predikcija na obje strane (zatv. petlja) p=2





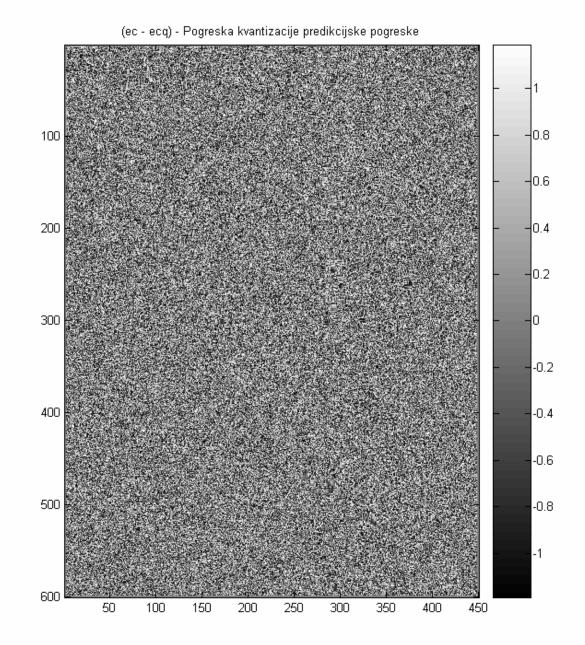
Pogreška
 predikcije u
 zatv. petlji
 p=2

 Uoči rubove koji nisu mogli biti predviđeni prediktorom!



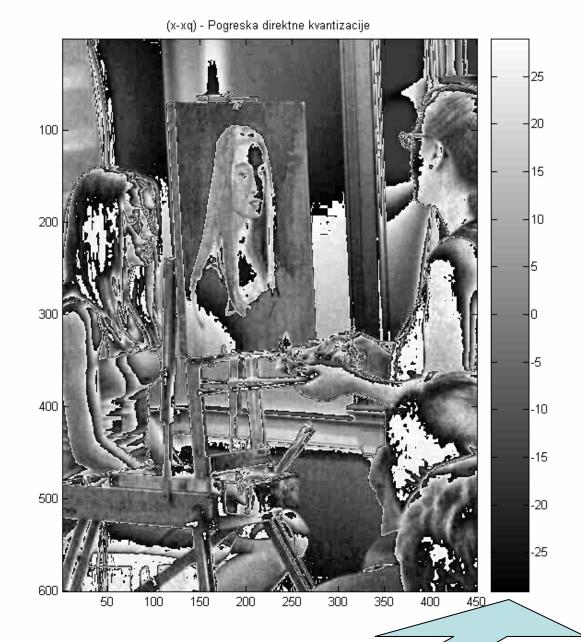


Pogreška
 kvantizacije
 predikcijske
 pogreške,
 p=2, H(I)=2 bit



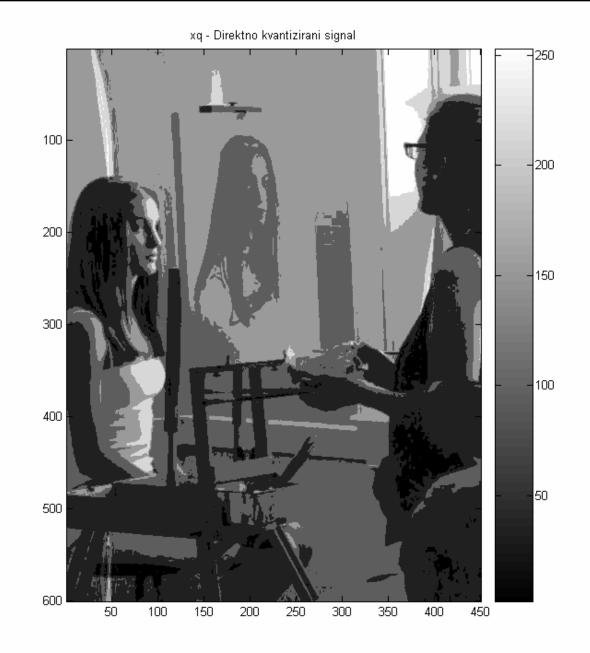


- Pogreška
 direktne
 kvantizacije
 slike, uz
 H(I)=2 bit
- Pogreška je unutar +/- 30 LSB-a od 8-bitne vrijednosti



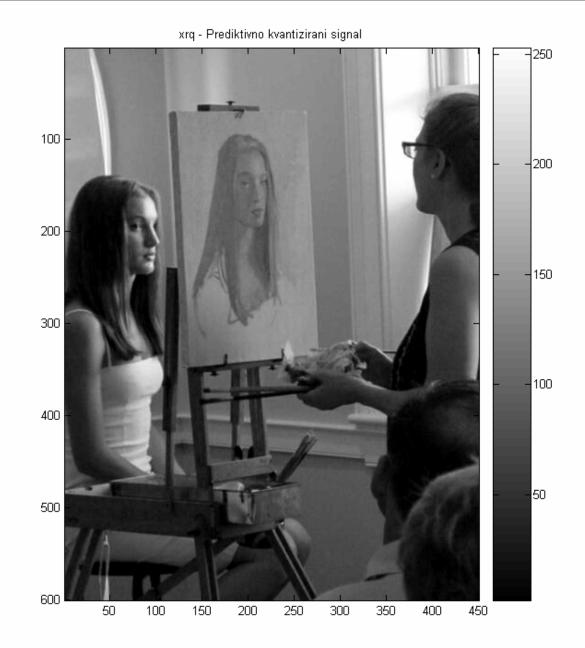


Direktno
 kvantizirana
 slika uz
 H(I)=2 bit



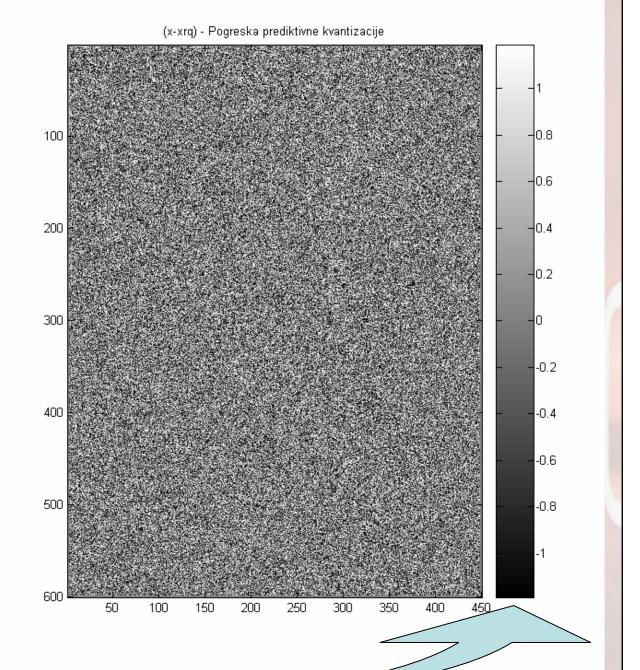


 Prediktivno kodirana slika p=2, H(I)=2 bit





- Pogreška
 prediktivne
 kvantizacije
 u zatv. petlji,
 p=2, H(I)=2 bit
- Pogreška je unutar +/- 1 LSB 8-bitne vrijednosti





Prediktivno kodiranje slike u zatvorenoj petlji ... diskusija

 Rezultati za primjer "demo1.jpg" sa prediktivnim kodiranjem u zatvorenoj petlji sa p=2 i H(I)=2:

```
Stvarne izlazne entropije: H(I_X)=2.014 H(I_E)=2.028
Stvarni izlazni SNR: SNR(X)=11.040 dB SNR(E)=11.837 dB
Stvarni izlazni SNR nakon rekonstrukcije: SNR(Xr)=38.601 dB
Predikcijski dobitak: PGotv =27.750 dB i PGzatv =26.764 dB
Povecanje kvalitete: SNR(Xr)-SNR(X)=27.562 dB
```

- Uoči poklapanje očekivanog predikcijskog dobitka zatvorene petlje (PGzatv) i stvarnog povećanja kvalitete SNR(Xr)-SNR(X).
- Dobitak je čak 27.5dB, što odgovara uštedi od čak 4.5 bita po pixelu!



Što smo naučili

- prostorne korelacije u slici
- pojam kauzalnosti kod slike
- operacija slijednog čitanja
- kauzalni i nekauzalni prediktor
- primjer prediktivnog kodiranja slike unutar ADPCM petlje