Quel avenir pour les probabilités prédictives en assurance ?

Par Arthur CHARPENTIER

Université du Québec à Montréal

Laurence BARRY

Chaire PARI (Programme de recherche sur l'appréhension des risques et des incertitudes)

et Ewen GALLIC

Aix-Marseille Université, CNRS, EHESS, Centrale Marseille, AMSE

Les polices d'assurance sont des exemples classiques de contrats aléatoires, ce qui force les assureurs à devoir quantifier régulièrement cette incertitude, à calculer des probabilités pour proposer des primes « justes » au regard des engagements qu'ils vont prendre. N'est-il pas temps de s'interroger sur cette pratique à l'heure de l'explosion de l'intelligence artificielle, qui propose des algorithmes prédictifs d'une précision jusqu'alors jamais vue, à l'heure d'un *Big Data/Big Brother* qui pourrait signifier la disparition même de l'incertitude ?

es compagnies d'assurance émettent des contrats qui prévoient le paiement d'indemnités en cas de survenance d'événements aléatoires (accident, maladie, décès, etc.). En contrepartie, l'assuré doit s'acquitter d'une prime, dont le montant est déterminé ex ante, avant le début de la période de couverture. Cette prime se décompose en deux termes : une prime pure (destinée à couvrir les pertes anticipées) et un chargement (incluant des commissions à des agents, divers frais, mais aussi couvrant contre le risque de variabilité des pertes). La prime pure est souvent calculée par classe de risque, une classification est alors nécessaire.

Assurer une population hétérogène, ou l'importance de la classification

Le regroupement des risques selon diverses informations tels l'âge de l'assuré, son état de santé ou encore sa profession constitue ce que l'on appelle la classification des risques. Cette pratique de segmentation se justifie (à des fins d'admissibilité, mais aussi de tarification) par la supposition que les risques sont rangés dans des groupes relativement homogènes, au sein desquels les probabilités de survenance sont similaires. Pour Schauer (2006), cette « généralisation », qui vise à voir l'individu sous le prisme de sa classe de risque, à généraliser son comportement à partir de quelques variables explicatives, est probablement la raison d'être de l'actuaire : "To be an actuary is to be a specialist in generalization, and actuaries engage in a form of decision-making that is sometimes called actuarial". Statistiquement, on cherche une méthode de classification aussi « discriminatoire » que possible (1), en gardant en mémoire que la discrimination est interdite, ce qui rend l'exercice périlleux, et souvent critiqué (nous y reviendrons plus loin).

Les assureurs évoquent souvent deux arguments pour justifier une segmentation. Le premier est qu'elle serait rendue économiquement nécessaire pour faire jouer la concurrence: ne pas classifier conduit à une anti-sélection, les risques importants restant chez les seuls assureurs qui ne segmentent pas. Dans une telle situation, l'équilibre de marché ne serait pas possible, puisque les risques faibles seraient chez un concurrent ayant segmenté. Si le facteur de risque était observable, tant par les assurés que par les assureurs, il y aurait un phénomène d'auto-sélection, les assurés à risque faible bénéficiant des polices les moins chères. Cette situation constitue un équilibre séparant de Nash. Mais si le facteur de risque n'est pas observable, un équilibre sous-optimal peut s'instaurer, résultant d'une externalité négative née de cette information non accessible, à la manière de Wilson (1977), tel que décrit dans Cummins et al. (1982) dans le cas des contrats d'assurance vie. Cela dit, Kleindorfer et Kunreuther (1980) montrent qu'accéder à davantage d'informations ne conduit pas nécessairement à une amélioration du bienêtre des consommateurs. De plus, si la classification n'est pas autorisée, l'équilibre est maintenu, les risques faibles subventionnant les risques élevés.

(1) Au sens statistique du mot, celui introduit par Fisher (1936).

Le second argument avancé pour justifier une segmentation est que cette dernière (et le fait, par conséquent, d'ajuster les primes au risque) serait juste et équitable. Mais cette vision de l'équité n'a pas toujours été de mise et semble être portée par les développements techniques. Ainsi, la classification est devenue de plus en plus fine, multipliant les classes de risque et conduisant à des tarifs « personnalisés ». En plus des avancées statistiques, des facteurs économiques pourraient justifier cette sophistication : la concurrence de plus en plus forte sur certaines branches.

Incertitude en assurance

Il y a plusieurs manières de caractériser l'incertitude en assurance. Comme bien souvent quand on fait des prévisions, il convient de distinguer l'incertitude associée à l'estimation des probabilités de l'incertitude réelle sur le résultat (aléa de l'événement). Pour la seconde notion, Hacking (1975) parle de probabilité structurelle, et c'est celle qui est souvent utilisée pour introduire les concepts de probabilité, par exemple avec des jeux de dés ou de cartes : les probabilités sont connues, seule l'issue du jeu est incertaine. Par exemple, je sais que la probabilité d'avoir un 6 en lançant un dé est de 1/6 (compte tenu de la géométrie du cube).

D'un point de vue statistique, la probabilité se mesure quand on peut observer une fréquence, c'est-à-dire une répétition de risques semblables. Les statisticiens ont ainsi défini une notion de probabilité *empirique*, basée sur la répétition (2). Si, en lançant mille dés, j'obtiens 173 fois la face 6, la probabilité empirique d'avoir 6 est de 17,3 %. La loi des grands nombres nous assure que cette fréquence *va tendre* vers la vraie valeur en répétant l'expérience, et le théorème central limite permet d'en contrôler les fluctuations. C'est la première incertitude dont nous parlions au début de cette section, nous l'appellerons l'erreur d'estimation.

On peut, enfin, mentionner deux notions supplémentaires. Tout d'abord, les probabilités conditionnelles. Cette idée est introduite en assurance par de Moivre, ainsi que par de Witt, lorsqu'ils notaient que pour estimer une probabilité de décès, il fallait considérer des personnes de même âge. C'est cette idée que l'on retrouve quand on considère une classification : on veut des risques homogènes, similaires, sans être pour autant identiques. La probabilité que l'on obtient est alors conditionnelle à ce facteur commun qui caractérise la classe observée. Dans notre exemple des dés, cela revient à dire qu'il ne faut pas lancer mille dés, mais mille fois le même dé, ou, à défaut, des dés semblables (de même fabrication).

Deuxième notion : les probabilités subjectives ont été formalisées par Bruno de Finetti et Leonard Savage (ainsi que, plus philosophiquement, par Frank P. Ramsey) pour comprendre et modéliser la prise de décision. Elles sont

(2) Dans cette approche fréquentiste, et notamment pour Ronald Fisher et Richard von Mises, la probabilité d'un événement unique (dit *one shot*) n'a pas de sens.

relativement populaires en économie de l'incertain, mais difficile à mettre en œuvre dans un contexte de valorisation de contrats d'assurance automobile ou habitation. Il s'agit d'un jugement qui ne peut être confronté à la réalité, mais qui est envisageable pour l'assurance de risques encore mal connus. McGrayne (2012) évoque ainsi les premiers contrats d'assurance aviation. Une approche bayésienne consiste alors à combiner cette probabilité subjective avec la probabilité reposant sur la fréquence observée d'un phénomène : partant d'une croyance a priori, on affine l'estimation par une mise à jour progressive en répétant les expériences. Classiquement, la probabilité d'avoir la face 6 sera une moyenne se situant entre notre croyance (1 chance sur 6) et une probabilité dite historique, obtenue en faisant quelques lancers (par exemple, obtenir 3 fois le 6 sur 20 lancers) ; le poids reconnu à chacune d'elles dépendant du nombre d'expériences effectuées : on donnera plus de crédit à l'expérience si l'on procède à mille lancers que si l'on n'en fait que soixante.

Incertitude sur le résultat, ou aléa fondamental

Les probabilités prédictives, utilisées pour calculer la prime d'un contrat d'assurance, sont la première étape d'un problème de classification. Un outil classique pour juger de la pertinence d'un classifieur est la courbe ROC, décrite par Kuhn (2018) : on compare la probabilité individuelle (a priori, telle qu'elle résulte du modèle de classification) à un seuil, compris entre 0 et 1 ; si la probabilité est inférieure au seuil, l'estimation est que la personne survit, dans le cas contraire, on considère qu'elle décède.

On compare ensuite cette estimation aux constats faits (ex post) en termes de survie et de décès. Pour chaque seuil, on peut considérer la matrice classique dite matrice de confusion en théorie de la décision : elle consiste à répartir les observations suivant le résultat observé (en colonne) et l'estimation résultant du modèle (en ligne), en fonction de la probabilité estimée pour l'individu et du seuil que l'on a fixé. On peut ainsi partager la population entre les classements corrects et les erreurs (dont les « faux positifs », si la personne a survécu malgré une probabilité estimée de décès supérieure au seuil, et les « faux négatifs », si la personne décède malgré une probabilité estimée inférieure au seuil).

La courbe ROC est obtenue en faisant varier le seuil. Chaque seuil correspond à un point de la courbe, point reportant graphiquement les taux de faux positifs (en abscisse) et les taux de vrais positifs (en ordonnée), comme sur la Figure 1 de la page suivante.

Considérons un groupe de 1 000 assurés (voir le Tableau de la page suivante), dont 20 d'entre eux sont décédés l'année précédente. Supposons un modèle dans lequel on admet que la population est parfaitement homogène, la probabilité estimée de décès est donc de 2 % pour tout le monde. Dans ce cas, pour tout seuil supérieur à 2 %, on estimera que la totalité de la population survit : on aura un taux de faux positifs de 0 % et un taux de vrais positifs de 0 %, d'où un point (0,0) sur le graphe. À l'inverse, pour

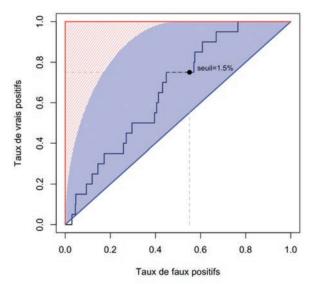


Figure 1 : Courbe ROC et classification pour un seuil de probabilité valant 1,5 %.

| | Survie | Décès | Total |
|---------------------------------------|--------|-------|-------|
| Survie prédite : probabilité < seuil | 440 | 5 | 445 |
| Décès prédit : probabilité > seuil | 540 | 15 | 555 |
| | 980 | 20 | 1 000 |

Taux de faux positifs = 540/980 = 55,10 %. Taux de vrais positifs = 15/20 = 75 %.

tout seuil inférieur à 2 %, on estimera que la totalité de la population décède : on aura un taux de faux positifs de 100 % et un taux de vrais positifs de 100 %, d'où un point (1,1) sur le graphe. La courbe de ROC de ce modèle uniforme à 2 % correspond donc à la diagonale du carré sur la Figure 1 ci-dessus.

Mais l'on peut aussi imaginer qu'il existe une part d'hétérogénéité avec, par exemple, une probabilité de décès de 1 % pour une moitié de la population et de 3 % pour l'autre moitié, ou encore que le modèle produit des probabilités comprises entre 1 et 3 % de façon non dichotomique. Les données simulées pour construire la courbe noire de la Figure 1 supposent que la population étudiée présente des probabilités de décès variables, comprises entre 1 et 3 %, obtenues par une régression logistique. Comme le montrent les données du Tableau, on commet des erreurs, et comme le montre la Figure 1, la forme de celles-ci varie en fonction du seuil choisi, qui modifie les taux de faux positifs et ceux de faux négatifs.

Le cas extrême serait celui où le modèle aurait correctement attribué une probabilité de 100 % aux 20 personnes qui sont effectivement décédées. C'est la courbe rouge sur la Figure 1. Ce partage est possible ex post, une fois réalisation de l'aléa; a posteriori, il y a une certitude de décès pour ceux qui sont effectivement morts. Mais cela ne correspond pas à la réalité dans l'assurance, à moins d'imaginer que l'actuaire serait un oracle, qu'il saurait avec certitude qui va mourir, et qui va survivre. La réalité est plutôt celle de la situation intermédiaire, la zone hachurée entre la courbe rouge et la diagonale, zone où le taux d'erreur est faible, mais pas nul : on ne

peut pas prédire, avec certitude, qui va mourir. Une offre d'assurance n'est possible que si cette borne supérieure n'est pas trop élevée.

Incertitude statistique, données et modèles

Une question fondamentale pour la survie de l'assurance est de savoir où se situe cette borne supérieure : jusqu'où peut-on aller, entre les deux cas extrêmes (population homogène avec une probabilité de 2 % pour tous, et une population très discriminée, avec 2 % de la population ayant la certitude (100 %) de mourir, et l'autre 0 %) ? Et de quoi cette borne dépend-elle ? En particulier, des modèles plus complexes, tels que les réseaux de neurones très profonds, permettent-ils vraiment d'améliorer la prévision ? Et l'enrichissement de données, tel qu'on l'observe grâce aux objets connectés et la fusion de toutes sortes d'informations externes, va-t-il déplacer la borne supérieure plus encore vers le haut ?

Si l'apprentissage profond – voir Goodfellow et al. (2018) – permet d'avoir des classifieurs d'images avec un taux d'erreur proche de 0 %, il est difficile d'imaginer qu'il sera possible de prévoir, presque un an à l'avance (lors de la signature du contrat), qui décédera dans l'année, qui aura la grippe, qui connaîtra un dégât des eaux, etc. Les modèles plus complexes permettent d'améliorer les prévisions, en tenant compte de non-linéarités, d'effets croisés entre les variables tarifaires, mais pas au point de faire disparaître l'aléa. Et tant que l'assurance sera envisagée ex ante (la prime est fixée au début de la période de couverture), il sera difficile d'imaginer que rajouter de l'information fera aussi disparaître l'aléa. C'est d'ailleurs le cas pour les tests génétiques qui n'expliquent qu'une (petite) partie du risque de développer un cancer, par exemple. Et rajouter des données revient souvent à rajouter du bruit, ce qui rend le travail d'analyse plus complexe. Cependant, force est de constater que des modèles plus complexes et des données plus riches tendent effectivement à « améliorer » la prévision, en remontant la courbe ROC vers le haut. Mais se pose-t-on les bonnes questions? Que signifie vraiment une borne très éloignée du cas homogène, sur la diagonale ?

Homogénéité, équité et causalité

Comme nous l'avons vu, la tarification en assurance repose sur une répartition des risques (des contrats) en catégories, au sein desquelles la distribution des pertes peut être estimée afin de fixer un niveau de primes. La répartition se fait à partir des caractéristiques de l'assuré, et du bien assuré. En retraçant l'histoire de l'assurance, Ewald (1986) montre que les mécanismes de prévoyance se sont mis en place en déplaçant la charge des accidents du travail sur la société : on abandonne l'idée d'une responsabilité individuelle de l'accident en faveur de la solidarité. L'assurance distingue « entre le dommage que subit tel ou tel individu - c'est affaire de chance ou de malchance – et la perte liée au dommage dont l'attribution est, quant à elle, toujours collective et sociale ». Ce principe de solidarité sociale, de mutualisation des risques, fait que le risque (en assurance) est toujours pensé collectivement.

Aujourd'hui, les tarifs sont considérés comme « justes », ou « actuariellement équitables », si chaque prime correspond à la perte attendue (pour ne pas dire « espérée », au sens mathématique) pour chaque assuré. Dans cette perception de l'équité, une hypothèse essentielle est que les classes soient « homogènes ». En effet, dans l'hypothèse inverse, les personnes les moins risquées subventionnent les personnes les plus risquées, ce qui est perçu comme socialement injuste.

On peut décrire cette version de l'équité actuarielle à l'aide de la formule de décomposition de la variance. La variance globale se décompose en effet en deux termes, la variance interclasses et la variance intra-classes : l'« équité actuarielle » vise à ce que les classes de risque soient relativement distinctes les unes des autres, donc une variance interclasses forte, accompagnée d'une homogénéité des classes, donc une variance intraclasses faible. D'un point de vue statistique, chercher à augmenter l'une équivaut à faire diminuer l'autre. Cette mécanique n'est pas toujours claire pour des observateurs non avertis ; ainsi, dans l'affaire Manhart, un des cas les plus documentés sur la discrimination par le genre en assurance, le juge Stevens affirme : "We focus on fairness to individuals rather than on fairness to classes [...] even a true generalization about a class is an insufficient reason for disqualifying an individual to whom the generalization does not apply" (cité dans Anzalone (2016)). Autrement dit, pour la justice, un critère statistique de type true generalization ne peut être opposable à un individu.

Une autre critique importante, que l'on retrouve dans la *gender directive*, est le lien entre discrimination et causalité. En effet, statistiquement, les actuaires vont chercher des facteurs de classification fortement corrélés avec la sinistralité. Mais il est possible que ces facteurs ne soient qu'un *proxy* de la vraie variable causale, qui elle est restée inobservée, conduisant à une mauvaise estimation du risque pour certains. Comme le notent Antonio et Charpentier (2017), le genre a ainsi été longtemps utilisé en assurance automobile étant très corrélé avec des variables associées au style de conduite et à d'autres variables historiquement non observables (mais qui le sont aujourd'hui grâce aux objets connectés, comme le kilométrage parcouru, les heures de conduite, les types de routes utilisées, etc.).

Ce lien avec les mécanismes causaux est d'ailleurs relativement profond. Hacking (1975) y voit une connexion avec la « révolution probabiliste »: on peut assez facilement mettre en évidence des corrélations, mais les causes, si elles existent, nous restent plus opaques. Laplace, au début du XIXº siècle, déclare ainsi que « la probabilité est relative [, cela est dû] en partie à nos connaissances, en partie à notre ignorance », liant les probabilités à la fois à une vision newtonienne déterministe du monde et à notre incapacité à le connaître parfaitement. Cette dernière composante fait que l'on ne peut pas annoncer la date exacte du décès d'un individu, mais statistiquement, dans un groupe homogène, on peut prédire le nombre de décès qui surviendront au cours d'une année. Et pour revenir à la relation causale, le tabagisme, par exemple,

ne cause pas forcément une mort prématurée. Mais fumer sera vu comme dangereux, car cette pratique augmente la probabilité de décès au cours d'une période donnée. Ainsi, comme le montre Hacking (1975), la causalité est pensée aujourd'hui dans un contexte probabiliste, et non plus déterministe.

Bibliographie

ABRAHAM K. S. (1985), "Efficiency and fairness in insurance risk classification", *Virginia Law Review* 71, pp. 403-451.

ANDERSON A. W. (1978), "A Critique of the Manhart Brief", *The Actuary* 12:5.

ANTONIO K. & CHARPENTIER A. (2017), « La tarification par genre en assurance, corrélation ou causalité ? », *Risques* 109.

ANZALONE C. A. (2016), U.S. Supreme Court Cases on Gender and Sexual Equality, Routledge.

BAILEY H., HUTCHISON T. & NARBER G. (1975), "The regulatory challenge to life insurance classification", *Drake Law Review Insurance Law Annual* 4, pp. 779-827.

CHARPENTIER A. & DENUIT M. (2004), Mathématiques de l'assurance non-vie : Principes généraux de théorie du risque, Economica

CRAMER H. (1946), *Mathematical Methods of Statistics*, Princeton University Press.

CUMMINS J. D., SMITH B. D., VANCE R. N. & VANDERHAI J. L. (1982), *Risk Classification in Life Insurance*, Kluwer-Nijhoff Publishing.

EWALD F. (1986), L'État providence, Grasset.

FISHER R. A. (1936), "The Use of Multiple Measurements in Taxonomic Problems", *Annals of Eugenics* 7 (2), pp. 179-188.

GOODFELLOW U., BENGIO Y. & COURVILLE A. (2018), L'Apprentissage profond, Massot Édition.

HACKING I. (1975), *The Emergence of Probability*, Cambridge University Press.

HOY M. (1982), "Categorizing risks in the insurance industry", *The Quarterly Journal of Economics* 97, pp. 321-336.

KLEINDORFER P. & KUNREUTHER H. (1980), "Misinformation and Equilibrium in Insurance Markets", in *Economic Analysis of Regulated Markets*, Jörg Finsinger Editor, Springer Verlag, pp. 67-

KUHN M. & JOHNSON K. (2018), Applied Predictive Modeling, Springer Verlag.

MARTIN G. D. (1976), "Gender Discrimination in Pension Plans", *Journal of Risk and Insurance* 43.

McGRAYNE S. B. (2012), The Theory That Would Not Die: How Bayes' Rule Cracked the Enigma Code, Hunted Down Russian Submarines, and Emerged Triumphant from Two Centuries of Controversy, Yale University Press.

RAMSEY P. F. (1926), Truth and Probability.

SCHAUER F. (2006), *Profiles, Probabilities, and Stereotypes*, Harvard University Press.

VON MISES R. (1957), *Probability, Statistics and Truth*, Dover publications.

WILSON C. (1977), "A model of insurance markets with incomplete information", *Journal of Economic Theory* 16:2, pp. 167-207.