

语法分析IV

《编译原理和技术》

张昱

0551-63603804, yuzhang@ustc.edu.cn 中国科学技术大学 计算机科学与技术学院



3.4 自下而上分析

(移进-归约分析)

- □ 归约(最右推导的逆过程)
- □ 句柄(可归约串),可能不唯一
- □冲突:移进-归约、归约-归约



语法分析的主要方法

□ 自上而下 (top-down) 预测分析

- 从开始符号出发,为输入串寻找最左推导 是自上而下形成分析树的过程
- 即便消除左递归、提取左公因子,仍然存在一些程序语言, 它们对应的文法不是LL(1)

□ 自下而上 (bottom-up) 移进-归约

- ■针对输入串,尝试根据产生式归约(reduce,将与产生式右 部匹配的串归约为左部符号),直至归约到开始符号 是自下而上形成分析树的过程
- 比top-down方法更一般化

张昱:《编译原理和技术》课程信息



3.4 自下而上分析

(移进-归约分析)

- □ 归约(最右推导的逆过程)
- □ 句柄(可归约串),可能不唯一
- □冲突:移进-归约、归约-归约



把输入串归约成文法的开始符号, 是最右推导的逆过程

例

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc/b$$

$$B \rightarrow d$$



把输入串归约成文法的开始符号,是最右推导的逆过程

例
$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc/b$$

$$B \rightarrow d$$

输入串: abbcde

ab (读入ab) 寻找能匹配某产生式右部的子串

 \boldsymbol{a}



把输入串归约成文法的开始符号,是最右推导的逆过程

例
$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc / b$$

$$B \rightarrow d$$

输入串: abbcde

ab

aA (归约)

b

用产生式 $A \rightarrow b$ **归约后仍能形成右句型** aAbcde 是右句型

 $S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} a\underline{Abc}de \Rightarrow_{rm} a\underline{bbc}de$

右句型:按最右推导推出的句型, aABe 、aAde 、aAbcde 、abbcde 都是右句型



把输入串归约成文法的开始符号, 是最右推导的逆过程

例

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc/b$$

$$B \rightarrow d$$

输入串: abbcde

ab

aAb (再读入b)

归约成A吗?

《编译原理和技术》语法分析

1958 University or Gifence and Technology

归约 (Reduce)

把输入串归约成文法的开始符号,是最右推导的逆过程

例
$$S \rightarrow aABe$$
 $A \rightarrow Abc / b$
 $B \rightarrow d$

输入串: abbcde

ab

aAb (再读入b)

b

 $A \rightarrow b$ b可以归约成A吗?

归约后能否形成右句型?

aAAcde 不是右句型 故不能将b归约成A

$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} a\underline{Abc}de \Rightarrow_{rm} abbcde$$

 \boldsymbol{a}

1958 University of Green and Technology

归约 (Reduce)

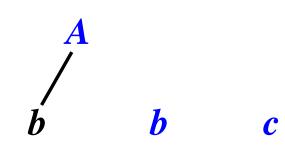
把输入串归约成文法的开始符号,是最右推导的逆过程

例
$$S \rightarrow aABe$$
 $A \rightarrow Abc / b$
 $B \rightarrow d$

输入串: abbcde

ab

aAbc (再读入c)



把输入串归约成文法的开始符号, 是最右推导的逆过程

例

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc/b$$

$$B \rightarrow d$$

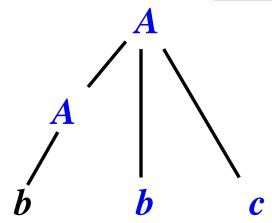
输入串: abbcde

ab

aAbc

aA (归约)

 $A \rightarrow Abc$



$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} aAbcde$$

 \boldsymbol{a}

1958 University of Stringer and Technology

归约 (Reduce)

把输入串归约成文法的开始符号,是最右推导的逆过程

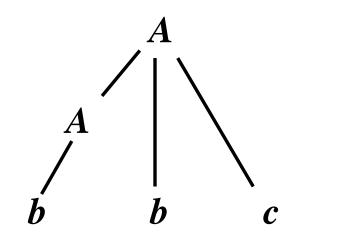
例
$$S \rightarrow aABe$$
 $A \rightarrow Abc / b$
 $B \rightarrow d$

输入串: abbcde

ab

aAbc

aAd (再读入d)



$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} aAbcde \Rightarrow_{rm} abbcde$$

1958 University of Rivence and Technology

归约 (Reduce)

把输入串归约成文法的开始符号,是最右推导的逆过程

例
$$S \rightarrow$$

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc / b$$

$$B \rightarrow d$$

$$B \rightarrow d$$

输入串: abbcde

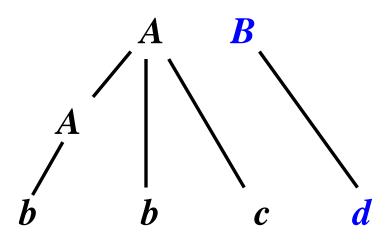
ab

aAbc

aAd

aAB (归约)

a



$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} a\underline{Abc}de \Rightarrow_{rm} abbcde$$

把输入串归约成文法的开始符号, 是最右推导的逆过程

例

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc/b$$

$$B \rightarrow d$$

输入串: abbcde

 \boldsymbol{a}

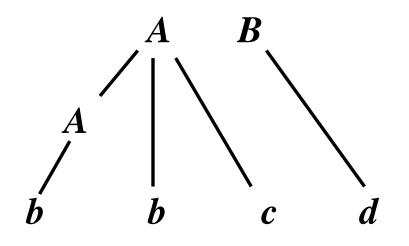
ab

aAbc

aAd

aAB

aABe(再读入e)



$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} a\underline{Abc}de \Rightarrow_{rm} abbcde$$

《编译原理和技术》语法分析

把输入串归约成文法的开始符号, 是最右推导的逆过程

例

$$S \rightarrow aABe$$

$$A \rightarrow Abc/b$$

$$B \rightarrow d$$

输入串: abbcde

ab

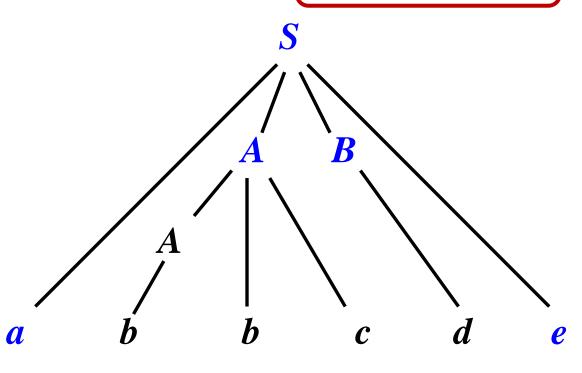
aAbc

aAd

aAB

aABe

(归约)



 $S \rightarrow aABe$

$$S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} aAbcde \Rightarrow_{rm} abbcde$$

《编译原理和技术》语法分析



3.4 自下而上分析

(移进-归约分析)

- □归约(最右推导的逆过程)
- □ 句柄(可归约串),可能不唯一
- □冲突:移进-归约、归约-归约

旬柄(handles)

□ 右句型的句柄 (可归约串)

- 是右句型 $\alpha \delta \beta$ 中和某产生式 $B \rightarrow \delta$ 右部匹配的子串 δ , 并且

 $S \Rightarrow_{rm} aABe \Rightarrow_{rm} aAde \Rightarrow_{rm} aAbcde \Rightarrow_{rm} abbcde$

- 句柄的右边仅含终结符 (是尚未处理输入串)
- 如果文法二义,那么句柄可能不唯一



例 句柄不唯一

$$E \rightarrow E + E / E * E / (E) / id$$

$$E \Rightarrow_{rm} E * E$$

$$\Rightarrow_{rm} E * E + E$$

$$\Rightarrow_{rm} E * E + id_{3}$$

$$\Rightarrow_{rm} E * id_{2} + id_{\underline{3}}$$

$$\Rightarrow_{rm} id_{1} * id_{2} + id_{\underline{3}}$$



例 句柄不唯一

$$E \rightarrow E + E / E * E / (E) / id$$

$$E \Rightarrow_{rm} E * E$$

$$\Rightarrow_{rm} E * E + E$$

$$\Rightarrow_{rm} E * E + id_{3}$$

$$\Rightarrow_{rm} E * E + id_{3}$$

$$\Rightarrow_{rm} E * E + id_{3}$$

$$\Rightarrow_{rm} E * id_{2} + id_{3}$$

$$\Rightarrow_{rm} E * id_{2} + id_{3}$$

$$\Rightarrow_{rm} id_{1} * id_{2} + id_{3}$$

$$\Rightarrow_{rm} id_{1} * id_{2} + id_{3}$$

在右句型 $E * E + id_3$ 中,句柄不唯一: id_3 、 E * E

*右句型:最右推导可得的句型



用栈实现移进-归约分析

先通过"移进—归约分析器在分析输入串id₁*id₂+id₃时的动作序列"来了解移进—归约分析的工作方式。

需要引入栈保存移进的文法符号

归约时需要从栈的顶部将形成**句柄**的文法符号串弹出, 再将归约成的非终结符入栈



栈	输入	动作
\$	输 入 id ₁ * id ₂ + id ₃ \$	



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进
\$ id ₁	$id_1 * id_2 + id_3 $ * $id_2 + id_3 $ \$	



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进
\$ id ₁	* id ₂ + id ₃ \$	按E→id归约



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进
\$ id ₁	* $id_2 + id_3$ \$	按E→id归约
\$ <i>E</i>	* $id_2 + id_3$ \$	



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进
\$ id ₁	* $id_2 + id_3$ \$	按E→id归约
\$ <i>E</i>	* $id_2 + id_3$ \$	移进



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进
\$ id ₁	* id ₂ + id ₃ \$	按E→id归约
\$ <i>E</i>	* id ₂ + id ₃ \$	移进
\$E*	$id_2 + id_3$ \$	



栈	输入	动作
\$	$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2 + \mathbf{id}_3$	移进
\$ id ₁	* id ₂ + id ₃ \$	按E→id归约
\$ <i>E</i>	* $id_2 + id_3$ \$	移进
\$E*	$id_2 + id_3$ \$	移进



栈	输入	动作
\$	$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2 + \mathbf{id}_3$	移进
\$ id ₁	* id ₂ + id ₃ \$	按E→id归约
\$ E	* $id_2 + id_3$ \$	移进
\$E*	$id_2 + id_3$ \$	移进
$E*id_2$	+ id ₃ \$	



栈	输入	动作
\$	$\mathbf{id}_1 * \mathbf{id}_2 + \mathbf{id}_3$ \$	移进
\$ id ₁	* id ₂ + id ₃ \$	接E→id归约
\$ <i>E</i>	* id ₂ + id ₃ \$	移进
\$E*	$id_2 + id_3$ \$	移进
$E*id_2$	+ id ₃ \$	接E→id归约



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进
\$ id ₁	* id ₂ + id ₃ \$	按E→id归约
\$ E	* $id_2 + id_3$ \$	移进
\$E*	$id_2 + id_3$ \$	移进
$E*id_2$	+ id ₃ \$	按E→id归约
\$ <i>E</i> ∗ <i>E</i>	+ id ₃ \$	



栈	输入	动作
\$	$id_1 * id_2 + id_3$ \$	移进
\$ id ₁	* id ₂ + id ₃ \$	按E→id归约
\$ <i>E</i>	* $id_2 + id_3$ \$	移进
\$E*	$id_2 + id_3$ \$	移进
$E*id_2$	+ id ₃ \$	按E→id归约
\$ <i>E</i> * <i>E</i>	+ id ₃ \$	移进? 归约?
$E \Rightarrow_{\underline{rm}} E * E$ $\Rightarrow_{\underline{rm}} E * E +$ $\Rightarrow_{\underline{rm}} E * E +$	T. 7.11.	



3.4 自下而上分析

(移进-归约分析)

- □归约(最右推导的逆过程)
- □ 句柄(可归约串),可能不唯一
- □冲突:移进-归约、归约-归约



移进-归约分析需要解决的一些问题

□ 如何决策是选择移进还是归约?

- □ 进行归约时,怎么确定右句型中要归约的子串 (即句柄)
 - 句柄总是出现在栈顶

□ 进行归约时,如何确定选择哪一个产生式?



移进-归约分析的冲突

□ 移进—归约冲突(shift/reduce conflict) 例

```
stmt \rightarrow if expr then stmt
     if expr then stmt else stmt
      other
如果移进-归约分析器处于格局(configuration)
 栈
                                    输入
                             else ... $
```

... if expr then stmt

优先移进 也满足else的 就近匹配原则

《编译原理和技术》语法分析



移进-归约分析的冲突

□ 归约–归约冲突(reduce/reduce conflict)

```
stmt \rightarrow id (parameter_list) | expr = expr id(...)是函数调用 parameter_list \rightarrow parameter_list, parameter | parameter
```

 $parameter \rightarrow id$

 $expr \rightarrow id (expr_list) \mid id$

id(...)也表示数组元素的引用

 $expr_list \rightarrow expr_list, expr / expr$

由A(I,J)开始的语句

归约成expr还

是parameter?

栈

... id (id

输入

, id).

万法1 一般用<mark>位于前面的</mark> 产生式讲行归约



移进-归约分析的冲突

□ 归约—归约冲突(reduce/reduce conflict)

```
stmt \rightarrow [procid](parameter\_list) \mid expr = expr
parameter\_list \rightarrow parameter\_list, parameter | parameter
parameter \rightarrow id
                                         id(...)也表示数组元素的引用
expr \rightarrow id (expr\_list) \mid id
expr\_list \rightarrow expr\_list, expr \mid expr
```

由A(I,J)开始的语句(词法分析查符号表,区分第一个id)

栈

... procid(id

■ 需要修改上面的文法

方法2 內写文法,区分 id是否是procid



3.5 LR分析器

(L-scanning from left to right; R- rightmost derivation in reverse)

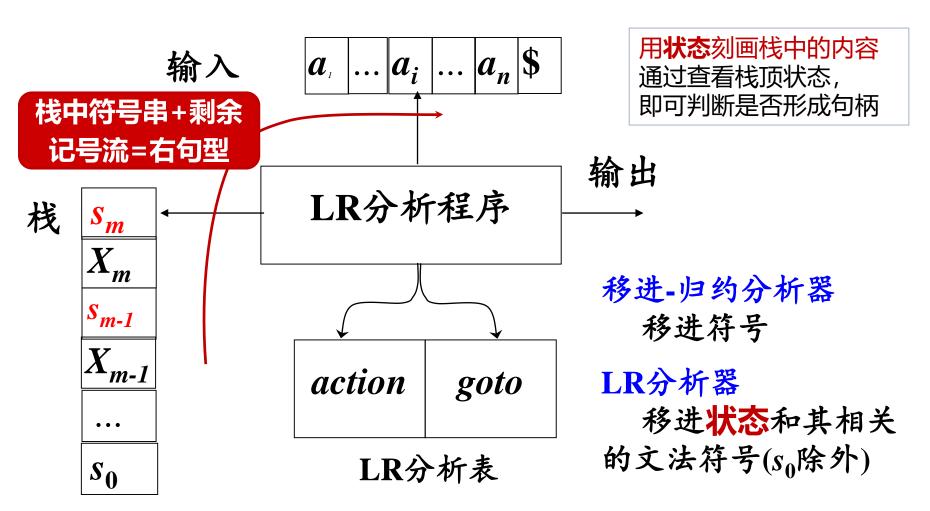
- □ LR分析算法:效率高
- □LR分析表的构造技术

简单的LR(SLR)、规范的LR、向前看LR(LALR)



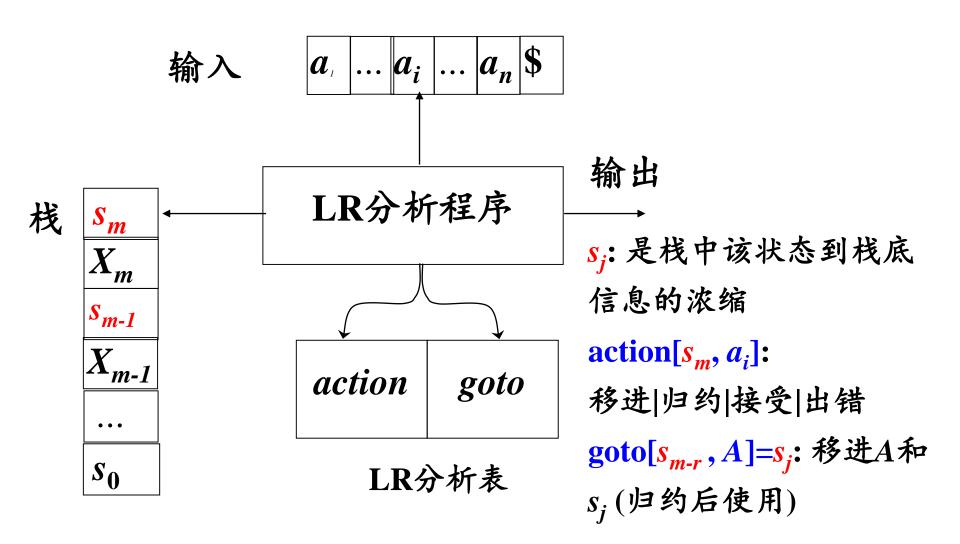
LR分析算法: 分析器的模型

■如何快速识别栈的顶部是否形成句柄? →引入状态





LR分析算法: 分析器的模型





shift reduce

状态i

实际可不用移进

例
$$E \rightarrow E + T/E \rightarrow T$$

si 移进

$$\mathbf{P69} \quad T \to T * F / T \to E$$

rj 按第j个产生式进行归约

 $F \rightarrow (E) \mid F \rightarrow id$

acc 接受

LR分析表

状态			动	作				转移	
10000	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			



	栈		输 入	动	作
0			id * id + id \$		
	动作	转移			

状态			动	作				转移	
1,000	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

昱:	《编译原理和技术》	语法分析
<u>., </u>	((2回が十ルハン土がり)又ノト//	カスンシン



栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进(查动作表)
0 id 5	* id + id \$	

状态			动	作				转移	
1///65	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			$\overline{\mathcal{I}}$



栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	

状态			动	作				转移	
4776	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

	-				1 - 41	
1.	查action	15.	· * =	: r6	归约	1
_		L	, ,	_	/ * 1	,

- 2. 按r6执行归约($F \rightarrow a$):
- 从栈中弹出|a|个状态 -符号对
- 将(F,3)入栈



栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按F→id归约
0 F 3	* id + id \$	接 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	
	状态	动作 转移 id + * () \$ E T

状态			动	作				转移	
177765	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			$\overline{\mathcal{I}}$

张昱:《编译原理和技术》i



栈	输入				动	J	1	乍	
0	id * id + id \$	Ź	移	进	•				
0 id 5	* id + id \$		安	\overline{F}	\rightarrow	·ic	业	日丝	与 匀
0 F 3	* id + id \$		安	T	\rightarrow	F	· 佐	1约	j
0 T 2	* id + id \$	5	移	进					
0 T 2 * 7	id + id o	添			动	作			
			id	+	*	()	\$	F
		0 1	s5	s6		s4		acc	$\frac{1}{1}$
		2		r2	s7		r2	r2	+
		3		r4	r4		r4	r4	+
		4	s5			s4			8
		5	s5	r6	r6	- A	r6	r6	+
		7	s5 s5			s4 s4			+
		8		s6		•	s11		+
		_							+

转移

2

9

F

3

3 10

E

8

r1

r3

r5

r1

r3

r5

张昱:《编译原理和技术》语》

9

10

11

r1

r3

r5

s7

r3

r5



栈	输入
0	id * id + ic
0 id 5	* id + ic
0 F 3	* id + ic

状态			动			转移			
177705	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		rl	s7		rl	r1			
10		r3	r3		r3	r3			/
11		r5	r5		r5	r5			

0 T 2	* id + id \$	移进
0T2*7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	



栈	输入
0	id * id + ic
0 id 5	* id + ic
0 F 3	* id + ic

状态			动	作				转移	
1776	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按F→id归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	



输入
id * id + ic
* id + ic
* id + ic

状态			动	作		·		转移	
177765	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		rl	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	接 $T \rightarrow T*F$ 归约
• • •	• • •	• • •



		_		~ ~						
从	输入	2		r2	s7	r2				
1%	- 1111 /	3	s5	r4	r4	s4	r4	8	2	_
0	id * id + ic	5		r6	r6	re	6 r6			
U		•	s5			s4			9	
0 id 5	* id + ic	8	s5	s6		s4 s1	1			1
o la S	* Iu It	9		r1	s7	r				_
0 F 3	* id + ic	10		r3	r3	r3				
O F 3	* 1U + 1C	11		r5	r5	rŝ	r5			
0 T 2	*id + id	1\$	移	进	<u>.</u>					
0 T 2 * 7	id + id	1\$	移	进						
0 T 2 * 7 id 5	+ id	\$	按	F	<u>`</u>	→ id	归约	约		
0 T 2 * 7 F 10	+ id	\$	按	T	\rightarrow	<i>→ T</i> *	F	日纟	勺	
归约为 开始符号				完/ •	或合 \	法输	入串	的分	分析	r T
0 E 1		\$	接	受	ا	-				

动作

s4

状态

0

id

s5

s6

转移

T

F

3

E

\$

acc



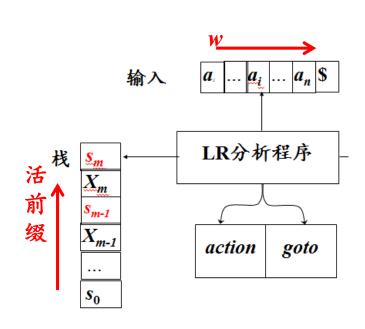
LR分析: 基本概念

- □ 活前缀 (viable prefix)
 - 右句型的前缀 $\gamma\beta$, 该前缀不超过最右句柄的右端

$$S \Rightarrow^*_{rm} \gamma A w \Rightarrow_{rm} \gamma \beta w$$

- $> \gamma \beta$ 的任何前缀(包括 $\epsilon \, \pi \gamma \beta$ 本身)都是**活前**缀
- > w仅包含终结符

- ■对应到LR分析模型上的特点
 - □ **活前缀**: 是LR分析栈中从栈底到 栈顶的文法符号连接形成的串
 - □ w: 输入缓冲区中剩余的记号串





LR分析: 基本概念

□ LR文法(LR grammar)

■ 能为之构造出所有条目(若存在)都唯一的LR分析表

□ LR分析表

■ 移进+goto (转移函数): 本质上是识别活前缀的DFA

状态				动	ŕ	乍		转	移	
	id	+	*	()	\$	E	T	F	
0	s 5			s 4			1	2	3	
1		s 6				acc				
2		<i>r</i> 2	<i>s</i> 7		<i>r</i> 2	r2				
3		r4	r4		r4	r4				
4	s 5			s 4			8	2	3	



LR分析方法的特点

- 栈中的文法符号总是形成一个活前缀
- 分析表的转移函数本质上是识别活前缀的DFA
- 栈顶的状态符号包含了确定句柄所需要的一切信息
- 是已知的最一般的无回溯的移进-归约方法
- 能分析的文法类是预测分析能分析的文法类的真超集
- 能及时发现语法错误

■手工构造分析表的工作量太大



LR方法与LL方法的比较

	LR(1)方 法	LL(1)方 法
建立分析树的方式	自下而上	自上而下
归约还是推导	规范归约	最左推导
决定使用产生式的时机		

$$S \Rightarrow ... \Rightarrow \gamma A b w \Rightarrow \gamma \beta b w$$

 $A \rightarrow l\beta$

LL(1)决定用该 产生式的位置



LR方法与LL方法的比较

	LR(1)方 法	LL(1)方 法
建立分析树的方式	自下而上	自上而下
归约还是推导	规范归约	最左推导
决定使用产生式的时机		

 $S \Rightarrow ... \Rightarrow \gamma A b w \Rightarrow \gamma l \beta b w$ LR(1)决定用该 LL(1)决定用该 产生式的位置 产生式的位置

张昱:《编译原理和技术》语法分析

55



LR方法与LL方法的比较

	LR(1)方 法	LL(1)方 法
建立分析树的方式	自下而上	自上而下
归约还是推导	规范归约	最左推导
决定使用产生式的时机	看见产生式右部推 出的整个终结符串 后,才确定用哪个 产生式归约	看见产生式右部推 出的第一个终结符 后,便要确定用哪 个产生式推导

 $S \Rightarrow ... \Rightarrow \gamma A b w \Rightarrow \gamma l \beta b w$ LL(1)决定用该 产生式的位置 LR(1)决定用该 产生式的位置



3.5 LR分析器

(L-scanning from left to right; R- rightmost derivation in reverse)

- □LR分析算法:效率高
- □LR分析表的构造技术

简单的LR(SLR)、规范的LR、向前看LR(LALR)

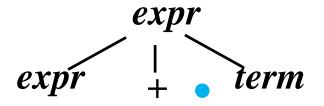
□ LR(0)项目与LR(1)项目

- □ SLR: 简单的LR
 - 构造LR(0) 项目集规范族→形成DFA状态→SLR分析表
- □ LR: 规范的LR
 - 构造LR(1) 项目集规范族→形成DFA状态→LR分析表
- □ LALR: 向前看的LR
 - 构造LR(1) 项目集规范族→形成DFA状态→合并同心项目 集→LR分析表



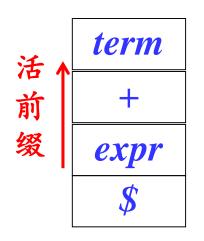
- LR(0) 项目
 - □在右部的某个地方加点的产生式
 - □加点的目的是用来表示分析过程所处的位置

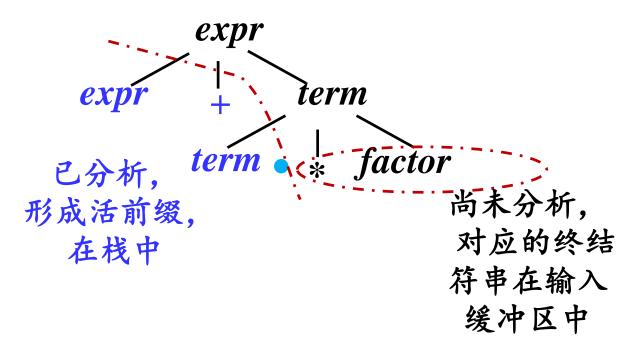
 $expr \rightarrow expr + \cdot term$





- LR(0) 项 目
 - □在右部的某个地方加点的产生式
 - □加点的目的是用来表示分析过程所处的位置







- LR(0) 项目
 - □ 在右部的某个地方加点的产生式
 - □ 加点的目的是用来表示分析过程所处的位置

例 $A \rightarrow XYZ$ 对应有四个项目

$$A \rightarrow XYZ$$
 $A \rightarrow XYZ$

$$A \rightarrow X \cdot YZ$$

$$A \rightarrow XYZ$$

$$A \rightarrow XYZ$$
 $A \rightarrow XYZ$.

例 $A \rightarrow \epsilon$ 只有一个项目和它对应

$$A \rightarrow \cdot$$



- LR(0) 项目 $[A \rightarrow \alpha \beta]$, $\alpha \alpha \beta$ 为文法符号串(可能为 ϵ)
- 状态: LR(0) 项目集规范族(canonical LR(0) collection)
- 1. 拓广文法 (augmented grammar)

新增产生式和 新的开始符号

E 原来的开始符号

 $E' \rightarrow E$ 旨在指示分析器何时开始分析、何时完成分析

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$[E' \rightarrow \cdot E] \qquad [E' \rightarrow E \cdot]$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$



- LR(0) 项目 $[A \rightarrow \alpha \beta]$, $\alpha \cap \beta$ 为文法符号串(可能为 ϵ)
- 状态: LR(0) 项目集规范族(canonical LR(0) collection) 初始状态

 I_0 : $E' \rightarrow \cdot E$



- LR(0) 项目 $[A \rightarrow \alpha \beta]$, $\alpha \alpha \beta$ 为文法符号串(可能为 ϵ)
- 状态: LR(0) 项目集规范族(canonical LR(0) collection) 初始状态

$$I_0$$
:
$$\begin{array}{c} E ' \rightarrow \cdot E \\ E \rightarrow E + T \\ E \rightarrow T \end{array}$$

求项目集的闭包closure(I) P75

求LR(0)项目集的闭包closure(I) P75

$$[A \rightarrow \alpha \ B\beta] \in I$$

$$\forall B \rightarrow \gamma : [B \rightarrow \gamma] \in I$$



- LR(0) 项目 $[A \rightarrow \alpha \beta]$, $\alpha \alpha \beta$ 为文法符号串(可能为 ϵ)
- 状态: LR(0) 项目集规范族(canonical LR(0) collection) 初始状态

I_0 :

$$E' \rightarrow \cdot E$$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow F$$

求项目集的闭包closure(I) P75

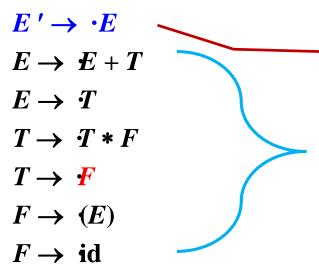
$$[A \rightarrow \alpha \ B\beta] \in I$$

$$\forall B \rightarrow \gamma : [B \rightarrow \gamma] \in I$$



- LR(0) 项目 $[A \rightarrow \alpha \beta]$, $\alpha \alpha \beta$ 为文法符号串(可能为 ϵ)
- 状态: LR(0) 项目集规范族(canonical LR(0) collection) 初始状态

 I_0 :



求项目集的闭包closure(I) P75

核心项目

1) 初始项目; 2) 点不在最左端的项目

非核心项目

非初始项目且点在最左端的项目

可以通过对核心项目求闭包来获得 为节省存储空间,可省去



- □ SLR (SimpleLR)
 - LR(0) 项目 $[A \rightarrow \alpha \beta]$, $\alpha \alpha \beta$ 为文法符号串(可能为 ϵ)
 - 每个DFA状态: LR(0) 项目集规范族
- □ 规范的LR分析
 - LR(1) 项目: 带搜索符(lookahead) $[A \rightarrow \alpha \beta, a]$ 表示A之后紧跟a. 如果存在 $S \Rightarrow^*_{rm} \delta Aw \Rightarrow_{rm} \delta \alpha \beta w$, 则
 - a是w的第一个符号,或者w是 ε 且a是\$

问题: LR(1)项目数量庞大 => LR(1)分析的状态数偏多

□ LALR分析 (LookAhead LR)

和SLR同样多的状态,通过合并规范LR(1)项目集来得到



LR分析表的构造

1. 拓广文法

$$S' \rightarrow S$$

$$S \rightarrow BB$$

$$B \rightarrow bB / a$$

2. 构造LR(0) 项目集规范族或LR(1)项目集规范族 =>构造识别活前缀的DFA

活前缀: 某个右句型的一个前缀,该前缀不超过该右句型的最右句柄的右端

右句型: 通过最右推导得到的句型

3. 从上述DFA构造LR分析表

注: LR(0)项目集规范族 => SLR分析表

LR(1)项目集规范族 => 规范的LR分析表



构造识别活前缀的DFA

□ LR(0)项目集规范族

$$I_0$$
:
$$S \xrightarrow{\prime} \rightarrow \cdot S$$

$$S \rightarrow \cdot BB$$

$$B \rightarrow \cdot bB$$

$$B \rightarrow \cdot a$$

求LR(0)项目集的闭包closure(I) P75

$$[A \rightarrow \alpha \ B\beta] \in I$$

$$\forall B \rightarrow \gamma : [B \rightarrow \gamma] \in I$$

□ LR(1)项目集规范族

$$I_0$$
:
 $S' o \cdot S, \$$
 $S o \cdot BB, \$$
 $B o \cdot bB, a/b$
 $B o \cdot a, a/b$

$$FIRST(B) = \{a, b\}$$

求LR(1)项目集的闭包closure(I) P82

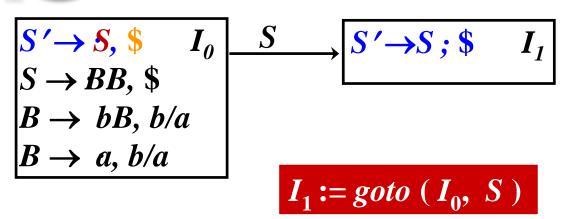
$$[A \rightarrow \alpha \ B\beta, a] \in I$$

$$\forall B \rightarrow \gamma : [B \rightarrow \gamma, b] \in I,$$

$$b \in FIRST(\beta a)$$



构造识别活前缀的DFA(以LR(1)项目集为例)



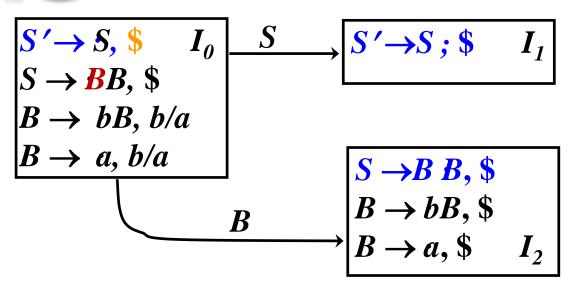
$$S' \to S$$

$$S \to BB$$

$$B \to bB / a$$

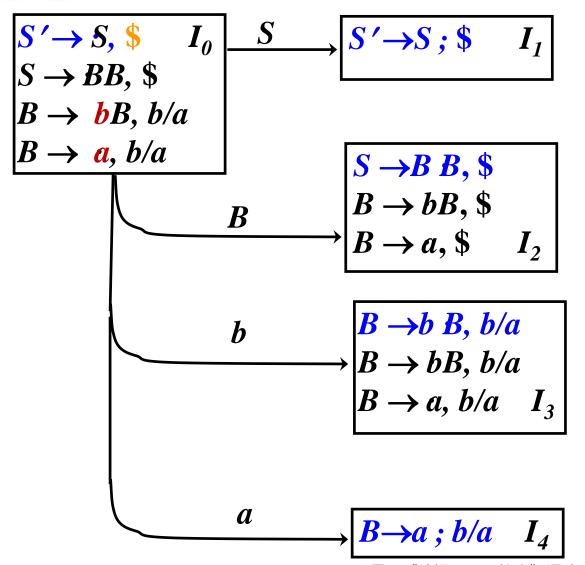


构造识别活前缀的DFA(以LR(1)项目集为例)



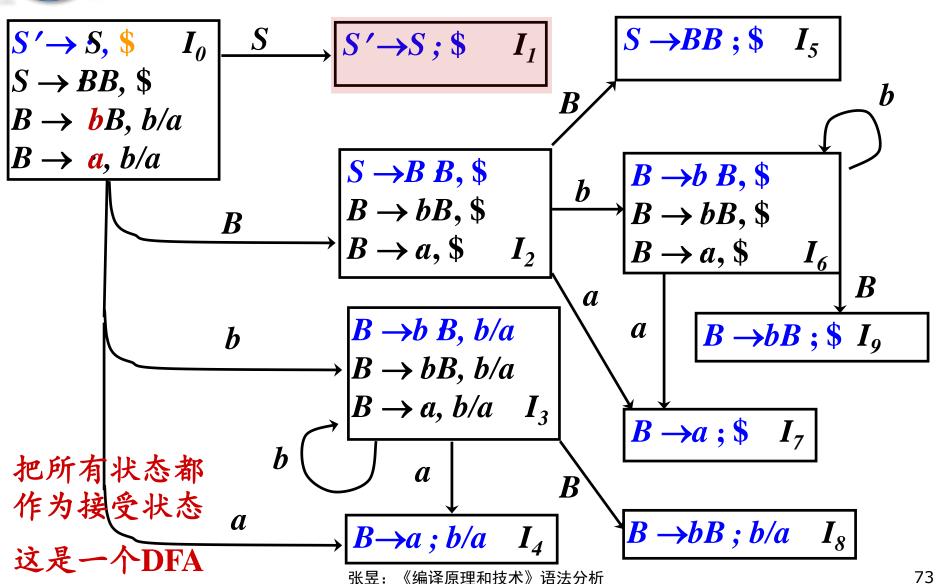


构造识别活前缀的DFA(以LR(1)项目集为例)



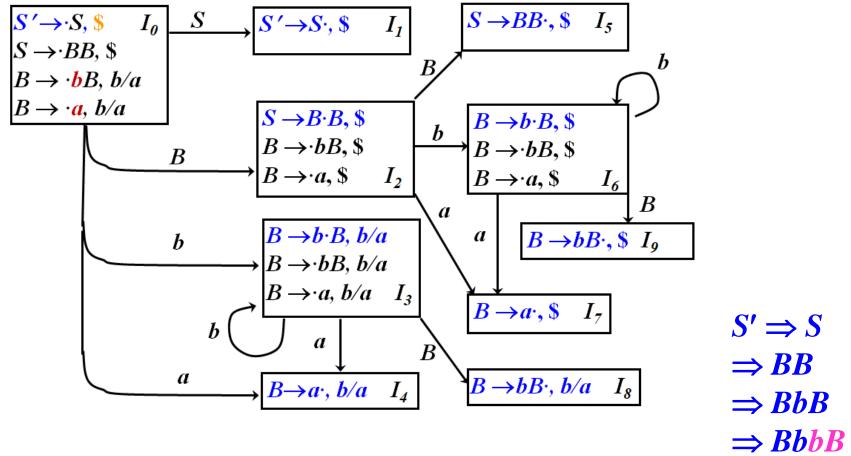


构造识别活前缀的DFA(以LR(1)项目集为例)





构造识别活前缀的DFA(以LR(1)项目集为例)



把所有状态都 作为接受状态

这是一个DFA

bB是最右句柄 BbbB 的所有前缀(活前缀)都可接受



构造识别活前缀的NFA

以LR(0)项目集为例说明

I_0 :

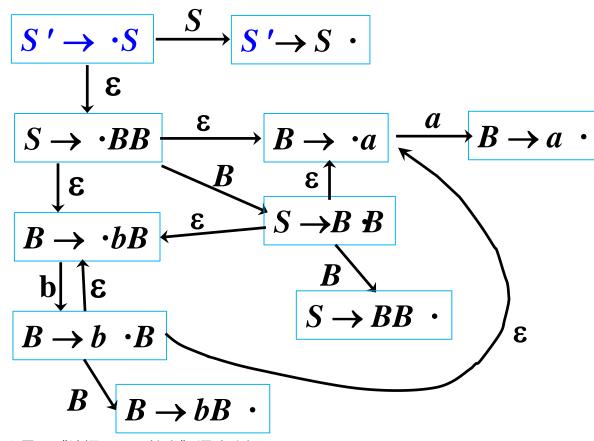
$$S' \rightarrow \cdot S$$

$$S \rightarrow BB$$

$$B \rightarrow \cdot bB$$

$$B \rightarrow \cdot a$$

每个项目一个状态



有效项目 1958 有效项目

- LR(0)项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta]$ 对活前缀 $\gamma = \delta \alpha$ 有效: 如果存在着推导 $S' \Rightarrow^*_{rm} \delta Aw \Rightarrow_{rm} \delta \alpha \beta w$
- LR(1)项目[$A \rightarrow \alpha \beta, \alpha$]对活前缀 $\gamma = \delta \alpha$ 有效: 如果存在着推导 $S' \Rightarrow^*_{rm} \delta Aw \Rightarrow_{rm} \delta \alpha \beta w$, 其中:

 $S' \rightarrow S, \$$

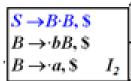
 I_{α}

 $\square a$ 是w的第一个符号,或者 w 是 ϵ 且a是\$

张杲:

□ 项目与活前缀之间的关系

- [B→·bB,\$]对活前缀B、Bb、Bb都有效
- 活前缀B有多个有效 项目



 $S \rightarrow BB$. \$ $B \rightarrow \cdot bB$, b/a $B \rightarrow \cdot a, b/a$ $S \rightarrow B \cdot B$, \$ $B \rightarrow b \cdot B$, \$ $B \rightarrow bB$, \$ $B \rightarrow bB$, \$ \boldsymbol{B} $B \rightarrow a$, \$ $B \rightarrow a, \$$ $B \rightarrow b \cdot B$, b/a $B \rightarrow bB$, \$ I_0 b $B \rightarrow bB$, b/a $B \rightarrow a, b/a I_3$ $B \rightarrow a$, I_7 $B \rightarrow bB$, b/a I_8 $B \rightarrow a$, b/a

 I_1

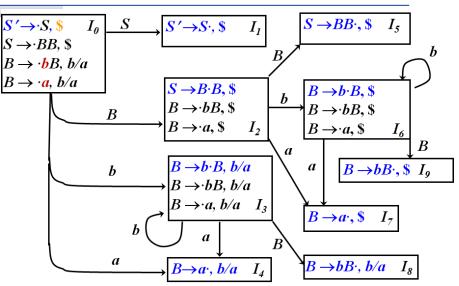
 $S' \rightarrow S', \$$

 $S \rightarrow BB \cdot , \$$

有效项目

□ 项目与活前缀之间的关系

■ 活前缀是DFA中从初始状态 到项目所在状态路径上的 文法符号串联形成的串



- 从项目 $A \rightarrow \alpha \beta$ 对活前缀 $\delta \alpha$ 有效这个事实可以知道
 - ✓ 如果 $\beta \neq \epsilon$, 应该移进
 - \checkmark 如果 β =ε, 应该用产生式 $A\rightarrow \alpha$ 归约
- 一个活前缀γ的有效项目集是从这个DFA的初态出发,沿着标记为γ的路径到达的那个项目集(状态)



- □ 状态 i 从 I_i 构造,按如下方法确定action 函数:
 - 移进: 如果 $[A \rightarrow \alpha \ a\beta]$ 在 I_i 中,并且 $goto(I_i, a) = I_j$,那 么置action[i, a]为sj
 - 归约:如果 $[A \rightarrow \alpha]$ 在 I_i 中,那么对FOLLOW(A)中所有的a,置action[i,a]为rj,j是产生式 $A \rightarrow \alpha$ 的编号
 - 接受:如果[$S' \rightarrow S$ ·]在 I_i 中,那么置action[i, \$]为acc

如果出现动作冲突,那么该文法就不是SLR(1)的



从DFA构造SLR分析表

- □状态 i从 I,构造,按如下方法确定action 函数:
 - 移进: 如果 $[A \rightarrow \alpha \ a\beta]$ 在 I_i 中,并且 $goto(I_i, a) = I_j$,那 么置action[i, a]为sj
 - 归约:如果 $[A \rightarrow \alpha]$ 在 I_i 中,那么对FOLLOW(A)中所有的a,置action[i,a]为rj,j是产生式 $A \rightarrow \alpha$ 的编号
 - 接受:如果[$S' \rightarrow S$ ·]在 I_i 中,那么置action[i, \$]为acc
- □ 构造状态i 的goto函数
 - 对所有的非终结符A, 如果 $goto(I_i, A) = I_i$, 则goto[i, A] = i
- □ 不能由上面两步定义的条目都置为error
- □ 分析器的初始状态: $\Theta_{S'} \rightarrow S$]的项目集对应的状态

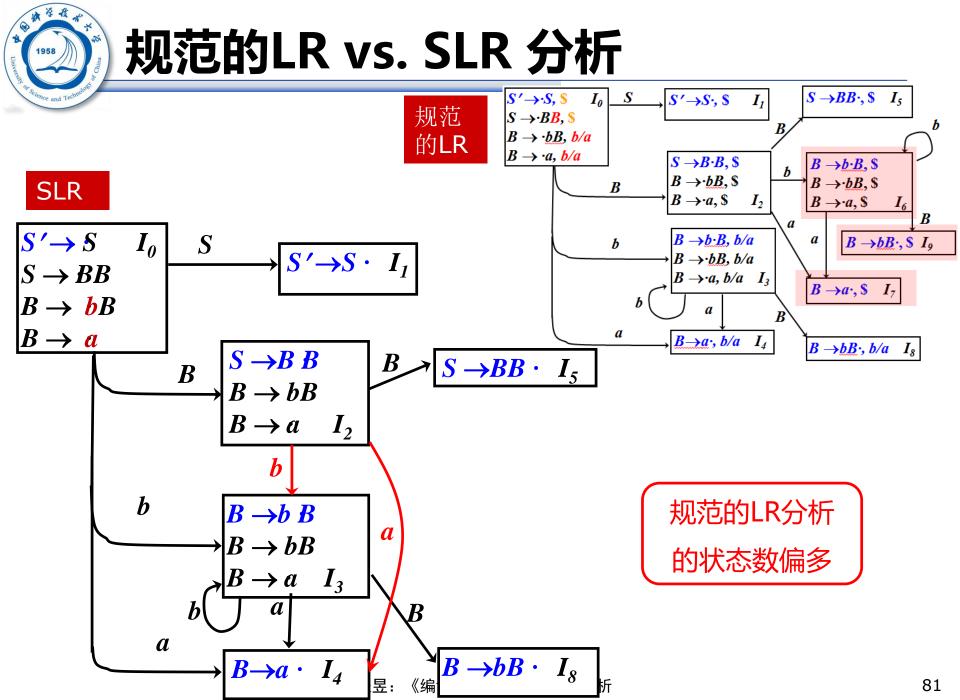


构造规范的LR分析表

□ 构造LR分析表,状态 i 的action函数按如下确定

- ① 如果 $[A \rightarrow \alpha \alpha \beta, b]$ 在 I_i 中,且 $goto(I_i, a) = I_j$,那么置 action[i, a]为sj
- ② 如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a]$ 在 I_i 中,且 $A \neq S'$,那么置action[i, a]为 r_j
- ③ 如果 $[S' \rightarrow S; \$]$ 在 I_i 中,那么置action[i, \$] = acc如果用上面规则构造,出现了冲突,则文法就不是LR(1)的
- \blacksquare goto函数的确定:如果goto $(I_i, A) = I_j$,那么goto[i, A] = j
- ■用上面规则未能定义的所有条目都置为error
- 初始状态是包含[$S' \rightarrow S$, \$]的项目集对应的状态

SLR是根据Follow(A)来确定归约动作 这里是根据搜索符(上下文信息)来确定





LALR分析表 Look ahead LR

□ LALR特点

- ■与SLR分析表有同样多状态
- ■能力介于SLR和规范LR之间
- 其能力在很多情况下已够用

□ LALR分析表构造方法

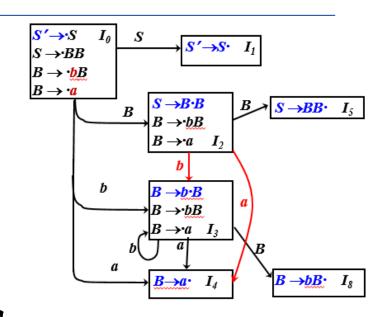
■ 通过合并规范LR(1)项目集来得到

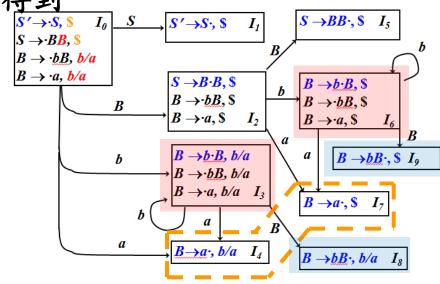
□ 同心的LR(1)项目集

两个项目集在略去搜索符后 是相同的集合

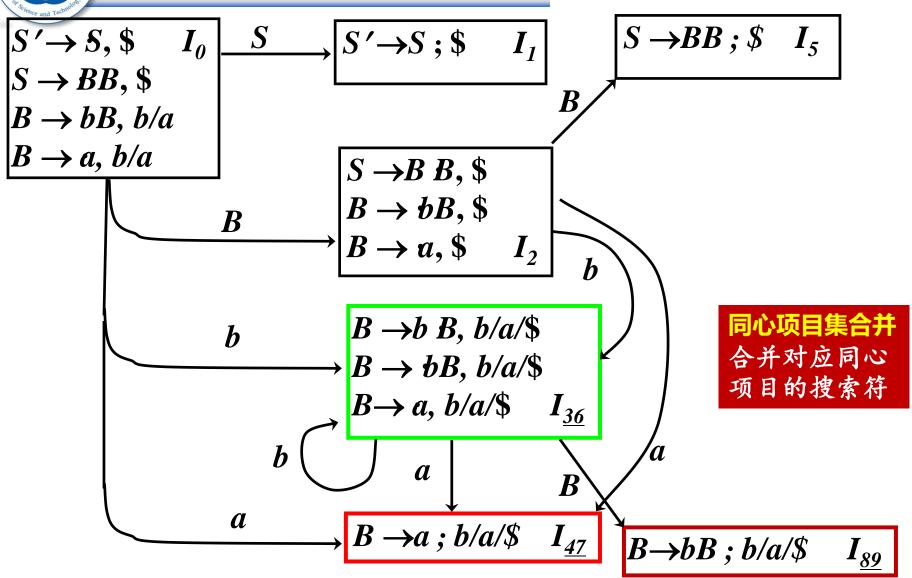
右图有 3 对同心项目集

(I3和I6、I4和I7、I8和I9)



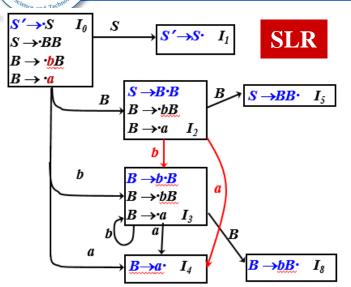


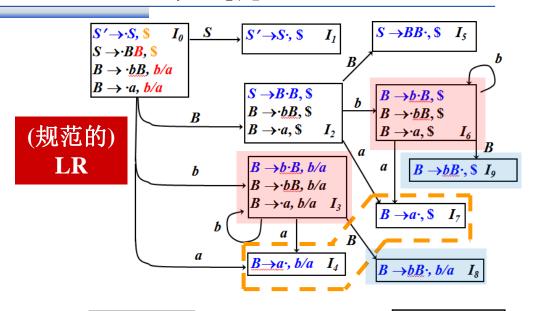
LALR分析



1958 1958 INGO TO STORM THE STORM TH

SLR vs. LR vs. LALR分析





□ 同心集的合并不会引起新的 移进–归约冲突

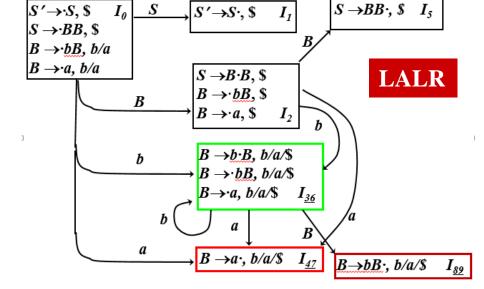
项目集1

项目集2

 $[A \rightarrow \alpha ; a]$

 $[B \rightarrow \beta a \gamma, b]$

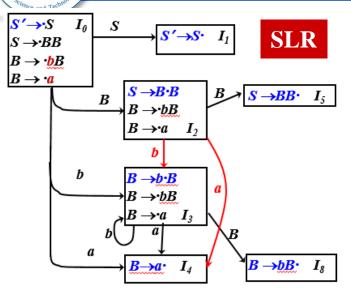
• • •

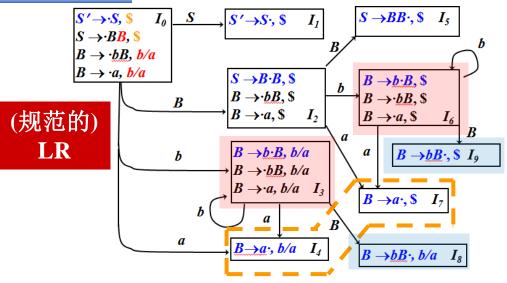


若合并后有冲突



SLR vs. LR vs. LALR分析





□ 同心集的合并不会引起新的 移进—归约冲突

项目集1

项目集2

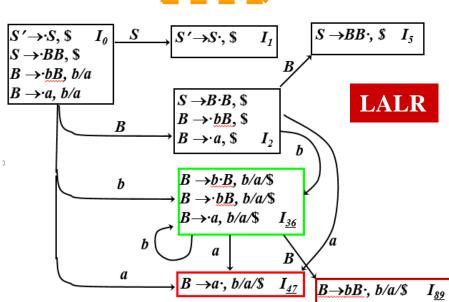
 $[A \rightarrow \alpha ; a]$

 $[B \rightarrow \beta a \gamma, b]$

 $[B \rightarrow \beta \alpha \gamma, c]$

 $[A \rightarrow \alpha ; d]$

则合并前就有冲突





LALR vs. LR 分析

- □ 同心的LR(1)项目集
 - ■两个项目集在略去搜索符后是相同的集合
- □ 同心集的合并不会引起新的移进-归约冲突
- □ 同心集的合并有可能产生新的归约—归约冲突

$$S' \rightarrow S$$

$$S \rightarrow aAd \mid bBd \mid aBe \mid bAe$$

$$A \rightarrow c$$

$$B \rightarrow c$$

对ac有效的项目集

$$A \rightarrow c ; d$$

$$B \rightarrow c ; e$$

合并同心集之后

$$A \rightarrow c ; d/e$$

$$B \rightarrow c ; d/e$$

对bc有效的项目集

$$\begin{vmatrix} A \to c & ; e \\ B \to c & ; d \end{vmatrix}$$

该文法是LR(1)的, 但不是LALR(1)的



SLR(1)文法的描述能力有限

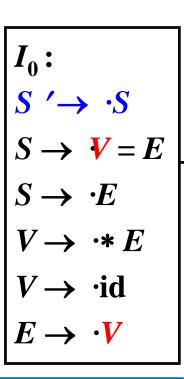
$$S \rightarrow V = E$$

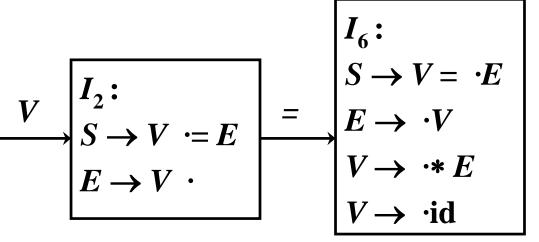
$$S \rightarrow E$$

$$V \rightarrow * E$$

$$V \rightarrow id$$

$$E \rightarrow V$$





项目 $S \rightarrow V = E$ 使得

action[2,=]=s6项目 $E \to V \cdot$ 使得 action[2,=]为按 $E \to V$ 归约, 因为Follow(E) = {=, \$} 产生移进-归约冲突

该文法并不是二义的

$$S \Longrightarrow V = E \$ \Rightarrow *E = E \$$$

 $S \$ \Rightarrow V = E \$$ 无句型 $E = E \otimes$
 $S \$ \Rightarrow E \$ \Rightarrow V \$$



不是SLR(1)但是LR(1)的文法

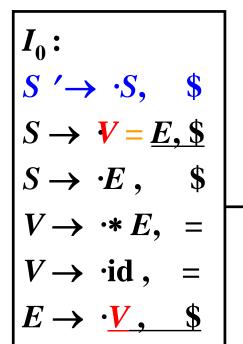
$$S \rightarrow V = E$$

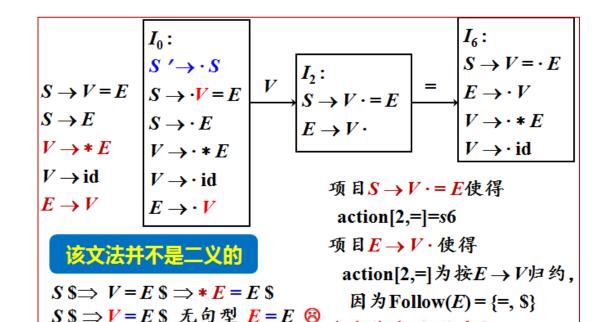
$$S \rightarrow E$$

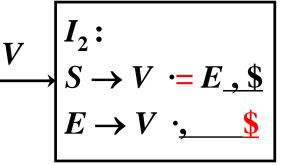
$$V \rightarrow *E$$

$$V \rightarrow id$$

$$E \rightarrow V$$







LR(1)分析 无移进-归约 冲突

产生移进-归约冲突

张昱:《编译原理和技术》语法分析

S $\Rightarrow E$ $\Rightarrow V$



非LR的上下文无关结构

若自左向右扫描的移进—归约分析器能及时识别出现在栈顶的句柄,那么相应的文法就是LR(指规范的LR)的。

语言 $L = \{ww^R \mid w \in (a \mid b)^*\}$ 的文法

 $S \rightarrow aSa \mid bSb \mid \varepsilon$

不是LR的

ababbbbaba

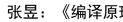
语言 $L = \{w c w^R \mid w \in (a \mid b)^*\}$ 的文法

没读到c移进读到c后规约

 $S \rightarrow aSa \mid bSb \mid c$

是LR的

ababbcbbaba





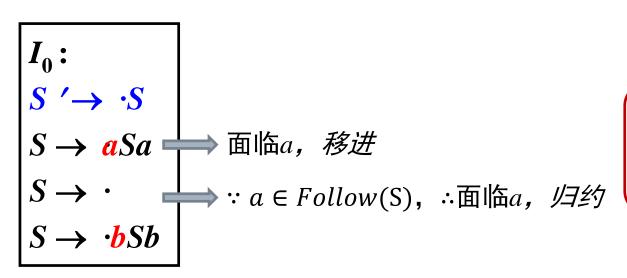
非LR的上下文无关结构

若自左向右扫描的移进-归约分析器能及时识别出现在栈顶的句柄,那么相应的文法就是LR(指规范的LR)的。

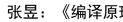
语言
$$L = \{ww^R \mid w \in (a \mid b)^*\}$$
的文法
$$S \rightarrow aSa \mid bSb \mid \varepsilon$$

不是LR的

ababb<mark>bbaba</mark>



存在移进-归约冲突 故不是SLR(1)文法



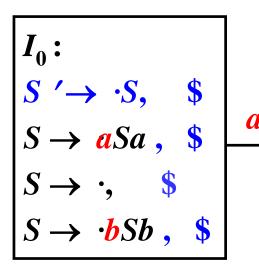


非LR的上下文无关结构

若自左向右扫描的移进-归约分析器能及时识别出现在栈顶的句柄,那么相应的文法就是LR(指规范的LR)的。

语言
$$L = \{ww^R \mid w \in (a \mid b)^*\}$$
的文法
$$S \rightarrow aSa \mid bSb \mid \varepsilon$$

不是LR的



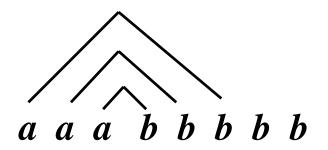




例题 写不同的文法

为语言 $L = \{a^m b^n | n > m \ge 0\}$ 写三个文法,它们分别是LR(1)的、二义的和非二义且非LR(1)的。

□ LR(1)文法: $S \rightarrow AB$ $A \rightarrow aAb \mid \varepsilon$ $B \rightarrow Bb \mid b$

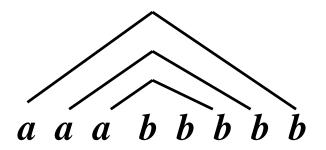




例题 写不同的文法

为语言 $L = \{a^m b^n | n > m \ge 0\}$ 写三个文法,它们分别是LR(1)的、二义的和非二义且非LR(1)的。

- □ LR(1)文法: $S \rightarrow AB$ $A \rightarrow aAb \mid \varepsilon$ $B \rightarrow Bb \mid b$
- □ 非二义且非LR(1)的文法: $S \rightarrow aSb \mid B \mid B \rightarrow Bb \mid b$

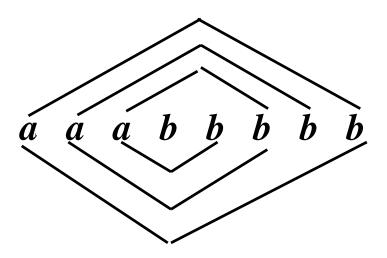




例题 写不同的文法

为语言 $L = \{a^m b^n | n > m \geq 0\}$ 写三个文法,它们分别是LR(1)的、二义的和非二义且非LR(1)的。

- □ LR(1)文法: $S \rightarrow AB$ $A \rightarrow aAb \mid \varepsilon$ $B \rightarrow Bb \mid b$
- □ 非二义且非LR(1)的文法: $S \rightarrow aSb \mid B \mid B \rightarrow Bb \mid b$
- □ 二义的文法: $S \rightarrow aSb \mid Sb \mid b$

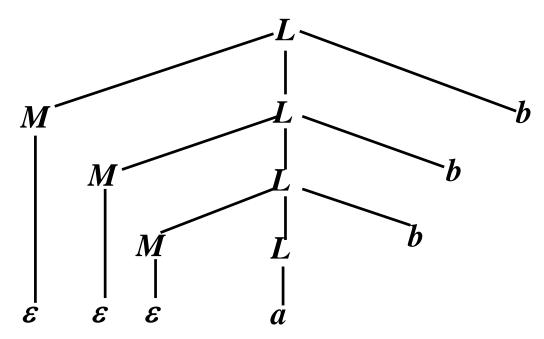




试说明下面文法不是LR(1)的:

$$L \rightarrow MLb \mid a$$

$$M \rightarrow \epsilon$$



句子abbb的分析树

面临a 时,不知道该 做多少次空归约 $M \rightarrow \epsilon$

1958 何是页5

下面的文法不是LR(1)的,对它略做修改,使之成为一个等价的SLR(1)文法

program → begin declist; statement end
 declist → d; declist | d
 statement → s; statement | s

该文法产生的句子的形式是 begin d;d;...;d;s;s;...;s end

修改后的文法如下:

program → begin declist statement end declist → d; declist | d; statement → s; statement | s

1958 **何炅反**6

一个C语言的文件如下, 第四行的if误写成fi: long gcd(p,q) long p,q; fi(p%q == 0)return q; else return gcd(q, p%q); 基于LALR(1)方法的一个编译器的报错情况如下: parse error before 'return' (line 5). 是否违反了LR分析的活前缀性质?



LR项目与LR文法小结

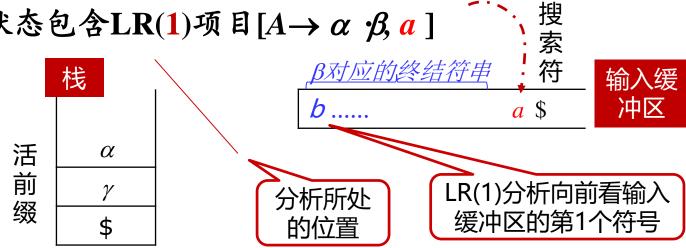
- □ LR($^{\bullet}$)项目[$A \rightarrow \alpha \beta$]、LR($^{\bullet}$)项目[$A \rightarrow \alpha \beta \alpha$]
 - 数字表示向前搜索的符号个数, 0表示不向前搜索符号
- □ SLR(k)分析技术与SLR(k)文法
 - SLR(1)分析的状态: LR(0)项目集
 - k是指向前看输入缓冲区的k个符号
- □ [规范的]LR(k)分析技术与LR(k)文法
 - LR(1)分析的状态: LR(1)项目集
- □ LALR(k)分析技术与LALR(k)文法
 - LR(1)分析的状态: LR(1)项目集+同心项目集合并



LR项目与LR文法小结

- □ 不是SLR(0)文法,但是SLR(1)文法
 - 例: S → a | ε
- □ SLR(0)文法
 - \blacksquare S \rightarrow a S \rightarrow a | b
- 不向前看时, 移进-归约 冲突

- □ 理解LR(1)项目与LR(1)文法中的1
 - 若栈顶状态包含LR(1)项目[$A \rightarrow \alpha \cdot \beta, \alpha$]





下期预告: 二义文法的应用

至此,本课程最抽象且 难以理解的部分已学完