

Moja implementacja algorytmu b-adoratorów jest bardzo prosta. Wszystkim poza wczytywaniem danych zajmują się dwie klasy - Graph i Node reprezentujące graf i poszczególne wierzchołki tego grafu. Wszystkie informacje o tym grafie takie jak zbiór wierzchołków, listy sąsiedztwa, inne zmienne pomocnicze są trzymane w tych dwóch klasach. To one zajmują się wykonaniem algorytmu, który moim zdaniem jest trochę prostszą wersją algorytmu z treści zadania i pracy KHAN, Arif, et al. *Efficient approximation algorithms for weighted b-matching*.

Z faktu, że rozpatrujemy grafy proste wynika, że żadna para wierzchołków nie będzie połączona więcej niż jedną krawędzią, zatem żaden wierzchołek nie może wystąpić więcej niż raz na pewnej liście sąsiedztwa(\*). Sortując tą listę (<:) otrzymamy listę malejących pod względem atrakcyjności kandydatów dla danego wierzchołka (v). Zauważmy, że nigdy nie chcemy się po tej liście cofać. Jeżeli jesteśmy na i-tej pozycji tej listy, to dla wierzchołków (x) z tej listy na pozycjach [0, i) zachodzi jedna z trzech możliwości:

- i) v jest połączony z x
- ii) v był połączony z x, ale pojawił się lepszy kandydat u który zastąpił v
- iii) v nie połączył się z x, ponieważ istniał już wtedy lepszy kandydat u

Dla pierwszego przypadku jesteśmy już połączeni z x, więc oczywiście nie chcemy łączyć się z nim jeszcze raz (prowadziłoby to do błędów), a dla drugiego i trzeciego zostalibyśmy odrzuceni (:c), ponieważ znaleziono już b(x) lepszych kandydatów od nas(\*\*). Połączenie tych dwóch obserwacji (\*) i (\*\*)) pozwala nam na pozbycie się struktury T opisanej w treści zadania.

Oszczędzam w ten sposób czas i pamięć potrzebną na utrzymywanie i aktualizację tej struktury, więc chyba mogę uznać to za moją pierwszą optymalizację. Reszta algorytmu działa tak samo jak algorytm opisany w treści zadania i pracy KHAN, Arif, et al.

Kolejną zastosowaną przeze mnie optymalizacją jest częściowe sortowanie list sąsiedztwa opisane w pracy naukowej KHAN, Arif, et al. Zdecydowałem się na  $p = 7$ , które jest po prostu średnią wartością najbardziej optymalnych  $p$  dla różnych grafów. Samo sortowanie wykonuję funkcją `std::partial_sort` z biblioteki `<algorithm>`.

Ostatnią optymalizacją jest wyposażenie każdego wątku we własną kolejkę wierzchołków, które trzeba będzie znowu rozpatrzyć. Ta zmiana również została opisana w danej pracy naukowej. Wątki zamiast dodawać każdy element na kolejkę osobno, najpierw budują własną, a po rozpatrzeniu wszystkich danych im wierzchołków przepisują ją do wspólnej.

Testowanie mojego rozwiązania na maszynie students z wykorzystaniem funkcji `time` dla dwóch identycznych wywołań potrafiło zwrócić czasy różniące się nawet o 30 sekund dla średniego czasu równego minutę. Dlatego zmuszony byłem obliczać czas działania funkcji na laptopie z jednym, dwurdzeniowym procesorem. Program wywołuję na przerobionym grafie `road_PA` pobranym ze strony SNAP, dla `blimit = 20`. Czas wczytania wejścia wynosi około 2,5 sekundy niezależnie od liczby wątków (został on odjęty).

Number of threads	Execution time	Acceleration
1	16.584s	1.00
2	13.634s	1.22
3	21.426s	0.77
4	24.213s	0.69
5	26.363s	0.63
6	27.770s	0.60
7	28.142s	0.58
8	29.464s	0.56

Widzimy wyraźne przyspieszenie dla 2 wątków. Biorąc pod uwagę, że cały test trwa tylko 16 sekund dla jednego wątku, przyspieszenie o 3 sekundy dla dwóch wątków uważam za dobry wynik. Niestety dla 3 i więcej wątków nie byłem w stanie zaobserwować przyspieszenia, ponieważ sprzęt na którym obliczałem czas wykonywania programu posiada tylko dwa procesory. Z tego powodu wywołanie programu dla więcej niż dwóch wątków spowalnia program zamiast go przyspieszać.